Vamos Aprender

# MATEMÁTICA



GRÁFICOS

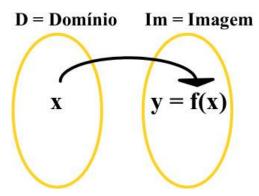
**EXEMPLOS** 

## Matemática

Quando trabalhamos com funções, a construção de gráficos é de extrema importância. Podemos dizer que assim como vemos nossa imagem refletida no espelho, o gráfico de uma função é o seu reflexo. Através do gráfico, podemos definir de que tipo é a função mesmo sem saber qual é a sua lei de formação. Isso porque cada função tem sua representação gráfica particular.

A função determina uma relação entre os elementos de dois conjuntos. Podemos defini-la utilizando uma lei de formação, em que, para cada valor de x, temos um valor de f(x). Chamamos x de domínio e f(x) ou y de imagem da função.

A formalização matemática para a definição de função é dada por: Seja X um conjunto com elementos de x e Y um conjunto dos elementos de y, temos que: f:  $x \rightarrow y$ 



#### Tipos de funções

As funções podem ser classificadas em três tipos, a saber:

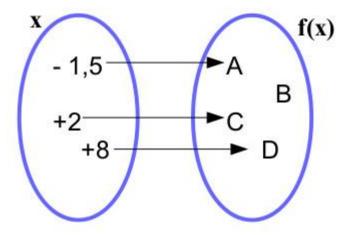
#### Função injetora ou injetiva

Nessa função, cada elemento do domínio (x) associa-se a um único elemento da imagem f(x). Todavia, podem existir elementos do contradomínio que não são imagem. Quando isso acontece, dizemos que o contradomínio e imagem são diferentes.



#### Veja um exemplo:

- Conjunto dos elementos do domínio da função: D(f) = {-1,5, +2, +8}
- Conjunto dos elementos da imagem da função: Im(f) = {A, C, D}
- Conjunto dos elementos do contradomínio da função: CD(f) = {A, B, C, D}

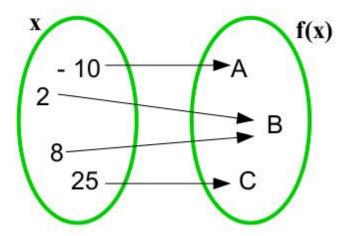


#### Função Sobrejetora ou sobrejetiva

Na função sobrejetiva, todos os elementos do domínio possuem um elemento na imagem. Pode acontecer de dois elementos do domínio possuírem a mesma imagem. Nesse caso, imagem e contradomínio possuem a mesma quantidade de elementos.

- Conjunto dos elementos do domínio da função: D(f) = {-10, 2, 8, 25}
- Conjunto dos elementos da imagem da função: Im (f) = {A, B, C}
- Conjunto dos elementos do contradomínio da função: CD (f) = {A, B, C}

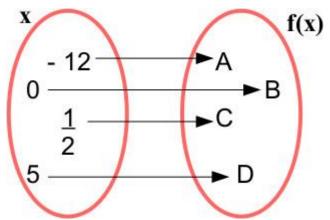




#### Função bijetora ou bijetiva

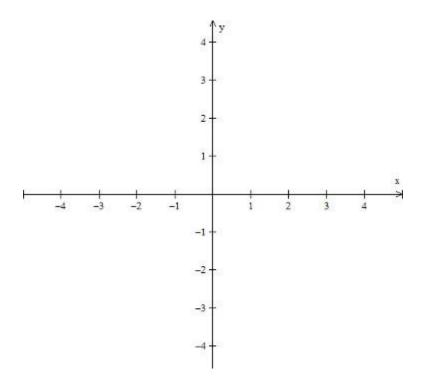
Essa função é ao mesmo tempo injetora e sobrejetora, pois, cada elemento de x relaciona-se a um único elemento de f(x). Nessa função, não acontece de dois números distintos possuírem a mesma imagem, e o contradomínio e a imagem possuem a mesma quantidade de elementos.

