ARGOMENTO 10

Indicizzazione di file & costi

Indicizzazione dei file

- Un altro modo per rendere più efficienti le operazioni sul file dei dati è quello di creare degli indici esterni, indipendentemente dal fatto che il file sia ordinato o meno
 - Il data file è il file che contiene i dati veri e propri
 - L'index file è il file che contiene l'indice dei dati (può esistere più di un index file)
- Noi vedremo due diversi tipi di indice (quelli di gran lunga più usati dai più comuni DBMS)
 - B+ tree
 - Hash

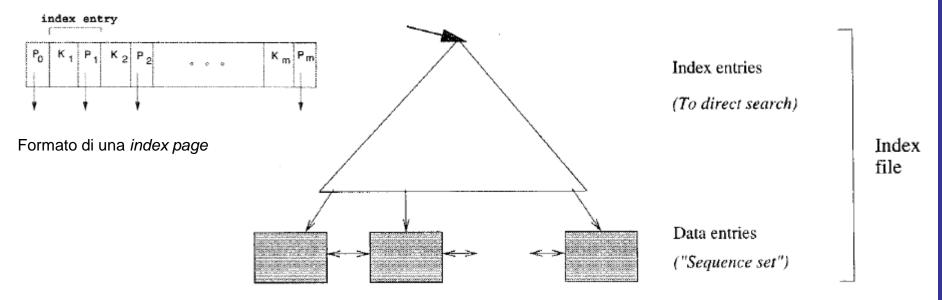
Indici primari, secondari, unici

Un indice si dice:

- Primario (primary) se contiene la chiave primaria della relazione. Non ci sono duplicati nelle entries dell'indice
- Secondario (secondary) se la chiave di ricerca è diversa dalla chiave primaria. Può contenere duplicati nei valori della chiave di ricerca
- Unico (unique) se la chiave di ricerca è una chiave candidata. Anche in questo caso non ci sono duplicati

B+Trees

- Si tratta di un tipo di indice dinamico ad albero, dove i puntatori ai dati sono memorizzati solo nei nodi foglia
 - I nodi interni dell'albero contengono index entries e servono a guidare la ricerca
 - I nodi foglia contengono i puntatori ai dati del data file
 - I nodi foglia sono collegati tra di loro (sequence set)



B+ -Trees: costruzione

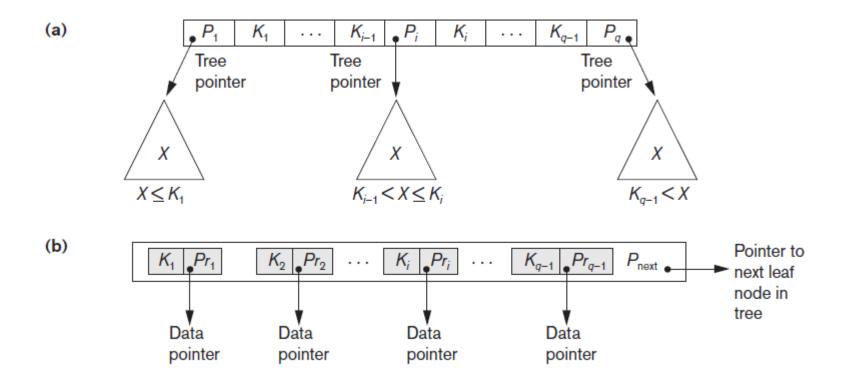
Usiamo un simulatore per capire come si costruisce in indice di tipo B+ Tree:

https://roy2220.github.io/bptree/visualization/#4

Yet Another B+ Tree Visualization

Star				
maximum degree: ●4 ○5 ○6 ○7 ○8 ○9 ○10				
key: 7 ✓ random new key				
+ Add key X Delete key	■ Undo ► Redo ← Reset			

B+ -Trees



(a) Nodi Interni di un B+-tree con q-1 valori di ricerca (b) Nodi foglia di un B+-tree con q-1 valori di ricerca e q-1 puntatori ai dati

