SAPIENTIA ERDÉLYI MAGYAR TUDOMÁNYEGYETEM MAROSVÁSÁRHELYI KAR, INFORMATIKA SZAK



Szociális jelenségek vizsgálata egy valós cég email kommunikációs hálózatán

DIPLOMADOLGOZAT

Témavezetők:
Dr. Kátai Zoltán,
Egyetemi docens
Oltean-Péter Boróka,
Egyetemi tanársegéd

Végzős hallgató: Tankó Tamás

2023

UNIVERSITATEA SAPIENTIA DIN CLUJ-NAPOCA FACULTATEA DE ȘTIINȚE TEHNICE ȘI UMANISTE, SPECIALIZAREA INFORMATICĂ



Studierea fenomenelor sociale într-o rețea de comunicare prin email a unei companii reale

LUCRARE DE DIPLOMĂ

Coordonator științific: Dr. Kátai Zoltán, Conferențiar universitar Oltean-Péter Boróka, Asistent universitar Absolvent: Tankó Tamás

2023

SAPIENTIA HUNGARIAN UNIVERSITY OF TRANSYLVANIA FACULTY OF TECHNICAL AND HUMAN SCIENCES COMPUTER SCIENCE SPECIALIZATION



Examining social phenomena in a real company's email communication network

BACHELOR THESIS

Scientific advisor: Dr. Kátai Zoltán, Associate professor Oltean-Péter Boróka, Assistant professor Student: Tankó Tamás

2023

UNIVERSITATEA "SAPIENTIA" din C	LUJ-NAPOCA Viza facultății:
Facultatea de Științe Tehnice și Umaniste din	Târgu Mureș
Programul de studii: Informatică	
LUCRAI	RE DE DIPLOMĂ
Coordonator științific:	Candidat: Tankó Tamás
Dr. Kátai Zoltán	Anul absolvirii: 2023
Îndrumător:	
Oltean-Péter Boróka	

a) Tema lucrării de licentă:

Studierea fenomenelor sociale într-o retea de comunicare prin email a unei companii reale.

b) Problemele principale tratate:

Extragerea datelor corecte dintr-o bază de date cu un volum mare de informații este primul pas, urmat de curățarea datelor. Utilizând datele obținute în acest fel, studentul construiește un graf în care schimbul de e-mailuri reprezintă muchiile, iar expeditorii și destinatarii sunt nodurile. Graficul rezultat este investigat folosind diverse algoritme.

c) Desene obligatorii:

Grafice despre vizualizarea datelor

Grafice despre structura codului

Desene despre grafurilor

d) Softuri obligatorii:

Un software care realizează prelucrarea și extragerea datelor dintr-o bază de date, un program care construiește grafurile, un software pentru vizualizarea datelor și un software care implementează algoritmi de grafuri.

e) Bibliografia recomandată:

Peterson, K., Hohensee, M., & Xia, F. (2011, June). Email formality in the workplace: A case study on the Enron corpus. In *Proceedings of the Workshop on Language in Social Media (LSM 2011)* (pp. 86-95).

Shetty, J., & Adibi, J. (2005, August). Discovering important nodes through graph entropy the case of enron email database. In Proceedings of the 3rd international workshop on Link discovery (pp. 74-81).

f) Termene obligatorii de consultații: săptămânal

g) Locul și durata practicii: Universitatea "Sapientia" din Cluj-Napoca,

Facultatea de Științe Tehnice și Umaniste din Târgu Mureș, sala / laboratorul 416

Primit tema la data de: 20.06.2022 Termen de predare: 07.07.2023

Semnătura Director Departament

Semnătura coordonatorului

Semnătura responsabilului programului de studiu

Semnătura candidatului

Antal

Declarație

	Subsemnatul/a TANKO TAMA , absolvent(ă) al/a specializă prevederile Legii Educației Naționale 1/2011 și a Codului de etică și deontologie profesiona Universității Sapientia cu privire la furt intelectual declar pe propria răspundere că preze cercetarea/proiect de diplomă/disertație se bazează pe activitatea person specialitate sunt citate în mod corespunzător.	ală a
--	--	-------

Localitatea, TARGU MURE S Data: 14. VI. 2023

Absolvent

Semnătura.....

Kivonat

Dolgozatom témája a szociális jelenségek vizsgálata egy valós cég e-mail kommunikációs hálózatán, amely során különböző gráfokra alkalmazott algoritmusok futásidejét hasonlítom össze. Ezen műveletekkel összekapcsolom a szociális jelenségeket az informatikai algoritmikával és gráfelmélettel. Előnyös esetként nem egy kitalált (fiktív) adatbázis elemeivel dolgoztam, hanem az ENRON valós e-mail kommunikációs adatbázisán végeztem. A kutatás során adatbányászatot végeztem el, hogy kizárólag a vállalaton belüli kapcsolatokat vizsgáljam meg, ezzel csökkentve a gráfban használt csúcsok számát.

Az interdiszciplináris kutatásom során különböző gráfelméleti algoritmusokat használtam, például a mélységi bejárás és a Girvan-Newman módszer.

A valós adatbázis lehetőséget nyújt a hálózat dinamikájának vizsgálatára, ezáltal a kapcsolatok kialakulása is követhető, amit vizualizálással is megjelenítek.

Rezumat

Románra fordítva: Tema lucrării mele este investigarea fenomenelor sociale într-o rețea de comunicare prin email a unei companii reale, în cadrul căreia compar duratele de execuție ale algoritmilor aplicați asupra diferitelor grafuri. Prin aceste operațiuni, conectez fenomenele sociale cu algoritmica informatică și teoria grafurilor. Într-un scenariu favorabil, nu am lucrat cu elemente fictive, ci am utilizat baza de date reală a comunicărilor prin email ale companiei ENRON. În cadrul cercetării, am efectuat și minerit de date pentru a examina exclusiv relațiile interne din cadrul companiei, reducând astfel numărul de noduri utilizate în graf.

În timpul cercetării mele interdisciplinare, am utilizat diferite algoritme de teoria grafurilor, precum parcurgerea în adâncime și metoda Girvan-Newman.

Baza de date reală oferă posibilitatea de a investiga dinamica rețelei, permițându-ne să urmărim formarea conexiunilor, care pot fi vizualizate.

Abstract

The topic of my paper is the examination of social phenomena in a real company's email communication network, where I compare the execution times of algorithms applied to different graphs. Through these operations, I connect social phenomena with computer algorithms and graph theory. In a favorable scenario, I did not work with fictional elements, but used the real email communication database of the ENRON company. In the research, I also conducted data mining to exclusively examine internal relationships within the company, thereby reducing the number of nodes used in the graph.

During my interdisciplinary research, I utilized various graph-theoretical algorithms such as depth-first search and the Girvan-Newman method.

The real database provides the opportunity to examine the dynamics of the network, allowing us to track the formation of connections, which can be visualized as well.

Tartalomjegyzék

1.	Bevezető	10
	1.1. Cím értelmezése és a kutatás célja	11
2.	A hálózat vizsgálatának lépései	12
	2.1. Adatbányászat, adatszűrés	13
	2.2. Adatvizualizáció	14
	2.3. Összességében	19
3.	A hálózaton kipróbált algoritmusok	20
	3.1. A pletyka terjedése	20
	3.2. A csomósodási együttható kiszámítása	24
	3.3. Az hálózat kapcsolatainak vizsgálata	26
4.	Girvan-Newman módszer	30
	4.1. Általános tudnivaló a módszerről	30
Ös	sszefoglaló	37
Kö	öszönetnyilvánítás	38
Ál	brák jegyzéke	39
Tá	áblázatok jegyzéke	40
Iro	odalomjegyzék	41

1. fejezet

Bevezető

Az emberek életében létfontosságú a kapcsolatok fenntartása, ezáltal minden embernek létrejön egy szociálisan vizsgálható környezete, amelynek következménye egy hálózat létrejötte. Ezen hálózatok sokasága könnyen ábrázolható gráfként, amelyet különböző vizsgálatoknak lehet alávetni. Az egyik legkiemelkedőbb mérési lehetőség a kapcsolatokban észlelhető hidak felismerése, valamint különböző algoritmusok alkalmazása a hálózaton (például a Girvan-Newman módszer).

A 21. században a számítógépekkel való kezelhetőség és a mérhetőség jelenti a legjellemzőbb képességet az emberi kapcsolatokból származó hálózatok szempontjából. Az egyik legjobb példa erre az internet, amelyet napjainkban több millió ember használ naponta. Ha elgondolkodunk ezen, láthatjuk, hogy az interneten keresztül létrejött hálózaton rengeteg adat és személy közötti kapcsolat tárolható. Az ilyen hálózatok elérhető adatainak kutatása ma népszerűvé vált, és több informatikai témakört egyesít. Egy felhasználható valós adatbázis a kutatások szempontjából az Enron kommunikációs hálózata. [Adi05] Ezen adatbázist már többen kutatták, de én szerettem volna egy olyan kutatást végezni, amely hozzájárul az egyetemi tananyag bővítéséhez. Ezért átnéztem több kutatást [KPX11], és saját elképzelésem alapján alkalmaztam néhány algoritmust a kapott hálózaton. Dolgozatom elkészítése során az algoritmusok összehasonlítása mellett adatbányászattal és kommunikációs hálózatok vizsgálatával is foglalkoztam. Minden hálózatnak megvannak sajátos tulajdonságai, amelyek alapján különböznek egymástól, és így kijelenthető, hogy bár lehetnek közös vonások, nem egyformák.

Az egyik szempont, amely alapján sorolhatóak a hálózatok, a kapcsolatok sűrűsége, azaz az általam választott esetben az Enron vállalatban dolgozók közötti üzeneteket tekintettem élnek a gráfokban. Mikor lesz egy kapcsolati hálózat, gráf sűrűsége a lehető legnagyobb? Egy adott gráfnak akkor lesz nagyobb sűrűsége, ha a csúcsok közötti élek száma közelíti a maximális értéket (Egy n csúcsból álló irányítatlan gráfnak maximálisan n*(n-1)/2 éle lehet).

