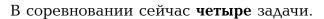
Олимпиада СПбГУ по информатике среди школьников Заочный тур, сезон 2023–2024



Задачи будут добавляться по ходу тура.

Задачи можно сдавать до 23:59 9 января.

По каждой задаче засчитывается посылка, набравшая больше всего баллов.

Задача А. Проективное расстояние

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мебибайт

Рассмотрим прямоугольное поле, состоящее из $w \times h$ квадратных клеток. В клетке A стоит фишка. За один ход можно подвинуть фишку в любую соседнюю по стороне клетку. Сколько ходов потребуется, чтобы добраться до клетки B?

Важное дополнение: края поля склеены по принципу проективной плоскости. А именно, i-я сверху клетка левого края — соседняя с i-й снизу клеткой правого края, а j-я слева клетка верхнего края — соседняя с j-й справа клеткой нижнего края (для всех i и j, для которых существуют эти клетки).

Формат входных данных

В первой строке заданы два целых числа w и h- ширина и высота поля ($1\leqslant w,h\leqslant 10^8$).

Во второй строке заданы два целых числа x_A и y_A — столбец и строка клетки A.

В третьей строке заданы два целых числа x_B и y_B — столбец и строка клетки B.

Столбцы пронумерованы от 1 до w слева направо, а строки — от 1 до h сверху вниз.

Формат выходных данных

Выведите одно целое число: минимальное количество ходов, за которое можно добраться из клетки A в клетку B.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод	иллюстрация
10 7	6	
9 6		
4 3		

Система оценки

В этой задаче две подзадачи. Чтобы получить баллы за подзадачу, нужно пройти все тесты этой подзадачи и всех предыдущих подзадач.

В первой подзадаче (40 баллов) $1 \le w, h \le 100$.

Во второй подзадаче (60 баллов) дополнительных ограничений нет.

Задача В. Максимальный отрезок на кольце

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мебибайт

Задан массив, состоящий из целых чисел. Как выбрать отрезок массива, на котором сумма чисел максимальна?

Важное дополнение: массив записан на окружности так, что после последнего элемента следует первый. Отрезок на таком массиве — дуга этой окружности. В частности, выбранный отрезок может быть пустым или покрывать весь массив.

Формат входных данных

В первой строке задано целое число n — размер массива ($1 \le n \le 300\,000$). Во второй строке заданы n целых чисел a_1, a_2, \ldots, a_n — элементы массива ($|a_i| \le 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите одно целое число: максимальную сумму на отрезке закольцованного массива.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод	пояснение
6	12	<u>2 4</u> -10 <u>8 -3 5</u>
-2 4 -10 8 -3 5		

Система оценки

В этой задаче три подзадачи. Чтобы получить баллы за подзадачу, нужно пройти все тесты этой подзадачи и всех предыдущих подзадач.

В первой подзадаче (20 баллов) $1 \leqslant n \leqslant 100$.

Во второй подзадаче (30 баллов) $1 \le n \le 5000$.

В третьей подзадаче (50 баллов) дополнительных ограничений нет.

Задача С. Поиск подстроки в циклической строке

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мебибайт

Даны две строки, s и p. Сколько раз p встречается в s как подстрока?

Важное дополнение: строка s — не простая, а циклическая. Циклическую строку можно представить себе так: запишем её на бумажной ленте, после чего склеим концы ленты так, чтобы после последней буквы s следовала первая её буква.

Пусть s — циклическая строка из n букв, а p — обычная строка из k букв. Определим формально, сколько раз p встречается в s. Для каждого $i=1,2,\ldots,n$ начнём с i-й буквы строки s и прочитаем ровно k букв циклической строки. Если получилась в точности строка p — будем говорить, что она встречается в s как подстрока, начиная с i-й буквы. Количество таких i — это и есть количество вхождений p в s.

Формат входных данных

В первой строке задана циклическая строка s, а во второй — обычная строка p. Обе строки состоят из маленьких английских букв и имеют длину от 1 до 10^6 символов.

Формат выходных данных

Выведите одно целое число: сколько раз p встречается в циклической строке s как подстрока.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод	пояснение
mamba	2	mambamamba
am		1: am no
		2: am yes
		3: am no
		4: am no
		5: am yes
aba	1	abaabaaba
abaab		1: abaab yes
		2: abaab no
		3: abaab no
ababab	3	abababababab
baba		1: baba no
		2: baba yes
		3: baba no
		4: baba yes
		5: baba no
		6: baba yes

Система оценки

В этой задаче две подзадачи. Чтобы получить баллы за подзадачу, нужно пройти все тесты этой подзадачи и всех предыдущих подзадач.

В первой подзадаче (35 баллов) обе заданные строки состоят не более чем из 1000 букв. Во второй подзадаче (65 баллов) дополнительных ограничений нет.

Задача D. Бесконечные периодические строки

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мебибайт

Даны три целых числа: a, b и c. Сколько существует строк, которые имеют период a, имеют период b, но не имеют периода c?

Важное дополнение: все строки в этой задаче — двоичные и бесконечные в обе стороны.

Можно зафиксировать какую-то позицию в строке, объявить её нулевой и пронумеровать все позиции, начиная с неё: справа положительными числами, а слева отрицательными. Например, рассмотрим строку $s=\ldots 0000011111\ldots$, в которой слева — бесконечное количество нулей, а справа — бесконечное количество единиц. Если мы начнём нумерацию позиций с позиции самой левой единицы, то $s_0=s_1=s_2=s_3=\ldots=1$, а $s_{-1}=s_{-2}=s_{-3}=\ldots=0$.

Две строки, отличающиеся только нумерацией позиций, будем считать одинаковыми. Например, если строка s задаётся как $s_i=1$ при $i\geqslant 0$ и $s_i=0$ при i<0, а строка t- как $t_i=1$ при $i\geqslant -5$ и $t_i=0$ при i<-5, то эти строки одинаковые: сдвинув нумерацию на 5 позиций, мы из одной строки можем получить другую. А вот строка r, в которой $r_i=1$ при $i\leqslant 0$ и $r_i=0$ при i>0, с ними не совпадает.

Будем говорить, что строка имеет период p, если на любых двух позициях, номера которых отличаются на p, стоят одинаковые символы. Например, посмотрим на строку ...01010101010101..., в которой соседи любой единицы — нули, а соседи любого нуля — единицы. Эта строка имеет период 2, имеет также период 4, но не имеет периода 3.

Формат входных данных

В первой строке заданы три целых числа a, b и c (1 $\leqslant a,b,c \leqslant 60$).

Формат выходных данных

Выведите одно целое число: сколько существует различных бесконечных в обе стороны двоичных строк, которые имеют период a, имеют период b, но не имеют периода c.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод	пояснение
6 3 2	2	011011011011
		100100100100
4 4 4	0	
6 12 4	11	000001000001
		000011000011
		000101000101
		000111000111
		001001001001
		001011001011
		001101001101
		001111001111
		010111010111
		011011011011
		011111011111

Система оценки

В этой задаче две подзадачи. Чтобы получить баллы за подзадачу, нужно пройти все тесты этой подзадачи и всех предыдущих подзадач.

В первой подзадаче (30 баллов) числа a, b и c не превосходят 20.

Во второй подзадаче (70 баллов) дополнительных ограничений нет.