

TP2

29 de mayo de 2021

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo: 6

Integrante	LU	Correo electrónico
Collasius, Federico	164/20	fede.collasius@gmail.com
Fernández Olivares Esnaola, Joaquín	11/20	${\tt joaquinfern} and {\tt ezolivares@gmail.com}$
Totaro, Facundo Ariel	43/20	facutotaro@gmail.com
Venturini, Julia	159/20	juliaventurini00@gmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

$$\label{eq:fax: problem} \begin{split} & \text{Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300} \\ & \text{http://www.exactas.uba.ar} \end{split}$$

géneros tablero

```
igualdad observacional
```

```
tamaño(t1) =_{obs}
                                            tamaño(t2) \Rightarrow_{L}
                                            (\forall pos_X, pos_Y : nat)
                                           pos_X < \pi_1(tama\tilde{n}o(t1))
                                           pos_Y < \pi_2(tama\tilde{n}o(t1))
                                            (esEntrada?(pos_X, pos_Y, t1))
                                           esEntrada?(pos_X, pos_Y, t2)
                                           esLlegada?(pos_X, pos_Y, t1)
(\forall t1, t2 : tablero)
                       t1 =_{\text{obs}} t2 \iff
                                           esLlegada?(pos_X, pos_Y, t2)
                                           esPared?(pos_X, pos_Y, t1)
                                           esPared?(pos_X, pos_Y, t2)
                                           esFantasma?(pos_X, pos_Y, t1)
                                           esFantasma?(pos_X, pos_Y, t2)
                                           esChocolate?(pos_X,pos_Y,t1)
                                           esChocolate?(pos_X, pos_Y, t2))
```

usa Nat, Bool, Tupla

exporta genero, observadores, generadores, otras operaciones

 $AgC: nat pos_X \times nat pos_Y \times tablero t \longrightarrow tablero$

 $\neg esPared?(pos_X, pos_Y, t) \land \neg esChocolate?(pos_X, pos_Y, t))$

 $(\neg esPared?(pos_X, pos_Y, t) \land \neg esFantasma?(pos_X, pos_Y, t))$

observadores básicos

```
tama\tilde{n}o: tablero \longrightarrow tupla(nat, nat)
   es
Entrada? : nat pos_X \times nat pos_Y \times tablerot \longrightarrow bool
                                                                                                                             \{pos_X < \pi_1(tama\tilde{n}o(t)) \land pos_Y < \pi_2(tama\tilde{n}o(t))\}
   es
Llegada? : nat\mathrm{pos}_X \times \mathrm{nat}\,\mathrm{pos}_Y \times \mathrm{tablero}\,\mathrm{t} \ \longrightarrow \ \mathrm{bool}
                                                                                                                             \{pos_X < \pi_1(tama\tilde{n}o(t)) \land pos_Y < \pi_2(tama\tilde{n}o(t))\}
   esPared? : \operatorname{nat} \operatorname{pos}_X \times \operatorname{nat} \operatorname{pos}_Y \times \operatorname{tablerot} \longrightarrow \operatorname{bool}
                                                                                                                             \{pos_X < \pi_1(tama\tilde{n}o(t)) \land pos_Y < \pi_2(tama\tilde{n}o(t))\}
   esFantasma? : nat pos_X \times nat pos_Y \times tablerot \longrightarrow bool
                                                                                                                             \{pos_X < \pi_1(tama\tilde{n}o(t)) \land pos_Y < \pi_2(tama\tilde{n}o(t))\}
   esChocolate? : nat pos_X \times nat pos_Y \times tablerot \longrightarrow bool
                                                                                                                             \{pos_X < \pi_1(tama\tilde{n}o(t)) \land pos_Y < \pi_2(tama\tilde{n}o(t))\}
generadores
   crearTablero: nat fil \times nat col \times nat en_X \times nat en_Y \times nat ll_X \times nat ll_Y \longrightarrow tablero
                                                                                                \{en_X, ll_X < fil \land en_Y, ll_Y < col \land (en_X \neq ll_X \lor en_Y \neq ll_Y)\}
   AgF : nat pos_X \times nat pos_Y \times tablero t \longrightarrow tablero
```

```
AgP : nat pos_X \times nat pos_Y \times tablero t \longrightarrow tablero
                  \left\{ \operatorname{pos}_{X} \right\} \pi_1(\operatorname{tama\~no}(t)) \ \land \ \operatorname{pos}_{Y} \ < \ \pi_2(\operatorname{tama\~no}(t)) \ \land_{\operatorname{L}}(\neg esLlegada?(pos_X,pos_Y,t) \ \land \ \neg esFantasma?(pos_X,pos_Y,t) \ \land \ \right\}
                  \neg esChocolate?(pos_X, pos_Y, t)) \land \neg esSalida?(pos_X, pos_Y, t)
```