A mérésekhez irányított gráfokként használtam fel az adatokat, ugyanakkor az adatbázis méretét a lehető legkisebbre próbáltam csökkenteni a cég által biztosított fiókok szempontjából. Az így kapott személyeket azonnal vizsgálatok alá lehetett helyezni, valamint az így nyert adatok egy részéből adatvizualizációt is létrehoztam a hálózat átláthatóságának érdekében.

1.1. Cím értelmezése és a kutatás célja

A cím, "Szociális jelenségek vizsgálata egy valós cég e-mail kommunikációs hálózatán", felhívja figyelmünket arra, hogy ez a hálózat nem egy általunk tervezett gráfot hoz létre, hanem egy cég munkatársai között létrejövő kapcsolatokat ábrázol. Az e-mail alapján határozhatók meg a gráf élei, a küldő és címzett részek alapján.

De miért nevezzük szociális jelenségek vizsgálatának ezt a kutatást? Ez nagyon egyszerű válasz. Mivel az e-mailen keresztül történő kapcsolat emberi interakciókat foglal magába. Az így kialakult kapcsolatokban számos szociális jelenség jelentkezhet, például:

- kommunikációs minták,melyre egy jó illusztráció, ha egy személy előnybe részesiti egy bizonyos csoporttal a kapcsolattartást.
- informacióáramlás és annak hatása, tehát egy emberi véleményt is befolyásolhat különboző üzenetben szereplő informació
- társas támogatás és kapcsolatépités, ezen jelenség arra mutat rá, hogy az üzenetváltásokkal tudjuk támogatni egymást, vagy szoros kapcsolatokat is tudunk kialakítani
- utolsó példaként a hálózati struktúrát sorolnám fel, amelyet én is választottam ezen kapcsolati lánc ellemzésére.

Miért választottam a hálózati struktúrát a szociális jelenségek közül?

A hálózatokat átalakíthatjuk gráfokká, ezáltal a jelenségek kutathatóak és vizsgálhatóak gráfelméleti szinten. Így a szociális jelenségeket összekapcsolhatom az informatikával, amelynek tudományával az elmúlt években foglalkoztam.

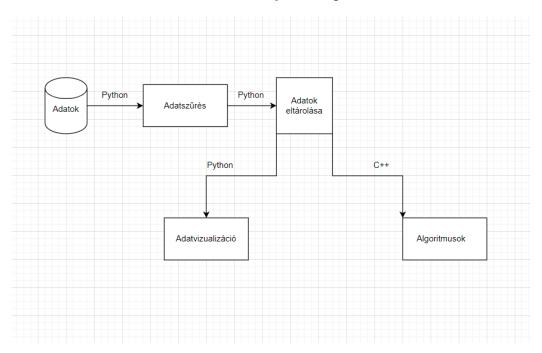
A kutatás célja, hogy létrehozzak egy olyan programot, amely megtalálja a legfontosabb személyt ebben a hálózatban, valamint meghatározza a hidakat, amelyek nélkül a hálózat több részre szakadna. A program fejlesztésével segíteni szeretnék az informatikát tanuló diáktársaknak, hogy valós cégből származó adathálózattal dolgozhassanak, és ne kelljen kitalálniuk egy adott gráfot. Emellett néhány vizualizált eredménnyel is szolgálni szeretnék a Girvan-Newman módszer alkalmazásával.

2. fejezet

A hálózat vizsgálatának lépései

A hálózat vizsgálatát több részre osztottam, mivel különböző programozási nyelveket használtam az eredmények kimutatásához.

Az alábbi ábra szemlélteti a kutatási folyamat lépéseit:



2.1. ábra. Folyamat ábra

- Első lépésként az adatszűrés , adatbányászat , amely következtében feldolgozható adatokat átállítottam elő és ezen lépés után két részre választottam a műveleteket.
- Egyik rész az adatok vizualizációja. Itt kirajzolásra kerül a hálózat kis rész gráfja és annak fejlődése .
- Második részben pedig a gráfelméletben megjelenő szociális jelenségek vizsgálata és ahhoz köthető algoritmusok megírása volt a fő célpont.

A programozási nyelvekek közül két különböző nyelvet, Python-t és C++-ot választottam, és használtam az adatokkal való műveletek és vizsgálatok során. A Python egy

interpretált nyelv, ami azt jelenti, hogy fordítás nélkül futtatható. Ezzel szemben a C++ nyelvű forráskódot gépi kóddá kell fordítani a futtatható állomány létrehozása érdekében. A Python dinamikusan típusos nyelv, ami azt jelenti, hogy a változók típusát futásidőben határozza meg, nem kell előre meghatároznunk. Ez a tulajdonság nem alkalmazható a C++ nyelvre, de érdemes megemlíteni, hogy a C++ egy hatékony nyelv, amely lehetővé teszi a hardverközeli programozást és a memóriakezelést precízen irányítja.

Miért választottam a Python és a C++ nyelveket a kutatás során? Először is, minden műveletet el lehetett volna végezni más nyelveken is. Például az adatokat adatbázisban tárolhatnánk és az adatbáziskezelő nyelvét, például SQL-t használhatnánk a műveletek végrehajtásához. Egy másik lehetőség az adatok feldolgozására és vizualizációjára az adatbázisból való lekérdezések segítségével. Azonban én a Python és a C++ nyelveket választottam, mert a gráfelméleti algoritmusokat C++ nyelven tanultam, amihez a diákok már korábban is kapnak betekintést középiskolai tanulmányaik során. Ezért egy olyan nyelvet választottam, amelyet már ismernek, és könnyen át tudják gondolni az algoritmusok lényegét, ahelyett, hogy egy új nyelvet kellene elsajátítaniuk a téma mellett.

Ezzel a döntéssel a diákoknak lehetőségük van jobban megérteni és követni a programozási részleteket, és könnyebben alkalmazni a gráfelméleti algoritmusokat a kutatás során.

2.1. Adatbányászat, adatszűrés

Az adatbányászathoz a Python nyelvet használtam, amely segítségével sikerült megszerezni az összes Enron cég által biztosított e-mail címet. Konkrétan 5653 e-mail cím van, amelyek "@enron.com" végződéssel rendelkeznek. A kommunikációs hálózat létrehozásához az üzenetek jelentik az építőelemet, tehát ki kellett bányásznom és el kellett mentenem az üzeneteket annak érdekében, hogy létrehozhassak egy gráfot, amelyet vizsgálhatok. A szűrés ebben az esetben fontos volt, hogy csak az Enron-os e-mailek közötti üzeneteket használjam fel, ezzel csökkentve az adatok méretét. Még így is rengeteg adatot kaptam, pontosan 88975 üzenetet, amelyekről csak a minimális információt (küldő, címzett és dátum) mentettem el.

```
['robert.badeer@enron.com' 'dale.neuner@enron.com'
'mona.petrochko@enron.com' ... 'james.lawrence@enron.com'
'all.group@enron.com' 'paul.schiavone@enron.com']
szemelyek szama:
5653
Uzenetek szama
88975.8
```

2.2. ábra. Adatok számlálásának eredménye

Az alábbi kódrészlettel kezdtem az adatokat kinyerni a megkapott adattömegből

```
from pathlib import Path
import regex as re
from tagm import tydm
import csv

# open the file in the write mode
csv_file = open('eredmeny.csv', 'w', encoding='UTF8', newline='')
# writer = csv. writer(csv_file)
for in range (1, &60):

result = list(Path("../").rglob("*/all_documents/%s" %i) )
print (result)
for file in tqmn(result):

# with open(file, "rt") as f:
data = f.read()
dateof = re.search(r'(fr, )([0-9]+) ([A-z]+) ([0-9]+)', data)
sender = re.search(r'(fFrRoomml=:)[\w.+-]+@[\w.-]+', [\w.-]+', data)

to = re.search(r'([tTo0]+:)[\w.+-]+@[\w.-]+', (\w.-]+', data)

# print (dateof)
if sender and to and dateof:
| writer.writerow([sender.group(0).lower().replace('fom: ',''), to.group(0).lower().replace('to: ', ''), dateof.group(0).lower().replace('dateof: ', '')])
```

2.3. ábra. Adatbányászat

- első lépésként létrehoztam egy csv fájlt, amelyben a megkapott adatokat tudom tárolni
- a következő lépés egy ciklus létrehozása, hogy minden személyt leellenőrizünk
- minden mappában több email szerepelt ezért először meghatároztam a fájlok listáját
- ezen lista elemeit, tehát az összes fájlt meg kellett nyitnom és kikeresni a számomra szükséges adatokat(küldő,címzett és dátum)
- ezen adatok kiválasztásához regex kifejezéseket használtam amellyel nagyon egyszerűen lehetett rátaláni a helyes adatokra
- minden olyan esetben ha volt dátum, küldő és címzett akkor az adathármast kiírattam a program elején létrehozott fájlba
- ugyanakkor az itt kapott eredményt még át kellett futtatnom egy szűrési algoritmuson amelyet már az adatok biztonságos tárolása miatt Drive-ra töltöttem fel és onnan használtam fel .
- a szűréshez is Python nyelvet használtam amelyet már a gyors mentési lehetőséggel élve Colab-ban írtam meg.
- a legfontosabb szempont az volt a helyes adatok kiválasztásában, hogy felhasználók e-mail címei "@enron.com"-végződéssel rendelkezzenek ugyanakkor az üzenetekben mindkét személyre jellemző legyen ezen tulajdonság.

2.2. Adatvizualizáció

A következő részben röviden bemutatom a hálózat megjelenítését és annak fejlődését. Az ábrákon és adatokon, amelyeket eredményként bemutatok, az első 50 e-mail címet vettem figyelembe, valamint a közöttük lévő szigorú kapcsolatot és üzenetváltást. A vizualizáció előnye, hogy nem csak elképzelhetjük a kapcsolatok fejlődését, hanem ténylegesen láthatjuk azokat, és könnyebben észlelhetjük a változásokat.

