

Trabajo Práctico 1

[75.29/95.06] Teoría de Algoritmos I Primer cuatrimestre de 2018

${\rm Grupo}\ {\rm MinMax}$

Alumno	Padrón	Mail
del Mazo, Federico	100029	delmazofederico@gmail.com
Djeordjian, Esteban Pedro	100701	edjeordjian@gmail.com
Kristal, Juan Ignacio	99779	kristaljuanignacio@gmail.com
Raveszani, Nicole	101031	nraveszani@gmail.com

1. Cálculo Empírico de Tiempos de Ejecución

1.1. Complejidad Teórica

1.1.1. Selección

El ordenamiento de selección es uno de los algoritmos de ordenamiento más faciles de implementar. En cada iteracion, se halla el mínimo elemento de la sección del arreglo desordenado y se intercambian las posiciones de este valor y el último elemento. Se reduce en una unidad la sección del arreglo desordenado y al resto se lo considera ordenado.

De acuerdo a nuestra implementación¹ del ordenamiento de selección, la complejidad teórica es:

T Selección(n):
$$\mathcal{O}(2+1+n*(1+1+1+n*(1+1)+1+2)) = \mathcal{O}(n^2+6n+n) \in \mathcal{O}(n^2)$$

Esto viene de analizar linea por linea teniendo en cuenta:

- Hacer una asignación y comparar variables: O(1)
- lacktriangle Operadores aritméticos básicos: O(1)
- Sacar la longitud de un arreglo: O(1)
- Hacer un ciclo definido que itera por todo el arreglo: O(n * f(n)) siendo f(n) lo que hay dentro del ciclo.
- Hallar el indice de un elemento: O(n)

Este ordenamiento itera siempre por el arreglo sin importar su disposicion inicial. Por lo tanto su caso promedio es iguales al tiempo analizado:

T Promedio Selección(n) $\in \mathcal{O}(n^2 + 6n + n) \in \mathcal{O}(n^2)$

1.1.2. Inserción

Inicialmente, se tiene un solo elemento y se lo considera un conjunto ordenado. En cada iteración, se compara al siguiente elemento del conjunto ordenado con su predecesor y se intercambia en caso de ser menor a este. Se itera de esta forma hasta que la condicion anterior no se cumpla. Al igual que el de seleccion, el algoritmo consiste de dos ciclos anidados que recorren el arreglo entero, por lo tanto, el tiempo esperado sera cuadrático.

Este ordenamiento usa las mismas herramientas del ordenamiento de selección. Por lo tanto, con las consideraciones anteriores tomadas, queda:

T Inserción(n):
$$\mathcal{O}(2+1+n*(2+1+2+2+1+n*(1+3)) = \mathcal{O}(4n^2+8n+3) \in \mathcal{O}(n^2)$$

Como es claro que encontrar en un arreglo un intervalo ordenado (suficientemente grande) es mucho menos probable que no hacerlo (es decir, para un arreglo de n elementos, de las n! posibles distribuciones de los elementos, solo una estara ordenada, y con un n no demasiado grande, se cumple que $n!-1\approx n$). Luego, en el caso promedio se tiene que el algoritmo tambien tiene orden cuadratico.

T Promedio Inserción(n) $\in \mathcal{O}(4n^2 + 8n + 3) \in \mathcal{O}(n^2)$

1.1.3. Mergesort

El algoritmo de mergesort es un ordenamiento que utiliza la técnica de División y Conquista, y por lo tanto, para calcular su complejidad teórica va a ser utilizado el Teorema Maestro. Si el arreglo sólo tiene un elemento o ninguno se considera ordenado. En otro caso, el arreglo se subdivide por la mitad creando dos nuevos arreglos. Cada uno de estos arreglos se vuelve a subdividir de forma recursiva hasta que queda un elemento o dos en cada subarreglo. A partir de aqui, cada

¹Las complejidades de los métodos nativos de las listas de Python 3 fueron sacadas de: https://wiki.python.org/moin/TimeComplexity

mitad creada se une de forma ordenada en un nuevo arreglo hasta que queda un único arreglo ordenado.

En cuanto a código se introducen nuevos metodos:

- Append y pop: $\mathcal{O}(1)$
- **Extend**: $\mathcal{O}(k)$ siendo k la cantidad de elementos agregados

También es de notar que este es el primer algoritmo donde usamos llamadas recursivas, por su naturaleza de división y conquista.

```
Aplicando el Teorema Maestro: T mergesort(n) = a * T mergesort(\frac{n}{b}) + f(n^c)
```

La cantidad de llamadas recursivas (a) son dos. Cada llamada recursiva divide la entrada inicial a la mitad (b=2). Por último, el tiempo de las llamadas no recursivas es

```
\mathcal{O}(2+2+1+1+(n-1)3+1+1) = \mathcal{O}(3n+5) \in \mathcal{O}(n)
```

Asumiendo un n lo suficientemente grande como para que se requieran intercalar aproximadamente n elementos la mayoría de las veces, por lo que c=1. Se tiene entonces:

```
T Mergesort(n): 2 * T Mergesort(\frac{n}{2}) + f(n)
Como (a = b^c), se tiene que: T Mergesort(n) \in \mathcal{O}(n \log n)
```

Para el caso promedio, se puede considerar que no es lo más probable una distribución de los elementos en cada mitad de modo tal que las mismas pierdan elementos uniformemente (agregándose al sub arreglo ordenado), sino que es más probable que uno de los arreglos termine el ciclo con muchos más elementos que el otro (que termina sin ninguno). Podríamos decir que para las comparaciones, uno de los arreglos resulta con varios elementos mayores a la propia mayoría del otro, y por ende, este último terminará con una longitud considerable al terminar el ciclo, que en promedio se podría decir de n/2. El tiempo de las llamadas no recursivas es $\mathcal{O}(2+2+1+1+(n-1)3+1+1) = \mathcal{O}(3n+5)) \in \mathcal{O}(n)$, nuevamente dejando: T Promedio Mergesort(n) $\in \mathcal{O}(n \log n)$