- Conjunto dos elementos do domínio da função: D(f) = {-12, 0, 1, 5}
- Conjunto dos elementos da imagem da função: Im (f) = {A, B, C, D}
- Conjunto dos elementos do contradomínio da função: CD (f) = {A, B, C, D}



As funções podem ser representadas graficamente. Para que isso seja feito, utilizamos duas coordenadas, que são x e y. O plano desenhado é bidimensional. A coordenada x é chamada de abscissa e a y, de ordenada. Juntas em funções, elas formam leis de formação. Veja a imagem do gráfico do eixo x e y:





Do último ano do Fundamental e ao longo do Ensino Médio, geralmente estudamos doze funções, que são:

- 1 Função constante;
- 2 Função par;
- 3 Função ímpar;
- 4 Função afim ou polinomial do primeiro grau;
- 5 Função Linear;
- 6 Função crescente;
- 7 Função decrescente;
- 8 Função quadrática ou polinomial do segundo grau;
- 9 Função modular;
- 10 Função exponencial;
- 11 Função logarítmica;
- 12 Funções trigonométricas;
- 13 Função raiz.



Mostraremos agora o gráfico e a fórmula geral de cada uma das funções listadas acima:

#### 1 - Função constante

Na função constante, todo valor do domínio (x) tem a mesma imagem (y).

Fórmula geral da função constante:

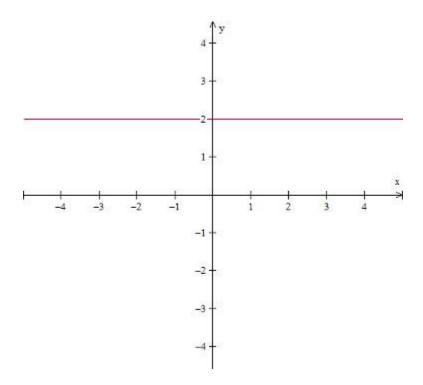
f(x) = c

x = Domínio

f(x) = Imagem

c = constante, que pode ser qualquer número do conjunto dos reais.

Exemplo de gráfico da função constante: f(x) = 2





#### 2 – Função Par

A função par é simétrica em relação ao eixo vertical, ou seja, à ordenada y. Entenda simetria como sendo uma figura/gráfico que, ao dividi-la em partes iguais e sobrepô-las, as partes coincidem-se perfeitamente.

Fórmula geral da função par:

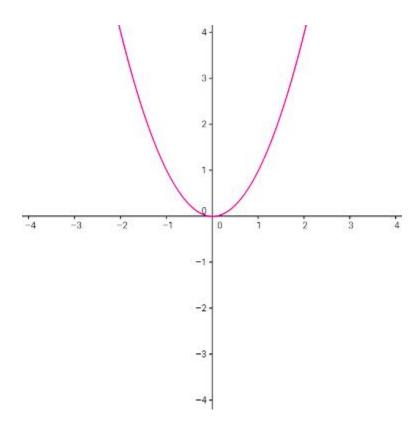
$$f(x) = f(-x)$$

x = domínio

f(x) = imagem

- x = simétrico do domínio

Exemplo de gráfico da função par:  $f(x) = x^2$ 





#### 3 – Função ímpar

A função ímpar é simétrica (figura/gráfico que, ao dividi-la em partes iguais e sobrepô-las, as partes coincidem-se perfeitamente) em relação ao eixo horizontal, ou seja, à abscissa x.

Fórmula geral da função ímpar

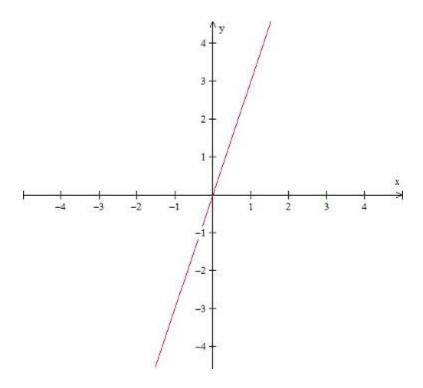
f(-x) = -f(x)

-x = domínio

f(-x) = imagem

- f(x) = simétrico da imagem

Exemplo de gráfico da função ímpar: f(x) = 3x





#### 4 – Função afim ou polinomial do primeiro grau

Para saber se uma função é polinomial do primeiro grau, devemos observar o maior grau da variável x (termo desconhecido), que sempre deve ser igual a 1. Nessa função, o gráfico é uma reta. Além disso, ela possui: domínio x, imagem f(x) e coeficientes a e b.

