Lineární programování a kombinatorická optimalizace – 1. praktický úkol

Pavel Mikuláš

20. dubna 2020

Příklad 1. Pomocí simplexové metody nalezněte optimální řešení následující úlohy:

$$\max 4x_1 + x_3 + x_4$$

$$8x_1 - 5x_3 - x_4 = 40$$

$$4x_2 - x_3 - x_4 = 24$$

$$x_3 + x_5 = 8$$

$$-2x_3 + x_4 + x_6 = 8$$

$$x_1, \dots, x_6 \ge 0$$

Použijeme přípustné bazické řešení $(x_1, \ldots, x_6) = (5, 6, 0, 0, 8, 8)$ a dosadíme do simplexové tabulky

$$\max 20 + \frac{7}{2}x_3 + \frac{3}{2}x_4$$

$$x_1 = 5 + \frac{5}{8}x_3 + \frac{1}{8}x_4$$

$$x_2 = 6 + \frac{1}{4}x_3 + \frac{1}{4}x_4$$

$$x_5 = 8 - x_3$$

$$x_6 = 8 + 2x_3 - x_4$$

Do báze vstoupíme x_3 a vystoupíme x_5 podle Dantzigova pravidla a dostaneme novou simplexovou tabulku

$$\max 48 - \frac{7}{2}x_5 + \frac{3}{2}x_4$$

$$x_1 = 10 + \frac{1}{8}x_4 - \frac{5}{8}x_5$$

$$x_2 = 8 + \frac{1}{4}x_4 - \frac{1}{4}x_5$$

$$x_3 = 8 - x_5$$

$$x_6 = 24 - x_4 - 2x_5$$

Vstoupíme x_4 a vystoupíme x_6

$$\begin{array}{l} \max 84 - \frac{13}{2}x_5 - \frac{3}{2}x_6 \\ x_1 = 13 - \frac{7}{8}x_5 - \frac{1}{8}x_6 \\ x_2 = 14 - \frac{3}{4}x_5 - \frac{1}{4}x_6 \\ x_3 = 8 - x_5 \\ x_4 = 24 - 2x_5 - x_6 \end{array}$$

Dále už není co zlepšovat, máme tedy optimum $(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6) = (13, 14, 8, 24, 0, 0)$ s hodnotou účelové funkce 84.