Teoría de Algoritmos II (75.30)

$2.^{\text{do}}$ Parcialito Domiciliario – 29/04/2022 - Fecha de Entrega: 20/05/2022

Aclaraciones: Cada ejercicio dice al final del mismo la cantidad de puntos que otorga por hacerse completamente bien (en total, 10). Se deben obtener al menos 5 puntos para aprobar, y se deben aprobar al menos 3 de los parcialitos para aprobar/regularizar la cursada. Para la fecha de entregar, enviar un mail a mbuchwald@fi.uba.ar con un pdf con la resolución, con nombre P2 - PADRON.pdf. Pueden incluir todo el material adicional que les parezca relevante (desde código hasta gráficos).

Nuevamente, considerando esta red que representa las conexiones de diferentes países por los vuelos (directos) realizados entre ellos, responder las siguientes preguntas. A los fines de estos ejercicios, se puede obviar la última columna del archivo csv.

- 1. a. Obtener una visualización de las comunidades presentes en dicha red (indicando el algoritmo utilizado).
 - b. Considerando lo que respondiste en el parcialito 1 (ejercicio 2):
 - i. Si mencionaste que había homofilia, ¿corresponde por el mismo tipo que mencionaste anteriormente? ¿por qué?
 - ii. Si mencionaste que no había homofilia (o bien no realizaste el ejercicio), ¿qué tipo de homofilia se puede ver presente?
 - c. Obtener los nodos correspondientes a una de las subredes (con al menos 20% de los nodos), y realizar una visualización de las sub-comunidades presentes.

[3 puntos]

- 2. a. Calcular los motifs de hasta 5 nodos de la subred definida en el punto 1.c.
 - b. Calcular el promedio y desvío estandar de los motifs de una red de baseline. Calcular el significant profile de la red, y hacer un gráfico.
 - c. Intentar dar con una explicación del resultado obtenido en el punto anterior [+1 punto].

[4 puntos] (sin contar 2.c)

3. Detectar los roles en dicha red utilizando el algoritmo RolX, explicando el resultado obtenido.

[3 puntos]

parcialito-2

May 15, 2022

0.0.1 Parcialito 2 - Federico del Mazo - 100029

Ejercicio 1

- Obtener una visualización de las comunidades presentes en dicha red (indicando el algoritmo utilizado).
- Considerando lo que respondiste en el parcialito 1 (ejercicio 2):
 - Si mencionaste que había homofilia, ¿corresponde por el mismo tipo que mencionaste anteriormente? ¿por qué?
 - Si mencionaste que no había homofilia (o bien no realizaste el ejercicio), ¿qué tipo de homofilia se puede ver presente?
- Obtener los nodos correspondientes a una de las subredes (con al menos 20% de los nodos), y realizar una visualización de las sub-comunidades presentes.

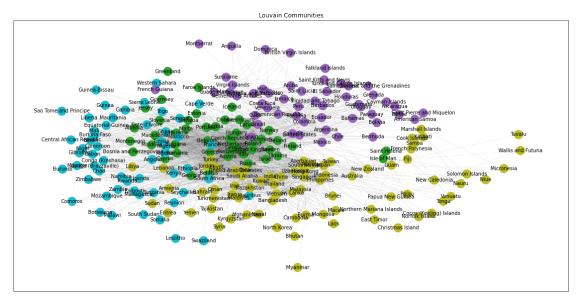
```
[2]: from networkx.algorithms import community
    louvain = community.louvain_communities(G)
    print(f"Tengo {len(louvain)} comunidades detectadas con el método de Louvain")
```

