

پاییز ۱۴۰۳ استاد: على شريفي زارچي

مسئول تمرين: عرفان سليما

مهلت ارسال نهایی: ۴ آبان



دانشگاه صنعتی شریف دانشكدهي مهندسي كامپيوتر

تمرين اول

مهلت ارسال امتیازی: ۲۷ مهر

- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روزهای مشخص شده است.
- در طول ترم، برای هر تمرین میتوانید تا ۵ روز تأخیر مجاز داشته باشید و در مجموع حداکثر ۱۵ روز تأخیر مجاز خواهید داشت. توجه داشته باشید که تأخیر در تمرینهای عملی و تئوری به صورت جداگانه محاسبه میشود و مجموع تأخیر هر <mark>دو نباید بیشتر از ۱۵ روز شود.</mark> پس از اتمام زمان مجاز، دو روز اضافی برای آپلود غیرمجاز در نظر گرفته شده آست که در این بازه به ازای هر ساعت تأخیر، ۲ درصد از نمره تمرین کسر خواهد شد.
- اگر بخش عملی یا تئوری تمرین را قبل از مهلت ارسال امتیازی آپلود کنید، ۲۰ درصد نمره اضافی به آن بخش تعلق خواهد <mark>گرفت</mark> و پس از آن، ویدئویی تحت عنوان راهنمایی برای حل تمرین منتشر خواهد شد.
- حتماً تمرینها را بر اساس موارد ذکرشده در صورت سوالات حل کنید. در صورت وجود هرگونه ابهام، آن را در صفحه تمرین در سایت کوئرا مطرح کنید و به پاسخهایی که از سوی دستیار آموزشی مربوطه ارائه میشود، توجه کنید.
- در صورت همفکری و یا استفاده از هر منابع خارج درسی، نام همفکران و آدرس منابع مورد استفاده برای حل سوال مورد نظر را ذکر کنید.
- فایل پاسخهای سوالات نظری را در قالب یک فایل pdf به فرمت  $[STD\ ID].pdf$  آماده کنید و برای  $\bullet$ سوالات عملی، هریک را در یک فایل zip جداگانه قرار دهید و فایل zip اول را به فرمت zip دا در یک فایل zip جداگانه قرار دهید و فایل و فایل zip دوم را به فرمت HW۱ P۲  $[STD\ ID].zip$  نامگذاری کرده و هرکدام را به صورت جداگانه آپلود کنید.
  - گردآورندگان تمرین: مبینا سلیمیپناه، محمد مولوی، امیرعلی لقمانی، فاطمه السادات موسوی، عرشیا قارونی

## سوالات نظری (۱۰۰+۱۰ نمره)

١. (٢۵ نمره) به سوالات زير پاسخ كوتاه دهيد.

√الف) چرا از تابع softmax اغلب برای مسائل دستهبندی استفاده می شود؟

اب) بالا بودن واریانس در مدل چه معنایی دارد؟ یک روش ممکن برای کاهش واریانس در مدل خود بیان

اپ) چرا در حالتی که <mark>تمام ویژگی ها تا حد خوبی با خروجی مرتبط</mark> هستند، رگرسیون Ridge به رگرسیون Lasso به رگرسیون Lasso

ت چگونه رگولاریزیشن  $L_{\gamma}$  در classifierهای خطی بر روی تعادل بایاس\_واریانس تأثیر میگذارد؟  $L_{\gamma}$ 

۲. (۲۵ نمره) در یک مسئله رگرسیون خطی داریم:

underline -> vector

 $y = \underline{w}^T \underline{x}, \quad \underline{x} \in \mathbb{R}^L, \quad y \in \mathbb{R}$ 

 $y^T \chi^{-1} (\chi^T \chi) = \omega$ 

الف) اگر رگرسیون را فقط بر روی ویژگی j انجام دهیم، نشان دهید که:

$$w_j = \frac{X_j \underline{y}}{X_j X_j^T}$$

که  $X_j$  سطر j ماتریس دادهها است.

