$$E = \frac{1}{2} \int \frac{1}{2} \int$$

Λ				T		<b>a</b>	/ ~	Se	enza	fare c	conti	aggi	untivi	ci ac	corgi	iamo	che I	la traccia	è posit	tiva e	quindi	il siste	ma ir	nstabile	<b>)</b> .	
-			A	_	, ب	2	6			上.			_	0			<	ste								
			1 1		-	2	5			1	` (	7		U			0	(31-6)	wa							
	Anal	izziamo	ora	il pun	to mov	imento	o del s	istema	a Use	eremo	nii)	ı di u	n met	hodo		Prim	no m	netodo								
•			1	pa			/ \	1	<i>x</i> . <b>C</b> 0.	•	1	. di di	Ĉ	16		1	-					- (				
2	2)	02	= [c	sok	· ·	7, (	(F)	16	X	w	te		0		e_	<b>Þ</b>	2r	Ol,	=16	\ <	Der		, 7		, _	
					movi	mento	libero									l		movim	ento fo	rzato				asform		ik
		•	F	h 2h	ρV	2/10		الم	1	J													<u> </u>	aplace		
				101			- P L		L (	1																
				1	1 (	•		\	_															(		
				0/1	*	SI	-H	)=	D												51	+5	7.	: Th	.CA	-
					<b>,</b> T	5	2	- h	\ 7												Las	somma	a deg	li auto	valori	e la
				de	+ 1	7-7	4			_	0										trac	cia di .	A /	$\Lambda$		
						. 2	_	5 ~	5																	
				10	1 2	16	_)	14	12		$\cap$	<b>\</b>														
				( >	+0	)(>	<del>ー</del> フ,	) ' -	16						/							<b>S</b> =	: 1			
				2	_								2	5 7		9-8	?		3 F	1		-	•			
				5	-3	5+	- 2 :	<i>⇒</i> 0	)	=>	-5	\$ =		<u>~</u>	<u> </u>		~~	_ = .	١ ح							
					0	<b>A</b>										2			_2_		\	· _ =	: 2	_		
					7	4															` _	2				
				) V	→ A.	28° (	M,	7	7 -	1.	.	ر	, P			· ·		in rosso	-					oni agg	iuntiv	⁄e,
				<b>~</b> v					$\sim$ $^{\circ}$		•		- 1-	( /	0	nor	n imp	ortanti pe	er la so	luzion	e dell'e	serciz	10)			

		Λ	١			, 1		
6	•	A	t	0	re	H	0	h
					Ū			Ċ

Chiamiamo l'autovettore z per abitudine, potete chiamarlo come volete

$$5_1 = 1$$

Per autovettore si intende quel vettore che moltiplicato per la matrice o per l'autovalore da lo stesso risultato. Ci sono altri modi per ricavare gli autovettori.

$$\begin{bmatrix} -2 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 21 \\ 22 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 21 \\ 22 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} -2Z_1 + 6Z_2 = Z_1 = \\ -2Z_1 + 5Z_2 = Z_2 \end{cases}$$

Scegliamo quindi un autovettore qualunque:

$$6Z_2 = 3Z_1 \Rightarrow 5Z_1 = 2Z_2$$
Una volta risolta la prima

equazione, la seconda è

inutile, il sistema deve essere singolare.

islutite

$$Sz = 2: \begin{bmatrix} -2 & 6 \\ -2 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} z_1 \\ z_2 \end{bmatrix} = 2 \begin{bmatrix} z_1 \\ z_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} -2z_1 + 6z_2 = 2z_1 & \Rightarrow \\ -2z_1 + 5z_2 = 2z_2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -2z_1 + 5z_2 = 2z_2 \\ + 5z_2 = 2z_2 \end{cases}$$

$$Scegliamo un autovettore qualuqnue$$

$$Scegliamo un autovettore qualuqnue$$

$$Scegliamo un autovettore qualuqnue$$

$$Scegliamo un autovettore qualuqnue$$

## · Notrice objetousli 27 seite accostiamo in una matrice glNautovettori (ricordando l'ordine che abbiamo usato)!

Sutrections (da ricordare l'ordine!)

(stesso ordine della matrice T)

in rosso: informazioni aggiuntive che ci ricordano di fare attenzione all'ordine degli autovettori e autovettori: l'ordine in cui si mettono gli autovettori nella matrice diagonalizzante, è l'ordine con cui compaiono sulla matrice diagonalizzata gli autovalori.

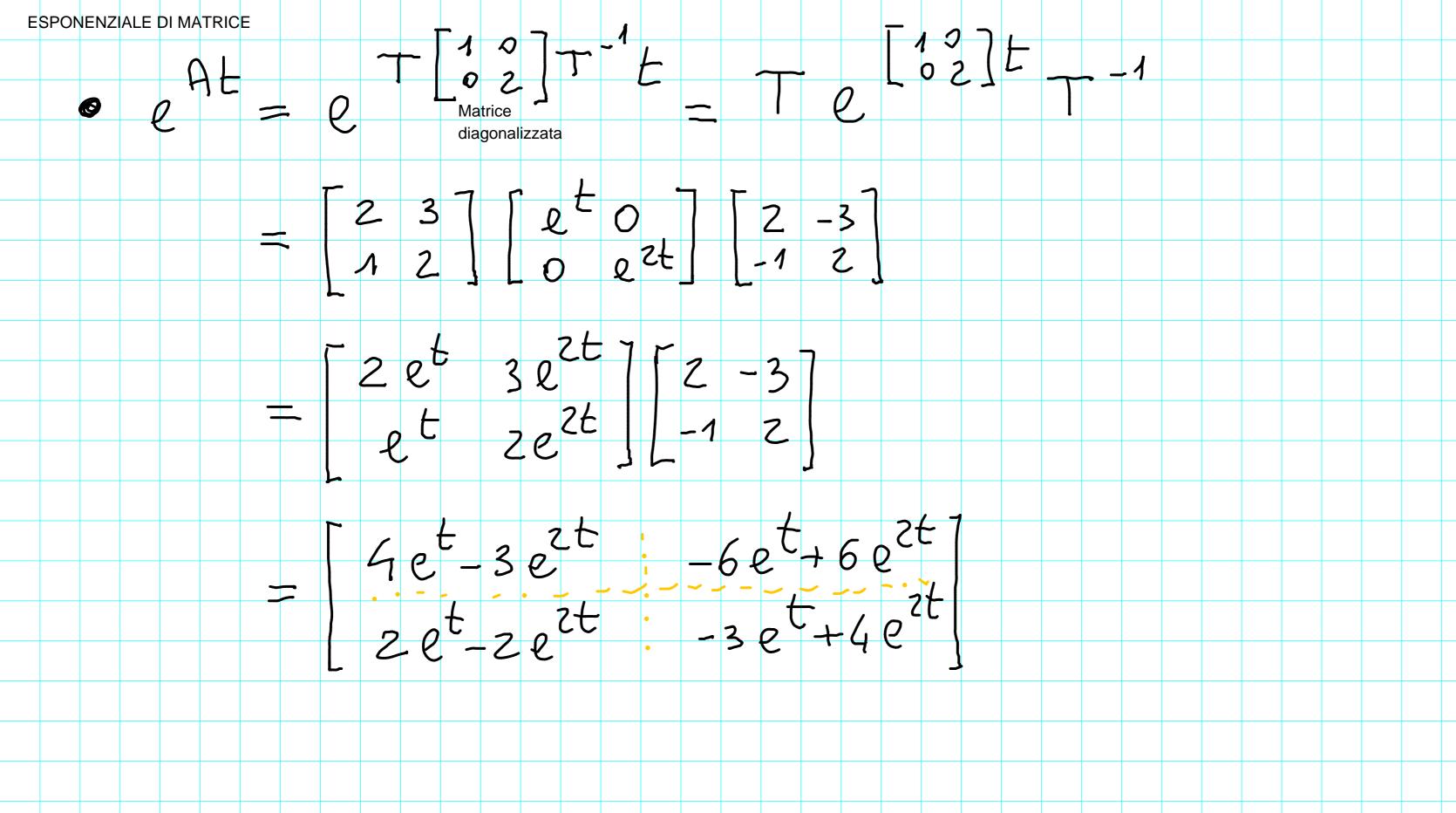
$$T = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & 3 \\ -3 & -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$

det(T)