Tengo 4 comunidades detectadas con el método de Louvain

```
[3]: import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.colors as mcolors
import random

plt.figure(figsize=(20,10))

draw_nodes = {}
colors = random.sample(list(mcolors.TABLEAU_COLORS), len(louvain))
for louvaincommunity, color in zip(louvain, colors):
```



```
aliases = {"United States of America": "United States", "Viet Nam": "Vietnam", [
 ⇔"Bolivia (Plurinational State of)": "Bolivia", "China, Hong Kong SAR": "Hong⊔
 →Kong", "Micronesia (Federated States of)": "Micronesia", "Czechia": "Czech
 ⇔Republic", "Democratic People's Republic of Korea": "South Korea", "Russian⊔
 \hookrightarrowFederation": "Russia", "The former Yugoslav Republic of Macedonia":\sqcup
 ⇔"Macedonia", "Iran (Islamic Republic of)": "Iran", "Venezuela (Bolivarian⊔
 →Republic of)": "Venezuela", "Brunei Darussalam": "Brunei", "Falkland Islands⊔

→ (Malvinas)": "Falkland Islands", "Syrian Arab Republic": "Syria", "Wallis

□
 ⇔and Futuna Islands": "Wallis and Futuna", "Republic of Korea": "North⊔
 →Korea", "United Republic of Tanzania": "Tanzania"}
df2 = df2[['country', 'Continent']]
df2 = df2.set_index('country').rename(index = aliases)
attributes = df2.to_dict('index')
attributes
nx.set_node_attributes(G, attributes)
manual_attributes = {'Taiwan': 'Asia', 'Netherlands Antilles': 'Europe', "Coteu
 →d'Ivoire": 'Africa', 'Congo (Brazzaville)': 'Africa', 'Congo (Kinshasa)':⊔

¬'Africa', 'Cape Verde': 'Africa', 'Moldova': 'Europe', 'Guernsey': 'Europe',

 →'Jersey': 'Europe', 'Reunion': 'Europe', 'Virgin Islands': 'CentralAmerica', ⊔
 ↔ 'Norfolk Island': 'Oceania', 'Burma': 'Asia', 'Macau': 'Asia', 'Laos':⊔
 →'Asia', 'East Timor': 'Asia', 'Christmas Island': 'Asia', 'Cocos (Keeling) (
 nx.set_node_attributes(G, {k: {'Continent': v} for k,v in manual_attributes.
 →items()})
```

```
[5]: # De cada comunidad de Louvain que tengo...
# cuál es mi continente mayoritario? cuantos países no estan dentro de ese_u
--continente?

from collections import Counter

continent_count = Counter(nx.get_node_attributes(G, 'Continent'))
for i, louvaincommunity in enumerate(louvain):
    community_count = {k: v for k, v in continent_count.items() if k in_u
--louvaincommunity}
    continents = list(community_count.values())
    majority = max(continents, key=continents.count)
    majority_percent = (len([v for k, v in community_count.items() if v ==_u
--majority]) / len(louvaincommunity)) * 100
    print(f"La comunidad #{i} tiene {len(louvaincommunity)} países y consiste_u
--de un {majority_percent:.2f}% de países de {majority}.")
```

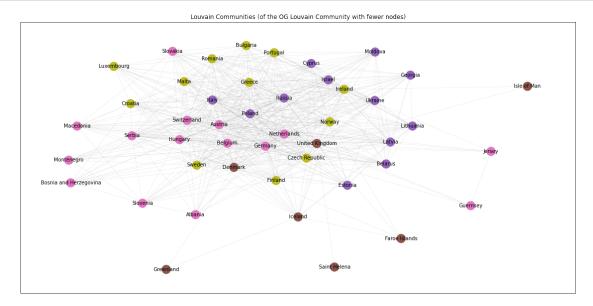
La comunidad #0 tiene 46 paises y consiste de un 89.13% de paises de Europe. La comunidad #1 tiene 55 paises y consiste de un 94.55% de paises de Africa. La comunidad #2 tiene 52 paises y consiste de un 59.62% de paises de CentralAmerica.

La comunidad #3 tiene 76 paises y consiste de un 65.79% de paises de Asia.

Qué podemos decir de todo esto?

Claramente los continentes de Europa y Africa se convirtieron en su propia comunidad. Esto muestra que sus paises son bastante similares y cercanos entre sí. De las otras dos comunidades formadas no se puede decir lo mismo con tanta certeza, pero aún así el tener más de la mitad de los paises del mismo continente en ambas comunidades demuestra que aunque sea *algo* de homofilia había.

En conclusión, si, yo creo que las comunidades formadas corresponden al tipo de homofilia por continente, planteada en el parcialito anterior.