A részhálózat megjelenítése előtt két műveletet hajtottam végre, amelyek segítették az algoritmusom gyorsabbá tételét.

• Első művelet ,szűrés, amely fontos az optimálisabb futási időhöz , az adatok csökkentése, amelyet a következő ábrán látható program végezett el.

```
vith open('enronosok.txt', 'r') as file:
         lines = file.read()
    persons=lines.strip().split()
    with open('kapcsolatok.txt', 'r') as file:
 4
         email = file.read()
    emails = email.strip().split("\n")
 7
     print(emails[1].split(" "))
 8
     outfile=open('kivalasztott.txt','w')
     for e in emails:
         t = e.split(" ")
14
16
             index = persons.index(t[0])
17
             email1 = index
18
         except ValueError:
             email1 = -1
         try:
             index = persons.index(t[1])
             email2 = index
24
25
         except ValueError:
             email2 = -1
         if email1 >= 0 and email2 >= 0:
             outfile.write(e+ "\n")
28
```

2.4. ábra. Szűrési művelet

- A fenti ábrán a program megnyitja a 2 fájlt amelyben az adatok tárolva vannak, elsőben a személyeket tároltam, amiből tárolom egy tömbe az e-mail címeket, míg a második fájlból az üzenetek adatait fogom eltárolni .
- Harmadik fájlnévnél már láthatő hogy ezt fájlt nem olvasásra használom, mert ebbe fognak bekerülni a szűrésen áthaladó adatok egy része
- Számomra azon adatok kell hogy megmaradjanak, amelyek az első 50 személy közötti üzeneteket képezik
- Ehhez a szürésnek köszönhetően elmondhatjuk hogy az 5653 felhasználóból kiválasztott első 50-hez nem 88976 üzenetet kell átnézek a következő adatvizualizációnál hanem csak 3969-et .

 Második művelet ,rendezés, amely a kronológiai sorrendbe állítja az üzeneteket, kapcsolatokat, ehhez szükséges rendezést a képen látható kódrészlet által oldottam meg:

```
for i in range(len(emails)):
month=monthToInt(t[3])
14
        johelyen=0
        if i==0:
           rendezett.append(emails[i])
        else:
18
19
           rendezett.append(rendezett[i-1])
            s=i-1
            while s>0:
               rendezett[s]=rendezett[s-1]
            rendezett[0]=emails[i]
            while johelyen == 0:
                if j >= i - 1:
                   johelyen = 1
28
29
                seged1=rendezett[j].split(" ")
                seged2 = rendezett[j+1].split(" ")
                if seged1[4] < seged2[4]:</pre>
                    johelyen=1
                elif seged1[4] == seged2[4]:
                    if monthToInt(seged1[3]) < monthToInt(seged2[3]):</pre>
                        johelyen=1
                    elif monthToInt(seged1[3]) == monthToInt(seged2[3]):
                        if seged1[2] <= seged2[2]:</pre>
                            johelyen=1
                        else:
                            rendezett[j]=rendezett[j+1]
                            rendezett[j+1]=emails[i]
                    else:
                        rendezett[j] = rendezett[j + 1]
                        rendezett[j + 1] = emails[i]
                        j += 1
                else:
                    rendezett[j] = rendezett[j + 1]
                    rendezett[j + 1] = emails[i]
```

2.5. ábra. Rendezés kronológiailag

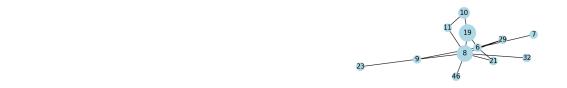
Az említett rendezési módszer, amit leírtál, hasznos a listaelemek sorba rendezésére.
 A módszeredben az elemeket egymással összehasonlítva és cserélve helyezed őket a megfelelő pozícióba. Emellett említetted, hogy egy saját függvényt használsz a hónapok helyes sorrendjének meghatározására.

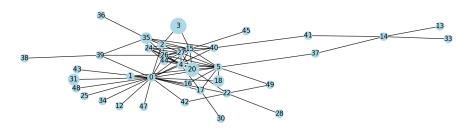
Miután rendezted a listát, elmentetted az eredményt egy új fájlba, amit később felhasználhatsz az adatvizualizációhoz.

Ez a rendezési és mentési folyamat segít abban, hogy a hálózatot könnyebben áttekinthető és vizualizálható formában tudd megjeleníteni.

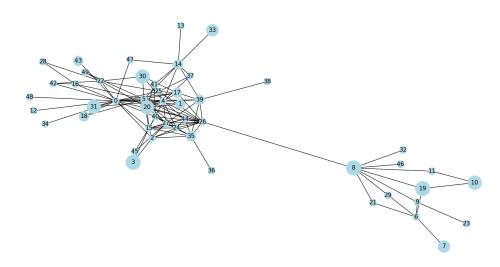
A szükséges adatcsökkentés és rendezés után következett a hálózat megjelenítése, amelyet az eddigi műveletekhez hasonló módon Pythonban készítettem el. Ez a kis rendszer egy

felületet hoz létre, amely 1000 üzenet után frissíti a kapcsolati ábrát, így jól láthatók a különbségek akár 1000, akár 2000 üzenetküldés között. A rendezett e-mail lista segítségével ezek a változások idővel arányosan jelennek meg. Az alábbiakban látható a hálózat 1000 üzenet után, valamint a második képen az összes üzenet elküldése után.





2.6. ábra. 1000 üzenet utáni hálózat



2.7. ábra. Összes üzenet utáni hálózat

Az ábrákon észrevehető , hogy különböző méretűek a csúcspontok , amelyek az elküldött üzenetekkel arányosan növekednek .Ezen méretbeli eltérést az alábbi kód segítségével állítottam be:

A kódrészletben feltüntetett 65. sorban látható egy ellenőrzés/feltétel, amelyben megnézem, hogy mindkét e-mail cím létezik-e. Ezen lépés után mindig a küldő résznél növelem az elküldött üzenetek számát, amelyet egy 50 elemű tömbben tárolok, és ezáltal tudom meghatározni, hogy az adott személy mikor kerül más területre, mikor kell

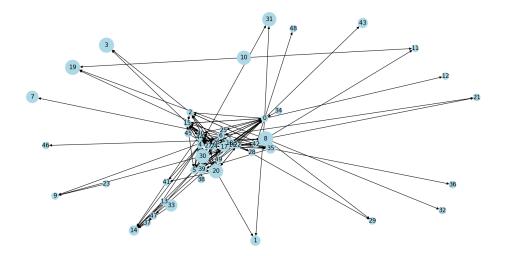
```
if email1 >= 0 and email2 >= 0:
66
            sendings[email1]+=1
            edge = (email1, email2)
68
            edges.append(edge)
            if sendings[email1]<21:
                sizes[email1] = 200
            elif sendings[email1] >20 and sendings[email1] < 51: #lightblue
            elif sendings[email1] >50 and sendings[email1]<101: #blue
            elif sendings[email1] >100 and sendings[email1]<250: #red
                sizes[email1]=800
                sizes[email1]=900
        if num%1000 == 0 or num == len(emails):
            plt.clf()
            G.add_edges_from(edges)
            nx.draw(G, with_labels=True, node_color=colors, node_size=sizes, font_size=12, font_color='black')
            plt.pause(2)
```

2.8. ábra. Csucspontok méretének beállítása és kijarzolása

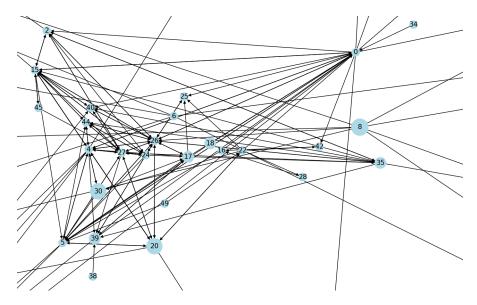
növelnem az ő vizuális méretét. Ugyanakkor látható egy másik dinamikus tömb (edges névvel), amelyben számpárokat, pontosabban a gráf éleit tárolom.

Ha végeztünk az összes üzenettel, akkor a feltöltött tömbök segítségével létrehozzuk a gráfot. A tömb feltöltése több részben fog történni, mert így a kapcsolatok létrehozása során lehet kirajzoltatni a gráfot. Az általam választott lépés 1000 egységnyi nagyságú, és 2 mp-ig tart, hogy kirajzolja a gráfot, majd a következő lépés, változat következik, addig amíg eléri az utolsó üzenet feldolgozását.

Utolsó lépésként az adatvizualizációt bővítettem egy irányított gráf kirajzolásával. Az eddig használt 50 fős hálózat kapcsolatai irányokkal ellátva, valamint ráközelítve a program által generált ábra sűrített részébe.



2.9. ábra. Csucspontok kijarzolása irányított gráfként



2.10. ábra. Kis nagyítás a gráf középpontjára

2.3. Összességében

A fenti esetekhez azért használtam a Python nyelvet, mert úgy éreztem, hogy ez az a nyelv, amely teljesen új volt számomra az egyetem kezdetén, valamint ezzel a nyelvvel könnyedén lehet adatokat szűrni, akár összehasonlítani egymással. Ugyanakkor nagyon sok könyvtárral rendelkezik a grafikonok vizualizációjához. Ezen könyvtárak közül választottam a Matplotlib-et, amely többek között támogatja a különböző diagramtípusokat, illetve lehetővé teszi a részletes testreszabást. Emellett nagyon elterjedt könyvtár, így rengeteg dokumentáció és példa áll rendelkezésre a különböző hibák kiküszöböléséhez.