Matrice dei complementi algebrici: per una

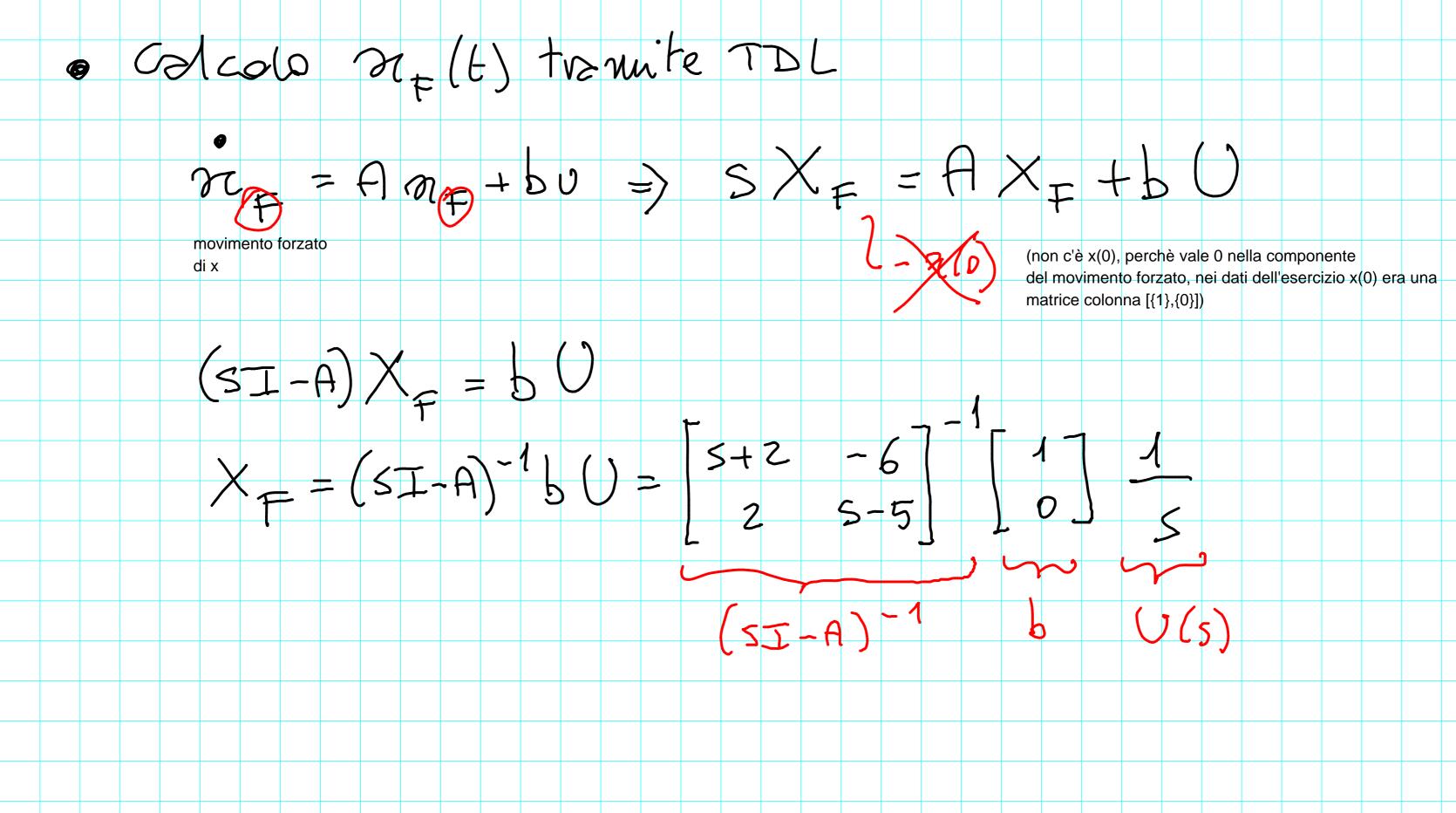
matrice 2x2 (solo e soltanto 2x2)

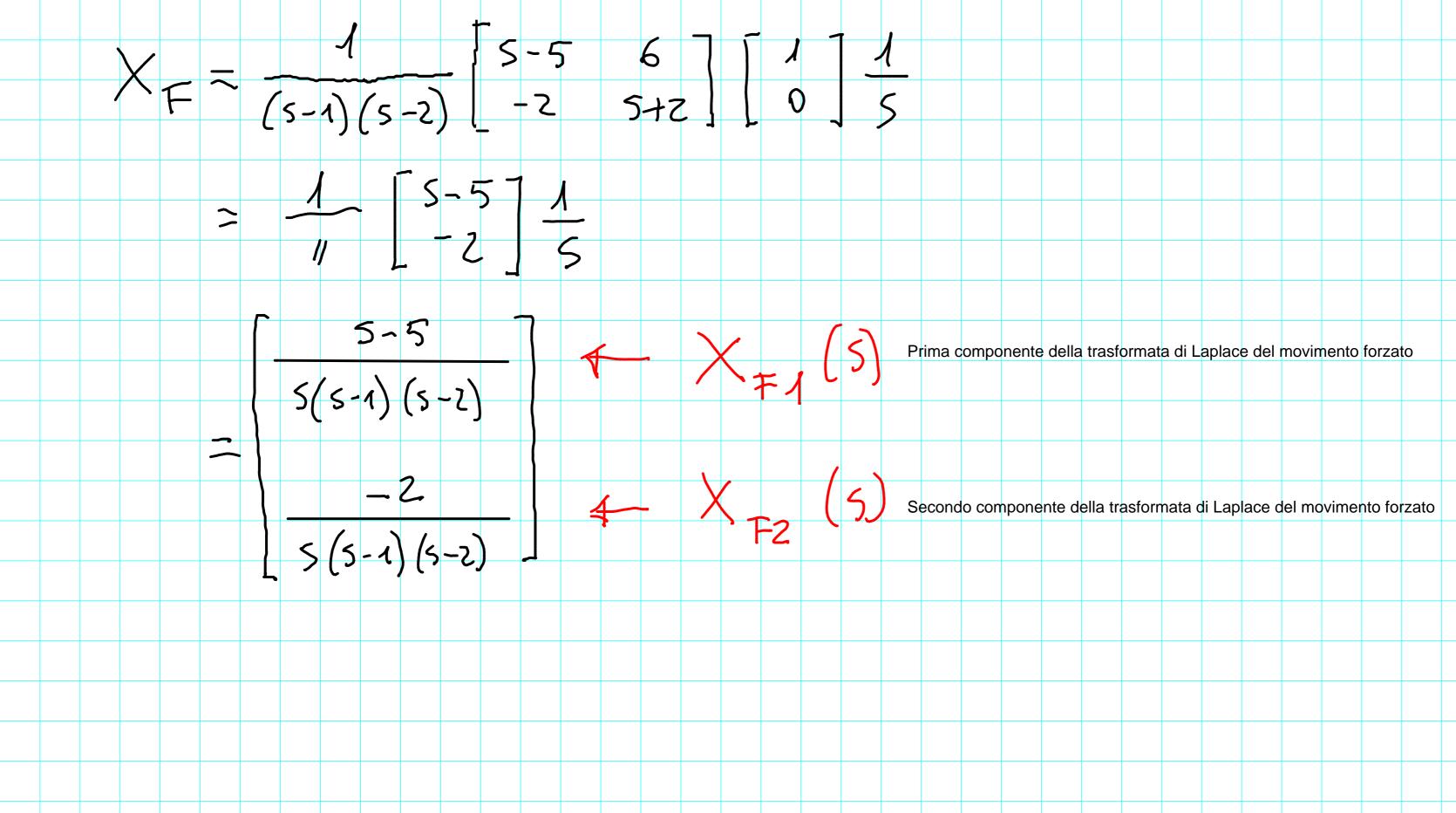
è calcolabile scambiando di posto i termini nella diagonale principale e invertendo i segni dei termini nella diagonale secondaria.

