

RECURSIVIDAD

Recursión: Funcion que se llama a si misma en su cuerpo de definición

$$f(x) = \dots f()$$

Ej: Factorial(x)

$$\text{fact}(x) = \begin{cases} 1 & \text{si } x = 1 \\ x * \text{fact}(x-1) & \text{si } x > 1 \end{cases} \quad \text{definicion de la funcion por tramos}$$

x pertenecen al conj de num. naturales

$$\begin{aligned} \text{fact}(4) &= 4 * \text{fact}(4-1) = 4 * \text{fact}(3) && \text{seguimiento de la ejecucion} \\ &= 4 * (3 * \text{fact}(2)) \\ &= 4 * (3 * (2 * \text{fact}(1))) \\ &= 4 * (3 * (2 * 1)) \\ &= 4 * (3 * 2) \\ &= 4 * 6 \\ &= 24 \end{aligned}$$

recursividad simple:

$$f = \dots f \dots$$

recursividad multiple:

$$f = \dots f \dots f \dots \quad (\text{funcion de fibonacci})$$

recursividad indirecta:

$$f = \dots g \dots$$

$$g = \dots f \dots$$

Características de una función recursiva bien definida:

- 1) tener un tramo sin llamada recursiva -> brinde un valor concreto
- 2) el / los tramos recursivos tienen llamadas con su parametro/s (que van cambiando de llamada en llamada) de forma tal que se garantice que el tramo no recursiva SIEMPRE va a ser alcanzado

Secuencia fibonacci = 1,1,2,3,5,8,13,21.....

$$\text{fibonacci}(n) = \begin{cases} 1 & n = 1, 2 \\ \text{fibonacci}(n-1) + \text{fibonacci}(n-2) & n > 2 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \text{fib}(5) &= \text{fib}(4) + \text{fib}(3) \\ &= \text{fib}(3) + \text{fib}(2) + \text{fib}(2) + \text{fib}(1) \\ &= \text{fib}(2) + \text{fib}(1) + 1 + 1 + 1 \\ &= 1 + 1 + 1 + 1 + 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{fib}(7) &= \text{fib}(6) + \text{fib}(5) \\ &= \text{fib}(5) + \text{fib}(4) + \text{fib}(4) + \text{fib}(3) \\ &= \text{fib}(4) + \text{fib}(3) + \text{fib}(3) + \text{fib}(2) + \text{fib}(3) + \text{fib}(2) + \text{fib}(2) + \text{fib}(1) \end{aligned}$$

$$g(n) = \begin{cases} 10 & n = 100 \\ 1 + g(n+1) & n < 100 \end{cases}$$

```
dominio = naturales entre 1..100
c[char] = ['s','a','n','t','i','a','g','o',]
```

```
concat(c)=cAux(c,0,"")
```

```
cAux(c[char],int p, string s) = { s          c[p] == "
                                cAux(c,p+1,s.c[p]) c[p] != "
```

concatenacion de array de chars

```
char c[100] ;
```

```
concat(char [100]c , int p){
    if (p=0) {return RESULT_ACUM}
    else c[p]+concat(c,p-1)
}
```

```
String c = concat(arr,99);
```

n-> el valor a calcular

p-> posic donde estoy calculando

a1 -> fib anterior a p (fibo(p-1))

a2 -> fib ante-anterior p (fibo(p-2))

$$\text{fAux}(n,p,a1,a2) = \begin{cases} \text{fAux}(n, p+1, a1+a2, a1) & n > p \\ a1+a2 & n = p \end{cases}$$

supuesto= ya conozco f(p-1) f(p-2) -> resultado = f(p-1)+f(p-2)

$$\text{fibo}(n) = \begin{cases} 1 & n < 3 \end{cases}$$

$$\text{fAux}(n,3,1,1) \quad n \geq 3$$

$$\text{fibo}(6) = \text{fAux}(6,3,1,1)$$

$$= \text{fAux}(6,4,1+1,1)$$

$$= \text{fAux}(6,5,2+1,2)$$

$$= \text{fAux}(6,6,3+2,3)$$

$$= 5+3 = 8$$