Relazione elaborato AI

Nocentini Federico

8 febbraio 2019

1 Introduzione

In questa relazione andremo a spiegare il lavoro svolto nella modellizzazione di un CSP attraverso l'ambiente sviluppo MiniZinc. Lo scenario é il seguente: determinare i turni di servizio di un insieme di n infermieri che lavorano in un ipotetico reparto ospedaliero. Ciascun infermiere deve garantire almeno k ore settimanali per non più di h ore al giorno, comprendendo nelle k ore un turno notturno di 8 ore. Chi effettua il turno notturno ha diritto al riposo per i due giorni successivi. In ogni momento del giorno devono essere presenti in reparto almeno D infermieri ed in ogni momento della notte ne devono essere presenti almeno N.

2 Interpretazione

Il modello é stato pensato per un orario settimanale in cui il numero di turni diurni nell'arco delle 16h del giorno é definito nel seguente modo:

$$nTurni = \begin{cases} 2 & \text{se } h >= 8 \\ 3 & \text{se } h < 8 \end{cases};$$

Questo tipo di definizione é dovuta al fatto che se le ore lavorative massime in un giorno sono < 8 per coprire le 16h ci vogliono 3 turni altrimenti ne bastano 2. Il numero di turni notturni é 1 e il numero di turni di riposo é 2. Quindi se ci sono 2 turni diurni saranno: MATTINA e SERA, se i turni diurni sono 3 saranno: MATTINA,POMERIGGIO e SERA. Il modello genera in output una tabella che rappresenta i turni di servizio.

3 Modellizzazione

I dati sono:

- Numero di infermieri: n;
- Numero minimo infermieri per turno diurno: D;
- Numero minimo infermieri per turno notturno: N;
- Numero minimo di ore settimanali: k;
- Numero massimo di ore per giorno: h;
- Numero di giorni: nGiorni=7;
- Numero di turni in cui sono divise le 16h del giorno: nTurni;

Le variabili sono memorizzate in una matrice $T \in M(nx7)$ e hanno un dominio che dipende dal numero di turni:

$$D = \begin{cases} \{1, 2, 3, 4\} & \text{se } nTurni = 2 \text{ (NOTTE,RIPOSO,MATTINA,SERA)} \\ \{1, 2, 3, 4, 5\} & \text{se } nTurni = 3 \text{ (NOTTE,RIPOSO,MATTINA,SERA,POMERIGGIO)} \end{cases}$$

Per definire i vincoli ho bisogno di definire:

• Un intervallo di valori E che dipende dalla cardinalità del dominio delle variabili:

$$E = \begin{cases} [3,4] & \text{se } nTurni = 2 \\ [3,4,5] & \text{se } nTurni = 3 \end{cases};$$

Che serve per ciclare su i tipi di turno nell'arco delle 16h diurne che possono essere MATTINA e SERA oppure MATTINA,SERA e POMERIGGIO.

Il solver deve costruire la matrice dei turni rispettando i seguenti vincoli:

1. h * 4 + 8 >= k

Per garantire almeno k ore settimanali e non sforare le h ore per giorno.

- 2. (16/nturni)*4+8>=kPer garantire almeno k ore settimanali.
- 3. $\forall k \in [1, n](\sum_{i=1}^{7} 1\{T_{k,i} = 1\} = 1)$ In una settimana un infermiere deve fare solo un turno notturno.
- 4. $\forall k \in [1, n](\sum_{i=1}^{7} 1\{T_{k,i} = 2\} = 2)$ In una settimana un infermiere deve fare 2 giorni di riposo.
- 5. $\forall j \in E(\forall k \in [1, n](\sum_{i=1}^{7} 1\{T_{k,i} = j\} \ge 1))$ In una settimana un infermiere deve fare 4 turni diurni. Ogni tipo di turno deve essere effettuato almeno una volta
- 6. $\forall k \in [1, n] \forall i \in [1, 5] (T_{k,i} = 1 \Rightarrow T_{k,i+1} = 2)$ Dopo un turno notturno primo giorno di riposo.(Per i primi 5 giorni della settimana)
- 7. $\forall k \in [1, n] \forall i \in [1, 5] (T_{k,i} = 1 \Rightarrow T_{k,i+2} = 2)$ Dopo un turno notturno secondo giorno di riposo.(Per i primi 5 giorni della settimana)
- 8. $\forall k \in [1, n] (T_{k,7} = 1 \Rightarrow T_{k,1} = 2)$
- 9. $\forall k \in [1, n] (T_{k,7} = 1 \Rightarrow T_{k,2} = 2)$
- 10. $\forall k \in [1, n] (T_{k,6} = 1 \Rightarrow T_{k,7} = 2)$
- 11. $\forall k \in [1, n] (T_{k,6} = 1 \Rightarrow T_{k,1} = 2)$ Dopo un turno di notte 2 giorni di riposo.(Per sabato e domenica)
- 12. $\forall i \in [1,7](\sum_{k=1}^{n} 1\{T_{k,i}=1\} \geq N)$ Per ogni giorno ci devono essere almeno N infermieri che fanno il turno di notte.
- 13. $\forall i \in [1,7](\sum_{k=1}^{n} 1\{T_{k,i} = 2\} \ge N * 2)$ Per ogni giorno ci devono essere almeno N*2 infermieri che riposano, questo é dovuto al fatto che dopo una notte 2 giorni di riposo.