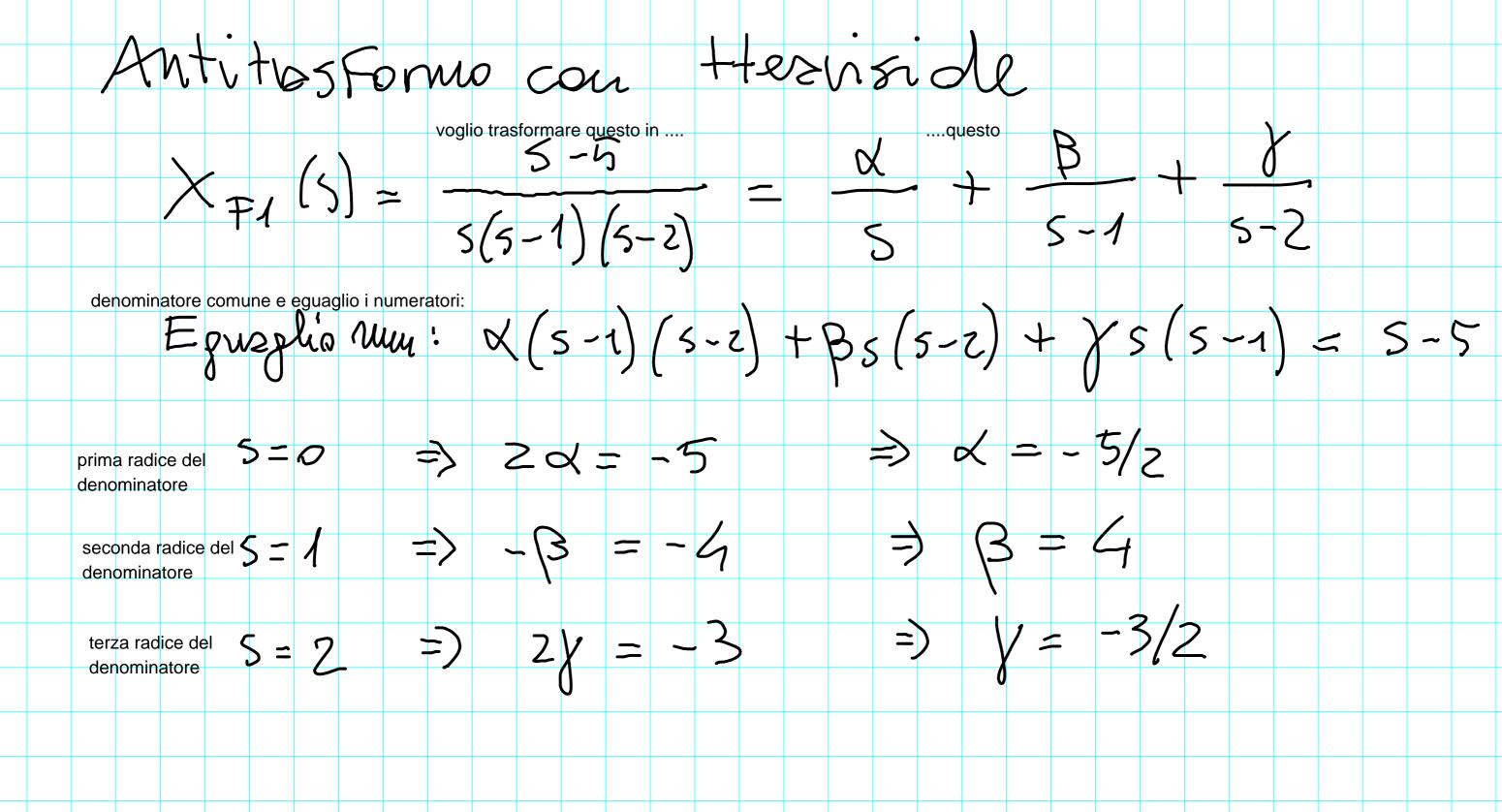


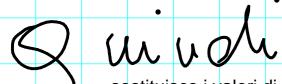
TIL di 
$$\pi$$
 $m_{L}(t) = 2^{At} \pi(0) = \begin{bmatrix} M_{\text{atrice lunga}} \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} = movimento libero di  $x$ 

$$= \begin{bmatrix} 4e^{t} - 3e^{2t} \\ 2e^{t} - 2e^{2t} \end{bmatrix} t > 0 \qquad \qquad m_{L2}(t)$$$ 









sostituisco i valori di alfa beta e gamma:

Antitrasformo con le trasformate notevoli:

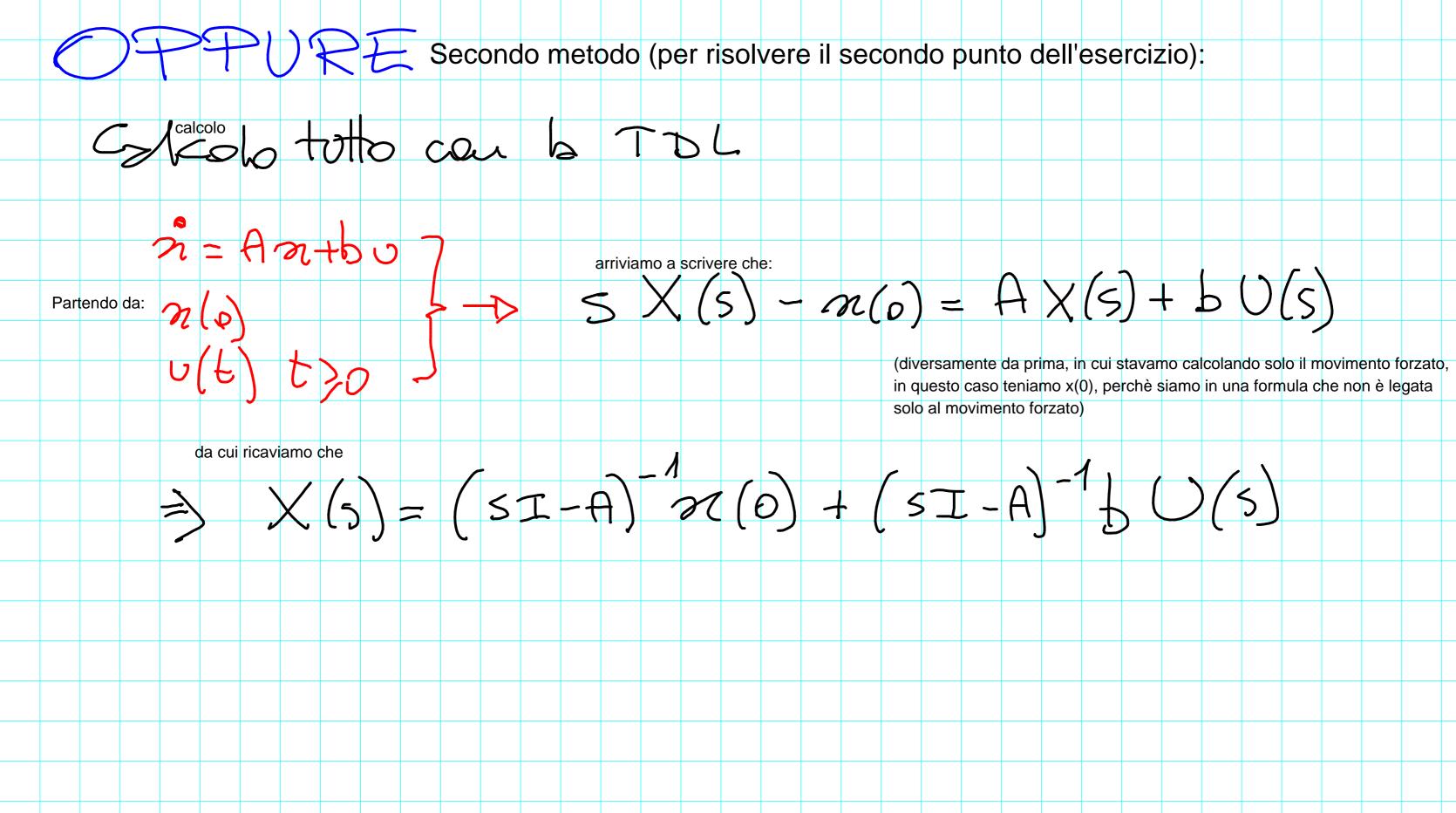
$$n_{+1}(t) = (-\frac{5}{2} + 4e^{-\frac{3}{2}}e^{-\frac{3}{2}}) sos(t)$$

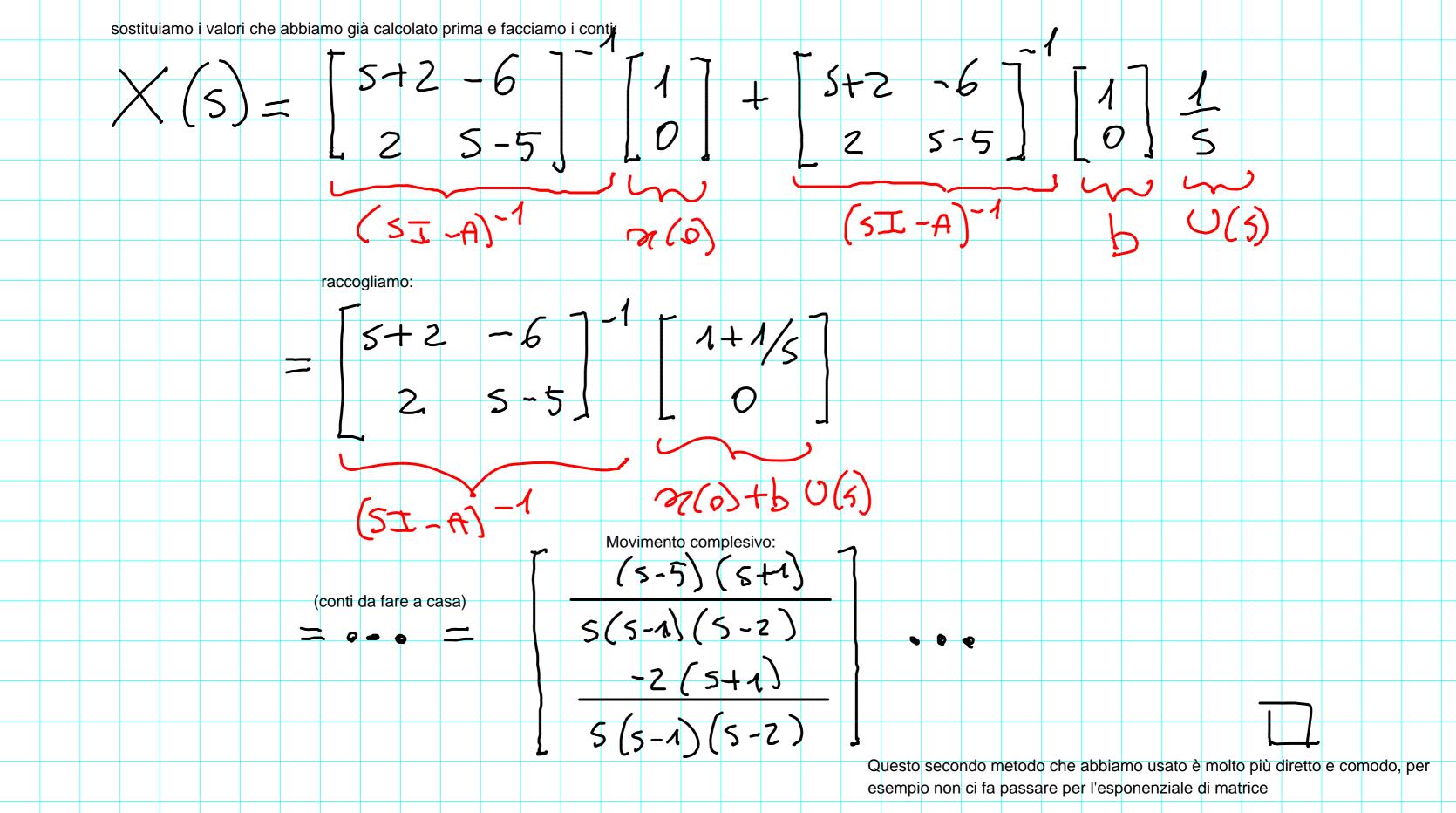
Bisogna ora rifare l'antitrasformazione secondo Heaviside anche per la seconda componente, da fare a casa...

