



Universidad de Buenos Aires Laboratorio de Sistemas Embebidos Especialización en Inteligencia Artificial

Probabilidad y Estadística para la Inteligencia Artificial

| Nombre: | Fausto Juarez Yelamos | Código: | a1603 |
|---------|-----------------------|---------|-------|
| Fecha: | | | |

PRIMER EXAMEN PARCIAL

- 1. (3 puntos) Tres dados cargados, tienen las siguientes probabilidades de obtener un seis: 0,96, 0,87 y 0,76, respectivamente. Se elije uno de estos dados al azar, se lanza y se obtiene un seis. Determine la probabilidad de haber elegido el primer dado.
- 2. (3 puntos) Sea $f_{X,Y}(x,y) = \frac{6(2-\frac{2}{1}x-y)}{4}$ la función de densidad conjunta definida en el triángulo delimitado por el eje x, el eje y y la recta $y=2-\frac{2}{1}x$ (la densidad es 0 fuera de esa región). Determine la función marginal de densidad para la variable X.
- 3. (4 puntos) Una variable aleatoria discreta X puede tomar los valores 0, 1, 2 y 3. Las probabilidades para cada valor posible están dadas por la siguiente tabla:

| X | 0 | 1 | 2 | 3 |
|---|---------------------|---------------------|-----------------------|--------------------------|
| p | $\frac{3\theta}{3}$ | $\frac{6\theta}{3}$ | $\frac{1-3\theta}{3}$ | $\frac{2(1-3\theta)}{3}$ |

Si experimentalmente se obtienen los siguientes datos: (2,0,1,0,2,2,0,0,2,0),

determine el valor de θ usando el método de máxima verosimilitud.