2

14. $\forall j \in E(\forall i \in [1,7](\sum_{k=1}^{n} 1 \{T_{k,i} = j\} \ge D))$ Per ogni tipo di turno diurno ci devono essere almeno D infermieri che lavorano.

4 Implementazione

La matrice T sopra definita é stata implementata come un array 2d e chiamata *tabella*. Ai valori del dominio delle variabili sono stati attribuiti dei nomi per rendere piú semplice la lettura e l'implementazione:

- notte=1;
- riposo=2;
- mattina=3.
- sera=4.
- pomeriggio=5.

Per l'implementazione sono stati usati:

- INFERMIERI: set di interi che mi rappresenta gli infermieri;
- GIORNI: set di interi che mi rappresenta i giorni;
- EFFETTIVI: rappresenta l'intervallo E, é stato implementato come un set di interi;

Per l'implementazione dei vincoli sopra citati in Minizinc sono stati usati i seguenti comandi:

- bool2int(x) che é definito nel seguente modo: $bool2int(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x \text{ TRUE} \\ 0 & \text{se } x \text{ FALSE} \end{cases}$
- forall(1..n) che serve per ciclare;
- sum(1..k) che serve per fare le sommatorie;

L' implementazione dei vincoli, in ordine rispetto alla formulazione matematica, é la seguente:

- 1. constraint h * 4 + 8 >= k;
- 2. constraint (16/nturni) * 4 + 8 >= k;
- 3. constraint forall(k in INFERMIERI)(sum(i in GIORNI)(bool2int(tabella[k,i]==notte))=1);
- 4. constraint forall(k in INFERMIERI)(sum(i in GIORNI)(bool2int(tabella[k,i]==riposo))=2);
- 5. constraint forall(j in EFFETTIVI)(forall(k in INFERMIERI)(sum(i in GIORNI)(bool2int(tabella[k,i]==j))≥1));
- $\begin{array}{l} 6. \ \ constraint \ for all (k \ in \ INFERMIERI) (for all (i \ in \ GIORNI \ diff \ nGiorni-1..nGiorni) (tabella[k,i]=notte \\ \Rightarrow tabella[k,i+1]=riposo)); \end{array}$
- 7. constraint forall(k in INFERMIERI)(forall(i in GIORNI diff nGiorni-1..nGiorni)(tabella[k,i]=notte ⇒ tabella[k,i+2]=riposo));
- 8. constraint forall(k in INFERMIERI)((tabella[k,7]=notte⇒tabella[k,1]=riposo));
- 9. constraint forall(k in INFERMIERI)((tabella[k,7]=notte⇒tabella[k,2]=riposo));
- 10. constraint forall(k in INFERMIERI)((tabella[k,6]=notte⇒tabella[k,7]=riposo));
- 11. constraint forall(k in INFERMIERI)((tabella[k,6]=notte⇒tabella[k,1]=riposo));

- 12. constraint forall(i in GIORNI)(sum(k in INFERMIERI)(bool2int(tabella[k,i]==notte))>=N);
- 13. constraint forall(i in GIORNI)(sum(k in INFERMIERI)(bool2int(tabella[k,i]==riposo))>=N*2);
- 14. constraint forall(j in EFFETTIVI)(forall(i in GIORNI)(sum(k in INFERMIERI)(bool2int(tabella[k,i]==j))≥D));

5 Output

Per rendere la tabella degli orari leggibile si é utilizzato il comando fix che invece di stampare i numeri nella tabella stampa delle stringhe memorizzate in un array, in particolare invece di stampare il numero i stampa l'i-esima stringa dell'array. Per esempio se in una determinata cella della tabella si trova il numero 2 allora fix ci sostituisce RIPOSO. Si puó scegliere il tipo di rappresentazione della tabella commentando rispettivamente la riga 21 o la riga 22.