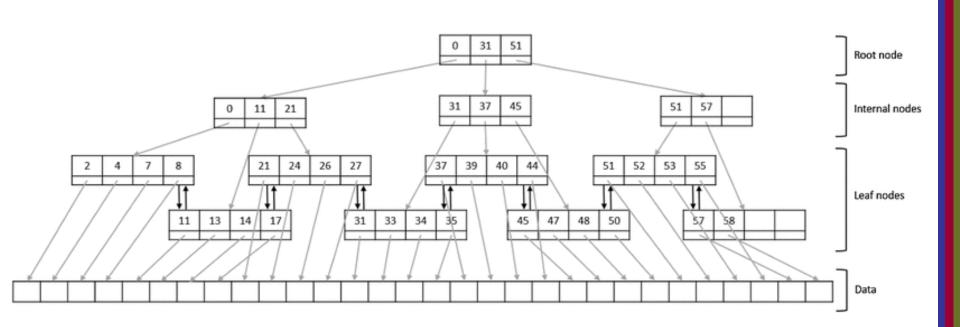
B+Trees

- Le proprietà principali di un B+ Tree sono:
 - Le operazioni di inserimento e cancellazione nell'albero lo mantengono bilanciato (cioè, tutte le foglie sono alla stessa profondità)
 - È garantita un'occupazione almeno al 50% di ogni nodo dell'albero (ad eccezione della radice)
 - La ricerca di un record richiede soltanto di discendere l'albero fino all'appropriato nodo foglia
 - Siccome l'albero è bilanciato, possiamo definire come altezza dell'albero la lunghezza di qualunque percorso dalla radice alle foglie (0 per il nodo radice)
 - Grazie alle sue proprietà, raramente l'altezza di un B+Tree supera il valore di 3 o 4

B+tree: il costo del lookup

- Per costo di *lookup* si intende il numero di pagine che dobbiamo aprire per trovare il nodo foglia che contiene i puntatori ai dati che stiamo cercando
- Sia B il numero massimo di figli che può avere un nodo interno di un B+tree, n il numero di nodi foglia e A la chiave di ricerca
- Il costo sarà $\lceil \log_B(|R.A|) \rceil$, dato che a ogni passo divido per B il numero di nodi rimanenti (n all'inizio, n / B al secondo passo e così via).

B+tree: il costo del lookup



B+tree: EQUALITY SEARCH - Unclustered files

- Sia la relazione R memorizzata su un file non ordinato (unclustered)
- Immaginiamo di voler trovare tutte le tuple di una relazione R che corrispondono a un filtro:

```
SELECT * FROM R WHERE age = 30;
```

Dato B il numero massimo di figli che può avere un nodo, il costo della ricerca sarà:

$$Costo_{EqSearch} = \lceil log_B(|R.age|) \rceil + |R_{age=30}|$$

B+tree: EQUALITY SEARCH - Clustered files

- Sia R memorizzata su un file ordinato (clustered) sulla chiave di ricerca (age)
- Immaginiamo di voler trovare tutte le tuple di una relazione R che corrispondono a un filtro:

SELECT * FROM R WHERE age =
$$30$$
;

Dato B il numero massimo di figli che può avere un nodo:

$$Costo_{EqSearch} = \lceil log_B(|R.age|) \rceil + \left\lceil \frac{|R_{age=30}|}{\left| \frac{P}{t_R} \right|} \right\rceil$$

B+tree: Ricerca per intervalli

Immaginiamo di voler trovare tutte le tuple di una relazione R che corrispondono a un filtro:

```
SELECT * FROM R WHERE age > 18 AND < 30;
```

 Una volta letta la foglia che contiene tuple con age = 18, possiamo usare i puntatori "orizzontali" tra le foglie per trovare tutte le pagine del data file che ci servono

B+tree vs. sorted file

- La ricerca su B+tree è in generale più efficiente di quella su sorted file perché:
 - Non ci sono i costi per mantenere ordinato il file dei dati
 - la ricerca è logaritmica in base B (e non in base 2).
- Esempio: $P_R = 1.000.000 / 100 = 10.000$
- $\log_2(10000) = 13$
- Con $B = 100 \text{ e } |R.A| = 400, |log_B|R.A| = 1,3$
- Se non è noto il valore di B e di |R.A|, in genere si assume che il costo di lookup sia 3

B+tree: INSERT

 L'inserimento di una nuova tupla ha lo stesso costo dell'Equality Search, più il costo di creare (eventualmente) una nuova pagina e di salvare la pagina modificata su disco:

$$Costo_{Insert} = \lceil log_B(|R.age|) \rceil + 1 + 1$$

Anche qui, non stiamo considerando il costo di aggiornare l'indice dopo una INSERT.