 $\lceil pos_X ; \pi_1(tama\~no(t)) \land pos_Y < \pi_2(tama\~no(t)) \land_L(\neg esLlegada?(pos_X, pos_Y, t) \land \neg esSalida?(pos_X, pos_Y, t) \land \rceil$

```
eliminarChocolate: nat pos_X \times nat pos_Y \times tablero t \longrightarrow tablero
                                                        \{ pos_X < \pi_1(tama\~no(t)) \land pos_Y < \pi_2(tama\~no(t)) \land_{\tt L} \ esChocolate?(pos_X, pos_Y, t) \}
otras operaciones
  entrada : tablero \longrightarrow tupla(nat, nat)
  salida : tablero \longrightarrow tupla(nat, nat)
  posicion Valida: nat \times nat \times tablero \longrightarrow bool
  posicionesFantasmas : tablero \longrightarrow conj\langlenat,nat\rangle
\mathbf{axiomas} \forall pos_X, pos_Y, pos_{X2}, pos_{Y2}, en_X, en_Y, ll_X, ll_Y, fil, col: int , \forall t: tablero
  posición Valida (pos_X, pos_Y, tablero) \equiv (0 \leq pos_X < \pi_1(tamaño(t)) \land
                                                    0 \le pos_Y < \pi_2(tamano(t))
  tamaño(crearTablero(fil,col,en<sub>X</sub>, en<sub>Y</sub>, ll_X, ll_Y)) \equiv \langle fi, col \rangle
  tamaño(AgF(pos_X, pos_Y, t)) \equiv tamaño(t)
  tamaño(AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv tamaño(t)
  tama\tilde{n}o(AgC(pos_X, pos_Y, t)) \equiv tama\tilde{n}o(t)
  tamaño(eliminarChocolate(pos_X, pos_Y, t)) \equiv tamaño(t)
  esFantasma?(pos_X, pos_Y, crearTablero(fil, col, en_X, en_Y, ll_X, ll_Y)) \equiv false
  esFantasma?(pos_{X2}, pos_{Y2}, AgF(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X2}
                                                                                            pos_X
                                                                                                     \land pos_{Y2}
                                                                                                                             pos_Y
                                                                                                                                       then true
                                                                   es
Fantasma?<br/>(pos_{X\,2},pos_{Y\,2},t)fi
  esFantasma?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X_2} = pos_X \land pos_{Y_2} = pos_Y then
                                                                       false
                                                                   else
                                                                       esFantasma?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
  esFantasma?(pos_{X2}, pos_{Y2}, AgC(pos_X, pos_Y, t)) \equiv
                                                                   if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                       false
                                                                   else
                                                                       esFantasma?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
  esFantasma?(pos_{X2}, pos_{Y2}, eliminarChocolate(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                                         false
                                                                                     else
                                                                                         esFantasma?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                                                     fi
  esPared?(pos_X, pos_Y, crearTablero(fil, col, en_X, en_Y, ll_X, ll_Y)) \equiv false
  esPared?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, AgF(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X_2} = pos_X \land pos_{Y_2} = pos_Y then
                                                                   false
                                                                   esPared?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
  esPared?(pos_{X2}, pos_{Y2}, AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv
                                                              if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                   true
                                                               else
                                                                   esPared?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
  esPared?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, AgC(pos_X, pos_Y, t)) \equiv
                                                               if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                   false
                                                               else
                                                                   esPared?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
  esPared?(pos_{X2}, pos_{Y2}, eliminarChocolate(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                                     false
                                                                                 else
                                                                                     esPared?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                                                fi
  esLlegada?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, crearTablero(fil, col, en_X, en_Y, ll_X, ll_Y)) \equiv if pos_{X_2} = x_2 \land pos_{Y_2} = y_2 then true else false fi
  esLlegada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, AgF(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                     false
                                                                 else
                                                                     esLlegada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
```

```
esLlegada?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X_2} = pos_X \land pos_{Y_2} = pos_Y then
                                                                  esLlegada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                              if pos_{X2} = pos_X \wedge pos_{Y2} = pos_Y then
esLlegada?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, AgC(pos_X, pos_Y, t)) \equiv
                                                              else