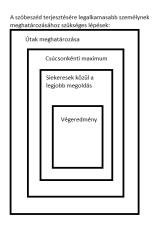
3. fejezet

A hálózaton kipróbált algoritmusok

Ebben a fejezetben bemutatom az általam megírt algoritmusokat, amelyeket ezen hálózaton teszteltem, és egyben összehasonlítom egy méretben kisebb, fiktív gráfon is alkalmazva. Az algoritmusok programozási nyelve a C++, amely eltér az eddig használt nyelvtől. Ugyanakkor ezt a nyelvet választottam, mert ezeket a programokat később más diáktársak is felhasználhatják a gráfelméleti algoritmika elsajátításakor. Így viszonyítani tudom a sok fontos információt és tanácsot az egyetemnek, ha ez csak egy kis töredéke annak, amit én tanulhattam az elmúlt évek során.

Következzenek az általam megvalósított algoritmusok, amelyeket a hálózat szociáis jellegű vizsgálatára készítettem :

3.1. A pletyka terjedése

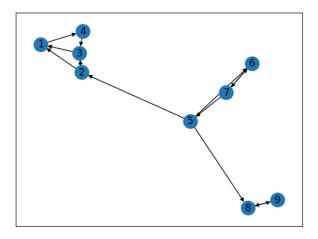


3.1. ábra. Szoftver lépései

Az első algoritmus a két pont közötti út meghatározására használt algoritmus továbbképzése, amelynek köszönhetően a szociológiai elemként tartott pletyka (szóbeszéd) milyen gyorsan tud terjedni, akár e-mailek által, egy nagyobb hálózaton keresztül. Ezen program felépítése több lépésből áll, amelynek első lépése egy mélységi bejárás egy irányított gráfon, majd a második lépésben minden csúcsra meghatározzuk az utat, vagyis hogy az üzenet egyik személytől a másik személyig hány emberen keresztül jut el.

Ugyanakkor az utolsó lépésben meghatározom, hogy a hálózatban ki lenne a legjobb központ, ki által terjed a legjobban a pletyka, valamint melyik személy nem tudja eljuttatni mindenhová a szóbeszédet.

Látványos áttekintésként az alábbi gráfot hoznám fel, amely segítségével könnyebb megérteni a fent említett információkat.



3.2. ábra. Gráf a szóbeszédhez

Az ábrán látható egy 9 csúcspontból álló irányított gráf, amelyet azért készítettem, hogy érthetőbb legyen az algoritmus magyarázata.

Az első lépés a mélységi bejárás által meghatározni az utakat. A képen is látható, hogy az 1 pontból csak a 4 és 3 pontig jutunk el, tehát itt az üzenet csak 2 személyhez jut el. Hasonlóképpen nem jutunk messze a 2., 3. és 4. pontokkal sem. Az 5. pont már minden más csúcshoz el tudja küldeni az üzenetet. A leghosszabb út, amit megtesz az üzenet, a 4-es elemhez való információ közlést alkotja. Ehhez át kell mennie 2 ponton (2. és 1. csúcsokon), ami pontosan 3 él hosszú. Ezt a leghosszabb utat eltároljuk, valamint azt is, hogy összesen hány él mentén kellett bejárnia az utakat. Az utóbbi adat azért szükséges, ha van még egy hasonló elem, akkor ez dönti el, ki van a középpontban. De térjünk át egy másik olyan pontra, amely be tudja járni az egész gráfot, ez a pont a 7-es. A kiválasztott pont annyiban tér el az 5-östől, hogy a leghosszabb útja 4 él hosszú. Ezért a döntés az 5-ösre esik, így ő lesz a hálózat központja. Tehát az ő által küldött üzenetek érnek el mindenhová, és mindezt a legoptimálisabb idő alatt tudja elérni.

A kis példa után áttérnék az általam felhasznált 50 fős adattömegre, amelynek vizualizációját már bemutattam. Ugyanakkor bemutatom a programot, amelyet használtam az előző gráfnál is. Mint tudjuk, a gráfok nagysága és éleinek száma nagyban eltér, ezért összehasonlítottam a futási időket. A hamarosan megjelenített program a kis gráfra, amely 9 csúcsot és 12 élet tartalmaz, 0,0094 másodperc alatt végezte el a középpont megkeresését és annak pontos meghatározását, míg az 50 ezres és még szűrés nélküli, 80 000 fölötti üzeneteket tároló fájl használata során 0,0467 másodpercet volt képes elérni.

Következzen is a C++ szoftver bemutatása és annak magyarázata:

```
auto start = chrono::high_resolution_clock::now();
              Pontok pontok[50];
              int lepes = 0;
202
203
              int siker = 0
              for (int i = 0; i < namelistsize; i++) {
204
                   siker = 0; seged1 = 0; seged2 = 0;
for (int j = 0; j < nameListsize; j++) {
   int jart[50] = {0};</pre>
205
206
207
208
209
                       if (i != j) {
    lepes = utakmeghatarozasa(matrix, i, j, namelistsize, jart);
210
                            if (lepes >= 0) {
211
                                 if (lepes > seged1) {
213
214
215
216
                                 seged2 = seged2 + lepes;
217
218
219
226
                   cout << endl;
                   if (siker == namelistsize-20) {
221
                       pontok[i].maxlepes = seged1;
222
                        pontok[i].osszlepes = seged2;
223
                                                          " << i + 1 << " maxlepese: " << pontok[i].maxlepes << endl;
224
                        cout << "mindent bejart a(z)</pre>
225
226
227
228
                        pontok[i].osszlepes = 0;
229
                        cout << "nem mindent jart be a(z) " << i + 1 << "sikeresbejarasa:"<<siker<<endl;</pre>
230
231
              auto end = chrono::high_resolution_clock::now();
```

3.3. ábra. két pont közötti út távolság meghatározása

Az első képen látható egy függvény, amely, ahogy említésre került, az első lépésre íródott. Tehát meghatározza két pont között, hogy van-e út, és ha van, akkor az hány él hosszúsággal rendelkezik. Ennek a függvénynek összesen 5 paramétere van. Sorrendben egy két dimenziós tömb, tehát egy mátrix, majd az 'st' változó, amely egy valós számot tartalmaz, és a kezdő pontot határozza meg, vagyis hogy honnan kell indulni az út meghatározásához. A harmadik paraméter a végső pont indexét határozza meg, majd ezek után következik a méret, amely segíti a mátrix bejárását, és végül egy tömb, amelyben rögzítem, hogy az adott ponton már jártam-e. Ezzel a tömbbel ki tudom küszöbölni a gráfban keletkező körök létrejöttekor felmerülő végtelen ciklust. A 't' és 'mint' változók a jelenlegi út hosszát tárolják, majd ezek közül a minimumot választják.

Kezdésként ellenőrzöm, hogy ha van kapcsolat az indulási pont és az úticél között, akkor megkapom, hogy az út hossza 1, és visszatérek vele. Ha nincs kapcsolat, akkor beállítom, hogy jártam a kezdő pontban, majd áttérek azokra az esetekre, amikor minden olyan útvonalat ellenőrzök, amely a kezdőpontból indul és valamerre halad. Ha nincs ilyen útvonal, akkor visszatérek -1 értékkel, amivel jelezem, hogy nincs út a két pont között. Ha van olyan eset, hogy a program tovább tud lépni a kezdőpontból, vagyis van kimenő éle a pontnak, akkor ebben az esetben hívom meg újra a függvényt, amikor már eljutottam a pozícióhoz. Ezzel a meghívással hozom létre a rekurziót.

A minimális út kiválasztása az alábbi módon történik: Ha már van értéke a 'mint' változónak, és nagyobb az eddig meghatározott útnál ('t'-nél), akkor megváltoztatom annak értékét. Ugyanakkor, ha a 'mint' változó továbbra is -1, és kapok egy helyes útvonalat, vagyis változott a 't' értéke, akkor visszaadom újra a 't' értékét. Abban az esetben, ha a 't' soha nem változik, akkor a 'mint' értéke változatlan marad, és a program -1 értéket térít vissza. De ha a 'mint' értéke változott, akkor az adott értékhez hozzáadok 1-et, és ezt a függvény visszatéríti, mivel ebben az esetben a következő ponttól volt számolva a távolság.

```
auto start = chrono::high_resolution_clock::now();
 200
201
                                                       Pontok pontok[50];
202
203
204
205
206
                                                      int lepes = 0;
int siker = 0;
                                                       for (int i = 0; i < namelistsize; i++) {
                                                                       siker = 0; seged1 = 0; seged2 = 0;
207
208
209
210
211
                                                                       for (int j = 0; j < namelistsize; j++) {
   int jart[50] = {0};
   if (i != j) {
      lepes = utakmeghatarozasa(matrix, i, j, namelistsize, jart);
}</pre>
 212
213
214
215
216
                                                                                                           if (lepes >= 0) {
                                                                                                                           siker++;
if (lepes > seged1) {
    seged1 = lepes;
 217
218
219
220
221
222
                                                                                                                              seged2 = seged2 + lepes;
 223
224
225
226
227
228
                                                                       cout << endl;
if (siker == namelistsize-1) {
  pontok[i].maxlepes = seged1;
  pontok[i].osszlepes = seged2;
  cout << "mindent bejart a(z) " << i + 1 << " maxlepese: " << pontok[i].maxlepes << endl;</pre>
                        229
230
231
232
233
                     pontok[i].maxlepes = 0;
pontok[i].osszlepes = 0;
234
235
236
237
238
                                                                                         cout << "nem mindent jart be a(z) " << i + 1 << "sikeresbejarasa:"<<siker<<endl;</pre>
                     п
                                                      auto end = chrono::high_resolution_clock::now();
 239
                                                      // Futásidő kiszámítása
                                                      // Interior Action Country (Country Country Co
```

3.4. ábra. Utak meghatározása és középső pont kiderítése

A fenti képen látható az algoritmus főbb része, amely során beolvasott adatokat feldolgozza a program, meghatározza minden csúcs által bejárt utak összegét, valamint ezek közül a legnagyobb út hosszát. Kivételt képeznek azok a csúcsok, amelyek nem tudnak üzenetet küldeni mindenkinek. A program minden érték esetén kiírja, hogy az adott személy elért-e mindenkit, és ha igen, akkor mekkora a maximális út, amit egy személy elérése során megtett.