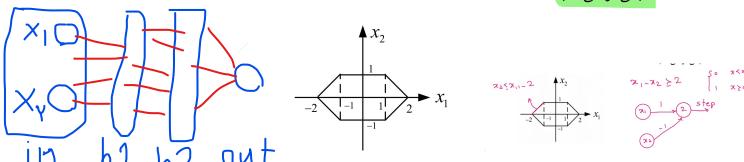
ماتریس از کرد. کوواریانس کرد. کوواریانس کرد. بهید

تغيير در

پیانس بهینه از آموزش رگرسیون بر روی همه ویژگیها با پارامترهای بهینه حاصل از آموزش روی هر ویژگی به طور مستقل بهینه از آموزش رگرسیون بر روی همه ویژگیها با پارامترهای بهینه حاصل از آموزش روی هر ویژگی به طور مستقل یکسان است.

y و رگرسیون را فقط بر روی ویژگی y=w انجام دهیم.  $w_j$  و w را بدست آورید.  $y=w^T\underline{x}+w$ 

۳. (۲۵ نمره) یک شبکه عصبی با دو گره در لایه ورودی و <mark>دولایه مخفی</mark> و تابع فعالسازی پله داریم. وزنها و بایاسهای این شبکه را به گونهای تعیین کنید که در ناحیه داخل ۶ ضلعی و روی اضلاع خروجی شبکه ۱ و در باقی نواحی ۰ باشد.



۴. (۲۵ نمره) در یک مسئله دسته بندی دو کلاسه (binary classification) از رگرسیون لاجستیک با تابع هزینه cross entropy استفاده کرده ایم. تابع هزینه برای یک نقطه از داده ها به صورت زیر تعریف می شود:

 $L=-\sum_{i=1}^n y_i\log(\hat{y}_i)$   $L=-\sum_{i=1}^n y_i\log(\hat{y}_i)$  که در آن y بردار برچسبهای واقعی و  $\hat{y}$  احتمالات پیش بینی شده با استفاده از تابع softmax به صورت زیر است:  $\hat{y}_i=\frac{e^{z_i}}{\sum_{i=1}^n e^{z_j}}$ 

الف) مشتق تابع softmax را نسبت به  $z_k$  برای دو حالت k=i و  $k\neq i$  به دست آورید. softmax را نسبت به  $z_k$  محاسبه نمایید. ابنا استفاده از مشتق تابع  $z_k$  مشتق تابع هزینه cross entropy را نسبت به  $z_k$  محاسبه نمایید.

۵. (امتیازی ـ ۱۰ نمره) به سوالات زیر در مورد رگرسیون Ridge پاسخ دهید:

الف) نشان دهید که به ازای مقادیر  $\lambda>0$  واریانس ضرایب Ridge از واریانس ضرایب رگرسیون خطی کوچکتر است:

$$\operatorname{Var}(\hat{\beta}^{LS}) > \operatorname{Var}(\hat{\beta}^{Ridge}(\lambda))$$

$$\omega = (\chi^{\mathsf{T}}\chi)^{-1}\chi^{\mathsf{T}}\chi^$$

ربان نشان دهید به ازای مقادیر  $\lambda > 0$  رابطه زیر برقرار است:

$$\operatorname{tr}\left\{\operatorname{Var}[\hat{Y}(\lambda)]\right\} = \sigma^{\mathsf{Y}} \sum_{j=1}^{p} (D_{x})_{jj}^{\mathsf{Y}} \left[ (D_{x})_{jj}^{\mathsf{Y}} + \lambda \right]^{-\mathsf{Y}}$$

singular values ست. X است. که شامل مقادیر تکین X است که شامل مقادیر تکین است که ماتریس قطری است که ماهم که که ماهم که که ماهم که که که ک

## سوالات عملي (١٠٠ نمره)

1. (۱۰۰ نمره) برای حل سوالات به notebook های ضمیمه شده مراجعه کنید.

(۱) (۶۰ نمره) برای پاسخ به تمرین عملی اول ابتدا فایل نوتبوک قرار گرفته را باز کنید و سپس مراحل را مطابق آنچه که از شما خواسته شده انجام دهید. در نهایت، مقادیر پیشبینی شده برای دیتاست InsuranceData\_test.csv را در یک فایل به نام submission.csv که شامل یک ستون به نام میباشد، ذخیره کنید. فایل خروجی و فایل نوتبوک را در یک فایل zip قرار دهید و آن را به فرمت  $HW \ PV \ STD \ ID \ zip$ 

توجه بفرمایید این سوال دارای داوری خودکار میباشد و ۱۵ نمره از ۶۰ نمره به این قسمت تعلق دارد.

را تکمیل (۲) (۲) نمره) برای پاسخ به تمرین عملی دوم تنها کافی است نوتبوک Perceptron.ipynb را تکمیل کرده و سپس مطابق با فرمت ذکر شده آپلود کنید.