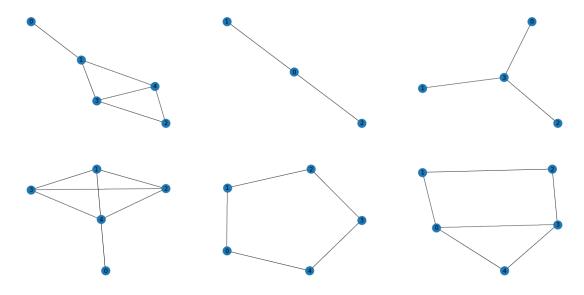
Ejercicio 2

- Calcular los motifs de hasta 5 nodos de la subred definida en el punto 1.c.
- Calcular el promedio y desvío estandar de los motifs de una red de baseline. Calcular el significant profile de la red, y hacer un gráfico.
- Intentar dar con una explicación del resultado obtenido en el punto anterior

```
[7]: # Agarremos todos los grafos de N nodos del graph atlas, que los tiene todos
      ⇔ordenaditos y lindos
       https://igraph.org/r/doc/graph_from_atlas.html
     NODOS_MOTIF = [3, 4, 5]
     # Esta lista no es de 'motifs', es de 'posibles motifs' (patrones).
     # Cuando veamos el SP de cada uno de estos, vamos a saber si efectivamente son
     \hookrightarrowun motif o no
     # Pero queda mas lindo nombrar a la variable motif
     motifs = [subg for subg in nx.graph_atlas_g() if len(subg) in NODOS_MOTIF and_
      →nx.is_connected(subg)]
     fig, axes = plt.subplots(nrows=2, ncols=3, figsize=(20,10))
     ax = axes.flatten()
     print(f"Sample de los {len(motifs)} patrones de hasta {max(NODOS_MOTIF)} nodos_\( \)

que vamos a buscar")
     for i, subg in enumerate(random.sample(motifs, len(ax))):
         nx.draw_networkx(subg, ax=ax[i])
         ax[i].set_axis_off()
     plt.show()
```

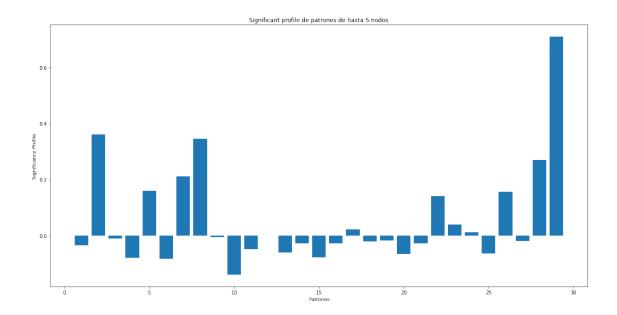
Sample de los 29 patrones de hasta 5 nodos que vamos a buscar



```
[8]: import itertools
     # Inicialicemos un diccionario de apariciones de cada motif. {degree_seq:__
      ⇔contador}
     def degree_seq(G):
         return ''.join([str(d) for n, d in G.degree()])
     def contar_motifs(G, motifs):
         # Agarramos todas las posibles combinaciones de N nodos dentro de una_{\sqcup}
      ⇒subred y nos fijamos el subgrafo que forman
         # Si es isomorfico con alguno de todos nuestros diccionarios de motifs, \Box
      ⇔lo contamos
         # Esto va a tardar...
         apariciones = {degree_seq(motif): 0 for motif in motifs}
         for i in NODOS_MOTIF:
             for sub_nodes in itertools.combinations(G.nodes(), i):
                 subg = G.subgraph(sub_nodes)
                 if not nx.is_connected(subg): continue
                 if len(subg) != i: continue
                 for motif in [m for m in motifs if len(m) == i]:
                     if nx.is isomorphic(subg, motif):
                         apariciones[degree_seq(motif)]+=1
         return apariciones
     apariciones = contar_motifs(subnetwork, motifs)
     apariciones
```

```
'22222': 93,
      '14322': 90859,
      '13233': 21502,
      '22224': 8789,
      '32232': 2603,
      '33222': 135,
      '13334': 87729,
      '22244': 29781,
      '24233': 38826,
      '33323': 1609,
      '33244': 120717,
      '33334': 4947,
      '34344': 97178,
      '44444': 77265}
[9]: # Ya tenemos los motifs que aparecen en nuestro grafo real.
     # Armemos N grafos que cumplan preferential attachment y comparemos sus motifsu
     ⇔contra estos
    import numpy as np
    n nodes = len(subnetwork.nodes())
    n_edges = len(subnetwork.edges())
    iteraciones = 3
    apariciones_rand = []
    for _ in range(iteraciones):
        barabara = nx.barabasi_albert_graph(n_nodes, n_edges // n_nodes)
         apariciones_barabara = contar_motifs(barabara, motifs)
         apariciones_rand.append(list(apariciones_barabara.values()))
     # Robando ideas de https://qithub.com/mbuchwald/social-networks-utils
    valores = np.array(apariciones_rand)
    promedios = np.mean(valores, axis=0)
    stds = np.std(valores, axis=0)
    print(promedios)
    print(stds)
                    1190.33333333 11507.66666667 20202.66666667
    [ 4227.
     19669.33333333 3235.
                                  8463.66666667 1592.66666667
     20112.66666667 87452.
                                 58156.33333333 53036.33333333
     58218.66666667 41745.33333333 44951.33333333 5985.66666667
     66398.33333333 37520.
                                 11325.33333333 28103.
      5216.33333333 17265.33333333 11886.33333333 37372.66666667
     11512.33333333 22858. 6714.33333333 7954.
      1185.
                    17.24979871 437.37423589 399.25458322 94.29151016
    [ 26.8824602
```

```
71.79600732 138.63701606 117.50839214 1524.62898948 1091.09944551
      2343.01932462 2386.55404762 1185.68414381 2369.5755363 1147.01186664
       452.06587524 2316.87509854 1587.00493593 294.34937669 819.90365288
       382.13900903 1053.12497939 983.39965878 270.17566302 326.47341222
      1316.91027282 190.23903093 695.3579414
                                                 224.541013331
[10]: from numpy import linalg as LA
      def significance_profile(N_real, N_rand_prom, N_rand_stds):
         Z = (N_real - N_rand_prom) / (N_rand_stds + 0.001)
         norma = LA.norm(Z)
         SP = Z / norma
         return SP
      sp = significance_profile(list(apariciones.values()), promedios, stds)
      sp
[10]: array([-3.50691045e-02, 3.60901107e-01, -1.17197391e-02, -8.00897154e-02,
             1.59878906e-01, -8.26972052e-02, 2.11599875e-01, 3.45423211e-01,
             -6.58032704e-03, -1.40066436e-01, -4.84483484e-02, -4.18154569e-04,
            -6.02970921e-02, -2.79668844e-02, -7.72796633e-02, -2.73090453e-02,
             2.21188635e-02, -2.11459435e-02, -1.80525710e-02, -6.51589622e-02,
            -2.78581649e-02, 1.40178769e-01, 3.81232965e-02, 1.12697616e-02,
            -6.35520519e-02, 1.55683142e-01, -1.94631841e-02, 2.68825198e-01,
             7.09855939e-01])
[17]: plt.figure(figsize=(20,10))
      plt.title(f"Significant profile de patrones de hasta {max(NODOS MOTIF)} nodos")
      plt.bar(range(1, len(sp) + 1), sp)
      plt.ylabel("Significance Profile")
      plt.xlabel("Patrones")
[17]: Text(0.5, 0, 'Patrones')
```