B+tree: SCAN

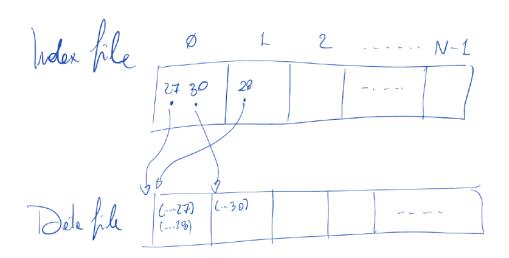
Lo SCAN ha il solito costo di aprire tutte le pagine in cui è memorizzata la relazione R:

$$Costo_{Scan} = P_R$$

Hash Indexes: l'idea

- Si sceglie una funzione di Hash (ad esempio, per i numeri interi, h(x) = x%N, dove N è l'operatore resto della divisione)
- Si allocano i diversi valori di un certo attributo in un bucket («secchiello») in base al valore della funzione di hash prescelta
- Se la pagina del bucket contiene troppi puntatori, il DBMS dovrà creare una pagina di overflow, che sarà connessa alla pagina principale del bucket e che potrà contenere i nuovi puntatori al file di dati

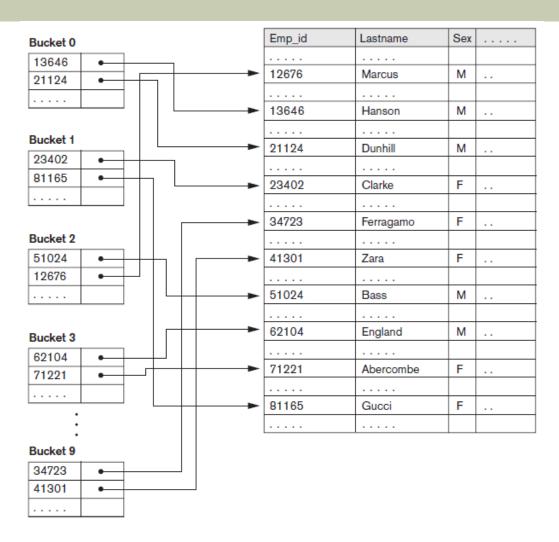
Hash Indexes: esempio



Esempio per l'attributo age

- Per trovare una tupla con un certo valore di age x basterà applicare la funzione di hash h a x
- Questo ci darà il bucket che contiene il puntatore alla pagina del data file con quella tupla (al costo di leggere la o le pagine che contengono il bucket nell'index file)

Hash Indexes (cont'd.)



Hash Index: EQUALITY SEARCH

Immaginiamo di voler trovare tutte le tuple di una relazione R che corrispondono al filtro:

```
SELECT * FROM R WHERE age = 30;
```

Il costo sarà:

$$Costo_{EqSearch} = L_h + |R_{A=c}|$$

- dove:
 - L_h è il costo del lookup nel file di indice
 - |R_{A=c}| è il numero di tuple che hanno valore c per l'attributo A nella relazione R.

Hash Index: EQUALITY SEARCH

- Il costo del lookup nel file di indice (L_h) sarà dato dal calcolo della funzione h sul valore cercato (che si fa in memoria centrale a costo 0) e dalla lettura della pagina che contiene il bucket
- Se ci sono pagine di overflow, è necessario leggerle tutte, anche se in generale – se la funzione di hash è scelta bene – non ce ne saranno molte → per default si assume un valore medio di 1,2
- L'hash index è quindi MOLTO efficiente in caso di Equality Search

Hash Index: ricerca su intervalli

- Per la ricerca su intervalli, invece, l'hash index non è efficiente, perché in generale non è detto che tuple con valori vicini di un attributo siano nello stesso bucket dell'index file
- Esempio: supponiamo di voler trovare tutte le tuple di una relazione R che corrispondono al filtro:

```
SELECT * FROM R WHERE age > 18 AND < 30;
```

- Per ogni valore dell'intervallo, sarà necessario rifare il lookup, trovare il bucket giusto nell'index file e poi leggere tutte le pagine puntate da quel bucket
- In generale, un hash index non permette quindi di leggere le tuple in ordine rispetto alla chiave di ricerca.