                                                                  esLlegada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                              fi
esLlegada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, eliminarChocolate(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                                    false
                                                                                    esLlegada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
esEntrada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, crearTablero(fil, col, en_X, en_Y, ll_X, ll_Y)) \equiv if pos_{X2} = en_X \land pos_{Y2} = en_Y then
                                                                                        else
                                                                                            false
esEntrada?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, AgF(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X_2} = pos_X \land pos_{Y_2} = pos_Y then
                                                                  false
                                                               else
                                                                  esEntrada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
esEntrada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv
                                                              if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                  false
                                                               else
                                                                  esEntrada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                             \overline{\mathbf{if}} \ pos_{X2} = pos_X \wedge pos_{Y2} = pos_Y \ \mathbf{then}
esEntrada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, AgC(pos_X, pos_Y, t)) \equiv
                                                                  false
                                                               else
                                                                  esEntrada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                               fi
esEntrada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, eliminarChocolate(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                                    false
                                                                                else
                                                                                    esEntrada?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                                                fi
esChocolate?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, crearTablero(fil, col, en_X, en_Y, ll_X, ll_Y)) \equiv if pos_{X_2} = en_X \land pos_{Y_2} = en_Y then
                                                                                              true
                                                                                          else
                                                                                              false
esChocolate?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, AgF(pos_X, pos_Y, t)) \equiv if pos_{X_2} = pos_X \land pos_{Y_2} = pos_Y then
                                                                     false
                                                                 else
                                                                     esChocolate?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
esChocolate?(pos_{X2}, pos_{Y2}, AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv
                                                                 if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                     false
                                                                 else
                                                                     esChocolate?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
esChocolate?(pos_{X2}, pos_{Y2}, AgC(pos_X, pos_Y, t)) \equiv
                                                               if pos_{X2} = pos_X \land pos_{Y2} = pos_Y then
                                                                 else
                                                                     esChocolate?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                                 fi
```

```
esChocolate?(pos_{X_2}, pos_{Y_2}, eliminarChocolate(pos_X, pos_{Y_2}, t)) \equiv if pos_{X_2} = pos_X \land pos_{Y_2} = pos_Y then
                                                                                            false
                                                                                        else
                                                                                            esChocolate?(pos_{X2}, pos_{Y2}, t)
                                                                                        fi
entrada(crearTablero(fil,col,en<sub>X</sub>, en<sub>Y</sub>, ll_X, ll_Y)) \equiv \langle en_X, en_Y \rangle
\operatorname{entrada}(\operatorname{AgF}(\operatorname{pos}_X, pos_Y, t)) \equiv \operatorname{entrada}(t)
entrada(AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv entrada(t)
\operatorname{entrada}(\operatorname{AgC}(\operatorname{pos}_X, pos_Y, t)) \equiv \operatorname{entrada}(t)
entrada(eliminarChocolate(pos_X, pos_Y, t)) \equiv entrada(t)
llegada(crearTablero(fil,col,en_X,en_Y,ll_X,ll_Y)) \equiv \langle ll_X,ll_Y \rangle
llegada(AgF(pos_X, pos_Y, t)) \equiv llegada(t)
llegada(AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv llegada(t)
llegada(AgC(pos_X, pos_Y, t)) \equiv llegada(t)
llegada(eliminarChocolate(pos_X, pos_Y, t)) \equiv llegada(t)
posiciones
Fantasmas(crearTablero(fil,col,en<sub>X</sub>, en_Y, ll_X, ll_Y)) \equiv \emptyset
posicionesFantasmas(AgF(pos_X, pos_Y, t)) \equiv Ag(\langle pos_X, pos_Y \rangle, posicionesFantasmas(t))
posiciones
Fantasmas<br/>(AgP(pos_X, pos_Y, t)) \equiv posiciones
Fantasmas(t)
posicionesFantasmas(AgC(pos_X, pos_Y, t)) \equiv posicionesFantasmas(t)
posicionesFantasmas(eliminarChocolate(pos_X, pos_Y, t)) \equiv posicionesFantasmas(t)
```