Fórmula geral da função afim ou polinomial do primeiro grau

f(x) = ax + b

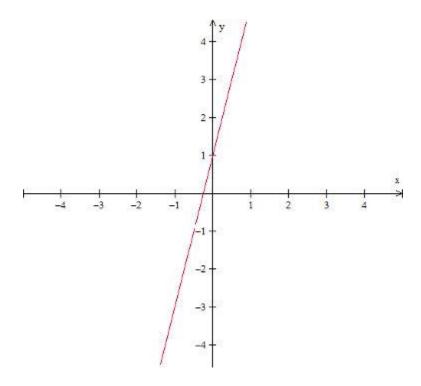
x = domínio

f(x) = imagem

a = coeficiente

b = coeficiente

Exemplo de gráfico da função polinomial do primeiro grau: f(x) = 4x + 1





#### 5 – Função Linear

A função linear tem sua origem na função do primeiro grau (f(x) = ax + b). Trata-se de um caso particular, pois b sempre será igual a zero.

Não pare agora... Tem mais depois da publicidade ;)

Fórmula geral da função linear

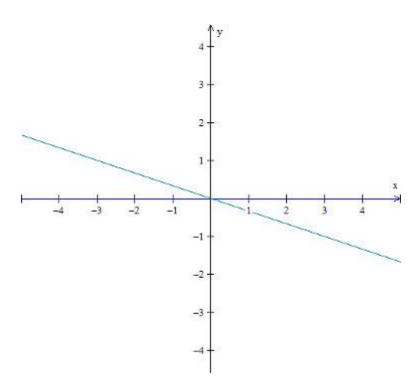
f(x) = ax

x = domínio

f(x) = imagem

a = coeficiente

Exemplo de gráfico da função linear: f(x) = -x/3





#### 6 – Função crescente

A função polinomial do primeiro grau será crescente quando o coeficiente a for diferente de zero e maior que um (a > 1).

Fórmula geral da função crescente

f(x) = + ax + b

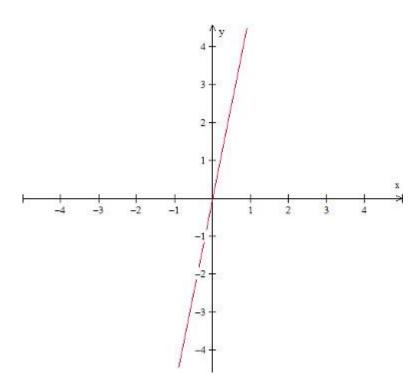
x = domínio

f(x) = imagem

a = coeficiente sempre positivo

b = coeficiente

Exemplo de gráfico da função crescente: f(x) = 5x





#### 7 – Função decrescente

Na função decrescente, o coeficiente a da função do primeiro grau (f(x) = ax + b) é sempre negativo.

Fórmula geral da função decrescente

f(x) = -ax + b

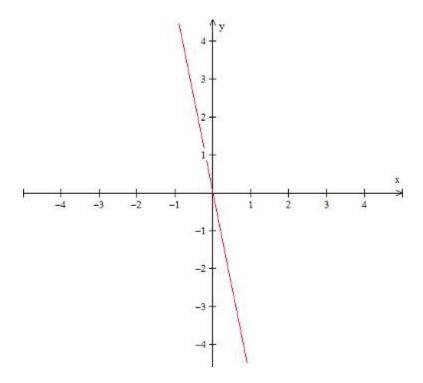
x= domínio/ incógnita

f(x) = imagem

- a = coeficiente sempre negativo

b = coeficiente

Exemplo de gráfico da função decrescente: f(x) = -5x





#### 8 – Função quadrática ou polinomial do segundo grau

Identificamos que uma função é do segundo grau quando o maior expoente que acompanha a variável x (termo desconhecido) é 2. O gráfico da função polinomial do segundo grau sempre será uma parábola. A sua concavidade muda de acordo com o valor do coeficiente a. Sendo assim, se a é positivo, a concavidade é para cima e, se for negativo, é para baixo.