A fenti képen látható, hogy az algoritmus futási ideje mérve van (200., 232. sor), és az eredményben is megjelenik ennek kiíratása.



3.5. ábra. Eredmény kiíratása

3.2. A csomósodási együttható kiszámítása

Mi az a csomósodási együttható? A csomósodási együttható egy érték, amely a gráfokban a csúcsokhoz kapcsolódik, és az adott pont szomszédok közötti kapcsolatot vizsgálja. Ez az érték egy aránynak tekinthető, amely maximum 1 lehet. Az arány két összetevőből áll: a szomszédok között lehetséges kapcsolatok száma és a létrejött kapcsolatok száma. A csomósodási együttható segítségével meg lehet határozni, hogy mennyi valószínűsége van annak, hogy egy pont barátai egymással is kapcsolatban állnak. Minél kevesebb szomszéddal rendelkezik egy csúcs, annál nagyobb az esélye annak, hogy közelíti az 1-hez tartó értéket.

Mi a csomósodási együttható célja? A csomósodási együttható mérése segít megérteni, hogyan változik a hálózat dinamikája az új élek hozzáadásával. Ha új élek kerülnek a gráfba, ez az érték növekedhet, és megfelelő mennyiségű él hozzáadásával általában eléri az 1-es értéket. Ha minden pont csomósodási együtthatója 1, akkor bármely pont kiválasztása esetén a szomszédok egy teljes gráfot alkotnak.

Összefoglalva, a csomósodási együttható az hálózat dinamikájának figyelésére szolgáló érték, amely rámutat a pontok közötti kapcsolatok kialakulására.

A használt hálózatot szép és látványos eredmények érdekében átalakítottam az irányított gráfból egy irányítatlan hálózattá. Ennek az átalakításnak az alapja az volt, hogy ha az x pont küld egy e-mailt az y pontnak, akkor az y pont ismeri az x pontot. Az alábbi ábrán bemutatom a szoftver lényeges részeit:

• Kezdeném az elsődleges függvénnyel, amelyet a második lépésben felhasználok. Ez a függvény segít meghatározni az adott pont szomszédai között kialakult kapcsolatok, azaz élek számát. A függvény egy számot ad vissza, és a paraméterei között szerepel egy mátrix, amely tárolja a pontok közötti éleket. Emellett megkap egy tömböt is, amelyben szerepel a szomszédok listája, valamint a szomszédsági lista hossza is felhasználható harmadik paraméterként.

A függvény a mátrix bejárása során meghatározza, hány él található a szomszédok között, és ezt az értéket az 'eredmény' változóban tárolja. Ezután az eredményt visszatéríti.

```
int egyutthatoSzamitas(int matrix[][50], int szom[], int sz) {
           int eredmeny = \theta;
3Ц
           for (int i = 0; i < sz - 1; i++) {
35
                for (int j = i + 1; j < sz; j++) {
36
                    if (matrix[szom[i]][szom[j]] != 0) {
37
38
                        eredmeny++;
39
40
41
           return eredmeny;
42
43
```

3.6. ábra. Együttható kiszámításához használt függvény

 A második kódrészletben látható az összes csomósodási együttható kiszámítása és tárolása. Ebben a részben a program használója beolvashat egy számot, amely a csomópontok között szerepel, és válaszként megkapja a félévente lekérdezett csomósodási együttható értékét. A program az adott személyek közötti kapcsolatokat rendezett elküldési időpont szerint növekvő sorrendbe, így jobban megfigyelhetővé válik a hálózat dinamikája.

```
int valastrott;
cut < ~ 0'usasa be melyik pont csomosodasi egyutthatojanak a fejlodeset mutassuk ki a" < kezdet < "--" < kezdet + enronhum - 1 < "intervallumbol" << endl;
cin >> valastrott;
int maximalisbarataga = 0;
book debadnanpab = false;
lint maximalisbarataga = 0;
lint maxima
```

3.7. ábra. Csomósodási együttható meghatározása időközönként

A fenti kódrészletben a szűrésen és rendezésen áteső kapcsolatokat bejárva feltöltődik az irányítatlan gráf. Ez a feltöltés megszakad minden 6 hónapban, amikor a csomósodási pontok kiszámításai történnek. Ahhoz, hogy egy hónapban csak egyszer mérjünk, bevezettem az 'ebbenahonapba' nevű bool típusú változót, amely akkor vált igazra, ha már történt mérés az adott hónapban. Minden első és hetedik hónapban visszaállítom a változót hamisra (false). Az újbóli bejutás a mérésbe csak a 6-tal osztható hónapokban lehetséges.

Hogyan zajlik egy mérés? Egy mérés során megvizsgálom, hogy minden pontnak hány szomszédja van, és ezt beállítom az adott pontnak. Ezután két lehetőséget zárok ki: ha egy pontnak 1 vagy 0 szomszédja van. Ha egy pontnak 1 szomszédja van, akkor annak nem lehet más kapcsolata, és ha 0 szomszédja van, akkor sem lehet kiszámolni a pont csomósodási együtthatóját. Ha a szomszédok száma meghaladja az 1-et, akkor már kiszámítható az együttható.

Az együttható meghatározásának képlete:

$$Egy "utthat" \acute{o} = \frac{Szomsz\'{e}dokK"" \ddot{o}z"" \ddot{o}ttiKapcsolatokSz\'{a}ma}{Szomsz\'{e}dokSz\'{a}ma*(Szomsz\'{e}dokSz\'{a}ma-1)/2}.$$

Ugyanakkor beszéljek néhány használt függvényről és változóról. A program kezdetén bekérek egy 1 és 50 közötti számot, amely meghatározza a gráf méretét. Ez a változó neve 'enronNum' (210. sor). A szomszédok dinamikus tömböt használok, amelyben tárolom a pontok jelenlegi szomszédjait a kapcsolatok meghatározásához.

A maximális barátság változó a fenti képletben látható osztó értékét fogja tárolni az eredmény számításához. A 'segedId1' és 'segedId2' változók a nevsorban függvény visszatérési értékét tárolják, amely egy int típusú elem lesz, mert a függvény visszaadja a nevsorban szereplő email indexét. Majd a meghatározott indexekből létrehozott éleket bevezetem az irányítatlan gráfot tartalmazó mátrixba. Ezzel már bemutattam az összes változót, amely a képen látható. Emellett említeném még a Kapcsolat típusú változót, amelyből egy tömb van létrehozva a kapcsolatok tárolására. Ennek az elemnek van két karakterláncot tartalmazó név1 és név2 változója, valamint egy három számból álló értéke a dátum kezelhetősége miatt.

3.8. ábra. Kapcsolat struktúra

• Utolsó megjegyzésként szeretném megmutatni egy algoritmus eredményét, amely egy 50 elemű gráf esetén, 3923 éllel rendelkezve az 5 pont csomósodási együtthatóját jeleníti meg 6 hónapos lépésekkel. Emellett a program végén meghatározom, melyik csúcs, vagyis személy rendelkezik a legnagyobb együtthatóval, feltéve, hogy a pontok számának legalább az ötödével van kapcsolatban. Végül, az utolsó eredményként meghatározom a legtöbb szomszéddal rendelkező személyt a gráfból.

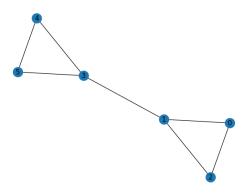
```
Kerem adja meg hany szemelybol alljon a graf
50
3923
Olvassa be melyik pont csomosodasi egyutthatojanak a fejlodeset mutassuk ki a0-49intervallumbol
5
A valasztott pont csomosodasi egyutthatoja -1 valamint szomszedjainak szama 1
A valasztott pont csomosodasi egyutthatoja 0 valamint szomszedjainak szama 2
A valasztott pont csomosodasi egyutthatoja 0 valamint szomszedjainak szama 5
A valasztott pont csomosodasi egyutthatoja 0.4 valamint szomszedjainak szama 5
A valasztott pont csomosodasi egyutthatoja 0.345588 valamint szomszedjainak szama 17
A valasztott pont csomosodasi egyutthatoja 0.441532 valamint szomszedjainak szama 32
Legnagyobb egyutthatoval rendelkezo csucs , amelynek legalabb 10 szomszeda van: richard.shapiro@enron.com erteke: 0.654412
Legtobb szomszeddal rendelkezo szemely email cime robert.badeer@enron.com es szomszedjainak szama 40
```

3.9. ábra. Változás az együtthatókban

3.3. Az hálózat kapcsolatainak vizsgálata

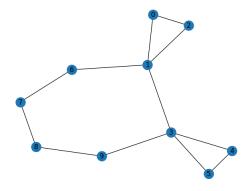
Ebben a részben a kapcsolatok fontosságával foglalkoztam, és azt vizsgáltam, hogy egy kapcsolat, üzenetváltás mennyire fontos a hálózatban. Azért fontos egy ilyen nagy hálózatban, mert akár egyetlen egy kapcsolat, kötődés két egyén között is jelentős hatással lehet a hálózatra. Ha töröljük vagy megszüntetjük az adott kapcsolatot, az egész hálózat több részre szakadhat. Ezt a szétesést a gráfoknál úgy érhetjük el, hogy töröljük az egyik élt, amely egy hídat alkotott két komponens között.

Az alábbi gráfon is látható , hogy a 3-1 él hídat képez a 2 háromszöget kirajzoló ponthalmazok között.



3.10. ábra. Gráf a híd magyarázatához

A második ábrán megfigyelhető különbség segít megérteni a lokális híd kialakulásának könnyed magyarázatát. Amikor a 1-3 él törlésre kerül, még mindig képesek kommunikálni egymással az üzenetek, de a bejárás során megfigyeljük, hogy a két pont közötti távolság megnövekszik. Ha ez a növekedés meghaladja a 2 egységet, akkor a törölt élet lokális hídnak nevezzük.