Fin TAD

```
TAD nombreJugador es String
```

Fin TAD

```
TAD posicion es \langle nat, nat \rangle
```

Fin TAD

TAD Pacman

géneros pacman

igualdad observacional

$$(\forall p1, p2: pacman) \begin{cases} posActualX(p1) =_{obs} posActualX(p2) \\ (posActualY(p1) =_{obs} posActualY(p2) \\ (dameTablero(p1) =_{obs} \\ dameTablero(p2) \\ (dameTablero(p2)) \\ (dameTablero(p3)) \\ (dameTablero(p4)) \\ (dameTablero(p4))$$

usa Tablero, Bool, Int, Nat, posicion, Secuencia, nombreJugador

exporta generos, observadores, generadores, gano?, asustado?, esInmune?, totalDeMovimientos

```
observadores básicos
```

```
dameTablero: pacman \longrightarrow tablero
  cantidad
DeMovimientos : pacman \longrightarrow nat
  turnoInmunidad : pacman \longrightarrow nat
  posActualX : pacman \longrightarrow nat
  posActualY : pacman \longrightarrow nat
generadores
  spawnear : tablero \longrightarrow pacman
                                                                                            \{posicionValida(pos_X, pos_Y, dameTablero(p)) \land \}
  mover : nat pos_X \times nat pos_Y \times pacman p \longrightarrow pacman
                                                                                            movimientoValido(
                                                                                            pos_X, pos_Y, pacman, dameTablero(p))
                                                                                            \land L \neg (asustado?(p) \lor gano?(p))}
otras operaciones
```