Lo que podemos ver del gráfico del SP es que casi todos los patrones estan bien representados (ni muy sub ni muy sobre), pero que en particular tenemos algunos muy significantes (o sea, motifs!). Cuáles son?

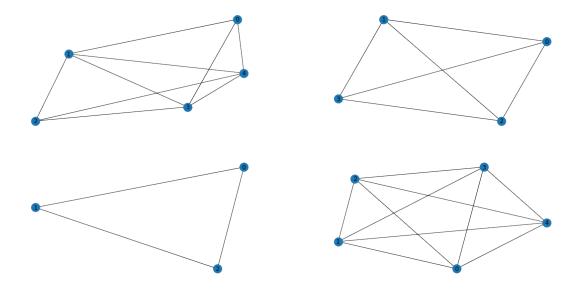
```
[18]: # magia de numpy: https://stackoverflow.com/a/23734295
indices_top_motifs = np.argpartition(sp, -4)[-4:]

fig, axes = plt.subplots(nrows=2, ncols=2, figsize=(20,10))
ax = axes.flatten()

print(f"Top {len(indices_top_motifs)} motifs (segun su SP)")
for i in range(len(ax)):
    subg = motifs[indices_top_motifs[i]]
    nx.draw_networkx(subg, ax=ax[i])
    ax[i].set_axis_off()

plt.show()
```

Top 4 motifs (segun su SP)



Los motifs encontrados son, como ya vimos en otras redes de ejemplo, los más 'completos' (en terminos de cantidades de aristas). El analisis correcto acá sería poder identificar estos motifs acorde al dominio, e intentar ver porque son estos los más representados.