3.11. ábra. Gráf a lokálishíd magyarázatához

És mire is jó, ha tudjuk, hogy egy él híd vagy sem? A hídek lehetővé teszik két vagy több komponens összekapcsolását, így összefüggő gráfokkal tudunk dolgozni. Ugyanakkor a hídek nélkül is lehet az hálózat összefüggő, de ekkor lehetnek benne lokális hídek. Ha egy összefüggő gráfban nincs híd, és nincsenek lokális hídek sem, akkor nagy valószínűséggel teljes gráfról beszélünk.

Ezeket a jelenségeket vizsgáltam az általam használt adatokon, és a következő kis kódrészletekben bemutatom a kutatás lépéseit.

Az algoritmus legfontosabb eleme egy mélységi bejárás, amelyet a legrövidebb út meghatározásához is használtam a dolgozathoz szükséges szoftverek megírásában. A bejárás segítségével el tudom dönteni, hogy két pont között, ha törlöm az élt, akkor marade út a két csúcs között. Ennek egyik alapvető része az, hogy az irányított gráfot átalakítottam irányítatlan gráffá, mivel egy irányított gráfban nagyon nehéz két pont között több

utat keresni, mivel kevesen válaszolnak az üzenetekre. Ezért szemléletesebbnek találtam, ha irányítatlan gráfon tesztelem a csúcsokat.

3.12. ábra. Híd meghatározása

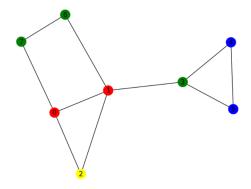
A fenti program részben megfigyelhető egy egymásba ágyazott 'for' ciklus, amely az éleket keresi meg és velük végzi el a műveleteket. Először megvizsgálja, hogy egy adott él létezik-e két pont között. Ha igen, akkor átírja annak értékét egy változóba, majd törli az élt (az értékét 0-ra állítja). A törölt éllel rendelkező mátrixszal meghívja a két pont közötti útvonalat kereső függvényt, amely egy számot ad vissza. Ha a visszatérített érték kisebb mint 0, akkor nincs kapcsolat a két pont között, tehát a törölt él híd volt. Ha az útvonal hossza meghaladja a 2 egységet, akkor a törölt élnek lokális híd jellegzetességet adunk. Ha az előző két eset nem teljesül, akkor az él átlagosnak tekintett jellegű marad.

Az élek tulajdonságainak tárolására egy Élek struktúrát hoztam létre, amely tartalmazza a küldő és címzett információkat, a szomszédsági átfedést, az él jellegét tároló lehetőséget, valamint a később említett köztességi fokszámát.

```
struct Elek {
    string tipus;
    int nev1Id=0;
    int nev2Id=0;
    double atfedesifoka = 0;
    int koztessegiFok = 0;
};
```

3.13. ábra. Él struktúra

Ahogy az előző gondolatban is említésre került a következő tulajdonság amely az élekhez tartozik a szomszédsági átfedés. Ezen változó kiszámítása hasonlóan a pontok csomósodási együtthatójához, egy olyan arány határoz meg, amely az él két végpontjának a közös szomszédjait és az mindkét pont összes szomszédjának számát használja fel. A kódrészlet magyarázata előtt kis ábrával pontosítanám ezen átfedetségi változó értékének fogalmát, melyben a pontok színbeli eltérésével szemléletesebb a különség és könnyen észrevehető, hogy miből is áll ez az érték.



3.14. ábra. Átfedéshez használt példa gráf

Ahogy az előző részben is említésre került, az élekhez tartozik a szomszédsági átfedés tulajdonság. Ennek a változónak a kiszámítása hasonló módon történik, mint a pontok csomósodási együtthatójának meghatározása. Ez az arány meghatározza az él két végpontjának közös szomszédjainak számát és az összes szomszédjának számát mindkét pontnál. Az ábrával kísérve pontosítom ezen átfedési változó értékének fogalmát, ahol a pontok különböző színekkel vannak jelölve, hogy szemléletesebb legyen a különbség és könnyen észrevehető legyen, hogy ez az érték miből áll.

```
double atfedes(int matrix[][50], int elso, int masodik, int mer) {
    double osszes = 0, kozos=0;
    bool volt = false;
    for (int i = 0; i < mer; i++) {
        volt = false;
        if (matrix[elso][i] != 0 && i != masodik) {
            osszes++;
            volt == true;
        }
        if (matrix[masodik][i] != 0 && i != elso ) {
            osszes++;
            if (volt) {
                  kozos++;
                  osszes--;
            }
        }
        if (kozos == 0) { return 0; }
        else { return kozos/osszes ; }
}</pre>
```

3.15. ábra. Átfedés számításához használt függvény

A függvény paraméterlistája egy mátrixot tartalmaz, amelyben az élek vannak tárolva. A második paraméter az él indulási pontját határozza meg, és a függvény megvizsgálja ennek a pontnak a szomszédjait. Ezután a harmadik paraméterrel ismét ugyanezt a műveletet végzi el. Az utolsó paraméter meghatározza, hogy hány csúcsból áll a gráf. Ha ez a szám kevesebb, mint 50, akkor az "i" változónak nem kell 50-ig iterálnia a "for" ciklusban.

A közös szomszédok kiválasztása egy segéd "bool" típusú változóval van megoldva. Ez a változó csak akkor vesz fel igaz értéket, ha az "i"-dik csúcsnak van közös szomszédja az első elemmel. Ha a második elem is kapcsolatban van az "i"-dik elemmel, akkor azt közös szomszédnak számolom, és visszavonom az összes szomszéd számának növelését. A bejárás után, ha a közös változó értéke 0 maradt, akkor a függvény 0-t ad vissza, különben pedig egy 0 és 1 közötti értéket.

4. fejezet

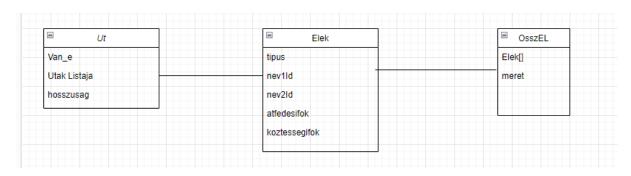
Girvan-Newman módszer

4.1. Általános tudnivaló a módszerről

Az algoritmus elnevezése Michelle Girvan, egy amerikai fizikus, és Mark Newman, szintén egy amerikai fizikus nevéből származik. A két fizikus egy hierarchikus módszert fejlesztett ki a közösségek kimutatására komplex rendszerekben.

Az algoritmus a hálózat felépítését vizsgálja, és az élek közötti köztességi fokra épül. A köztességi fok egy érték, amely meghatározza, hogy az adott él hány legkisebb út megy át rajta. Ez az érték a forgalmat tükrözi, vagyis azt, hogy a legkisebb utak gyakori átjárhatósága mekkora. Az él közösségi fokának értéke az áthaladó összes legrövidebb út forgalmának az összege. Ez az érték segít több részre bontani a hálózatot a legforgalmasabb élek törlésével. Az így kapott részgráfok alkotják az első szintű gócokat. Ezután ezeket a részhalmazokat tovább lehet bontani, amíg minden élet törölünk.

Az általam megvalósított algoritmus három modulra épül. Az első modul az útmodul, amely a legrövidebb utak tárolásában használható, és képes az élek tárolására. A második modul az élekről tárol információkat, mint az él típusa, kezdő- és végpontja, köztességi foka és átfedési foka. Az utolsó modul azért jött létre, hogy egyik függvény visszatérési értékét tovább tudjuk adni, és ezen keresztül az éleket kezelni tudjuk.



4.1. ábra. Modulok

Modulok bemutatása után következzen a legkisebb út meghatározása :

```
pontosut(int matrix[][50], int m, int st, int fin, int jart[]) {
 82
             Ut ut, segedUt;
 83
             if (matrix[st][fin] > 0) {
 84
                 ut.utak[ut.hossz][0] = st:
 85
                 ut.utak[ut.hossz][1] = fin:
 86
 87
                 ut.van_e = true;
                 ut.hossz = 1;
 88
 89
                 return ut;
 91
                 jart[st] = 1;
 93
                 int aktualis = 0;
 94
                 for (int i = 0; i < m; i++) {
                      if (matrix[st][i] > 0 && jart[i] < 1) {</pre>
 95
                          ut = pontosut(matrix, m, i, fin, jart);
if (segedUt.van_e == false && ut.van_e == true) {
 96
 97
                              segedUt.van_e = true;
 98
                              segedUt.hossz = ut.hossz;
 99
100
                              for (int i = 0; i < ut.hossz; i++) {
                                   segedUt.utak[i][0] = ut.utak[i][0];
101
                                   segedUt.utak[i][1] = ut.utak[i][1];
102
                                   aktualis = i;
104
105
                          if (segedUt.van_e == true && ut.van_e == true && segedUt.hossz > ut.hossz) {
106
                              segedUt.hossz = ut.hossz;
107
                              for (int i = 0; i < ut.hossz; i++) {
108
                                   segedUt.utak[i][0] = ut.utak[i][0];
109
                                   segedUt.utak[i][1] = ut.utak[i][1];
110
                                   aktualis = i;
111
112
                          }
113
                 if (segedUt.hossz> 0) {
                      segedUt.utak[segedUt.hossz][0] = st;
117
                      segedUt.utak[segedUt.hossz][1] = aktualis;
118
119
                      segedUt.hossz++;
                     return segedUt:
120
121
                 else {
122
                      Ut s;
123
                     return s:
124
```

4.2. ábra. Út meghatározására használt függvény

Az algoritmusodban a legrövidebb utak meghatározásához szükséges az optimális útvonalak ismerete. Az élek közötti köztességi fok növelésével könnyen megtudhatod a keresett eredményt, ha pontosan ismered az irányt.