tieneFantasmasVecinos : pacman \longrightarrow bool

```
gano? : pacman \longrightarrow bool
asustado? : pacman \longrightarrow bool
movimiento
Valido : natpos_X \times nat<br/> pos_Y \times pacman × tablero t \ \longrightarrow \ \text{bool}
                                                                                                                      \{posicionValida(pos_X, pos_Y, t)\}
esInmune? : pacman \longrightarrow bool
total
DeMovimientos : pacman \longrightarrow nat
esVecino? : conj(posicion) \times pacman) \longrightarrow bool
distancia
Manhattan : posicion \times pacman \longrightarrow nat
```

```
axiomas \forall pacman: pacman , \forall nat: x,y,posXPacman,posYPacman , \forall tablero: tablero
  dameTablero(spawnear(tablero))
                                                                          \equiv tablero
  dameTablero(mover(x,y,pacman))
                                                                          \equiv if esChocolate(x,y,dameTablero(pacman)) then
                                                                                 eliminarChocolate(x,y,dameTablero(pacman))
                                                                              else
                                                                                 dameTablero(pacman)
                                                                              fi
  cantidadDeMovimientos(spawnear(tablero))
  cantidadDeMovimientos(mover(x,y,pacman))
                                                                             cantidadDeMovimientos(pacman) + 1
  posActualX(spawnear(tablero))
                                                                          \equiv \pi_1(\text{entrada}(\text{tablero}))
  posActualX(mover(x,y,pacman))
                                                                          \equiv x
  posActualY(spawnear(tablero))
                                                                          \equiv \pi_2(\text{entrada}(\text{tablero}))
  posActualY(mover(x,y,pacman))
                                                                          ≡ y
  turnoImmunidad(spawnear(pacman))
                                                                          \equiv 0
  turnoInmunidad(mover(x,y,pacman))
                                                                          \equiv if esChocolate?(x,y,dameTablero(pacman)) then
                                                                              else
                                                                                 max(0, turnoInmunidad(pacman)-1)
                                                                              fi
  gano?(pacman)
                                                                          \equiv \pi_1(\text{llegada}(\text{dameTablero}(\text{pacman}))) =
                                                                              posActualX(pacman) \land
                                                                              \pi_2(\text{llegada}(\text{dameTablero}(\text{pacman}))) =
                                                                              posActualY(pacman)
  asustado?(pacman)
                                                                          \equiv \neg esInmune(pacman) \land
                                                                              tieneFantasmasVecinos(pacman)
                                                                          \equiv distanciaManhattan(\langle x, y \rangle, pacman) \land
  movimientoValido(x,y,pacman,tablero)
                                                                              \neg esPared(x, y, tablero))
  esInmune?(pacman)
                                                                          \equiv turnoInmunidad(pacman) > 0
  totalDeMovimientos(spawnear(tablero))
                                                                          \equiv
  totalDeMovimientos(mover(x,y,pacman))
                                                                             totalDeMovimientos(pacman) + 1
  tieneFantasmasVecinos(pacman)
                                                                          ≡ esVecino?(posicionesDeFantasmas(
                                                                              dameTablero(pacman)),pacman)
  esVecino?(\emptyset, pacman)
                                                                          \equiv false
  esVecino?(conjFant,pacman)
                                                                                 distanciaManhattan(dameUno(conjFant,pacman))
                                                                             if
                                                                              < 3 then
                                                                                 true
                                                                              else
                                                                                 esVecino?(sinUno(conjFant,pacman))
  distanciaManhattan(pos,pacman)
                                                                          \equiv |posActualX(pacman) - \pi_1(pos)|
                                                                              |posActualY(pacman)-\pi_2(pos)|
```

```
TAD Jugador Es tupla(string, nat)
Fin TAD
TAD Ranking
     géneros ranking
     igualdad observacional
                (\forall r1, r2 : \text{ranking}) \ (r1 =_{\text{obs}} r2 \iff (\text{conjJugadores}(\text{r1}) =_{\text{obs}} \text{conjJugadores}(\text{r2})))
                Jugador, Nat, Bool, conj(\alpha), nombre Jugador
     usa
     exporta Observadores, Generadores, mejor Puntaje, puntaje Actual, jugador Arriba De
     observadores básicos
        conjJugadores : ranking \longrightarrow conj(jugador)
     generadores
        armarRanking : → ranking
        agregarJugador : jugador \times ranking \longrightarrow ranking
     otras operaciones
       mejor
Puntaje : ranking r \longrightarrow jugador
                                                                                                                        \{\neg vacio?(conjJugadores(r))\}
        está
En<br/>ElRanking? : nombre
Jugador × ranking \ \longrightarrow \ \text{bool}
        puntajeActual : nombreJugador n \times ranking r \longrightarrow nat
                                                                                                                              {estáEnElRanking?(n,r)}
       jugador
Arriba<br/>De : nombre
Jugador n\timesranking r\longrightarrowjugador
                                             \{(\exists j: jugador)(j \in conjJugadores(r) \land \pi_1(j) = n \land puntajeActual(j) < mejorPuntaje(r)\}\}
       jugadoresConXPuntos : nat \times conj(jugador) \longrightarrow conj(jugador)
       inmediatamenteSuperior : jugador \times conj(jugador) \longrightarrow nat
                                                                                                            \{(\exists j : jugador) j \in conJug \land \pi_1(j) = n\}
       jugador : nombreJugador n \times conj(jugador) conJug \longrightarrow jugador
     axiomas \forall ranking: ranking, \forall jugador: jugador \langle string, nat \rangle, \forall puntaje: nat, \forall nombre: nombre: Jugador,
                \forall conjug: conj(jugador)
        conjJugadores(armarRanking) \equiv \emptyset
        conjJugador(gargarJugador(jugador,ranking)) \equiv if estaEnElRanking?(\pi_1(jugador),ranking)
                                                                                          puntajeActual(\pi_1(jugador),conjJugadores(ranking)) <
                                                                      then
                                                                                  if
                                                                      \pi_2(\text{jugador})
                                                                                                then
                                                                          conjJugadores(ranking)
                                                                          else
                                                                          Ag(jugador,conjJugadores(ranking)) -
                                                                          \langle \pi_1(\text{jugador}), \text{puntajeActual}(\pi_1(\text{jugador}), \text{conjJugadores}(\text{ranking})) \rangle
                                                                      else
                                                                          Ag(jugador,conjJugadores(ranking))
                                                                      fi
        estaEnElRanking?(nombre,armarRanking) = false
```

