

8. Trasmissione del calore: conduzione.

- 8.1. *[base]* Calcolare la potenza termica dispersa da una parete piana di spessore 15 cm e superficie 2 m². Sono note la conduttività termica della parete, pari a 0.22 W/mK e le temperature delle superfici interna ed esterna della parete pari rispettivamente a 800 °C e 150 °C.

$$[\dot{Q} = 1906.7 \text{ W}]$$

- 8.2. *[base]* Calcolare la potenza termica dispersa da una parete composta da due strati A e B di cui è noto lo spessore ($L_A = 5 \text{ cm}$, $L_B = 10 \text{ cm}$) e la conduttività termica ($k_A = 1 \text{ W/mK}$, $k_B = 8 \text{ W/mK}$). La parete ha una superficie di 0.4 m². I valori di temperatura sulle superfici interna ed esterna sono rispettivamente 60 °C e 20 °C. Si chiede anche di rappresentare l'andamento qualitativo della temperatura e di valutarne il valore all'interfaccia dei due strati.

$$[\dot{Q} = 256 \text{ W}; T_2 = 28 \text{ °C}]$$

- 8.3. *[base]* Al fine dell'isolamento di un componente finestrato si vogliono confrontare due soluzioni: vetro singolo (spessore 4 mm) o vetro doppio con intercapedine d'aria (spessore 3+5+3 mm). Sono noti:

- Temperatura interna del locale $T_i = 20 \text{ °C}$;
- Temperatura esterna $T_e = 5 \text{ °C}$;
- Coefficiente convettivo interno $h_i = 7 \text{ W/m}^2\text{K}$;
- Coefficiente convettivo esterno $h_e = 16 \text{ W/m}^2\text{K}$;
- Conduttività del vetro: $k_v = 0.8 \text{ W/mK}$;
- Conduttività dell'aria: $k_a = 0.026 \text{ W/mK}$.

Si chiede di stabilire quale soluzione consente un migliore isolamento e qual è la riduzione percentuale di potenza termica dispersa.

$$[\text{soluzione B}; \Delta Q_{\%} = -48\%]$$

- 8.4. *[intermedio]* Un tubo metallico di diametro esterno $D = 50 \text{ mm}$ rivestito con uno strato di isolante avente conduttività termica $k_i = 0.181 \text{ W/mK}$, è lambito all'esterno da aria alla temperatura $T_e = 10 \text{ °C}$. È noto il coefficiente di scambio convettivo $h = 3.5 \text{ W/m}^2\text{K}$. Calcolare:

- Il raggio critico di isolamento del tubo;

- La potenza termica per unità di lunghezza dispersa senza isolamento se la temperatura della superficie esterna del tubo nudo è $T_{\text{tubo}} = 275 \text{ }^{\circ}\text{C}$;
- Lo spessore di isolante s_{is} oltre il quale incomincia l'effetto di isolamento.

$$[r_{cr} = 0.0517 \text{ m}; \dot{Q}/L = 145.69 \text{ W/m}; s_{is} = 0.135 \text{ m}]$$

8.5. *[intermedio]* Un fluido in transizione di fase alla temperatura di $400 \text{ }^{\circ}\text{C}$, percorre una tubazione. Il coefficiente convettivo sulla superficie interna del condotto è pari a $800 \text{ W/m}^2\text{K}$. Per limitare la potenza termica dispersa, la tubazione è rivestita con due strati isolanti: uno per elevata temperatura ($k_{\text{is1}} = 0.9 \text{ W/mK}$) dello spessore di 40 mm , l'altro per bassa temperatura ($k_{\text{is2}} = 0.07 \text{ W/mK}$) dello spessore di 50 mm . Il condotto presenta un diametro interno di 20 cm e uno spessore di 10 mm ed è realizzato con un acciaio con conduttività termica $k_t = 15 \text{ W/mK}$. La temperatura della superficie più esterna dell'isolante è $T_e = 20 \text{ }^{\circ}\text{C}$. Si valuti la potenza termica dispersa per unità di lunghezza e si rappresenti la distribuzione di temperatura nello spessore della tubazione.