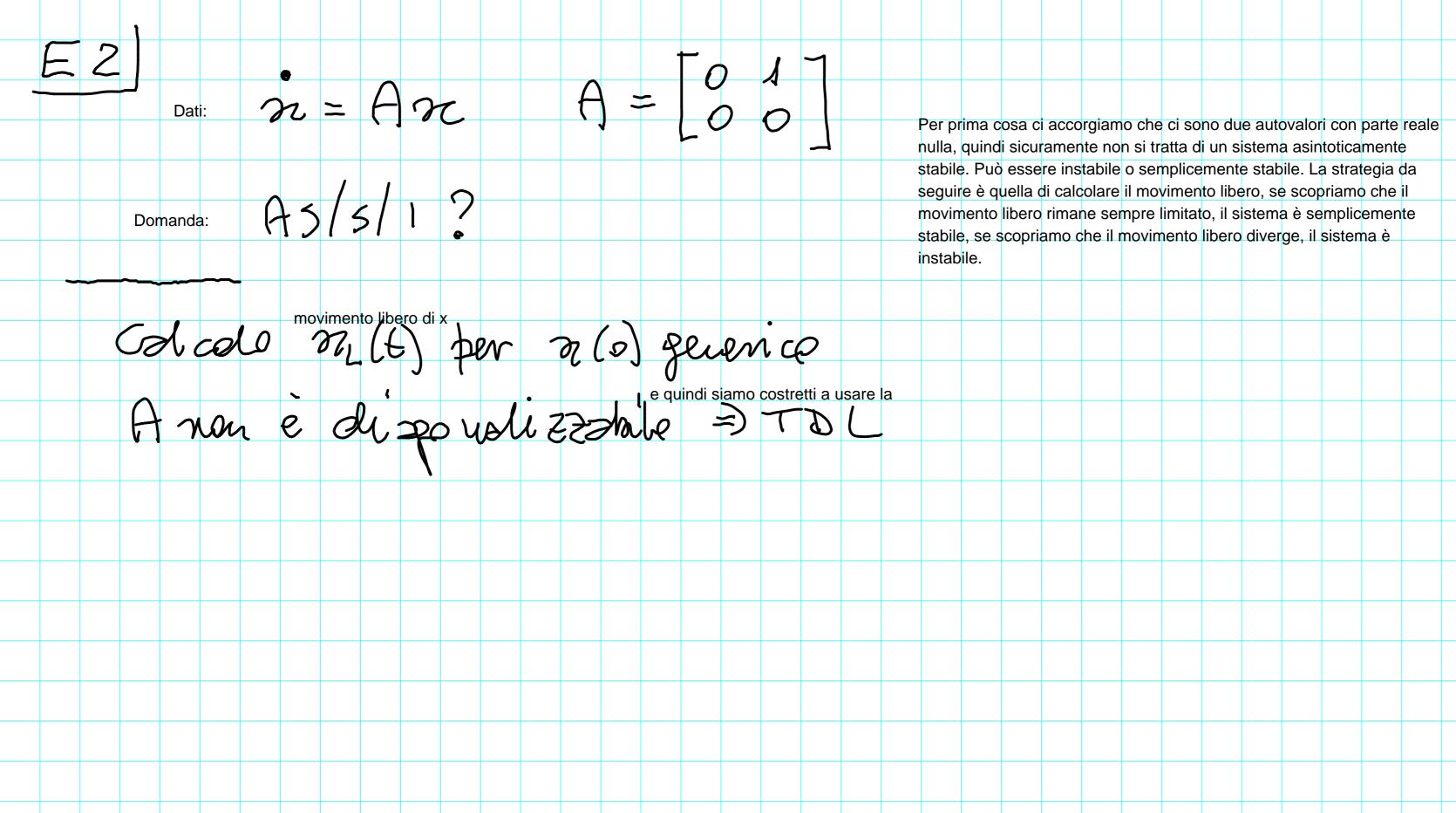
Quindi il movimento finale è la somma del vettore movimento libero e del vettore movimento forzato:

$$\mathcal{H}(t) = \mathcal{M}_{L}(t) + \mathcal{M}_{F}(t)$$

Fine primo metodo.