1.1.4. Quicksort

Al igual que mergesort, quicksort utiliza la técnica de División y Conquista. Se elige un elemento del arreglo como pivote (en nuestra implementación se elige al primero) y a partir del pivote se arman tres arreglos: la de todos los elementos menores al pivote, la conformada solo por el pivote y los elementos iguales a este y la de todos los elementos mayores al pivote. Con esto se obtiene un orden relativo al pivote. El mecanismo antes descripto se repite recursivamente para cada parte. El arreglo final se obtiene concatenando lps subarreglos ordenados. Al igual que en Mergesort, siendo División y Conquista la técnica utilizada, se usa el Teorema Maestro para calcular su complejidad.

Considerando las complejidades analizadas hasta ahora (en código no hay nada nuevo) y aplicando el Teorema Maestro se tiene:

```
T Quicksort(n) = a * T Quicksort(\frac{n}{b}) + f(n^c)
```

La cantidad de llamadas recursivas (a) son 2. El tiempo de las llamadas no recursivas es $\mathcal{O}(1+3+1+n(1+2)+1+n) = \mathcal{O}(4n+6) \in \mathcal{O}(n)$, por lo que c=1.

Para analizar b, se debe considerar dos casos.

En el caso promedio, b será igual a 2, ya que en un arreglo arbitrariamente grande, es mucho más probable tomar en cualquier posición a un elemento alejado de las cotas superiores e inferiores que muy próximo a ellas, por lo que la recursión dividirá el problema en "dos partes iguales" (probablemente nunca sean exactamente iguales, pero con un n arbitrariamente grande, las diferencias que puedan existir son despreciables en tanto el pivote elegido no esté lo suficientemente próximo a una cota superior o inferior). Para este caso, como $(a = b^c)$, se tiene que: T Promedio Quicksort(n) $\in \mathcal{O}(n \log n)$

1.1.5. Heapsort

En el heapsort se utiliza la estructura de cola de prioridad (heap). Se construye un heap de mínimos con los elementos del arreglo. Al ser la raiz el menor elemento, se extrae la raiz y se la guarda en la primera posición del arreglo. De esta forma, se extrae en sucesivas iteraciones la raiz y el elemento es guardado en la siguiente posición hasta vaciar el heap.

Los tiempos del heap de mínimos implementado son:

■ Heapify: $\mathcal{O}(n)$

■ Heappop: $\mathcal{O}(\log n)$

■ Heapush: $\mathcal{O}(\log n)$

Considerando todo esto queda:

T Promedio Heapsort(n) $\in \mathcal{O}(n+1+n+1+1+n(1+\log n)) = \mathcal{O}(3n+n\log n+3) \in \mathcal{O}(n\log n)$

1.2. Peores tiempos

1.2.1. Selección

Como se ve en el análisis, el comportamiento de este algoritmo no depende de las características del arreglo. En términos más específicos, el algoritmo de selección no es un algoritmo "adaptativo": su conducta no se ve afectada por ninguna característica del array, por lo cual realizará el mismo número de comparaciones e intercambios entre elementos tanto en el peor caso, en el caso promedio y en el mejor caso (considerando una longitud de arreglo arbitrariamente grande). Sin embargo, un arreglo considerado como el peor valor de entrada posible es un arreglo ordenado de forma descendente, debido a que nuestra implementación se busca el mínimo en cada iteración. Si bien asintóticamente no hay diferencia, diferirá en un valor constante el cual será mayor para un arreglo ordenado de esta forma.

T Peor Seleccción(n) $\in \mathcal{O}(n^2 + 6n + n) \in \mathcal{O}(n^2)$

1.2.2. Inserción

Este algoritmo sí presenta un peor caso: cuando el arreglo inicial se encuentra ordenado de forma descendente (y no al revés, según la implementación dada). El bucle interno del algoritmo deberá comparar cada elemento hasta llegar a la primera posición del conjunto, con lo cual realizará el máximo número de comparaciones posibles entre elementos y el ciclo se ejecutara sin cortes. Esto también está contemplado dentro de su comportamiento en promedio: se destaca el caso en que, si el arreglo estuviera ordenado al revés, el algoritmo terminaría en un orden de $\mathcal{O}(n)$ (siendo, para este caso trivial, mejor que cualquier ordenamiento).

T Peor Inserción(n) $\in \mathcal{O}(4n^2 + 8n + 3) \in \mathcal{O}(n^2)$

1.2.3. Mergesort

Si bien tiene un promedio de tiempo logaritmico, tiene casos en los que realiza una mayor cantidad de comparaciones. El algoritmo se comporta de manera recursiva, dividiendo el arreglo en mitades cada vez mas pequeñas y realizando comparaciones entre ellas una vez alcanzado subarreglos de tamaño 1. Estas comparaciones serán, como máximo, de cantidad n-1 siendo n la cantidad de elementos involucrados en cada comparación pues el ultimo elemento no hay que compararlo contra nada.

T Peor Mergesort(n) $\in \mathcal{O}((n-1)\log n) \in \mathcal{O}(n\log n)$.

