

TECNOLÓGICO NACIONAL DE MEXICO

INSTITUTO TECNOLÓGICO DE  
IZTAPALAPA

INTEGRANTE:

PEREZ ARMAS FAUSTO ISAAC

181080037

ISC-6AM

LENGUAJES Y AUTOMATAS I

M.C. ABIEL TOMÁS PARRA HERNÁNDEZ

SEP 2020 / FEB 2021

ACTIVIDAD SEMANA 13

## Definición formal de una ER

Una expresión regular (ER) sobre un alfabeto finito  $\Sigma$  se define recursivamente como sigue:

1. Para todo  $c \in \Sigma$ ,  $c$  es una ER
2.  $\Phi$  es una ER
3. Si  $E1$  y  $E2$  son ERs,  $E1 \mid E2$  es una ER
4. Si  $E1$  y  $E2$  son ERs,  $E1 \cdot E2$  es una ER
5. Si  $E1$  es una ER,  $E1^*$  es una ER
6. Si  $E1$  es una ER,  $(E1)$  es una ER

Cuando se lee una expresión regular, hay que saber qué operador debe leerse primero.

Esto se llama precedencia. Por ejemplo, la expresión  $a \mid b \cdot c^*$ , ¿debe entenderse como (1) la “ $^*$ ” aplicada al resto? (2) ¿la “ $\mid$ ” aplicada al resto? (3) ¿la “ $\cdot$ ” aplicada al resto? La respuesta es que, primero que nada se aplican los “ $^*$ ”, segundo los “ $\cdot$ ”, y finalmente los “ $\mid$ ”.

Esto se expresa diciendo que el orden de precedencia es  $^*$ ,  $\cdot$ ,  $\mid$ . Los paréntesis sirven para alterar la precedencia. Por ejemplo, la expresión anterior, dado el orden de precedencia que establecimos, es equivalente a  $a \mid (b \cdot (c^*))$ . Se puede forzar otro orden de lectura de la ER cambiando los paréntesis, por ejemplo  $(a \mid b) \cdot c^*$ .

Asimismo, debe aclararse cómo se lee algo como  $a \mid b \mid c$ , es decir ¿cuál de los dos “ $\mid$ ” se lee primero? Convengamos que en ambos operadores binarios se lee primero el de más a la izquierda (se dice que el operador “asocia a la izquierda”), pero realmente no es importante, por razones que veremos enseguida. Observar que aún no hemos dicho qué significa una ER, sólo hemos dado su sintaxis pero no su semántica.

**Operaciones** Ofrecen algo más que los autómatas no:

Manera declarativa de expresar las cadenas que queremos aceptar.

Tipos: UNION.- Si  $a$  y  $b$  son expresiones regulares,  $a \mid b$  es una expresión regular tal que:  $\{a \text{ y } b\} = a \mid b$ , es decir que puede aparecer o no indistintamente. Símbolo:  $\mid$

**CONCATENACIÓN:** Si  $a$  y  $b$  son expresiones regulares,  $ab$  es una expresión regular tal que:  $\{a \text{ y } b\} = \{a\}\{b\}$  Símbolo:  $|$  .

**CIERRE U OPERACIÓN ESTRELLA:** Si  $a$  es una expresión regular, entonces  $a^*$  es una expresión regular que denota  $\{a\}^*$ . Es decir que denota as cadenas:  $a \text{ aa aaa...a}$  Es decir puede no venir por lo cual seria un conjunto vacio o venir repetidamente Símbolo:  $*$

**CIERRE POSITIVO:** Si es una expresión regular, entonces  $a^+$  es una expresión regular que denota  $\{a\}^+$ . Es decir denota las cadenas:  $a \text{ aa aaa...a}$  Símbolo:  $+$

2.3. Aplicaciones en problemas reales Facilitar las construcciones de un compilador. Validar la sintaxis de un programa Algunos generadores lexicográficos toman como entrada una sucesión de expresiones regulares y produce un autómata finito que reconozca cualquier expresión ahí descritos.