Fórmula geral da função quadrática ou polinomial do segundo grau

 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 

x = domínio

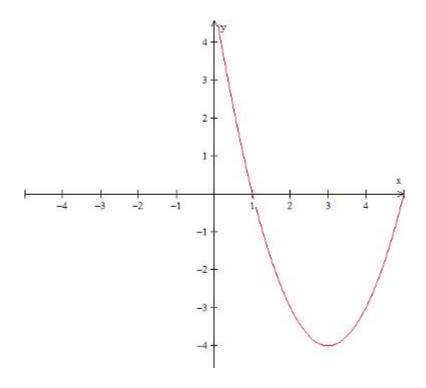
f(x) = imagem

a = coeficiente que determina a concavidade da parábola.

b = coeficiente.

c = coeficiente.

Exemplo de gráfico da função polinomial do segundo grau:  $f(x) = x^2 - 6x + 5$ 





#### 9 – Função modular

A função modular apresenta o módulo, que é considerado o valor absoluto de um número e é caracterizado por (| |). Como o módulo sempre é positivo, esse valor pode ser obtido tanto negativo quanto positivo. Exemplo: |x| = + x ou |x| = - x.

Fórmula geral da função modular

$$f(x) = x$$
, se  $x \ge 0$ 

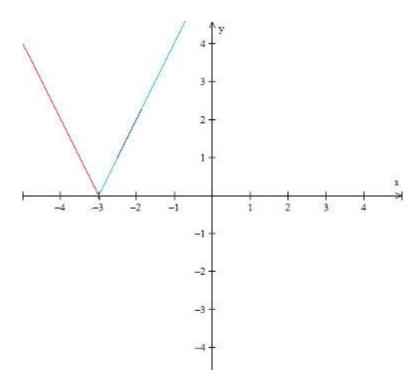
ou

$$f(x) = -x$$
, se x < 0

$$x = domínio$$

$$f(x) = imagem$$

Exemplo de gráfico da função modular: f(x) =





#### 10 – Função exponencial

Uma função será considerada exponencial quando a variável x estiver no expoente em relação à base de um termo numérico ou algébrico. Caso esse termo seja maior que 1, o gráfico da função exponencial é crescente. Mas se o termo for um número entre 0 e 1, o gráfico da função exponencial é decrescente.

Fórmula geral da função exponencial

 $f(x) = a^x$ 

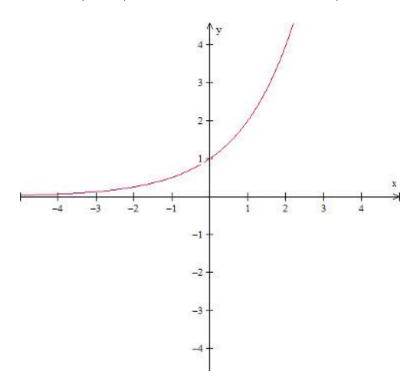
a > 1 ou 0 < a < 1

x = domínio

f(x) = imagem

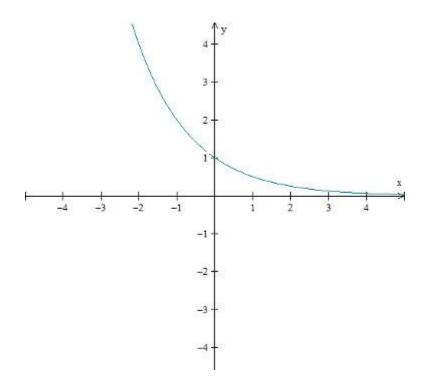
a = Termo numérico ou algébrico

Exemplo de gráfico da função exponencial crescente:  $f(x) = (2)^{x_i}$  para a = 2





Exemplo de gráfico da função exponencial decrescente:  $f(x) = (1/2)^x$  para  $a = \frac{1}{2}$ 





#### 11 - Função logarítmica

Na função logarítmica, o domínio é o conjunto dos números reais maiores que zero e o contradomínio é o conjunto dos elementos dependentes da função, sendo todos números reais.