1.2.4. Quicksort

Quicksort presenta un caso en que su comportamiento resulta cuadrático, generando uno de las mayores discrepancias entre tiempo promedio y peor tiempo de los algoritmos analizados. Esto es cuando el pivote elegido es una cota menor o mayor elemento del arreglo, dividiendo el arreglo en dos partes de 1 y n-1. En nuestra implementación, Quicksort elige siempre al primer elemento del arreglo como pivote, por lo tanto, usamos como peor caso un arreglo ordenado descendentemente y tomando de pivote el primer elemento del arreglo. Para este peor caso se tiene que, segun el Teorema Maestro b=1, ya los elementos quedan "a la derecha o a la izquierda" del pivote. Pero al no haber División y Conquista propiamente dicho, no se puede aplicar el teorema del maestro. El analisis pasa a ser linea por linea:

T Peor Quicksort(n)
$$\in \mathcal{O}(1+3+1+n(1+2)+\sum_{i=0}^{n-1}6+3n-i=\mathcal{O}(6+3n)\in\mathcal{O}(n^2)$$

1.2.5. Heapsort

Para este algoritmo, el numero de comparaciones entre los elementos del arreglo puede variar en poca proporción dependiendo orden en que se presentan los mismos (según su ubicación en el heap).

T Peor Heapsort(n) $\in \mathcal{O}(3n + n \log n + 3) \in \mathcal{O}(n \log n)$

1.3. Comparación

1.3.1. Tiempos promedio

En orden ascendiente de eficiencia:

```
T Promedio Inserción(n) \in \mathcal{O}(4n^2 + 8n + 3) \in \mathcal{O}(n^2)
T Promedio Seleccción(n) \in \mathcal{O}(n^2 + 6n + n) \in \mathcal{O}(n^2)
T Promedio Heapsort(n) \in \mathcal{O}(3n + n \log n + 3) \in \mathcal{O}(n \log n)
T Promedio Mergesort(n) \in \mathcal{O}(n \log n)
T Promedio Quicksort(n) \in \mathcal{O}(n \log n)
```

Para poder terminar de ubicar en la escala a quicksort y mergesort, se pone el foco en la complejidad de su parte no recursiva: por parte de quicksort es $\mathcal{O}(4n+6)$, y en el caso de mergesort es $\mathcal{O}(3n+5)$. Es decir, la diferencia fundamental entre estos dos algoritmos es que en el peor caso quicksort será menos eficiente.

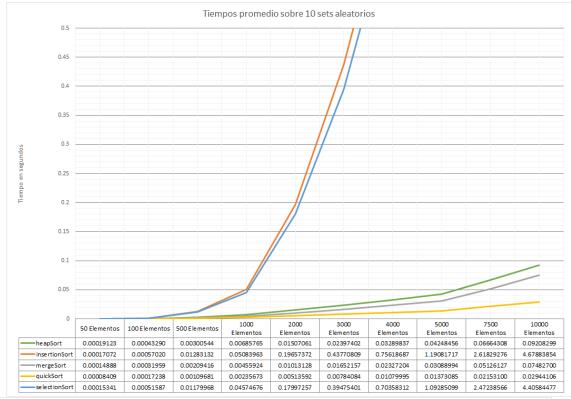
1.3.2. Peores tiempos

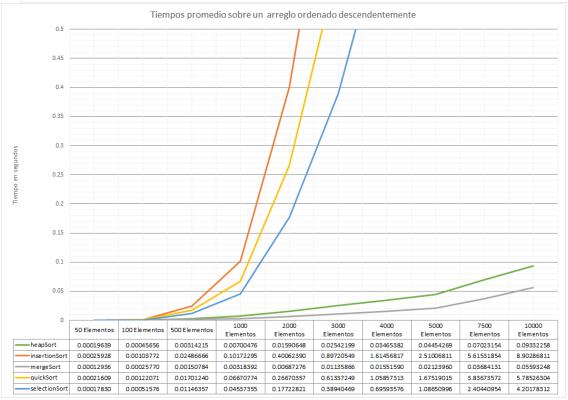
En orden ascendiente de eficiencia:

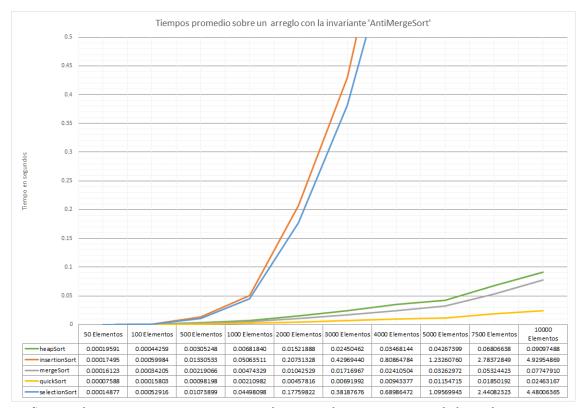
```
T Peor Inserción(n) \in \mathcal{O}(4n^2 + 8n + 3) \in \mathcal{O}(n^2)
T Peor Seleccción(n) \in \mathcal{O}(n^2 + 6n + n) \in \mathcal{O}(n^2)
Quick
T Peor Mergesort(n) \in \mathcal{O}((n-1)\log n) \in \mathcal{O}(n\log n)
T Peor Heapsort(n) \in \mathcal{O}(3n + n\log n + 3) \in \mathcal{O}(n\log n)
```

1.4. Tiempos de ejecución

Se calcularon los promedios de cada tiempo para cada cantidad de elementos y cada algoritmo:







Se ve en la comparación que para pocos elementos el comportamiento de los ordenamientos es similar. Pasando los mil elementos se ve como quicksort e insertsort empeoran notablemente. Para el set mayor, se ve que insertionSort tarda cuatro veces más, y quicksort tarda más de 200 veces lo que tardaba en promedio. El resto de los ordenamientos no se ve afectado notablemente. En el gráfico es más que notorio como quicksort tomó un orden cuadrático al igual que los ordenamientos por inserción y selección.