esta En
ElRanking?(nombre,agregar Jugador(jugador,ranking))
 \equiv if $\pi_1(\text{jugador}) = \text{nombre}$ then true
 else $\text{esta} \\ \text{EnELRanking?(nombre,ranking)}$ fi

```
puntajeActual(nombre,conjug) \equiv if \pi_1(dameUno(conjug)) = nombre then
                                               \pi_2(\text{dameUno}(\text{conjug}))
                                           else
                                               puntajeActual(nombre,sinUno(conjug))
                                           fi
      jugadorArribaDe(nombre,ranking) \equiv dameUno(
                                               jugadoresConXPuntos(
                                               inmediatamenteSuperior(
                                               jugador(nombre,conjJugadores(ranking)),conjJugadores(ranking)-
                                               jugador(nombre,conjJugadores(ranking))),
                                               conjJugadores(ranking)))
       inmediatamenteSuperior(jugador,conjug) \equiv if \#conjug = 1 then
                                                         \pi_2(\text{jugador})
                                                      else
                                                         \min(\pi_2(\text{dameUno}(\text{conjug})), \text{inmediatamenteSuperior}(\text{jugador}, \text{sinUno}(\text{conjug})))
      jugadoresConXPuntos(puntaje,conjug) \equiv if vacio?(conjug) then \emptyset else if \pi_2(dameUno(conjug)) = puntaje then
                                                       Ag(dameUno(conjug),jugadoresConXPuntos(puntaje,sinUno(conjug)))
                                                       jugadoresConXPuntos(puntaje,sinUno(conjug))
                                                    fi
       jugador(nombre,conjug) \equiv if \pi_1(dameUno(conjug)) = nombre then
                                        dameUno(conjug)
                                    else
                                        jugador(nombre,sinUno(conjug))
Fin TAD
    géneros fichin
    igualdad observacional
```

TAD Fichin

$$\left(\forall f1, f2 : \text{fichin} \right) \left(f1 =_{\text{obs}} f2 \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \text{Tablero}(f1) =_{\text{obs}} \text{Tablero}(f1) \land \\ Ranking(f1) =_{\text{obs}} Ranking(f1) \land \\ hayAlguienJugando?(f1) &=_{\text{obs}} \\ hayAlguienJugando?(f2) \land \\ (hayAlguienJugando(f1) \Rightarrow_{\text{L}} \\ (jugadorActual(f1) =_{\text{obs}} jugadorActual(f2) \land \\ partidaActual(f1) =_{\text{obs}} partidaActual(f2))) \end{pmatrix} \right)$$