Por ejemplo, en vez de un 'triángulo', intentar pensarlo como tres países con conexiones directas entre sí. Este tipo de analisis es más interesante en un grafo dirigido (poder hablar de 'food chains', 'feedback loops', o distintas ideas).

En este caso, creo yo que lo que pasa es que no tiene mucho sentido tener un aeropuerto enteramente desconectado de la red de vuelos, a menos que sea un aeropuerto chico/un país con pocos vuelos. Entonces terminan siendo todos los grafos bastante fuertemente conexos! Son más predominantes los grafos con vuelos entre 3, 4 o 5 capitales del mundo que los que requieren que sí o sí hagamos una escala.

Ejercicio 3 Detectar los roles en dicha red utilizando el algoritmo RolX, explicando el resultado obtenido.

```
[19]: # Ojo, graphrole tiene de dependencia a networkx 2.5, pero los algoritmosuscopados de comunidades salieron en nx 2.7

# Hay que lograr tener en paralelo nx > 2.7 y graphrole:

# - Asegurarse de estar en py3.9, en vez de py3.10

# - Clonar el repo de graphrole

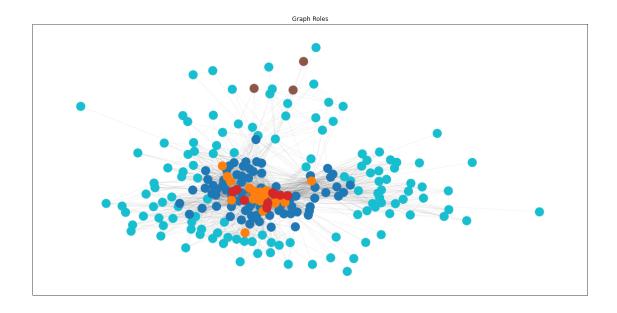
# - Modificar el requirements.txt del repo clonado para ponerle nx 2.8

# - Hacer `pip install ./GraphRole`

from graphrole import RecursiveFeatureExtractor, RoleExtractor

feature_extractor = RecursiveFeatureExtractor(G)
features = feature_extractor.extract_features()
role_extractor = RoleExtractor(n_roles=None)
```

```
role_extractor.extract_role_factors(features)
[20]: features.sample(3)
[20]:
               degree(mean)(mean) (mean) external_edges(mean)(mean) (mean)
      Lesotho
                               45.637967
                                                                 896.283928
      Mali
                               46.417075
                                                                 863.327656
     Latvia
                               52.942156
                                                                 963.817581
               degree(mean)(mean)
                                    external_edges(mean)(mean) degree(mean) \
                        48.148936
                                                                    47.000000
     Lesotho
                                                    808.851064
      Mali
                        44.662551
                                                    818.327632
                                                                    40.210526
      Latvia
                        52.892428
                                                   1005.051622
                                                                    61.323529
               external_edges(mean)
                                      internal_edges(mean)
                                                             degree external_edges \
                        1316.000000
                                                497.000000
     Lesotho
                                                                                 46
                         795.157895
                                                490.000000
                                                                 19
      Mali
                                                                                517
      Latvia
                        1009.088235
                                               1017.176471
                                                                 34
                                                                               1113
               internal_edges
     Lesotho
      Mali
                           133
      Latvia
                           503
\lceil 21 \rceil: roles = \{\}
      for country, role in role_extractor.roles.items():
          roles.setdefault(role, set()).add(country)
      print(f"Encontramos {len(roles)} distintos roles")
     Encontramos 5 distintos roles
[22]: plt.figure(figsize=(20,10))
      draw_nodes = {}
      colors = random.sample(list(mcolors.TABLEAU_COLORS), len(roles))
      for role, color in zip(roles, colors):
          draw_nodes.update({n: color for n in roles[role]})
      plt.title("Graph Roles")
      nx.draw_networkx(G,
                       nodelist=draw_nodes.keys(),
                       node_color=list(draw_nodes.values()),
                       width=0.05,
                       with labels=False)
```



Como podemos ver, graphrole (aplicando RolX) nos agrupó los nodos de nuestro grafo en distintos roles, basandose en features locales y regionales. Es decir, nos encontró nodos con posiciones similares, pero no necesariamente cercanos entre sí.

Se puede ver que uno de los roles encontrados claramente se refiere a los periféricos de nuestra red, mientras que los otros se refieren a nodos más centrales, como si fuese una cebolla .