En el siguiente gráfico se muestra la comparación explícita del insertion sort: y a continuación el análogo de quicksort

Es claro que el caso de orden descendente solo afecta en quicksort e insertionsort.

Las tablas enteras con todas las ejecuciones pueden verse en el anexo al final.

1.5. Comparación con valores teóricos

De acuerdo a las complejidades analizadas para el peor caso, se predice que los algoritmos de selección inserción y quicksort tardarán mucho más en ordenar arreglos que heapsort o mergesort. Esto se cumple, con la salvedad que en el análisis teórico para el peor caso se preveía que el ordenamiento por selección tendría peor desempeño que quicksort, lo cual no ocurrió, por ser el set especialmente diseñado para que quicksort se comporte de forma poco eficiente.

Con respecto al caso promedio, los tiempos se cumplieron de forma exactamente coherente con el orden de eficiencia predicho (en orden ascendente) en el análisis teórico: inserción, selección, heapsort, mergesort y quicksort. En síntesis, excepto por el peor caso de quicksort que no fue considerado de forma explícita, el análisis teórico se condice con los valores visualizados en la práctica.

2. Algoritmo Gale-Shapley

2.1. Demostraciones

2.1.1. Tiempo polinómico

Para facilitar la notación de está sección, J será la cantidad de jugadores y E la cantidad de equipos. Para la justificación detallada de cada sentencia del algoritmo, ver los comentarios de la complejidad en el código.

En el algoritmo el primer método que se llama es jugadores EquiposGS. En caso en que se especifique la creación de los archivos .rtf, el método generar Archivos tiene una complejidad es de orden $O(E^*J)$, ya que por cada equipo se debe crear un archivo de longitud igual a la cantidad de jugadores, y lo análogo ocurre a la recíproca.

La carga de archivos con el método cargaDeArchivos naturalmente también de orden O(J*E) ya que por cada jugador que se quiera crear, se debe recorrer un archivo cuya longitud es igual a la cantidad de equipos, y viceversa.

La asignación, donde se genera el matching establece, tiene como condición de corte que no haya más vacantes en los equipos. Considerando esto, el hecho de que a continuación en el algoritmo se itere por cada equipo, y que se verifique para cada uno si todos tiene vacantes, es solo una especificación para lograr cubrir todas las vacantes, por lo que no agregan un orden diferente: simplemente es la forma de implementar que el algoritmo avance a partir de que se cubren distintas vacantes en distintas equipos. Esto implica que cada equipo deberá completar todos sus lugares libres, y como hay igual cantidad de jugadores que de vacantes, el peor caso se considera cuando cada equipo debe preguntarle a todos los jugadores si desean ocupar una vacante: esto es O(J). Como hay E equipos, el orden de la asignación también es O(J*E).

Finalmente, almacenar el archivo de la asignación tiene un orden línea O(J+E). Esto se debe a que por cada equipo, se guarda su número seguido de los números de jugadores que tiene. La cantidad de jugadores que tiene un equipo es igual a sus vacantes (ver demostración en el próximo item de que cada equipo llena todas sus vacantes) y como la cantidad de vacantes totales es igual al número de jugadores, se tiene que se guardó un archivo con J+E números.

El orden cuadrático del algoritmo, entonces, es evidente, ya que es el peor caso de complejidad a lo largo de las funciones del algoritmo. Como $O(J^*E)$ es un orden polinomial, el algoritmo es de orden polinomial.

2.1.2. Matching estable

Para está demostración, se simplificará la estructura original de la solución implementada. Considerando el primer método llamado "jugadoresEquiposGS", se excluyen las características de la generación de los archivos de perfil, su carga, y el correspondiente almacenamiento del archivo donde se guarda la asignación estable. Entonces, el método se reduce a la asignación propiamente dicha

Mientras haya un equipo con vacantes, el equipo actual ofrece una vacante a su jugador favorito actual. Si el jugador esta libre, acepta la vacante, si no esta libre, pero prefiere más al equipo actual, acepta la vacantey el otro equipo pierde a ese jugador.

Como hay igual cantidad de jugadores que de vacantes totales, se ve que todos los equipos podrán cubrir todos su puestos. Supongamos que hubiera un equipo .a"que ya ha .ºfrecido una vacante.ª todos los jugadores de acuerdo con su favoritismo, y ninguno la hubiera aceptado. Esto es decir que todos los jugadores ya han aceptado una vacante en un equipo previamente. Pero esto es una contradicción, porque existe la misma cantidad de jugadores que de vacantes totales, y por hipótesis hay una (al menos) vacante que .ª"no puede cubrir. Justamente, la contradicción viene de suponer que un equipo no ha podido satisfacer una de sus vacantes ofreciéndole a todos los jugadores, por lo que esto es falso. Con esto se ve además que la máxima cantidad de "proposiciones" que un equipo puede hacer es igual a la cantidad de vacantes disponibles en total, es decir, con la cantidad de jugadores.

Ahora se demostrar que una vez que cada equipo haya cubierto sus vacantes, no habrá parejas conflictivas (inestabilidades). La misma podría darse entre (j1,a) y (j2,b), donde j1 es un jugador que quiere estar en el equipo b, j2 es un jugador que quiere estar en el equipo a, a es un equipo que prefiere más a j2 sobre j1 y b es un equipo que prefiere más a j1 sobre j2.

Supongamos que a .elige primero". Si j1 aceptó la vacante en a, es porque j1 estaba libre, o bien, porque prefería estar en a que en otro equipo c (no necesariamente c = b).