A fenti függvény meghatározza az adott út pontos éleit, és ehhez öt paramétert használ. Az első paraméter a gráf éleit tartalmazó mátrix, majd három 'int' típusú változó következik (a csúcsok száma, az indulási pont és a cél), végül pedig egy tömb, amelyben nyomon követed, hogy mely csúcsokon jártál már. A függvény első sorában létrehozol két 'Ut' típusú változót, amelyek a legjobb utat és a kapott értékeket tárolják a rekurzió során.

A függvény első ellenőrzése azt vizsgálja, hogy van-e kapcsolat az indulási pont és a cél között. Ha van kapcsolat, akkor hozzáadod az élek listáját a tárolt tömbhöz, beállítod a tömb méretét 1-re, és az "van-e ut" logikai változót igazra állítod. Ez az eset jelenti azt, amikor nem kell a függvényt újra meghívni, tehát itt véget ér a rekurzió, ha előzőleg elindult a folyamat.

A teljes függvény a rekurzióra épül, amely akkor hívja meg önmagát, ha nem kap rögtön választ, hanem tovább kell vizsgálnia. Ehhez megvizsgálod az indulási pont összes élét, hogy merre lehet továbbhaladni. Ezek az élek elvezetnek más pontokhoz, amelyekről szeretnéd megtudni, milyen messze vannak a céltól. Ez a folyamat addig ismétlődik, amíg egy vagy több megoldást találsz. Ha csak egy megoldás van, az lesz a legrövidebb út, de ha több van, akkor ki kell választanod a legjobbat. Ehhez szükséges a két változó, amelyeket az első sorban hoztál létre. Az élek listájának mérete kulcsfontosságú, mert ez döntő jelleggel befolyásolja a választ. Minél kisebb a legrövidebb út hossza, és ha valóban elértél a célhoz, annál jobb a megoldás. A ciklusban megkapod a legjobb utat, majd visszatérsz a függvényből egy kis bővítéssel. A bővítés azt jelenti, hogy hozzáadod az élt, amelyen keresztül eljutottál a legoptimálisabb szomszédhoz. Ebben az esetben növeled az élek listájának méretét, majd visszatérsz az így kapott úttal. Az így visszaadott értékek alapján beállítod az élek közötti köztességi fokot a következő függvényben.

```
osszEl koztessegifokszamolas(int enronNum, int matrix[][50], Elek elek[], int elekszama) {
             Elek* el = new Elek[elekszama];
             for (int i = 0; i < elekszama; i++) {
167
168
                 el[i].atfedesifoka = elek[i].atfedesifoka;
169
                 el[i].nev1Id = elek[i].nev1Id;
                 el[i].nev2Id = elek[i].nev2Id;
170
                 el[i].koztessegiFok = elek[i].koztessegiFok;
171
                 el[i].tipus = elek[i].tipus;
172
173
174
175
             for (int i = 0; i < enronNum - 1; i++) {
                 for (int j = i + 1; j < enronNum; j++) {
176
                     int jart[50] = { 0 };
177
178
                     Ut ut = pontosut(matrix, enronNum, i, j, jart);
179
                     if (ut.van e) {
                          for (int k = 0; k < ut.hossz; k++) {
180
                              s = ElIndex(el, elekszama, ut.utak[k][0], ut.utak[k][1]);
181
                              el[s].koztessegiFok++:
182
183
                     }
184
185
186
             osszEl eredmeny;
187
             for (int i = 0; i < elekszama; i++) {
188
189
                 eredmeny.elek[i].atfedesifoka = el[i].atfedesifoka;
                 eredmeny.elek[i].nev1Id = el[i].nev1Id;
eredmeny.elek[i].nev2Id = el[i].nev2Id;
190
191
                 eredmeny.elek[i].koztessegiFok = el[i].koztessegiFok;
192
                 eredmeny.elek[i].tipus = el[i].tipus;
193
194
             eredmeny.hossz = elekszama;
195
196
197
             return eredmeny;
```

4.3. ábra. Köztességifok számítására alkalmazott függvény

Ahogy látható, bejárom az összes lehetséges utat az egymásba ágyazott for ciklusok segítségével, és így meghatározom minden út pontos lépéseit. Ezeket az utakat aztán egy segédfüggvény (ElIndex) által feldolgozom, hogy növeljem az utakban előforduló élek köztessegi fokának számát. Ez a növelés akkor történik, ha az aktuális pontok között van út, mert a törlések és a komponensekre való szétesés megakadályozza, hogy minden pont között út létezzen. A köztessegi fok kiszámítása után az eredeti él listát visszatérítem, de a köztessegi fokokat átírom.

A következőkben bemutatom a Girvan-Newman módszer megvalósítását, amely segítségével meghatározom, hogy a legnagyobb azonos köztessegi fokkal rendelkező élek törlése során milyen gyorsan esik szét a gráf izolált pontokra.

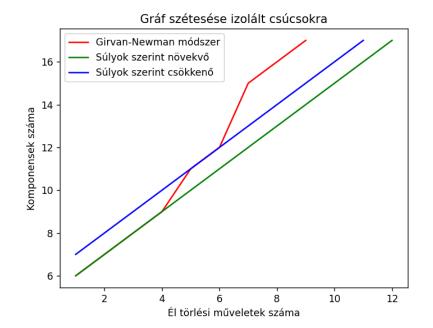
```
467
            //Girwan-Newman modszer alapian
            szetesett = false;
468
            szamlalo = 0:
469
            int meglevoElekSzama = elekszama;
470
            int* komponensek = new int[enronNum];
471
            while (meglevoElekSzama > 0) {
472
                 osszEl osszesel;
473
                 osszesel = koztessegifokszamolas(enronNum, girvan, elek, elekszama);
474
                 for (int i = 0; i < elekszama; i++) {
475
                     elek[i].koztessegiFok = osszesel.elek[i].koztessegiFok;
476
477
                 szetesett = false;
478
479
                 while (!szetesett) {
480
                     int jart[50] = { 0 };
481
                     sorszam = legnagyobbEl(girvan, elek, elekszama);
482
483
                     for (int i = 0; i < elekszama; i++) {</pre>
                         if (elek[i].koztessegiFok == elek[sorszam].koztessegiFok) {
ЦЯЦ
                             meglevoElekSzama--
485
                             girvan[elek[i].nev1Id][elek[i].nev2Id] = 0;
486
                             girvan[elek[i].nev2Id][elek[i].nev1Id] = 0;
487
488
                             if (utakmeghatarozasa(girvan, elek[sorszam].nev1Id, elek[sorszam].nev2Id, enronNum,
                                 szetesett = true;
489
                                 int jart2[50] = { 0 };
490
                                 int kompszama = komponensekSzama(girvan, enronNum, jart2);
491
                                 if (komponensek[szamlalo - 1] != kompszama) {
492
                                      komponensek[szamlalo] = kompszama;
493
                                      szamlalo++:
494
                                 }
495
                             }
496
                         }
497
498
499
500
```

4.4. ábra. Girvan-Newman módszer

A fenti kódrészletben több egymásba ágyazott ciklus segítségével valósítom meg a műveleteket. Számolom a megmaradt éleket, amelyeket kitörlés esetén nullázok a girvan nevű mátrixon keresztül. A 488. sorban ellenőrzöm, hogy a törlés után van-e még út a törölt él két pontja között. Ha nincs, akkor biztosan változik a komponensek száma, amit később egy bejárás segítségével megszámolok és visszatérítek. Ha változik a komponensek száma, akkor visszalépek a kódrészlet elejére, újra számolom a köztessegi fokokat, majd ezt ismétlem addig, amíg elfogynak az élek.

Ezután felmerült bennem a kérdés, hogy vajon a súlyok szerinti élek törlése során nem szétesik-e hamarabb a gráf izolált csúcsokra. Ennek vizsgálatára elvégeztem a súlyok szerinti törlést csökkenő és növekvő sorrendben is. Minden művelet hasonlóan működött a Girvan-Newman algoritmushoz, hasonló ciklusokkal dolgoztam, és az eredmények is hasonlóak voltak, kis eltéréssel. A következő ábrákon látható eredmények rámutatnak arra, hogy a Girvan-Newman algoritmus a leggyorsabb módszer az összes él törlésére. Ugyanakkor, ha a súlyok kisebb szórásúak lennének, akkor véleményem szerint a gráf hamarabb szétesne a súly szerinti törlés esetén.

A következő lépésben a szoftver megjelenít egy kis adatvizualizációt, amely szemlélteti a hálózat kapcsolatainak törlés általi szétesését.



4.5. ábra. Összehasonlítás eredményének ábrázolása

Módszer	ciklusok száma	első éltörlés után							
Girvan-Newman	9	6							
Súlyokkal növekvő	12	6							
Súlyokkal csökkenő	11	7							

4.1. táblázat. Mérési eredmények n = 17 csúccsal való tesztelésre.

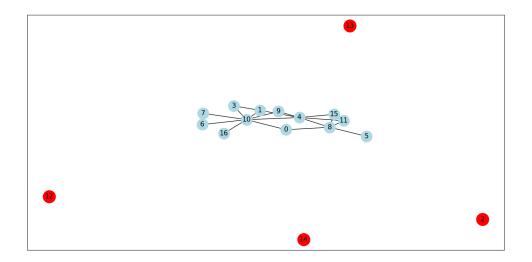
A Girvan-Newman algoritmus a leggyorsabbnak bizonyult ebben az esetben, ahogy az összehasonlító ábrán is látható. Emellett bemutattam az egyes törlési események során készült állapotokat is.

A vizualizációs program lehetőséget nyújt arra, hogy válasszunk az 3 algoritmus által generált törlési események között, így kirajzolhatjuk a súlyok szerinti csökkenő vagy növekvő sorrendben bekövetkező változásokat.

