Lezione 02: Tipi di dato, Ricorsione, Tail Recursion

Tipi di dato

Ogni valore (e quindi ogni variabile) ha un tipo (una classe), ma non è necessario dichiararlo esplicitamente (viene dedotto automaticamente e salvato internamente).

Last edit: July 4, 2025

Si può accedere al tipo di un valore tramite la funzione type(), che restituisce un oggetto di tipo type (ovvero una classe).

```
type(2) # <class 'int'>
type(2.0) # <class 'float'>
type("ciao") # <class 'str'>
type([1, 2, 3]) # <class 'list'>
```

Si può verificare se un valore è di un certo tipo tramite la funzione isinstance(), che restituisce True o False.

```
isinstance(2, int) # True
isinstance(2.0, float) # True
isinstance(2, float) # False
isinstance(2.0, int) # False
```

Caratteristiche da sottolineare

Molte cose "ovvie" o "note" sono ovviamente omesse.

Booleani True e False (lettera maiuscola).

Operatori logici "a parola intera": and, or, not.

Operatori bitwise "a simbolo": &, |, ^, ~.

È possibile concatenare le condizioni: 0 < x < 5 (equivalente a 0 < x and x < 5).

Numeri Gli interi sono "infiniti" (ovvero non hanno un limite di grandezza, ma solo di memoria disponibile).

I float sono precisi a circa 15 cifre decimali e contengono l'infinito float('inf'), il negativo infinito float('-inf') e il Not a Number, float('nan').

Operatori In Python 2, l'operatore / esegue la divisione intera se entrambi gli operandi sono interi, altrimenti esegue la divisione float. In Python 3, l'operatore // esegue sempre la divisione intera, mentre l'operatore / esegue sempre la divisione float.

Liste Sono eterogenee (possono contenere elementi di tipi diversi).

È possibile accedere agli elementi tramite l'indice 0-based e negativi (partendo dal fondo con lista[-1]).

È possibile fare subslicing, anche omettendo il primo (default 0) o l'ultimo (default len(lista)) estremo. Si possono anche usare indici negativi per il subslicing.

Non possono essere hashate (quindi non possono essere usate come chiavi di dizionari).

Tuple Liste immutabili, vale quasi tutto quello che valeva per le liste.

Lo slicing di una tupla restituisce una tupla.

Le tuple sono usate sottobanco quando vengono restituiti più valori da una funzione, tramite il packing e unpacking (assegnamento multiplo, vale anche per le liste).

```
def get_coordinates():
    return 10, 20 # packing
x, y = get_coordinates() # unpacking
```

Sono immutabili, quindi sono thread-safe e più efficienti delle liste.

Possono essere hashate (quindi usate come chiavi di dizionari).

Insiemi (Set) Sono collezioni di elementi unici, non ordinati e non indicizzati.

Non possono contenere elementi mutabili (come le liste).

È sbagliato fare supposizioni sull'ordine degli elementi.

Non possono essere hashati (quindi non possono essere usati come chiavi di dizionari), ma esistono i frozenset, che sono set immutabili e possono essere hashati.

Per dichiarare un set vuoto bisogna per forza usare il costruttore set(), perché le parentesi graffe {} sono riservate per i dizionari e le quadre [] per le liste. Ma per dichiarare un set con elementi si possono usare le parentesi graffe {1, 2, 3}.

Dizionari (**Dict**) Lista di coppie chiave valore, la chiave deve essere hashabile (ovvero immutabile, come le stringhe, i numeri e le tuple).

È sbagliato fare supposizioni sull'ordine degli elementi (anche se in realtà l'ordine è l'ordine di inserimento, ma non è garantito in tutte le versioni di Python).

Stringhe Sequenza immutabile di caratteri unicode.

È possibile fare slicing, concatenazione + e ripetizione *.

Per formattare le stringhe si possono usare le f-string f"ciao sono {nome}" o il metodo "ciao sono {}".format(nome).

Bytes Sequenza immutabile di byte (ovvero numeri interi da 0 a 255).

Definiti dal letterale b'' (b'abcd\xff\x65') o tramite il costruttore bytes().

Per modificare i byte bisogna convertirli in bytearray, che è una sequenza di byte mutabile.

Ricorsione

Funzione che chiama se stessa, con un caso base che termina la ricorsione. Può essere:

- diretta: la funzione chiama se stessa direttamente
- indiretta: la funzione chiama un'altra funzione che a sua volta chiama la prima

Di default il numero di step ricorsivi è limitato a 1000, ma è possibile aumentarlo con sys.setrecursionlimit().

Funzionamento della ricorsione (stack frame)

Quando viene chiamata una funzione, viene creato un frame di chiamata (o stack frame) che contiene le informazioni necessarie per eseguire la funzione, come i parametri e il valore di ritorno e viene messo sullo stack.

Le informazioni importanti di un frame sono:

- gli argomenti vengono messi in cima al frame del chiamante
- il valore di ritorno viene messo in fondo al frame del chiamato

Grazie a questa disposizione, è possibile accedere ai parametri e al valore di ritorno facendo un offset e uscendo dal proprio frame, senza necessità di copiarli.

Tail Recursion

La ricorsione può avere della computazione locale, ovvero delle operazioni che per poter essere valutate richiedono il risultato della chiamata ricorsiva. Quando sono presenti delle locals, tutti i frame **devono** essere mantenuti sullo stack fino a quando non si è arrivati al caso base, per poter accedere ai risultati delle chiamate precedenti.

Last edit: July 4, 2025

```
def factorial(n):
   if n == 0:
     return 1
   return n * factorial(n - 1) # computazione locale (n * ...)
```

Spesso si può evitare di avere computazione locale, accumulando il risultato in un parametro della funzione. In questo modo non è più necessario mantenere i frame di tutte le chiamate ricorsive, ma solo un unico frame, che viene "aggiornato" sovrascrivendo i parametri ad ogni chiamata ricorsiva.

Le performance migliorano notevolmente, sia in termini di memoria che di velocità, perchè si evita di creare nuovi frame per ogni chiamata ricorsiva. Questa *ottimizzazione* deve essere supportata dal linguaggio, che altrimenti manterrà tutti i frame sullo stack. Python non supporta questa ottimizzazione di default, ma è possibile implementarla manualmente giocando con gli stack frame (lo vedremo più avanti).

```
def factorial(n, acc=1):
    if n == 0:
        return acc
    return factorial(n - 1, n * acc) # accumulazione del risultato, non ci sono locals
```

Tutte le funzioni tail recursive sono trasformabili in cicli **iterativi**.

```
def factorial(n):
    acc = 1
    while n != 0:
        acc = n * acc
        n -= 1
    return acc
```

Non sempre è possibile trasformare una ricorsione normale in una tail recursion, la trasformazione è possibile solo quando il risultato della funzione può essere accumulato nei parametri. In alcuni casi, come per funzioni che devono elaborare i risultati delle chiamate ricorsive (ad esempio algoritmi che richiedono backtracking), la tail recursion non è applicabile senza cambiare radicalmente la logica della funzione.