Jugador, Nat, Bool, $conj(\alpha)$, nombre Jugador, Pacman, tablero usa exporta Observadores, Generadores, Otras Operaciones

```
observadores básicos
```

Tablero : fichin \longrightarrow tablero Ranking: fichin --> ranking hayAlguienJugando? : fichin \longrightarrow bool $jugadorActual: fichinf \longrightarrow nombreJugador$

{hayAlguienJugando?(f)} {hayAlguienJugando?(f)}

 $partidaActual : fichinf \longrightarrow pacman$

generadores

nueva Maquina : tablero t \longrightarrow fichin nueva Partida : fichin f × nombre Jugador \longrightarrow fichin

 ${\neg hayAlguienJugando?(f)}$

 $Mover : fichin f \times int x \times int y \longrightarrow fichin$

 $\{\text{hayAlguienJugando}(f) \land movimientoValido}(X, Y, partidaActual(f), Tablero(f))\}$

```
otras operaciones
  averiguar
Mejor : fichin \longrightarrow nombre
Jugador
  averiguarArribaRanking : fichin \longrightarrow nombreJugador
  puntos
Para<br/>Superar : fichin \longrightarrow nat
  puntaje
Jugador<br/>Actual : fichin \longrightarrow nat
  averiguar
Puntaje : fichin f \times nombre
Jugador n \longrightarrow nat
                                                                       \{(\exists ju : jugador)(ju \in conjJugadores(ranking(f) \land_{L} \pi_{1}(ju) = n))\}
axiomas \forall ranking: ranking, \forall jugador: jugador \langle string, nat \rangle, \forall puntaje: nat, \forall nombre: nombre: Jugador,
          \forall conjug: conj(jugador)
  Tablero(nuevaMaquina(t)) \equiv t
  Tablero(nuevaPartida(f, nombre)) \equiv tablero(f)
  Tablero(mover(f, x, y)) \equiv tablero(f)
  Ranking(nuevaMaquina(t)) \equiv armarRanking()
  nuevaPartida(f,nombre) \equiv if ganó?(partidaActual(f)) then AgregarJugador(Ranking(f), \langle nombre, \emptyset \rangle) else Ranking(f) fi
  Ranking(mover(f, x, y)) \equiv if ganó?(mover(partidaActual(f), x, y) then
                                       AgregarJugador(Ranking(f), \langle nombre, cantidadMovimientos(partidoActual(f)) \rangle)
                                   else
                                       Ranking(f)
                                   fi
  hayAlguienJugando(nuevaMaquina(t)) \equiv false
  hayAlguienJugando(nuevaPartida(f,nombre)) = if asustado?(partidaActual(f)) then false else true fi
  hay Alguien Jugando? (Mover(f,\,x,\,y)) \ \equiv \ \textbf{if} \ gano? (partida Actual(f)) \ \textbf{then} \ \ false \ \ \textbf{else} \ \ true \ \ \textbf{fi}
  jugadorActual(nuevaPartida(f, nombre)) \equiv nombre
  jugadorActual(Mover(fichin, x, y)) \equiv jugadorActual(fichin)
  partidaActual(nuevaPartida(f, nombre)) \equiv spawnear(Tablero(f), nombre)
  partidaActual(Mover(f,x,y)) \equiv partidaActual(f)
  averiguarMejor(f) \equiv \pi_1(\text{mejorPuntaje}(\text{ranking}(\text{partidaActual}(f))))
  averiguarArribaRanking(f) \equiv \pi_1(JugadorArribaDe(nombreJugador(f),ranking(f)))
```

puntosParaSuperar(f) $\equiv \pi_2(JugadorArribaDe(nombreJugador(f),ranking(f)))$

Fin TAD