Supongamos que era porque estaba solo. Luego b prefiere más a j2 que a j1, porque le ofreció su vacante antes. Si esto no fuera así, b le hubiera ofrecido antes su vacante a j1, y el mismo se hubiera cambiado de equipo, pero esto no sucedió. En este caso se llega a un absurdo, porque por hipótesis b prefiere más a j1 (en otro caso la pareja no es conflictiva y no hay inestabilidad).

Entonces debemos suponer que j1 aceptó la vacante porque estaba en otro equipo c. Luego, se llega al mismo absurdo anterior, porque al fin y al cabo b termina con j2.

Luego, debe ser que b. el igió primero". Si j2 aceptó la vacante en b, es porque j2 estaba libre, o bien, porque prefería estar en b que en otro equipo d (no necesariamente d=b o d=c). En cualquiera de los dos casos se llega a un absurdo similar al anterior. Todas los caminos a los que conduce la hipótesis "hay una inestabilidad en la asignación final "hacen llegar a una contradicción, por lo que queda probado que la asignación es estable.

No existe posibilidad que quede un equipo con alguna vacante libre, o un jugador sólo, como se probó al principio.

A. Ejecución y compilación

Todo el trabajo fue codificado en Python 3.6.1.

A.1. Ordenamientos: Ejecución general

El programa principal es ejecutado desde el archivo main, especificando por linea de comando el caso a ejecutar, entre Randomz "Peor", refiriendose a los sets por donde se ejecutaran los ordenamientos. La ejecución consiste de iterar sobre los sets generados previamente y en cada uno ejecutar cada ordenamiento estudiado sobre distintas cantidades del mismo elemento. Este archivo genera un 'SalidaRandom.csv' con las estadisticas necesarias para analizar.

```
>>> python main.py Random
>>> python main.py Peor
```

A.2. Medición de tiempos

Los tiempos de ejecución fueron calculados con el modulo time de Python, en particular su función $process_time$ ².

A.3. Generación de sets aleatorios

El script generarSets.py permite generar los sets aleatorios de n numeros (en este caso, n=10000) en un rango determinado. Este archivo también contiene la creación de los sets de peores casos.

A.4. Pruebas de ordenamientos

Para verificar que los ordenamientos anden correctamente se realizaron varias pruebas unitarias que verfiquen distintos comportamientos desde los casos triviales hasta los casos borde y demás. Todas las pruebas son iguales, e incluyen asserts con ordenamientos aleatorios.

```
>>> python heapTest.py -v
```

A.5. Stable matching

Para generar un matching estable que cumpla con la consigna se utiliza el archivo main. Este importa el archivo matchinGS.py, ejecuta aplica el algoritmo Los parametros recibidos por el algoritmo son la cantidad de jugadores, la cantidad de equipos, las vacantes por equipo, el nombre del archivo de salida, y si es necesario crear el archivo. Luego, ejecuta un test sobre el algoritmo para verificar la estabilidad.

El resultado de una de las ejecuciones fue:

