# IN310 - Mathématiques pour l'informatique 3<sup>ieme</sup> contrôle continu 2017-2018

Durée: 1h10.

Les documents sont autorisés. Pas de calculettes. Pas d'ordinateur. Pas de téléphone.

IMPORTANT : Pensez à noter le numéro du sujet sur votre copie.

#### Question 1

Soient a = 201 et b = 167.

- 1. Calculer le pgcd de a et b.
- 2. Utiliser l'algorithme d'Euclide étendu pour calculer deux entiers u et v tels que pgcd(a, b) = au + bv.
- 3. Calculer l'inverse de b modulo a.

### Question 2

Le Petit Théorème de Fermat dit que si p est un nombre premier et a est un entier tel que  $\operatorname{pgcd}(a,p)=1,$  alors

$$a^{p-1} \equiv 1 \mod p$$
.

Utiliser le petit théorème de Fermat pour calculer  $2^{20} + 3^{30} + 4^{40} \mod 7$ .

## Question 3

On considère les matrices suivantes

- (a) Calculer le produit AB.
- (b) Calculer le déterminant de A, B et AB.

### Question 4

Résoudre le système linéaire suivant par la méthode de Gauss

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 0 & 1 & -1 \\ -2 & -1 & 1 & -3 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ t \\ u \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$