Hash Index: INSERT

- L'inserimento di una nuova tupla richiede:
 - di aprire l'ultima pagina del file di dati e appendere la nuova tupla in fondo (costo: 1+1)
 - Eseguire il lookup per trovare il bucket in cui inserire il puntatore al nuovo valore (costo: L_h)

$$Costo_{Insert} = L_h + 1 + 1$$

 Anche in questo caso ignoreremo il costo di aggiornare l'indice dopo una INSERT.

Hash Index: DELETE

- La cancellazione delle tuple in base al valore c di un attributo A richiede:
 - eseguire il lookup per trovare il bucket con i puntatori alle tuple con valore c (costo: L_n)
 - aprire una alla volta le pagine del file di dati che contengono tuple con valore c per l'attributo A, rimuovere le tuple e riscrivere la pagina modificata (costo: 2 * |R_{A=c}|)
- II costo totale sarà quindi $L_h + 2 * |R_{A=c}|$

Hash Index: SCAN

Lo SCAN ha il solito costo di aprire tutte le pagine in cui è memorizzata la relazione R:

$$Costo_{Scan} = P_R$$

 Possiamo quindi ignorare l'index file e accedere direttamente al file dei dati

Hash Index: considerazioni generali

- L'Hash index è molto efficiente, tranne che per la ricerca per intervallo
- Tuttavia, osserviamo che, prima o poi, i bucket richiederanno sempre più pagine di overflow e quindi il costo di *lookup* aumenterà
- II DBMS dovrà periodicamente riorganizzare l'*index file*, utilizzando una funzione di hash con più bucket
- Questo però richiederà di spostare i vari puntatori nei nuovi bucket, con relativo costo
- Questo approccio si chiama Extendible Hash Index

Index matching

- Finora, abbiamo considerato solo casi in cui la condizione di selezione (nella clausola WHERE) era costituita da un singolo attributo (es. city = 'Trento')
- Come vanno usati gli indici nel caso in cui ci siamo molteplici condizioni di selezione? Per esempio:
 - city = 'Trento' AND age = 30
 - city = 'Trento' OR age = 30
- A questo scopo, introduciamo il concetto di index matching per i diversi tipi di indice

Index matching

- Diciamo che un indice soddisfa un predicato di selezione se l'indice può essere utilizzato per valutare il predicato
- Assumiamo ad esempio di avere una relazione R(A,B,C,D) e un indice hash multi-colonna sulla chiave composta (A,B)
 - select * from R where A=10 AND B=5 → MATCH!
 - select * from R where A=5 → NO MATCH!

Index matching: indici hash

Supponiamo di avere la seguente selezione:

pred₁ AND pred₂ AND ...

 Un indice hash su (A,B,...) soddisfa la condizione di selezione se e solo se tutti gli attributi nella chiave di ricerca dell'indice compaiono in un predicato di identità (=)

Index matching: indici hash

- Assumiamo di avere una relazione R(A,B,C,D)
- La tabella qui sotto riporta esempi di match e non match dell'indice

selection condition	hash index on (A,B,C)	hash index on (B)
A=5 AND B=3	no	yes
A>5 AND B<4	no	no
B=3	no	yes
A=5 AND C>10	no	no
A=5 AND B=3 AND C=1	yes	yes
A=5 AND B=3 AND C=1 AND D >6	yes	yes

Index matching: indici B+ tree

Supponiamo di avere la seguente selezione:

- Un indice B+tree su (A,B,...) soddisfa la condizione di selezione se e solo se:
 - gli attributi nei predicati costituiscono un prefisso della chiave di ricerca del B+ tree
 - i predicati possono includere qualsiasi operatore (=, <, >, ...)