²https://docs.python.org/3/library/time.html#process_time

B. Tablas de ejecución

Cuadro 1: Tiempos de ejecución sobre 10 sets aleatorios

50 Elementos	SetRan dom 01	SetRan dom 02	SetRan dom 03	SetRan dom 04	SetRan dom 05	SetRan dom 06	SetRan dom 07	SetRan dom 08	SetRan dom 09	SetRandom10
heapSort	0.00019300	0.00018855	0.00019178	0.00020529	0.00018293	0.00018698	0.00019424	0.00019802	0.00018284	0.00018867
insertionSort	0.00019945	0.00015891	0.00012839	0.00018014	0.00016239	0.00016163	0.00018052	0.00017342	0.00016791	0.00019444
mergeSort	0.00016291	0.00014654	0.00014624	0.00015401	0.00014920	0.00014525	0.00014689	0.00014798	0.00014500	0.00014480
quickSort	0.00008861	0.00007581	0.00008263	0.00008232	0.00008747	0.00008240	0.00008242	0.00009243	0.00008440	0.00008239
selectionSort	0.00015473	0.00015757	0.00014861	0.00015807	0.00015818	0.00014677	0.00015120	0.00015299	0.00015108	0.00015492
100 Elementos	SetRan dom 01	SetRan dom02	SetRan dom03	SetRan dom 04	SetRan dom05	SetRan dom06	SetRan dom07	SetRan dom 08	SetRan dom09	SetRandom10
heap Sort	0.00043570	0.00045246	0.00044005	0.00042592	0.00042845	0.00043440	0.00041988	0.00041455	0.00044249	0.00043516
in sertion Sort	0.00058790	0.00064046	0.00054841	0.00053005	0.00067365	0.00052636	0.00048715	0.00049590	0.00057678	0.00063538
merge Sort	0.00034085	0.00030815	0.00032360	0.00032457	0.00031131	0.00031344	0.00031926	0.00032349	0.00032025	0.00031099
quick Sort	0.00017878	0.00016309	0.00017036	0.00016766	0.00015238	0.00017618	0.00017809	0.00019167	0.00016401	0.00018156
selection Sort	0.00053624	0.00044922	0.00051516	0.00052856	0.00052489	0.00051390	0.00051862	0.00052146	0.00051781	0.00053284
500 Elementos heap Sort in sertion Sort merge Sort quick Sort selection Sort	Set Ran dom 01 0.00297829 0.01235648 0.00211735 0.00105629 0.01152360	Set Ran dom 02 0.00302412 0.01359664 0.00207506 0.00103137 0.01153958	$\begin{array}{c} \operatorname{SetRandom03} \\ 0.00294132 \\ 0.01212989 \\ 0.00200294 \\ 0.00113191 \\ 0.01241996 \end{array}$	SetRan dom04 0.00303563 0.01256291 0.00210409 0.00104716 0.01133049	SetRan dom 05 0.00305413 0.01334884 0.00210602 0.00097052 0.01146322	$\begin{array}{c} \operatorname{Set} \operatorname{Ran} \operatorname{dom} 06 \\ 0.00306853 \\ 0.01287573 \\ 0.00207392 \\ 0.00114077 \\ 0.01228531 \end{array}$	SetRan dom07 0.00292844 0.01298992 0.00207665 0.00130709 0.01155788	SetRan dom08 0.00296854 0.01232904 0.00209064 0.00114264 0.01251674	SetRan dom09 0.00307565 0.01256445 0.00224680 0.00105451 0.01120192	$\begin{array}{l} {\rm SetRandom10} \\ {\rm 0.00297974} \\ {\rm 0.01355928} \\ {\rm 0.00204810} \\ {\rm 0.00108588} \\ {\rm 0.01215812} \end{array}$
1000 Elementos heap Sort in sertion Sort mergeSort quickSort selection Sort	SetRan dom 01 0.00739671 0.05100241 0.00456525 0.00234790 0.04496951	SetRan dom 02 0.00694720 0.05244503 0.00470494 0.00223786 0.04662944	$\begin{array}{c} \operatorname{SetRandom03} \\ 0.00662311 \\ 0.04842442 \\ 0.00455071 \\ 0.00238862 \\ 0.04389748 \end{array}$	SetRan dom 04 0.00683279 0.05063798 0.00461912 0.00225757 0.04555453	SetRan dom 05 0.00688662 0.05230036 0.00467384 0.00217189 0.04726154	SetRan dom06 0.00678391 0.05133143 0.00457552 0.00256744 0.04648492	SetRan dom 07 0.00675784 0.04899568 0.00441806 0.00237706 0.04423733	SetRan dom 08 0.00681219 0.05267124 0.00447197 0.00256044 0.04462990	SetRan dom 09 0.00681572 0.05200502 0.00453215 0.00233367 0.04494551	$\begin{array}{l} \operatorname{SetRandom10} \\ 0.00672041 \\ 0.04858271 \\ 0.00448089 \\ 0.00232482 \\ 0.04885741 \end{array}$
2000 Elementos	Set Ran dom 01	Set Ran dom 02	SetRan dom 03	Set Ran dom 04	Set Ran dom 05	Set Ran dom 06	SetRandom07	SetRandom08	SetRandom09	SetRandom10
heap Sort	0.01523260	0.01514745	0.01499430	0.01506648	0.01513730	0.01514470	0.01494349	0.01490355	0.01500769	0.01512852
in sertion Sort	0.19201088	0.20843868	0.19088637	0.20495201	0.18710003	0.19607610	0.19952160	0.19383391	0.19547072	0.19744693
mergeSort	0.01019977	0.01023930	0.01023052	0.01000460	0.00995667	0.01017505	0.01017236	0.01010934	0.01008799	0.01013720
quickSort	0.00521293	0.00494697	0.00516645	0.00492783	0.00488734	0.00544569	0.00523995	0.00549807	0.00492884	0.00510515
selection Sort	0.18609935	0.18948616	0.17618832	0.18041831	0.18240617	0.17892075	0.17892672	0.17642920	0.17546178	0.17538898
