

Classificazione

Mettere le cose nei cassetti giusti

Con la regressione prevediamo un **numero** (il voto, il prezzo...). Con la classificazione prevediamo una **categoria**: spam o non spam? Gatto o cane? Promosso o bocciato?

È tipo il gioco "indovina chi": in base alle caratteristiche, il modello decide a quale gruppo appartiene un dato.

K-Nearest Neighbors (KNN)

Il KNN è l'algoritmo di classificazione più intuitivo che esiste. L'idea: **dimmi chi sono i tuoi vicini e ti dirò chi sei.**

Come funziona:

1. Hai un nuovo punto da classificare
2. Guardi i **K punti più vicini** nel training set
3. La categoria più comune tra quei K vicini vince!

Tipo: se ti trasferisci in una nuova classe e i 3 compagni più vicini a te sono tutti fan del basket, il KNN direbbe "anche tu sei fan del basket"!

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

np.random.seed(42)

# Due gruppi di studenti: promossi (1) e bocciati (0)
# Feature 1: ore di studio, Feature 2: voto precedente
promossi_x = np.random.normal(7, 1.2, 30)
promossi_y = np.random.normal(7.5, 1, 30)
bocciati_x = np.random.normal(3, 1.2, 30)
bocciati_y = np.random.normal(4.5, 1, 30)

plt.figure(figsize=(8, 6))
plt.scatter(promossi_x, promossi_y, c='green', label='Promossi', alpha=0.7)
plt.scatter(bocciati_x, bocciati_y, c='red', label='Bocciati', alpha=0.7)

# Nuovo studente da classificare
nuovo_x, nuovo_y = 5, 6
plt.scatter(nuovo_x, nuovo_y, c='blue', marker='*', s=300, zorder=5, label='Nuovo')

plt.xlabel('Ore di studio')
plt.ylabel('Voto precedente')
plt.title('KNN: chi sono i vicini del nuovo studente?')
plt.legend()
plt.grid(True, alpha=0.3)
plt.show()

print(f"Il nuovo studente studia {nuovo_x} ore e ha voto precedente {nuovo_y}")
print("Secondo te, sara' promosso o bocciato?")
```

KNN con scikit-learn

```
import numpy as np

from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score

np.random.seed(42)

# Creiamo il dataset
n = 100

ore = np.concatenate([np.random.normal(7, 1.5, n//2), np.random.normal(3
voti_prec = np.concatenate([np.random.normal(7.5, 1, n//2), np.random.no
etichette = np.array([1] * (n//2) + [0] * (n//2)) # 1=promosso, 0=bocci

X = np.column_stack([ore, voti_prec])
y = etichette

# Split
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,

# KNN con K=5
knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=5)
knn.fit(X_train, y_train)

# Previsioni
y_pred = knn.predict(X_test)
acc = accuracy_score(y_test, y_pred)

print(f"Accuracy: {acc:.2%}")
print(f"
Previsioni vs Realta':")
for i in range(len(y_test)):
    stato_pred = "Promosso" if y_pred[i] == 1 else "Bocciato"
    stato_vero = "Promosso" if y_test[i] == 1 else "Bocciato"
    ok = "OK" if y_pred[i] == y_test[i] else "SBAGLIATO"
    print(f"  Previsto: {stato_pred:10} | Vero: {stato_vero:10} | {ok}")
```

Alberi di decisione

Un albero di decisione è tipo il **gioco delle 20 domande**: fa una serie di domande sì/no sui dati e arriva a una decisione.

Per esempio:

```
Ore di studio > 5?  
|  
|   Sì → Voto precedente > 6?  
|   |  
|   |   Sì → PROMOSSO  
|   |  
|   |   No → BOCCIATO  
|  
|   No → BOCCIATO
```

Semplice, leggibile, intuitivo! Ecco perché gli alberi di decisione sono così popolari.

```
import numpy as np
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score

np.random.seed(42)

# Dataset
n = 100
ore = np.concatenate([np.random.normal(7, 1.5, n//2), np.random.normal(3
voti_prec = np.concatenate([np.random.normal(7.5, 1, n//2), np.random.no
etichette = np.array([1] * (n//2) + [0] * (n//2))

X = np.column_stack([ore, voti_prec])
y = etichette
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,

# Albero di decisione
albero = DecisionTreeClassifier(max_depth=3, random_state=42)
albero.fit(X_train, y_train)

y_pred = albero.predict(X_test)
acc = accuracy_score(y_test, y_pred)

print(f"Accuracy albero: {acc:.2%}")
print(f"
Feature importances:")
print(f"  Ore di studio:  {albero.feature_importances_[0]:.2%}")
print(f"  Voto precedente: {albero.feature_importances_[1]:.2%}")
print("L'albero ci dice anche QUALI features contano di piu'!")
```

!!! tip "Feature importance"

Un vantaggio degli alberi: ti dicono **quali features sono più importanti

Matrice di confusione

La matrice di confusione è una tabella che mostra DOVE il modello sbaglia. Fondamentale per capire se il modello ha dei punti deboli:

		Previsto		
		Bocciato	Promosso	
Reale	Bocciato	[TN FP]	TN = Veri Negativi (giusto!)	
	Promosso	[FN TP]	TP = Veri Positivi (giusto!)	
				FP = Falsi Positivi (errore!)
				FN = Falsi Negativi (errore!)