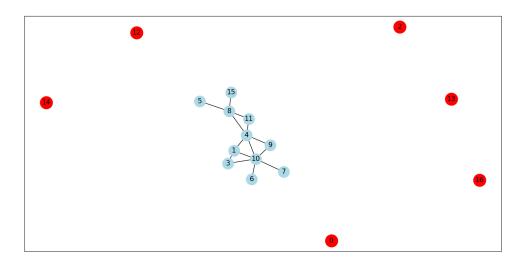
Az alábbiakban megjelenítek egy állapotot, amelyet a súlyokkal való törlési művelet során generáltam:

- Az első három ábrán látható a Girvan-Newman módszer lépései által generált aktuális gráf. Ezek közül három ciklusos törlést mutatok be: az kezdeti állapotot, majd egy törlést és végül hét törlést követő állapotot. A fenti táblázatban is látható, hogy kilenc törlés után a gráf teljesen izolált csúcsokra bomlik. A két törlés azt jelzi, hogy a komponensek száma kettővel növekedett.
- A második két ábrán a súlyok szerint növekvő sorrendben történik az élek kiválasztása és törlése.
- A táblázatban is látható, hogy a súly szerinti csökkenő és növekvő módszer nem dolgozik egyformán. Ha nem vesszük figyelembe a törlési módszer legfontosabb tulajdonságát, akkor azt gondolhatnánk, hogy a gráfban ugyanannyi különböző értékű

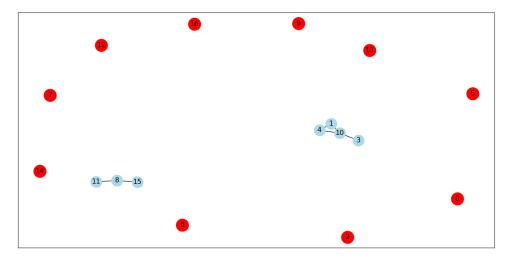
él van, tehát mindegy, hogy lentről felfelé vagy fentről lefelé haladunk a súlyokkal, mindig ugyanannyi különböző súlyú él lesz. Úgy tűnhet, hogy nincs különbség a két módszer között. Azonban itt jön a fordulat, mert csak akkor lépünk tovább egy új lépésre, ha a törlések során a komponensek száma növekszik. Ezért a csökkenő és növekvő sorrendben történő módszer eredménye nem lesz azonos. Csak bizonyos speciális esetekben lesznek az eredmények azonosak, például ha az élek súlyai azonosak, vagy ha minden különböző súlyú él törlése több komponenst eredményez.



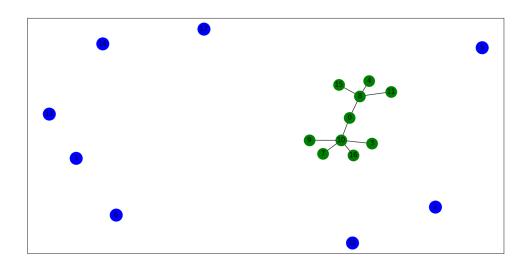
4.6. ábra. A gráf törlések előtt



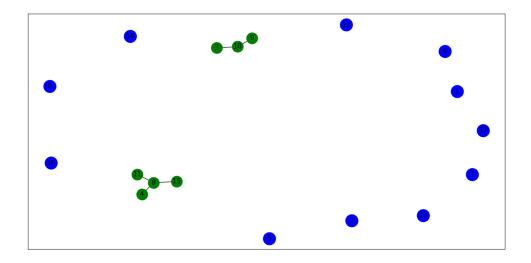
4.7. ábra. A gráf 2. Girvan-Newman módszerrel való törlés után



 ${\bf 4.8.~\acute{a}bra.}$ A gráf 7. Girvan-Newman módszerrel való törlés után



 ${\bf 4.9.~\acute{a}bra.}$ A gráf 4 törlés után



 $\bf 4.10.$ ábra. A gráf 8 törlés után

Összefoglaló

Dolgozatomban több gráfelméleti algoritmust megírtam és teszteltem. Valós adatokkal feltöltött adatbázist használtam, amit kis adatbányászattal és adatszűréssel alakítottam könnyen használható formába. Az adatokat egy egyszerű szöveges állományban tároltam, ami segítségemre lesz a gráfelméleti algoritmusok gyakorlásában az egyetemi tananyag részére.

Az adatokat szűrtem és rendeztem, majd külön figyelmet fordítottam az adatvizualizációra is. Úgy gondolom, hogy ha látom a gráfokat, könnyebben tudom megérteni azokat, és könnyebb meghatározni egy adott algoritmus eredményét vagy a valós értékét. A Python programozási nyelvet használtam az adatbányászathoz, szűrésekhez és a vizualizációhoz. Fájlkezeléseket, néhány reguláris kifejezést és a matplotlib osztályt használtam az ábrák megjelenítéséhez.

Ezután áttértem egy másik programozási nyelvre, mert úgy gondolom, hogy ha a gráfelméletet C/C++ nyelven tanuljuk, könnyebben megérthetjük és átláthatjuk hasonló nyelven megírt kódokat, mint egy idegen nyelven írt algoritmust. C++ nyelven megvalósítottam az algoritmusaimat és szoftvereimet, amik a szociális jelenségekhez kapcsolódnak. Például, a pletyka terjedését vizsgáló algoritmust vagy a csomósodási együttható kiszámítását, amivel meghatározhatjuk, hogy mennyi esély van a barátok összekapcsolódására. Az irányított és irányítatlan gráfokat is figyelembe vettem, és bemutattam a változásokat az idő múlásával.

Az egyetemi órákon szereztem meg a gráfokkal kapcsolatos információkat és ismereteket.[Zol08]

Ezen kutatást, amelynek során vizsgálatokat végeztem, szeretném a jövőben továbbfejleszteni és magasabb szintre emelni. Az egyik célom ennek a fejlesztésnek a mesterséges intelligencia bevonása és az üzenetek hangulatának elemzése. Ezen túlmenően hosszabb távú terveim között szerepel a mesterséges intelligencia alkalmazása után az akkori üzenetek összehasonlítása a jelenlegi cégekben vagy akár kisebb szervezetekben elküldött e-mailekkel.

Github link: https://github.com/tankotamas11/Allamvizsga2023

Köszönetnyilvánítás

A szakdolgozatom elkészítéséhez nyújtott segítségért, a gráfelméleti gondolkodásom fejlesztéséhez nyújtott útbaigazitásokért valamint a dolgozat felépítéséhez átadott tanácsokért,ötletekért szeretnék köszönetet mondani a vezetőtanáraimnak, Dr. Kátai Zoltánnak és Oltean-Péter Borókának akik segítségével sok újat tanulhattam az elmúlt évben.Nagyon hálás vagyok tanáraimnak a téma ajánláshoz valamint a kezdeti adatbázis beszerzése is az ő érdemük "mert ezáltal megteremtettek egy alapanyagot amin elvégezhettem számos műveletet , ennek köszönhetően fejleszthettem az algoritmikai tudásomat.

Utolsó gondolatként remélem sikeresen felhasználhatóak lesznek ezen algoritmusok és vizualizációk a jövő generációk tanításához , melynek ötletadója Dr. Kátai Zoltán tanárúr volt .Örömmel töltött el , hogy segíthetek a következő hallgatóknak a gráfelméleti tananyag vizualizációkkal való fejlesztésemmel ,hisz fontos célként tűzhettem ki magam előtt ezen gonolatot ami egy plusz motivációt adott a dolgozat elkészítéséhez.

Ábrák jegyzéke

2.1.	Folyamat ábra
2.2.	Adatok számlálásának eredménye
2.3.	Adatbányászat
2.4.	Szűrési művelet
2.5.	Rendezés kronológiailag
2.6.	1000 üzenet utáni hálózat
2.7.	Összes üzenet utáni hálózat
2.8.	Csucspontok méretének beállítása és kijarzolása
2.9.	Csucspontok kijarzolása irányított gráfként
2.10.	Kis nagyítás a gráf középpontjára
3.1.	Szoftver lépései
3.2.	Gráf a szóbeszédhez
3.3.	két pont közötti út távolság meghatározása
3.4.	Utak meghatározása és középső pont kiderítése
3.5.	Eredmény kiíratása
3.6.	Együttható kiszámításához használt függvény
3.7.	Csomósodási együttható meghatározása időközönként
3.8.	Kapcsolat struktúra
3.9.	Változás az együtthatókban
3.10.	Gráf a híd magyarázatához
3.11.	Gráf a lokálishíd magyarázatához
3.12.	Híd meghatározása
3.13.	Él struktúra
3.14.	Átfedéshez használt példa gráf
3.15.	Átfedés számításához használt függvény
4.1.	Modulok
4.2.	Út meghatározására használt függvény
4.3.	Köztességifok számítására alkalmazott függvény
4.4.	Girvan-Newman módszer
4.5.	Összehasonlítás eredményének ábrázolása
4.6.	A gráf törlések előtt
4.7.	A gráf 2. Girvan-Newman módszerrel való törlés után
4.8.	A gráf 7. Girvan-Newman módszerrel való törlés után
4.9.	A gráf 4 törlés után
4.10.	A gráf 8 törlés után

Táblázatok jegyzéke

4.1.	Mérési	eredményel	x n = 1	17	csúccsal	való	tesztelésre.												3	4
------	--------	------------	---------	----	----------	------	--------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---	---

Irodalomjegyzék

- [Adi05] Jitesh Shetty Jafar Adibi. Discovering important nodes through graph entropy the case of enron email database. LinkKDD '05: Proceedings of the 3rd international workshop on Link discovery, pages 74–81, aug 2005.
- [KPX11] Matt Hohensee Kelly Peterson and Fei Xia. Email formality in the workplace: A case study on the enron corpus. Proceedings of the Workshop on Language in Social Media (LSM 2011):86–95, jun 2011.
- [Zol08] Kátai Zoltán. Gráfelméleti algoritmusok. Scientia Kiadó, 2008.