$$[\dot{Q}/L = 534 \text{ W/m}]$$

8.6. *[intermedio]* Una corrente di acqua satura, con una portata di massa $\dot{m} = 1000 \text{ kg/h}$, viene immessa in un evaporatore. All'ingresso dell'evaporatore l'acqua ha una temperatura $T_1 = 152 \text{ }^{\circ}\text{C}$ ed è in condizione di liquido saturo ($x_1 = 0$). All'interno dell'evaporatore, per effetto della potenza termica trasmessa, l'acqua vaporizza. L'evaporatore è costituito da un tubo che ha un diametro interno di 30 mm , è lungo 30 m , ha una parete con spessore 3 mm . Il condotto dell'evaporatore è realizzato con una lega metallica caratterizzata da una conduttività termica $k = 85 \text{ W/mK}$. La superficie esterna del condotto è mantenuta alla temperatura uniforme di $T_e = 200 \text{ }^{\circ}\text{C}$. Si assuma che il flusso sia stazionario, che le variazioni di pressione della miscela acqua-vapore lungo il condotto siano trascurabili e che lo scambio termico tra la superficie interna e la miscela sia caratterizzato da un coefficiente convettivo $h = 1500 \text{ W/m}^2\text{K}$. Determinare:

- La potenza termica fornita all'acqua;
- Le condizioni termodinamiche del vapore (stato e temperatura) in uscita dall'evaporatore;
- La lunghezza (L_{saturo}) del tubo necessaria per avere in uscita vapore saturo;
- Rappresentare la distribuzione di temperatura nel tubo dell'evaporatore.

$$[\dot{Q} = 194.2 \text{ kW}; \text{vapore umido}, x_2 = 0.332; L_{\text{saturo}} = 90.4 \text{ m}]$$

8.7. *[avanzato]* Una parete piana è composta da due strati di due materiali diversi, A e B. Nello strato A vi è generazione di potenza termica uniforme $\sigma = 1.5 \cdot 10^6 \text{ W/m}^3$, $k_A = 75 \text{ W/mK}$ e lo spessore è $L_A = 50 \text{ mm}$. Nello strato B non vi è generazione di potenza, $k_B = 150 \text{ W/mK}$ e lo spessore è $L_B = 20 \text{ mm}$. La superficie interna di A è isolata, mentre la superficie esterna di B è raffreddata da una corrente di acqua con $T_{\text{inf}} = 30 \text{ }^\circ\text{C}$ e $h = 1000 \text{ W/m}^2\text{K}$.

- Disegnare la distribuzione di temperatura che esiste in condizioni stazionarie.
- Determinare la temperatura T_0 della superficie isolata e la temperatura T_2 della superficie raffreddata.

$$[T_0 = 140 \text{ }^\circ\text{C}; T_2 = 105 \text{ }^\circ\text{C}]$$

8.8. *[avanzato, fuori programma]* Un cavo di rame ($k = 398 \text{ W/mK}$) molto lungo di 5 mm di diametro ha un estremo mantenuto a $100 \text{ }^\circ\text{C}$. La superficie del cavo è esposta ad aria ambiente a $25 \text{ }^\circ\text{C}$, con un coefficiente di convezione di $100 \text{ W/m}^2\text{K}$.

- Determinare la potenza termica dispersa dal cavo;
- Determinare la lunghezza minima cavo affinché l'assunzione di lunghezza infinita comporti un errore accettabile (pari al 1%) nel calcolo della potenza termica dispersa.

$$[\dot{Q} = 8.31 \text{ W}; L_{\text{min}} = 0.187 \text{ m}]$$

8.9. *[avanzato, fuori programma]* Un'aletta di rame ($k = 372 \text{ W/mK}$) rettilinea a spessore costante opera con una temperatura alla base di $150 \text{ }^\circ\text{C}$. La temperatura del fluido è pari a $30 \text{ }^\circ\text{C}$ ed il coefficiente di scambio convettivo $h = 50 \text{ W/m}^2\text{K}$. Assumendo $L = 3 \text{ cm}$ e $\delta = 1 \text{ mm}$, determinare il flusso termico per unità di profondità q e l'efficienza η .