3000 Elementos	SetRan dom 01	Set Ran dom 02	SetRan dom 03	SetRan dom 04	Set Ran dom 05	Set Ran dom 06	SetRandom07	SetRan dom 08	SetRan dom 09	SetRan dom10
heap Sort	0.02425120	0.02387434	0.02414011	0.02377146	0.02410929	0.02380476	0.02375325	0.02389451	0.02424637	0.02389495
in sertion Sort	0.41653200	0.43707999	0.46344494	0.42481478	0.42187480	0.43046910	0.44544637	0.43564340	0.43663127	0.46514423
mergeSort	0.01658727	0.01641316	0.01661186	0.01664745	0.01655258	0.01660167	0.01633104	0.01628040	0.01666285	0.01652746
quickSort	0.00768843	0.00768781	0.00794279	0.00745642	0.00730129	0.00819662	0.00793997	0.00869121	0.00756967	0.00793418
selection Sort	0.39494834	0.39463882	0.39689663	0.39429853	0.39780394	0.39295478	0.39391488	0.39499579	0.39344403	0.39364438
4000 Elementos	$\begin{array}{c} {\rm SetRandom01} \\ {\rm 0.03284454} \\ {\rm 0.73809955} \\ {\rm 0.02300822} \\ {\rm 0.01065544} \\ {\rm 0.70282919} \end{array}$	Set Ran dom 02	SetRandom03	Set Ran dom 04	Set Ran dom 05	Set Ran dom 06	SetRandom07	SetRandom08	SetRandom09	SetRan dom10
heap Sort		0.03317121	0.03303558	0.03275882	0.03270194	0.03312007	0.03281572	0.03249362	0.03293303	0.03310914
in sertion Sort		0.78122650	0.76783974	0.73013473	0.75447225	0.76763770	0.77887734	0.76187592	0.71228048	0.76942447
mergeSort		0.02343306	0.02342124	0.02328943	0.02313355	0.02297004	0.02354313	0.02337101	0.02330195	0.02324881
quickSort		0.01044370	0.01096001	0.01008401	0.00996224	0.01140329	0.01128360	0.01181481	0.01050973	0.01088262
selection Sort		0.69928560	0.70064164	0.69431765	0.70229424	0.71497047	0.69866235	0.69994268	0.70156687	0.72132049
5000 Elementos	Set Ran dom 01	Set Ran dom 02	SetRan dom 03	SetRan dom 04	Set Ran dom 05	Set Ran dom 06	SetRan dom 07	SetRan dom 08	SetRan dom 09	SetRandom10
heap Sort	0.04218705	0.04252301	0.04292750	0.04175632	0.04291162	0.04227332	0.04209742	0.04247767	0.04263719	0.04305448
in sertion Sort	1.18204778	1.18909509	1.23801325	1.20648208	1.17101943	1.19625304	1.15185332	1.17470414	1.16457618	1.23412736
merge Sort	0.03085920	0.03151913	0.03105532	0.03084717	0.03090164	0.03082855	0.03068934	0.03070248	0.03090970	0.03058693
quick Sort	0.01348742	0.01339856	0.01387731	0.01308612	0.01279298	0.01425968	0.01398410	0.01520034	0.01339186	0.01383017
selection Sort	1.09344189	1.09182913	1.08739355	1.09608341	1.09816645	1.09037545	1.09863278	1.08801684	1.08548364	1.09908680
7500 Elementos	SetRan dom01	SetRan dom02	SetRan dom 03	SetRan dom 04	SetRan dom05	SetRan dom06	$\begin{array}{l} \operatorname{SetRandom07} \\ 0.06770505 \\ 2.61323801 \\ 0.05094111 \\ 0.02201772 \\ 2.45648722 \end{array}$	SetRan dom 08	SetRan dom 09	SetRan dom10
heap Sort	0.06720685	0.06698542	0.06631842	0.06606606	0.06628988	0.06588071		0.06685129	0.06663839	0.06648876
in sertion Sort	2.57472254	2.59746984	2.65947080	2.67775495	2.56712238	2.59690785		2.65732562	2.64076297	2.59815267
merge Sort	0.05152882	0.05065012	0.05108126	0.05083490	0.05160936	0.05160909		0.05134133	0.05152861	0.05148814
quick Sort	0.02149095	0.02084428	0.02167369	0.02034912	0.02018938	0.02239834		0.02336442	0.02102273	0.02195938
selection Sort	2.47117228	2.46195340	2.45594133	2.49144226	2.55074881	2.45745252		2.46622304	2.45988945	2.45254629
10000 Elementos heap Sort in sertion Sort merge Sort quick Sort selection Sort	SetRan dom 01 0.09234720 4.72838785 0.07408563 0.02859854 4.39602486	$\begin{array}{c} \operatorname{SetRandom02} \\ 0.09180443 \\ 4.82092053 \\ 0.07491511 \\ 0.02852403 \\ 4.53192356 \end{array}$	$\begin{array}{c} \operatorname{SetRandom03} \\ 0.09170632 \\ 4.71846541 \\ 0.07442679 \\ 0.02988460 \\ 4.42551569 \end{array}$	Set Ran dom 04 0.09235643 4.64045077 0.07556444 0.02795936 4.38844704	SetRan dom 05 0.09237836 4.54181549 0.07424022 0.02736539 4.39688216	$\begin{array}{c} \operatorname{SetRandom06} \\ 0.09184556 \\ 4.66178385 \\ 0.07440036 \\ 0.03078863 \\ 4.38836099 \end{array}$	$\begin{array}{l} {\rm SetRandom07} \\ {\rm 0.09126658} \\ {\rm 4.71195490} \\ {\rm 0.07488256} \\ {\rm 0.03012384} \\ {\rm 4.37352012} \end{array}$	SetRan dom08 0.09187549 4.69176563 0.07554801 0.03184481 4.36608303	$\begin{array}{l} \mathrm{SetRandom09} \\ 0.09198058 \\ 4.71393896 \\ 0.07454557 \\ 0.02881059 \\ 4.38014397 \end{array}$	SetRan dom10 0.09326896 4.55890200 0.07566138 0.03051086 4.41154632