Fórmula geral da função logarítmica

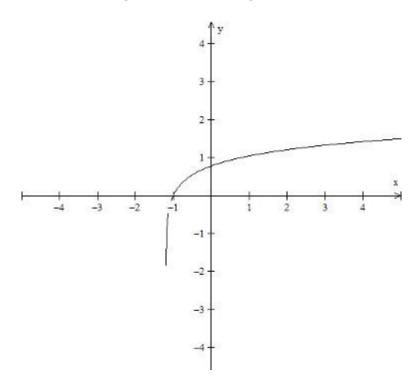
 $f(x) = log_a x$ 

a = base do logaritmo

f(x) = Imagem / Iogaritmando

x = Domínio/ logaritmo

Exemplo de gráfico da função logarítmica:  $f(x) = log_{10} (5x - 6)$ 



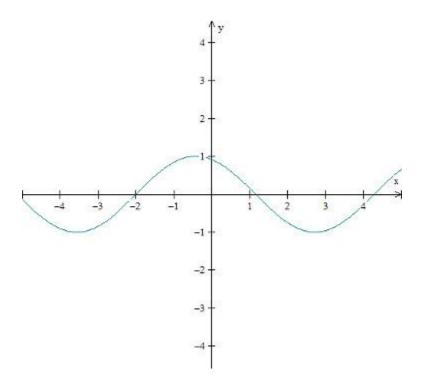


#### 12 – Funções trigonométricas

As funções trigonométricas são consideradas funções angulares e são utilizadas para o estudo dos triângulos e em fenômenos periódicos. Podem ser caracterizadas como razão de coordenadas dos pontos de um círculo unitário. As funções consideradas elementares são:

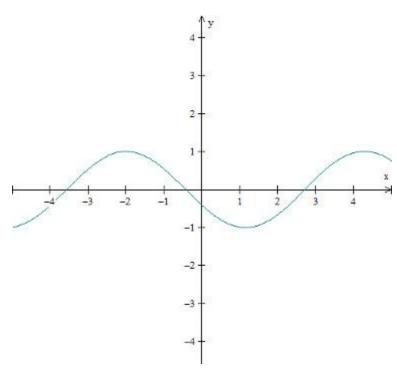
Seno: f(x) = sen xCosseno: f(x) = cos xTangente: f(x) = tg x

Exemplo de gráfico da função trigonométrica seno: f(x) = sen(x + 2)

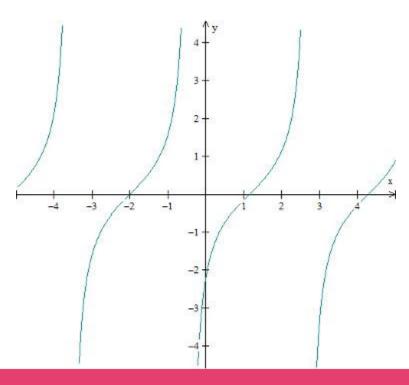




Exemplo de gráfico da função trigonométrica cosseno: f(x) = cos (x + 2)



Exemplo de gráfico da função tangente: f(x) = tg(x + 2)





#### 13 – Função raiz

O que determina o domínio da função raiz é o termo n que faz parte do expoente. Se n for ímpar, o domínio (x) será o conjunto dos números reais; se n for par, o domínio (x) será somente os números reais positivos. Isso porque, quando o índice é par, o radicando (termo que fica dentro da raiz) não pode ser negativo.

