定理 0.0.1: 欧拉-麦克劳林公式

假设 f(x) 无穷阶可导,那么:

$$\sum_{a \leq n < b} f(n) = \int_a^b f(x) dx + \sum_{k=1}^\infty \frac{B_k}{k!} f^{(k-1)}(x) \big|_a^b + (-1)^m \int_a^b \frac{B_m(x)}{m!} f^{(m)}(x) dx \qquad (1)$$