Cuadro 2: Tiempos de ejecución sobre sets de peores casos

50 Elementos	${f SetPeorCasoAscendente}$	${f SetPeorCasoDescendente}$	SetPeorCasoMergesort
heapSort	0.00019076	0.00019639	0.00019591
insertionSort	0.00008863	0.00025928	0.00017495
mergeSort	0.00013198	0.00012936	0.00016123
quickSort	0.00010511	0.00021609	0.00007588
selection Sort	0.00015379	0.00017830	0.00014877
100 Elementos	SetPeorCasoAscendente	SetPeorCasoDescendente	SetPeorCasoMergesort
heapSort	0.00044040	0.00045656	0.00044259
insertion Sort	0.00015114	0.00103772	0.00059984
$_{ m mergeSort}$	0.00027315	0.00025770	0.00034205
quickSort	0.00023045	0.00122071	0.00015803
selection Sort	0.00050055	0.00051576	0.00052916
seree trombor t	0.00000000	0.00001010	0.00002310
F00 F1			0.15
500 Elementos	$\operatorname{SetPeorCasoAscendente}$	SetPeorCasoDescendente	${f SetPeorCasoMergesort}$
heapSort	0.00301888	0.00314215	0.00305248
insertionSort	0.00754665	0.02486666	0.01330533
mergeSort	0.00178736	0.00150784	0.00219066
quickSort	0.00144711	0.01701240	0.00098198
selection Sort	0.01397305	0.01146357	0.01073899
1000 Elementos	SetPeorCasoAscendente	SetPeorCasoDescendente	SetPeorCasoMergesort
heapSort	0.00641547	0.00700476	0.00681840
		0.10172295	
insertionSort	0.01028943		0.05063511
mergeSort	0.00343820	0.00318392	0.00474329
quickSort	0.00325053	0.06670774	0.00210982
selection Sort	0.04148693	0.04537355	0.04498098
Beleevionberv	5.61116666	0.0100.000	0.01100000
2000 El	S-+DC 1+-	SetPeorCasoDescendente	S-+DCM
2000 Elementos	SetPeorCasoAscendente		SetPeorCasoMergesort
heapSort	0.01498572	0.01590648	0.01521888
insertionSort	0.20658237	0.40062390	0.20731328
mergeSort	0.00718856	0.00687276	0.01042529
quickSort	0.00666559	0.26670357	0.00457816
selection Sort	0.16384546	0.17722821	0.17759822
3000 Elementos	SetPeorCasoAscendente	SetPeorCasoDescendente	SetPeorCasoMergesort
Occo Licinchicos			
		0.02542199	0.02450462
heapSort	0.02359586	0.02542199 0.89720549	0.02450462
heapSort insertionSort	$0.02359586 \\ 0.36514390$	0.89720549	0.42969440
heapSort insertionSort mergeSort	$egin{array}{l} 0.02359586 \ 0.36514390 \ 0.01193742 \end{array}$	$0.89720549 \\ 0.01135866$	$0.42969440 \ 0.01716967$
heapSort insertionSort mergeSort quickSort	$0.02359586 \\ 0.36514390$	$0.89720549 \ 0.01135866 \ 0.61337249$	0.42969440
heapSort insertionSort mergeSort	$egin{array}{l} 0.02359586 \ 0.36514390 \ 0.01193742 \end{array}$	$0.89720549 \\ 0.01135866$	$0.42969440 \ 0.01716967$
heapSort insertionSort mergeSort quickSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033	$0.89720549 \ 0.01135866 \ 0.61337249$	$0.42969440 \\ 0.01716967 \\ 0.00691992$
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676
heap Sort insertion Sort merge Sort quick Sort selection Sort 4000 Elementos	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort
heap Sort insertion Sort merge Sort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144
heap Sort insertion Sort merge Sort quick Sort selection Sort 4000 Elementos	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort
heap Sort insertion Sort merge Sort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144
heapSort insertionSort mergeSort quickSort selectionSort 4000 Elementos heapSort insertionSort mergeSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504
heapSort insertionSort mergeSort quickSort selectionSort 4000 Elementos heapSort insertionSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377
heap Sort insertion Sort mergeSort quickSort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472
heap Sort insertion Sort mergeSort quickSort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quickSort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort
heap Sort insertion Sort mergeSort quickSort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472
heap Sort insertion Sort mergeSort quickSort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quickSort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.0943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.0943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.0943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort Too Elementos heap Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.0943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort Toologie Sort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.4267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort regeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.0943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort Toolog Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort T500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort mergeSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.4267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort regeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131 3.83673572	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423 0.01850192
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785 2.28155172	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131 3.83673572 2.40440954	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423 0.01850192 2.44082323
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785 2.28155172 SetPeorCasoAscendente	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131 3.83673572 2.40440954 SetPeorCasoDescendente	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423 0.01850192 2.44082323 SetPeorCasoMergesort
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785 2.28155172 SetPeorCasoAscendente 0.08850804	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131 3.83673572 2.40440954 SetPeorCasoDescendente 0.09332258	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423 0.01850192 2.44082323 SetPeorCasoMergesort 0.09097488
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort regeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785 2.28155172 SetPeorCasoAscendente 0.08850804 0.93969506	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131 3.83673572 2.40440954 SetPeorCasoDescendente 0.09332258 8.90286811	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423 0.01850192 2.44082323 SetPeorCasoMergesort 0.09097488 4.92954869
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785 2.28155172 SetPeorCasoAscendente 0.08850804	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131 3.83673572 2.40440954 SetPeorCasoDescendente 0.09332258	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423 0.01850192 2.44082323 SetPeorCasoMergesort 0.09097488
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort quick Sort selection Sort mergeSort insertion Sort mergeSort toon Sort toon Sort mergeSort toon Sort mergeSort mergeSort mergeSort mergeSort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785 2.28155172 SetPeorCasoAscendente 0.08850804 0.93969506 0.05498279	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131 3.83673572 2.40440954 SetPeorCasoDescendente 0.09332258 8.90286811 0.05593248	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423 0.01850192 2.44082323 SetPeorCasoMergesort 0.09097488 4.92954869 0.07747910
heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 4000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 5000 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort regeSort quick Sort selection Sort 7500 Elementos heap Sort insertion Sort mergeSort quick Sort selection Sort	0.02359586 0.36514390 0.01193742 0.01067033 0.36580858 SetPeorCasoAscendente 0.03246327 0.53935292 0.01669425 0.01437967 0.64824312 SetPeorCasoAscendente 0.04232100 0.63864610 0.02256834 0.01851022 1.02462675 SetPeorCasoAscendente 0.06385494 0.82478965 0.03786933 0.02843785 2.28155172 SetPeorCasoAscendente 0.08850804 0.93969506	0.89720549 0.01135866 0.61337249 0.38940469 SetPeorCasoDescendente 0.03465382 1.61456817 0.01551590 1.05857313 0.69593576 SetPeorCasoDescendente 0.04454269 2.51006811 0.02123960 1.67519015 1.08650996 SetPeorCasoDescendente 0.07023154 5.61531854 0.03684131 3.83673572 2.40440954 SetPeorCasoDescendente 0.09332258 8.90286811	0.42969440 0.01716967 0.00691992 0.38187676 SetPeorCasoMergesort 0.03468144 0.80864784 0.02410504 0.00943377 0.68986472 SetPeorCasoMergesort 0.04267399 1.23260760 0.03262972 0.01154715 1.09569943 SetPeorCasoMergesort 0.06806638 2.78372849 0.05324423 0.01850192 2.44082323 SetPeorCasoMergesort 0.09097488 4.92954869