Fórmula geral da função raiz

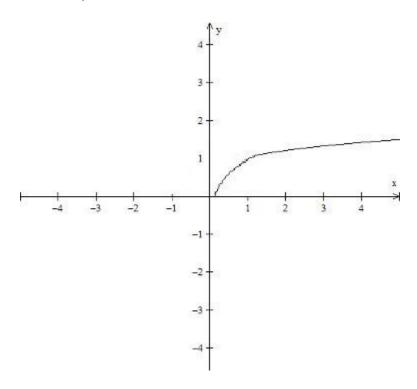
 $f(x) = x^{1/n}$ 

f(x) = Imagem

x = domínio/base

1/n = expoente

Exemplo de gráfico da função raiz:  $f(x) = (x)^{1/2}$ 





#### Hopa da kevisão

#### SEQUÊNCIA

#### O QUE É

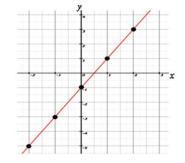
A CONSTRUÇÃO DE UM GRÁFICO NO PLANO CARTESIANO REPRESENTADO PELA LEI DE FORMAÇÃO GERAL DAS FUNÇÕES, DADA POR Y = F(X), COM X PERTENCENTE AO DOMÍNIO E Y CONSTITUINDO A IMAGEM, SERÁ DADA POR ALGUMAS CONDIÇÕES PRÁTICAS, OBSERVE

- \* Construir um eixo de coordenadas cartesianas em papel centimetrado ou milimetrado.
- \* Determinar uma tabela com os possíveis valores do domínio dado por X.
- \* CALCULAR O PAR ORDENADO (X, Y) DE ACORDO COM A LEI DE FORMAÇÃO DA FUNÇÃO EM QUESTÃO.
- \* MARCAR NO PLANO CARTESIANO OS PARES ORDENADOS CALCULADOS, OBEDECENDO À ORDEM X (EIXO HORIZONTAL) E Y (EIXO VERTICAL).
- \* LIGAR OS PONTOS, CONSTITUINDO O GRÁFICO DA FUNÇÃO.



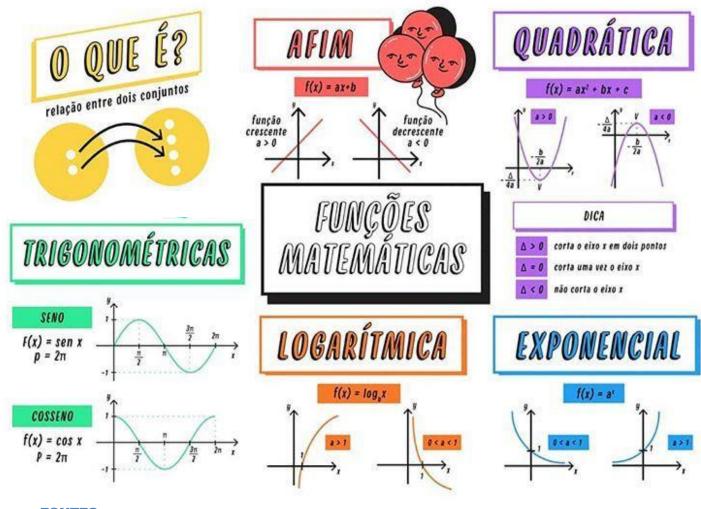
#### **EXEMPLO**

vamos determinar o gráfico da função dada pela seguinte lei de formação: Y = F(X) = 2X - 1.





### Hopa da kevisão



#### **FONTES:**

HTTPS://WWW.VESTMAPAMENTAL.COM.BR/MATEMATICA



/GRAFICO-DE-UMA-FUNCAO/

**DESCOMPLICA** 

HTTPS://BR.PINTEREST.COM/PROFDANIELHILARIO/\_CREATED/

HTTPS://MUNDOEDUCACAO.UOL.COM.BR/MATEMATICA/FUNCAO.

HTM#:~:TEXT=FUN%C3%A7%C3%A30%20INJETORA%200U%

20INJETIVA,CONTRADOM%C3%ADNIO%20E%20IMAGEM%20S%C3

%A30%20DIFERENTES.



