

Estructuras de Datos y Algoritmos

Grados en Ingeniería Informática, de Computadores y del Software

Examen Segundo Parcial, Junio 2015

1. **[3 puntos]** Extiende el TAD `List` visto en clase, con una nueva operación que modifique la lista intercalando sus nodos de la siguiente forma: supongamos que los nodos de la lista de izquierda a derecha son $n_1, n_2, n_3, n_4, \dots, n_{k-3}, n_{k-2}, n_{k-1}, n_k$, al finalizar la ejecución del método los nodos estarán colocados como $n_1, n_k, n_2, n_{k-1}, n_3, n_{k-2}, n_4, n_{k-3}, n_5, \dots$.

Indica la complejidad de tu implementación. Esta debe ser lo más eficiente posible. Para ello, se debe evitar liberar y reservar memoria, y hacer copias de los campos. Si haces uso de métodos auxiliares, impléntalos también.

A continuación se muestra a modo de recordatorio las partes relevantes del TAD `List`.

```
class List {
    private:
        class Nodo {
            public:
                Nodo() : _sig(NULL), _ant(NULL) {}
                Nodo(const T &elem) : _elem(elem), _sig(NULL), _ant(NULL) {}
                Nodo(Nodo *ant, const T &elem, Nodo *sig) :
                    _elem(elem), _sig(sig), _ant(ant) {}

                T _elem;
                Nodo *_sig;
                Nodo *_ant;
        };
        Nodo * _prim;   Nodo* _ult;   ...
    public:
        void doblarLista();   ...
}
```

2. **[3 puntos]** Podemos utilizar los árboles binarios para representar los caminos en la falda de una montaña. La raíz del árbol representa la cima de la que salen una o dos rutas. Las distintas rutas según se va ensanchando la falda de la montaña se dividen en dos formando caminos que nunca se volverán a conectar. Un escalador está en la cima de la montaña (raíz del árbol) y se da cuenta de que en distintas intersecciones (marcadas en el árbol con 'X') hay amigos que necesitan su ayuda para subir. Tiene que bajar a cada una de las 'X' y ayudarles a subir de uno en uno. Implementa una función con la cabecera

```
int tiempoAyuda(const Arbin<char> &a);
```

que, dado uno de estos árboles binarios, devuelva el tiempo que tardará el escalador en ayudar a todos esos amigos si cada tramo de intersección a intersección lleva una hora en ser recorrido (en cada uno de los dos sentidos).

3. **[4 puntos]** Cada uno de los profesores de distintas asignaturas de un mismo grupo de alumnos tiene una lista de faltas, es decir, para cada alumno van anotando cuantas veces ha faltado en esa asignatura (0 si no ha faltado nunca). Para gestionar esta información diseñan un tipo abstracto de datos *Faltas* con tres operaciones generadoras:

- *anadirAlumno*, que añade un alumno en todas las asignaturas con 0 faltas.
- *anadirFalta*, que incrementa en 1 el número de faltas de un alumno en una asignatura.
- *anadirAsignatura*, que construye una lista con los mismos alumnos de las demás asignaturas, cada uno de ellos con 0 faltas.

A la hora de implementar este TAD han decidido que la lista de faltas de una asignatura viene representada por un diccionario con clave *IdAlumno* y valor asociado el número de faltas del alumno en esa asignatura; y que todas las listas de faltas se hallan almacenadas en un diccionario con clave *IdAsignatura* (identificador de la asignatura) y valor asociado la lista de faltas de esa asignatura. El invariante de la representación incluye el hecho de que las listas de todas las asignaturas contienen exactamente los mismos alumnos:

```
class Faltas
{public :
    void anadirAlumno(const IdAlumno& a);
        //incorpora al alumno en todas las asignaturas que haya con 0 faltas
    void anadirFalta(const IdAlumno& a,const IdAsignatura& s);
        //incrementa en 1 las faltas del alumno en la asignatura.
    void anadirAsignatura(const IdAsignatura& s);
        // incorpora todos los alumnos que ya esten presentes
        // en las otras asignaturas con 0 faltas

        ...otros metodos...
private:
    Diccionario<IdAsignatura,Diccionario<IdAlumno,int> > listas_faltas;}
```

En la reunión de fin de curso, ponen en común su información y desean añadir a este TAD las siguientes operaciones:

- *noFaltas*, que por orden alfabético (el dado sobre *IdAlumno*) devuelve una lista con todos los alumnos que no han faltado a ninguna clase en ninguna de las asignaturas.
- *totalFaltas*, que dado un alumno, devuelve el número de faltas que acumula entre todas las asignaturas.
- *maxFaltas*, que devuelve la asignatura donde mayor número de faltas hay entre todos los alumnos; si hay varias con el máximo número de faltas devuelve una cualquiera.

Se pide:

- 1.[0,5 ptos] Elegir justificadamente la implementación de cada uno de los dos diccionarios e indicar, en base a esta decisión, qué le exigis a los tipos *IdAsignatura* e *IdAlumno*, y cual es el coste que tendrían las operaciones generadoras arriba mencionadas.
- 2.[0,75 puntos] Implementar la operación *totalFaltas* e indicar su coste.
- 3.[1,25 puntos] Implementar la operación *noFaltas* e indicar su coste.
- 4.[0,5 puntos] Explicar cómo mejorar la representación del tipo *Faltas* para que las dos operaciones anteriores, *noFaltas* y *totalFaltas*, sean más eficientes sin que se incremente el coste de las generadoras.
- 5.[1 punto] Extender la representación del tipo *Faltas* para que la operación *maxFaltas* sea de coste $O(m)$ siendo m el número de asignaturas. Con todas las extensiones propuestas en este apartado y el anterior implementar la generadora *anadirFalta*.