Index matching: indici B+ tree

- Assumiamo di avere una relazione R(A,B,C,D)
- La tabella qui sotto riporta esempi di match e non match dell'indice

selection condition	B+ tree on (A,B,C)	B+ tree on (B,C)
A=5 AND B=3	yes	yes
A>5 AND B<4	yes	yes
B=3	no	yes
A=5 AND C>10	yes	no
A=5 AND B=3 AND C=1	yes	yes
A=5 AND B=3 AND C=1 AND D >6	yes	yes

Index matching

 In alcuni casi, una selezione può matchare più indici

- Ad esempio, assumiamo di avere:
 - Hash index su A
 - B+ tree index su (B,C)
 - Selezione: A=7 AND B=5 AND C=4

Come possiamo usare gli indici per valutare la condizione di selezione?

Index matching

- Ci sono diverse possibilità:
 - usare l'hash index su A e poi verificare le condizioni B=5 e C=4 solo sulle tuple recuperate
 - usare il B+ tree index su (B,C) e poi verificare la condizione A=7 solo sulle tuple recuperate
 - usare entrambi gli indici, fare l'intersezione dei RID e solo successivamente recuperare le tuple corrispondenti

Index matching: selezione con disgiunzione

- Assumiamo di avere
 - hash index su (A)
 - hash index su (B)
 - selezione: A=7 OR B>5

- In questo caso, solo il primo predicato matcha l'indice
- Unica soluzione: file SCAN

Index matching: selezione con disgiunzione

- Assumiamo di avere
 - hash index su (A)
 - B+ tree index su (B)
 - selezione: A=7 OR B>5

- Possibile soluzione: file SCAN, oppure
- Usare entrambi gli indici separatamente, fare l'unione degli insiemi di RID ottenuti e infine recuperare le tuple corrispondenti ai RID

Index matching: selezione con disgiunzione

- Assumiamo di avere
 - hash index su (A)
 - B+ tree index su (B)
 - selezione: (A=7 OR C > 5) AND B>5

 Usare il B+ tree index per la seconda condizione (B>5) e poi filtrare le tuple in base alle altre due condizioni (A=7 OR C > 5)

Tabella riassuntiva dei costi

Tabella 1: Costi Operazioni su singola relazione

Tabella 1: Costi Operazioni su singola relazione				
	Scan	EqSearch	Insert	Delete
	SELECT * FROM R	SELECT * FROM R WHERE R.A = c	INSERT INTO R VALUES ()	DELETE FROM R WERE R.A = c
Heap file	P_R	P_R	1 + 1	$P_R + 2 \cdot R_{A=c} $
Sorted file	P_R	$\lceil \log_2 P_R \rceil + \left\lceil \frac{ R_{A=c} }{\left\lceil \frac{P}{t_R} \right\rceil} \right\rceil$	$\lceil \log_2 P_R \rceil + 1$	$\lceil \log_2 P_R \rceil + 2 \cdot \left\lceil \frac{ R_{A=c} }{\left\lceil \frac{P}{t_R} \right\rceil} \right\rceil$
Unclustered B ⁺ -tree	P_R	$L_b + R_{A=c} $	$L_b + 1 + 1$	$L_b + 2 \cdot R_{A=c} $
Clustered B ⁺ -tree	P_R	$L_b + \left\lceil \frac{ R_{A=c} }{\left\lceil \frac{P}{t_R} \right\rceil} \right\rceil$	$L_b + 1 + 1$	$L_b + 2 \cdot \left\lceil \frac{ R_{A=c} }{\left\lceil \frac{P}{t_R} \right\rceil} \right\rceil$
Hash index	P_R	$L_h + R_{A=c} $	$L_h + 1 + 1$	$L_h + 2 \cdot R_{A=c} $

Tabella 2: Costi algoritmi di join. Relazioni R(A,B) e S(C,D).

	Costo di $R \bowtie_{R.B=S.C} S$
Nested loop join	$P_R + P_R \cdot P_S$
Sort-merge join	$Costo_{OrdR} + Costo_{OrdS} + P_R + P_S$
Hash join	$(P_R + 2 \cdot R) + (P_S + 2 \cdot S) + (P_R + P_S)$
Index Nested Loop (indice su S.C)	$P_R + R \cdot \text{Costo}_{\text{EqSearchS}}$