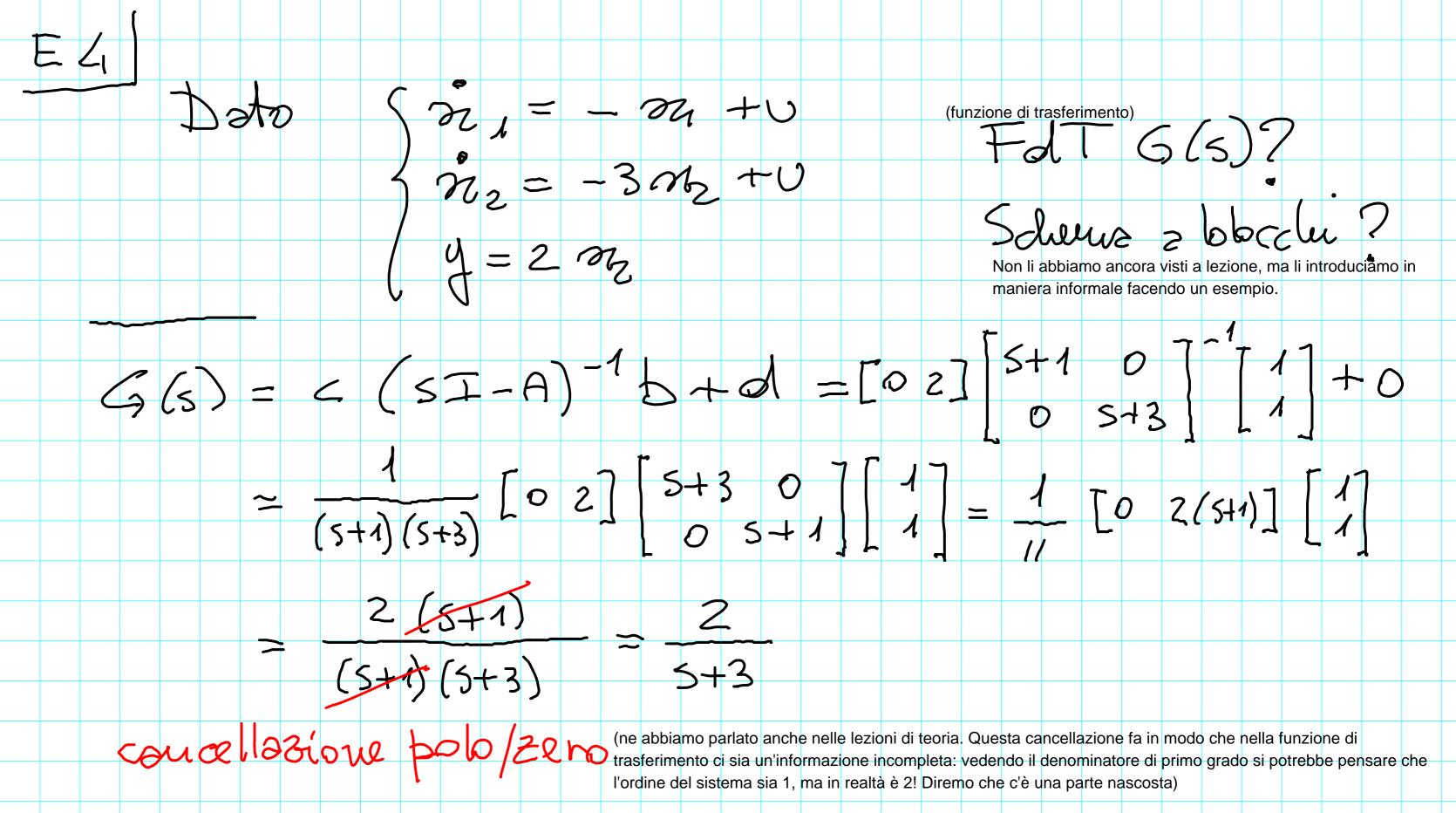


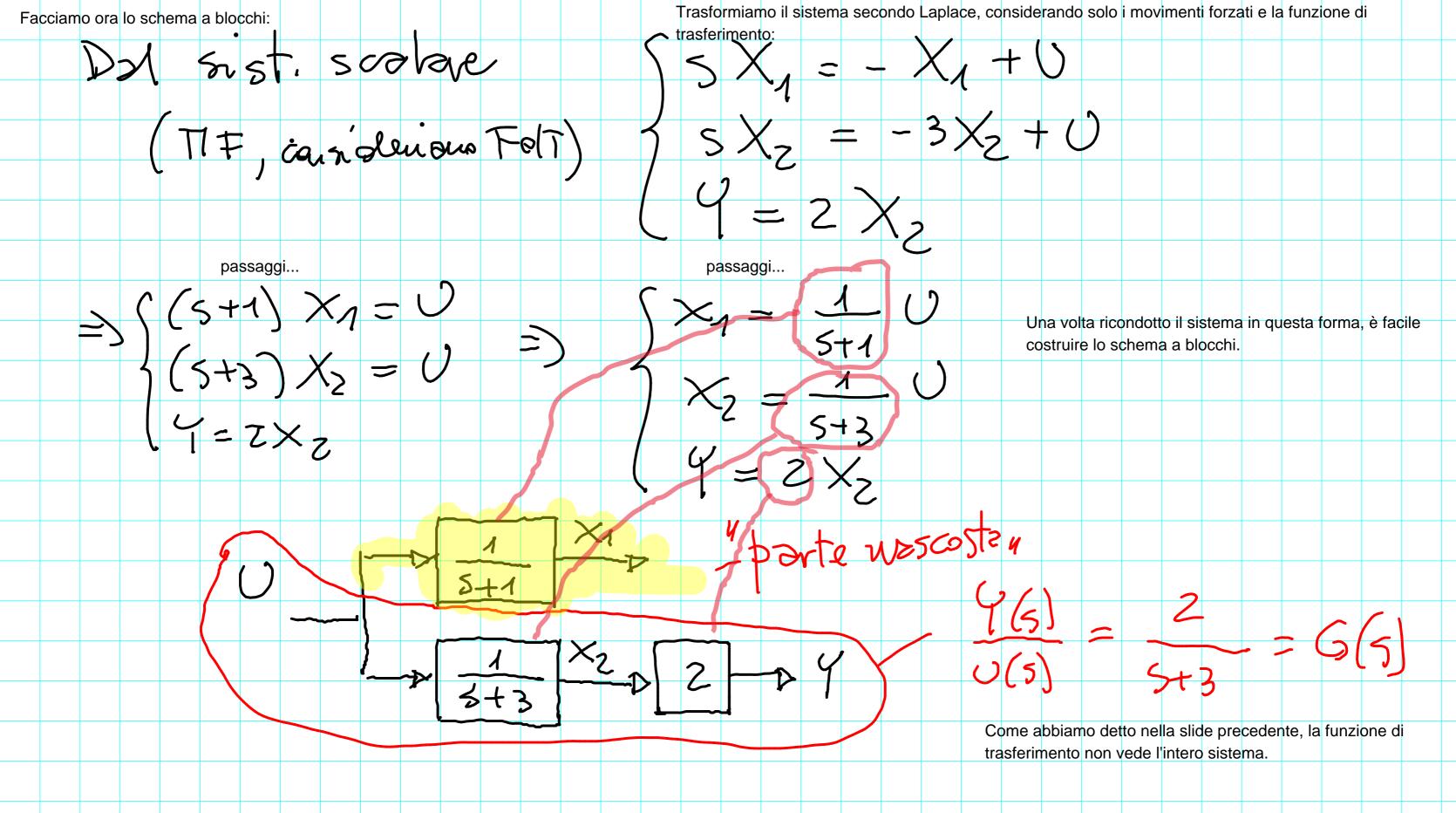


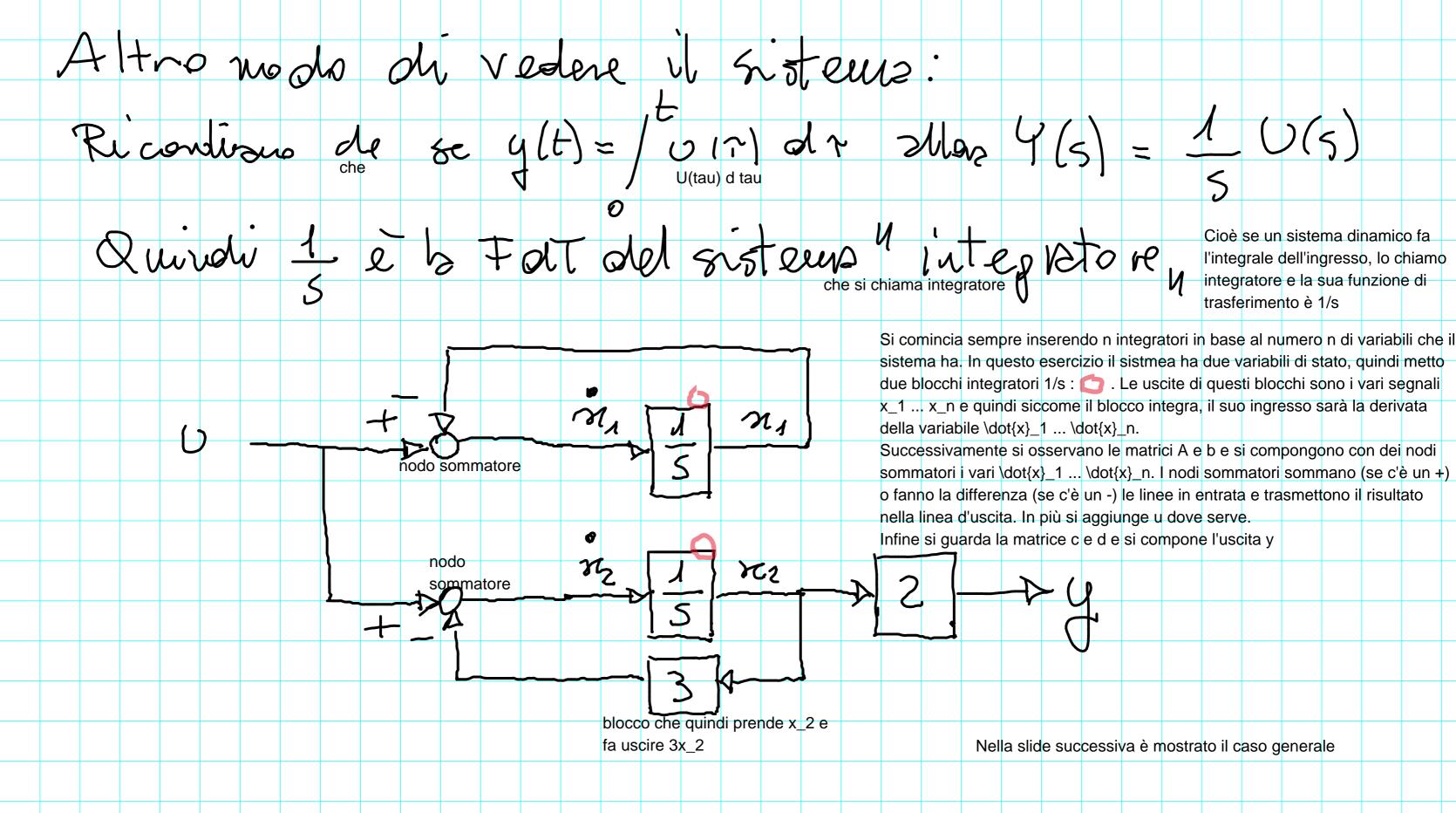


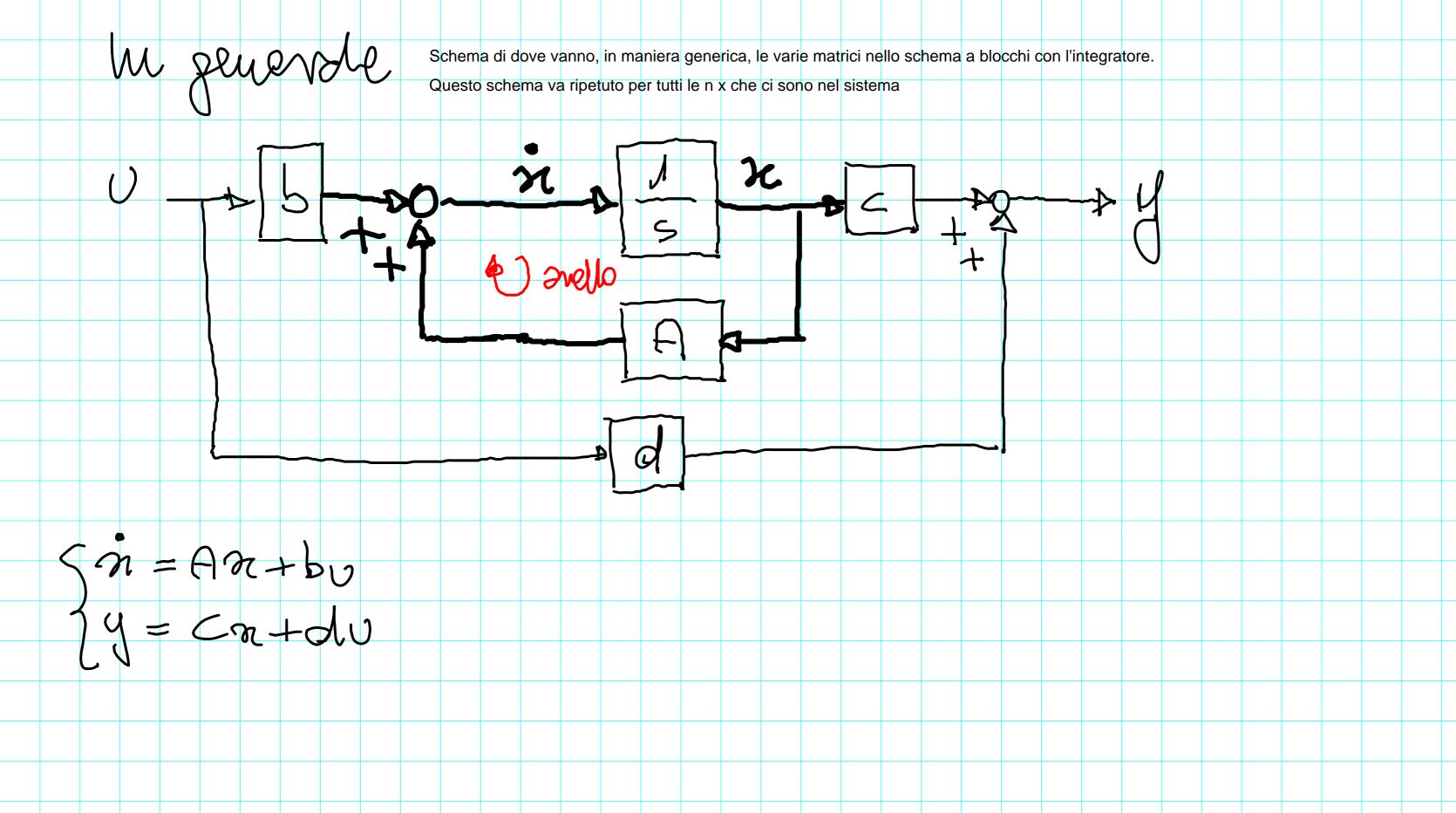
$$\begin{array}{c} X_{L}(s) = (sI - A)^{-1} \Re(0) = \begin{bmatrix} s \\ 0 \\ s \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} m_{0A} \\ m_{0Z} \end{bmatrix} \text{ isaciamo } \chi(0) \text{ indicato con lettere.} \\ \text{perché ci stiamo riferendo a un generico } \chi(0) \\ = \frac{1}{52} \begin{bmatrix} s \\ 0 \\ s \end{bmatrix} \begin{bmatrix} m_{0A} \\ m_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ 1/s^{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{32} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ 1/s^{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ 1/s \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ 1/s \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ 1/s \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ 1/s \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0A} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0A} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0A} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0A} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0A} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0A} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0Z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/s \\ n_{0A} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{0A} \end{bmatrix} \\ \frac{1}{3} \begin{bmatrix} n_{0A} \\ n_{$$