```

import numpy as np
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import confusion_matrix, accuracy_score

np.random.seed(42)

# Dataset
n = 200
ore = np.concatenate([np.random.normal(7, 1.5, n//2), np.random.normal(3
voti_prec = np.concatenate([np.random.normal(7.5, 1, n//2), np.random.no
etichette = np.array([1] * (n//2) + [0] * (n//2))

X = np.column_stack([ore, voti_prec])
y = etichette
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,

knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=5)
knn.fit(X_train, y_train)
y_pred = knn.predict(X_test)

# Matrice di confusione
cm = confusion_matrix(y_test, y_pred)

print("Matrice di confusione:")
print(f"          Previsto")
print(f"          Bocc Prom")
print(f"Vero Bocc [{cm[0][0]:4} {cm[0][1]:4} ]")
print(f"      Prom [{cm[1][0]:4} {cm[1][1]:4} ]")
print(f"
Accuracy: {accuracy_score(y_test, y_pred):.2%}")
print(f"Errori totali: {cm[0][1] + cm[1][0]} su {len(y_test)}")

```

Accuracy, Precision, Recall

L'accuracy non basta! Immagina un filtro anti-spam:

- **Accuracy:** quante email hai classificato correttamente in totale
- **Precision:** di quelle che hai marcato come spam, quante lo erano DAVVERO? (Se è bassa, stai buttando email buone nello spam!)
- **Recall:** di tutte le email spam, quante ne hai beccate? (Se è basso, lo spam passa!)

```
import numpy as np
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score, precision_score, recall_score

np.random.seed(42)

n = 200
ore = np.concatenate([np.random.normal(7, 1.5, n//2), np.random.normal(3, 1.5, n//2)])
voti_prec = np.concatenate([np.random.normal(7.5, 1, n//2), np.random.normal(2.5, 1, n//2)])
etichette = np.array([1] * (n//2) + [0] * (n//2))

X = np.column_stack([ore, voti_prec])
y = etichette
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2, random_state=42)

knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=5)
knn.fit(X_train, y_train)
y_pred = knn.predict(X_test)

print("Metriche di classificazione:")
print(f" Accuracy: {accuracy_score(y_test, y_pred):.2%} (% corrette totali)")
print(f" Precision: {precision_score(y_test, y_pred):.2%} (% di promossi correttamente)")
print(f" Recall: {recall_score(y_test, y_pred):.2%} (% di promossi che sono stati correttamente classificati)")
print(f" F1-score: {f1_score(y_test, y_pred):.2%} (media armonica di precisione e ricchezza)"
```

Metrica	Domanda che risponde	Quando e' importante
Accuracy	Quante ne ho azzeccate in totale?	Quando le classi sono bilanciate
Precision	Quanti dei "positivi" previsti sono veri?	Quando i falsi positivi costano caro
Recall	Quanti dei veri positivi ho trovato?	Quando i falsi negativi costano caro
F1-score	Compromesso tra precision e recall	Quando vuoi bilanciare entrambi

Confronto: KNN vs Albero di decisione

```
import numpy as np

from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score

np.random.seed(42)

n = 200

ore = np.concatenate([np.random.normal(7, 1.5, n//2), np.random.normal(3
voti_prec = np.concatenate([np.random.normal(7.5, 1, n//2), np.random.no
etichette = np.array([1] * (n//2) + [0] * (n//2))

X = np.column_stack([ore, voti_prec])
y = etichette
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,

# KNN
knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=5)
knn.fit(X_train, y_train)
acc_knn = accuracy_score(y_test, knn.predict(X_test))

# Albero
albero = DecisionTreeClassifier(max_depth=3, random_state=42)
albero.fit(X_train, y_train)
acc_albero = accuracy_score(y_test, albero.predict(X_test))

print("Confronto modelli:")
print(f"  KNN (K=5): {acc_knn:.2%}")
print(f"  Albero (max_depth=3): {acc_albero:.2%}")