# Função do

#### Notação:

1º Grau

$$f(x) = ax + b$$
ou
$$y(x) = mx + b$$

 $\underline{\mathbf{a}}$  e  $\underline{\mathbf{b}}$  pertencem ao conjunto dos números reais e  $\mathbf{a} = 0$ .

$$a = tg(\alpha) = \frac{y_2 - y_3}{x_2 - x_3}$$

b: coeficiente linear

Onde a RETA CORTA O EIXO Y

#### GRÁFICOS (Linear / Reta)

Sea > o

função crescente



Raiz da

Raiz da função x = -b Se a < o função decrescente



Observações

Se a - 9 então a função é constante e o gráfico é uma reta paratela ao eixo y

Se b = Ø então a reta passa pela origem, ou seja, O = (0,0).



# Função do

#### Notação:

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

Concavidade para cima

Sea<0

Concavidade para baixo



Contradominio da função





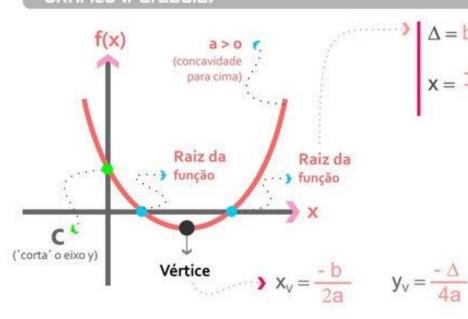
a, b e c pertencem ao conjunto dos números reais e  $\mathbf{a} \neq 0$ .

#### Raízes ou Zeros da função

- duas raízes reais e **Distintas** 
  - duas raízes reais e **Iguais**
- $\Delta < 0$  **não possui** raiz Real.

- A parábola 'corta' o 'eixo x' em 2 pontos.
- A parábola 'corta' o 'eixo x' em apenas 1 ponto.
- A parábola não 'corta' o

#### GRÁFICO (Parábola)



$$\Delta = b^2 - 4.a.c$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2.a}$$

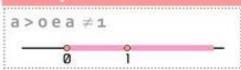
$$y_v = \frac{-\Delta}{4a}$$



Função exponencial

$$f(x) = a^x$$

#### Condição de existência





a pertence ao conjunto dos números reais e deve satisfazer a condição de existência.

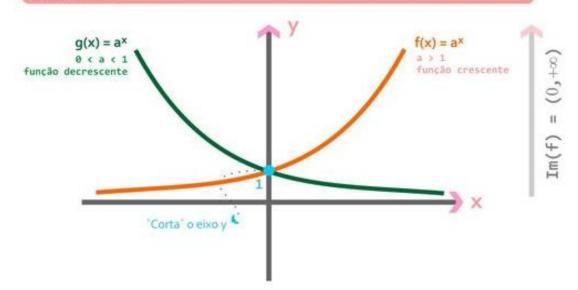
Propriedades:

#### Função Exponencial Natural (e')

A função exponencial natural é a função exponencial cuja base é o número de Euler. O valor aproximado, do número e, é 2,718281828.

$$f(x) = e^x$$

#### GRÁFICOS





Função logarítmica



#### Condição de existência

a > 0 e a # 1 0



a pertence ao conjunto dos números reais e deve satisfazer a condição de existência.

Propriedades:

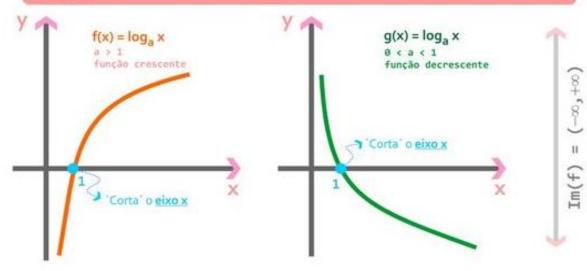
Exemplo: Dada a função f(x) = log, x tem-se que a sua inversa é a função g(x) = 2"

#### Função Logarítmica Natural ( ln(x) )

A função logorítmica natural é a função logarítmica cuja base é o número de Euler. O valor aproximado, do número e, é 2,718281828.

$$f(x) = log_e x \rightarrow f(x) = ln(x)$$

#### GRÁFICOS





### Dúvidas?

### Confira nossas explicações nos vídeos disponíveis em

**SOS Educa** 