$$[\dot{Q}_0 = 360.36 \text{ W/m}; \eta = 0.9910]$$

8.10. *[intermedio, fuori programma]* Una sottile lastra di rame, di spessore 2 mm ed alla temperatura di $500 \text{ }^\circ\text{C}$, viene immersa in acqua alla temperatura costante di $20 \text{ }^\circ\text{C}$. Essendo noti la massa volumica del rame ($\rho = 8900 \text{ kg/m}^3$), il calore specifico del rame ($c = 0.1 \text{ kcal/kgK}$), la conduttività termica del rame ($k = 350 \text{ W/mK}$) ed il coefficiente convettivo relativo allo scambio termico tra lastra e acqua ($h = 100 \text{ W/m}^2\text{K}$), determinare il tempo necessario per raggiungere all'interno della lastra una temperatura di $50 \text{ }^\circ\text{C}$.

$$[t = 103 \text{ s}]$$

- 8.11.** *[intermedio, fuori programma]* In una fabbrica vengono prodotte sfere di ottone ($k = 111 \text{ W/mK}$, $\rho = 8522 \text{ kg/m}^3$, $c = 385 \text{ J/kgK}$) del diametro di 5 cm. Le sfere, inizialmente a 120°C , vengono immerse in un bagno d'acqua a 50°C per un periodo di 2 minuti ad un ritmo di 100 sfere al minuto. Sapendo che il coefficiente di scambio convettivo è pari a $240 \text{ W/m}^2\text{K}$ determinare la temperatura delle sfere in uscita dal bagno e la potenza termica che deve essere sottratta all'acqua per mantenerla a 50°C .

$$[T_f = 74.4^\circ\text{C}; \dot{Q} = 16310 \text{ W}]$$

- 8.12.** *[intermedio, fuori programma]* Una corrente di acqua inizialmente alla temperatura $T_{\text{inf}} = 20^\circ\text{C}$ investe un cubo di bronzo di lato $L = 1 \text{ cm}$, che inizialmente si trova alla temperatura $T_0 = 300^\circ\text{C}$. Il coefficiente di scambio convettivo tra la corrente di acqua e il cubo vale $h = 300 \text{ W/m}^2\text{K}$. Determinare in quanto tempo la temperatura del cubo raggiunge il valore di $T_1 = 25^\circ\text{C}$. (Proprietà termofisiche dell'acqua: $\rho_a = 1000 \text{ kg/m}^3$, $\mu_a = 0,00083 \text{ Pa}\cdot\text{s}$, $k_a = 0,265 \text{ W/mK}$, $c_a = 4186 \text{ J/kgK}$. Proprietà termofisiche del bronzo: $\rho_b = 8800 \text{ kg/m}^3$, $k_b = 62 \text{ W/mK}$, $c_b = 420 \text{ J/kgK}$).

$$[t = 83 \text{ s}]$$

- 8.13.** *[intermedio, fuori programma]* Il coefficiente di scambio termico tra una corrente d'aria ed un cilindretto di rame è determinato sperimentalmente misurando l'andamento nel tempo della temperatura del cilindro, inizialmente diversa dalla temperatura dell'aria. Nelle ipotesi che la corrente d'aria abbia una temperatura $T_{\text{inf}} = 20^\circ\text{C}$, il cilindro abbia un diametro $D = 10 \text{ mm}$ e lunghezza $L = 3 \text{ cm}$, la sua temperatura iniziale sia $T_0 = 60^\circ\text{C}$ che dopo un tempo $t = 38 \text{ s}$ la sua temperatura sia $T = 50^\circ\text{C}$, determinare il coefficiente di scambio termico tra la corrente d'aria ed il cilindretto usando un modello a resistenza interna trascurabile e verificare a posteriori la validità di questa ipotesi. (Proprietà termofisiche del rame: densità $\rho = 8933 \text{ kg/m}^3$, calore specifico $c = 385 \text{ J/kgK}$, conduttività termica $k = 400 \text{ W/mK}$).

$$[h = 65.09 \text{ W/m}^2\text{K}; Bi = 0.0004]$$