if acc_knn > acc_albero:
    print("KNN vince questa volta!")
elif acc_albero > acc_knn:
    print("Albero vince questa volta!")
```

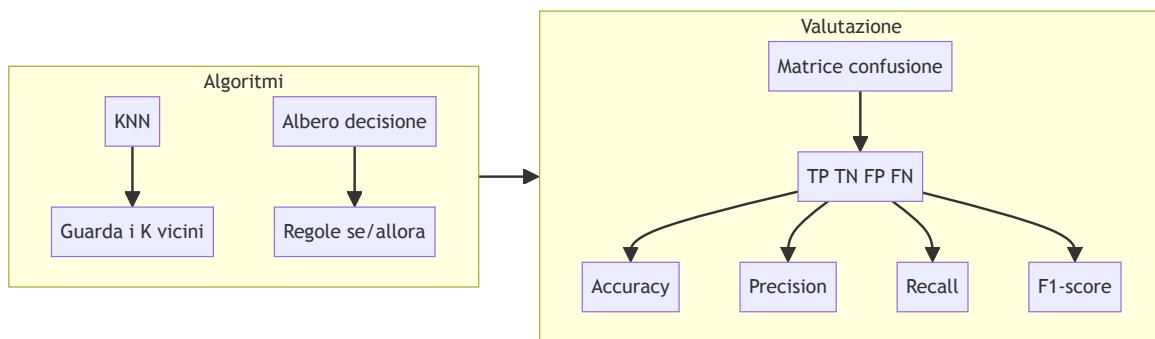
```

L'albero vince questa volta!")
else:
    print(
Pareggio!")

print(
Nota: il risultato dipende dai dati e dai parametri.")
print("Non esiste un modello 'sempre migliore'!")

```

Mappa concettuale



Esercizi

Esercizio 1: Classificatore KNN

Crea un dataset di 150 studenti con 3 features (ore_studio, assenze, media_precedente) e una label (promosso/bocciato). Addestra un KNN e calcola accuracy, precision e recall.

```
import numpy as np
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score, precision_score, recall_score

np.random.seed(42)

# Crea il dataset

# Addestra KNN

# Calcola e stampa le metriche
```

??? success "Soluzione"

```
```pyodide install="scikit-learn,numpy"
import numpy as np
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score, precision_score, recall_score
np.random.seed(42)
n = 150
ore = np.random.uniform(0, 10, n)
assenze = np.random.randint(0, 30, n)
media = np.random.uniform(3, 10, n)
promosso = ((ore > 4) & (assenze < 15) & (media > 5.5)).astype(int)
X = np.column_stack([ore, assenze, media])
y = promosso
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,
knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=5)
knn.fit(X_train, y_train)
y_pred = knn.predict(X_test)
print(f"Accuracy: {accuracy_score(y_test, y_pred):.3f}")
print(f"Precision: {precision_score(y_test, y_pred):.3f}")
print(f"Recall: {recall_score(y_test, y_pred):.3f}")
```
```

Esercizio 2: Scegliere K

Prova KNN con diversi valori di K (1, 3, 5, 7, 9, 11) e trova quello che dà l'accuracy migliore sul test set.

```
import numpy as np
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score

np.random.seed(42)

# Crea un dataset

# Prova diversi K e stampa i risultati

# Qual è il K migliore?
```

??? success "Soluzione"

```
```pyodide install="scikit-learn, numpy"
import numpy as np
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score
np.random.seed(42)
n = 150
X = np.random.rand(n, 3) * 10
y = (X[:, 0] + X[:, 1] > 10).astype(int)
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,
migliore_k = 1
migliore_acc = 0
print("K | Accuracy")
print("---|-----")
for k in [1, 3, 5, 7, 9, 11]:
 knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=k)
 knn.fit(X_train, y_train)
 acc = accuracy_score(y_test, knn.predict(X_test))
 print(f"{k:2d} | {acc:.3f}")
 if acc > migliore_acc:
 migliore_acc = acc
 migliore_k = k
print(f"```\nMigliore: K={migliore_k} con accuracy={migliore_acc:.3f}")````
```

### Esercizio 3: Albero vs KNN

Confronta un albero di decisione e un KNN sullo stesso dataset. Prova diversi parametri (max\_depth per l'albero, n\_neighbors per KNN) e crea una tabella dei risultati.

```
import numpy as np
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score

np.random.seed(42)

Crea il dataset

Prova diverse combinazioni di parametri

Stampa una tabella con i risultati
```

??? success "Soluzione"

```
```pyodide install="scikit-learn, numpy"
import numpy as np
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score
np.random.seed(42)
n = 200
X = np.random.rand(n, 3) * 10
y = (X[:, 0] * 0.5 + X[:, 1] * 0.3 + X[:, 2] * 0.2 > 5).astype(int)
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,
print("Modello           | Parametro           | Accuracy")
print("-----|-----|-----")
for k in [3, 5, 7]:
    knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=k)
    knn.fit(X_train, y_train)
    acc = accuracy_score(y_test, knn.predict(X_test))
    print(f"KNN           | K={k}           | {acc:.3f}")
for d in [3, 5, None]:
    tree = DecisionTreeClassifier(max_depth=d, random_state=42)
    tree.fit(X_train, y_train)
    acc = accuracy_score(y_test, tree.predict(X_test))
    label = f"max_depth={d}" if d else "max_depth=None"
    print(f"Albero decisione   | {label:14s} | {acc:.3f}")
```

```