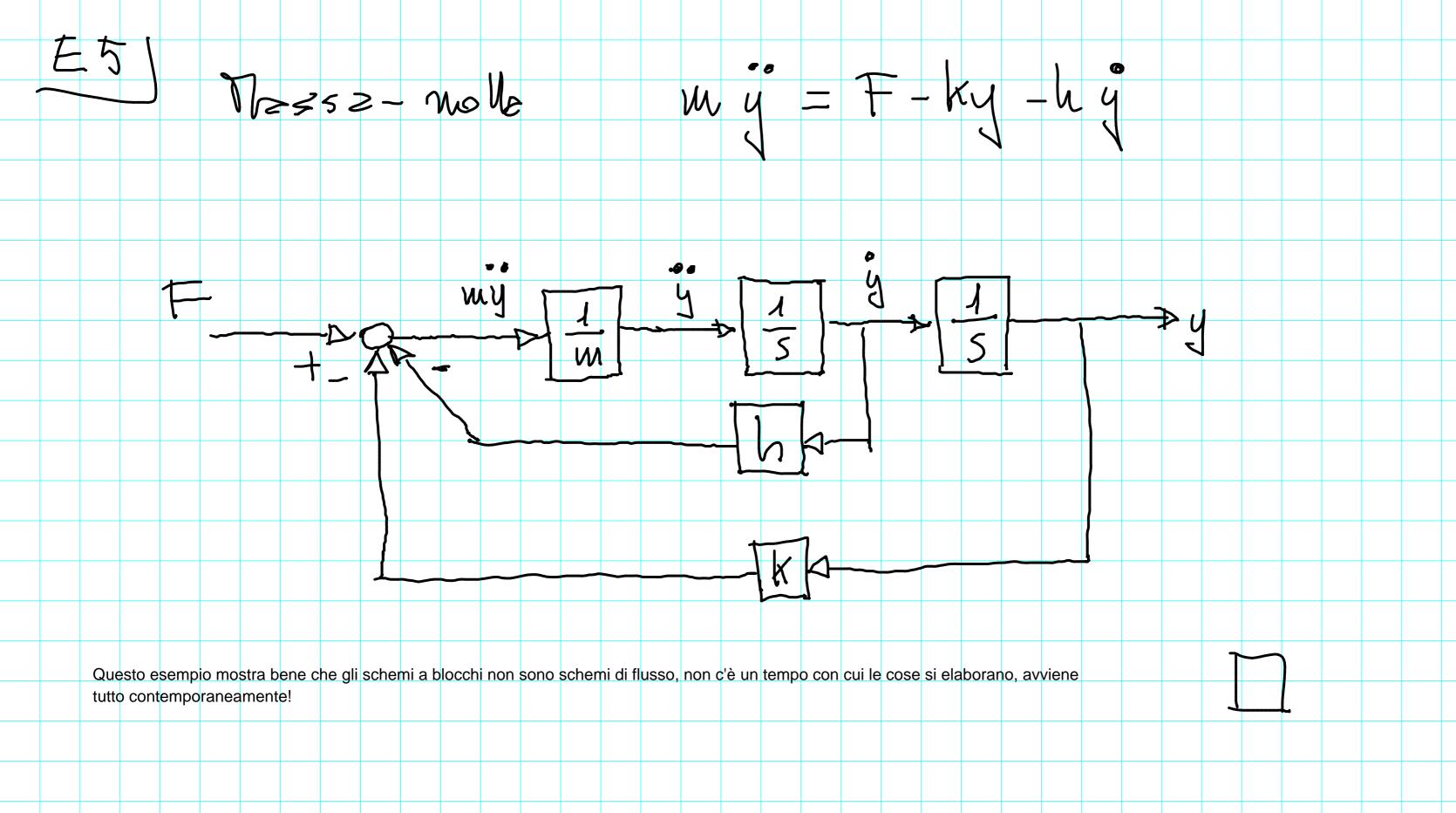
E	3															⊢	-		7															
			Dati			ん	2	A	$\mathcal{A}$	,				A	<u></u>		0	0		Δnc	he in	augst	222	cizio	Δης	n à di	adon	alizza	ahila	auina	li usian	no la tra	sformata	di
			Dati	•				<b>——</b>						`			0	Ð			lace	questi	7 636	CIZIO	AIIU	ii e di	agon	alizzo	ablie,	quinc	ii usian	io ia tie	isioiiiiate	ui
					$\wedge$	_	1	1								<b>ل</b> ـــ			~	į														
			Don	nanda	+	15	15		ク																									
							1	1	•																									
	_	<b></b>																																
			1			mov	vimen	nto libe	ro																									
	(	Co	<b>/</b> \(		Q	7	7/	nto libe									_1												Η_	1				
nel	domin	io dell	e tras	format	e:				1							$, \gamma$	, T		7		1	Γ,	-	7[	<i>?</i> 20	.1				1	no.	1		
		X	[ /	<u>{</u>	=	(5	I	<b>_A</b>	\	87	(p)	) =		5	U			no		=	٢				70		=	2	\ .	≤	201			
			1	7		( -			)				L	0	5	ل ٠	<b>L</b>	מלי ל	2 ]		5	h	/5	JL	- 100	رع			1	1	20	2		
																													L -	5				
	Antitr	asforn	no:							1	27	_	< /	<u></u>	11	) ~			,	•		,	,		1	1								
				0	77	1	$\angle \setminus$					PA '	5		ι υ •					A 1	• <i>( )</i>	1	, $+$		1	P		h /	_\					
			-	()	Z			) ~	_		<b>a</b>				11				U	16		ite	) U	) 1			10	4	O,	)				
							_				20	2	20	0	Lt	J																		
																	Į							ı										
																				•	=	5	<b>\</b>	+	el	11:	>			<b>&gt;</b>				
														Ιa	strate	egia d	a sed	uire è	guell									amo (	che il	movii	mento			
														libe	ero rir	nane	semp	re limi	tato,	il siste	ema è										vimento		P	
														libe	ero di	verge	, il sis	tema	è inst	tabile.	1													









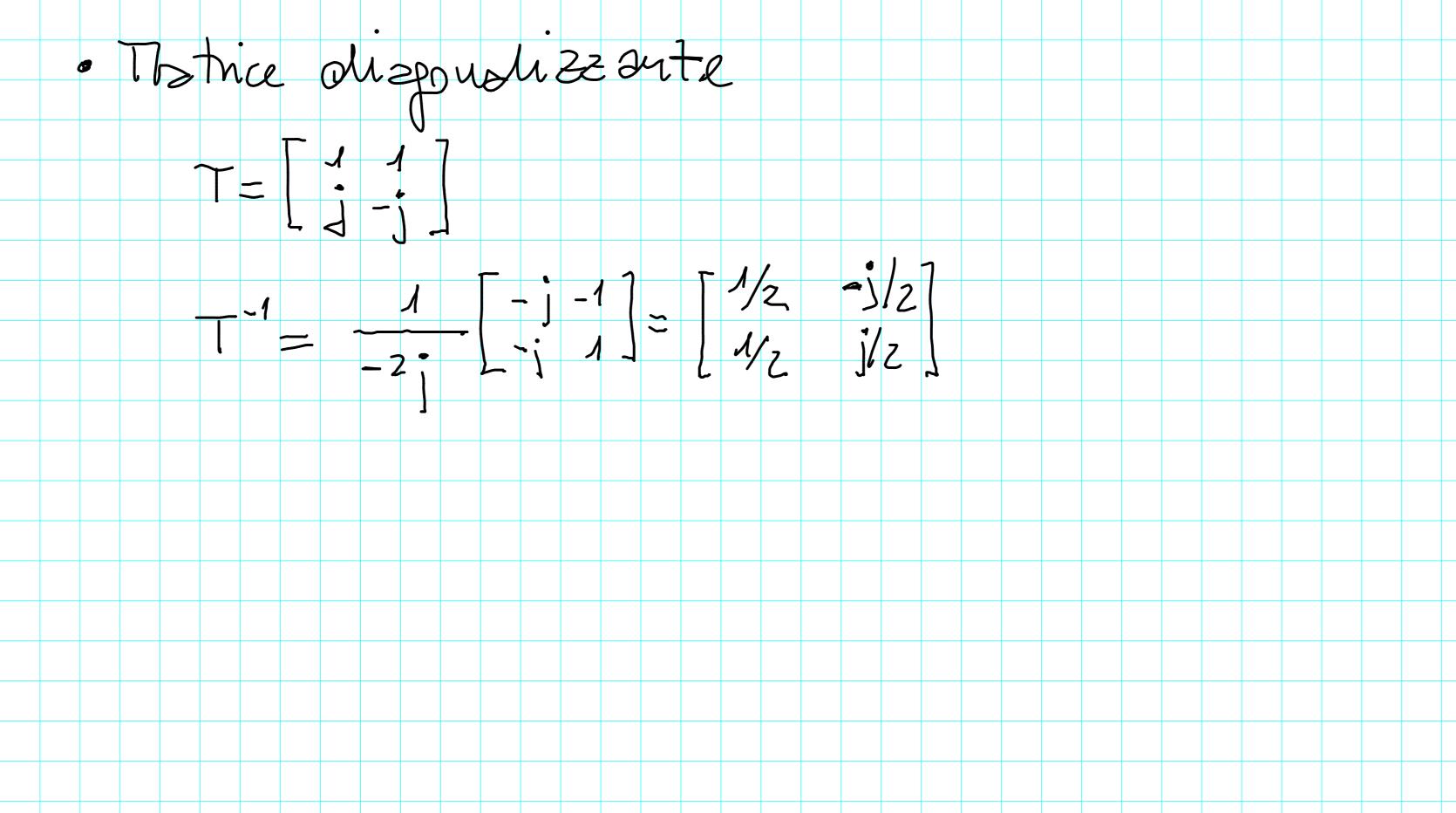


$$\begin{array}{c}
E G \\
\hat{n} = A \pi \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} & \pi(G) = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\
A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0$$

a Autovaloni di A: 
$$1 \mp j2$$

b. Autovaloni di A:  $1 \mp j2$ 

c. Aut



or 
$$\mathcal{H}_{L}$$
 di  $\mathcal{H}_{L}$   $\mathcal{H$