ЛЕКЦИЯ 24

Кодирование

1. Равномерное и неравномерное кодирование

Есть два глобальных подхода в кодировании текста: равномерное кодирование и неравномерное кодирование.

Обозначим алфавит допустимых символов А.

В неравномерном кодировании код символов разной длины (например, UNICODE UTF 8- одна из самых популярных кодировок).

Рассмотрим четырехбуквенное кодирование. Закодируем буквы «A», «Б», «Б», «Б», «Г» таким образом:

A = 0 B = 1 B = 10 $\Gamma = 111$

Тогда запись «ГАГА» можно закодировать так:

$$\Gamma A \Gamma A = 111011110 = BBB\Gamma A$$
,

т.е. декодирование неоднозначно, такое кодирование плохое.

Условие Фано: для того, чтобы сообщение, записанное с помощью неравномерного по длине кода, однозначно раскодировалось, достаточно, чтобы никакой код не был началом другого (более длинного) кода. **Обратное условие Фано** (ни один код не является концом (суффиксом) другого) также является достаточным условием однозначного декодирования неравномерного кода.

Тогда пусть

$$A = 0$$

 $B = 110$
 $B = 10$
 $\Gamma = 111$

Возьмем (для удобства рядом записан столбец в зеркальном отражении):

$$\begin{array}{c|cccc} A = & 1 & & 1 \\ B = & 10 & & 01 \\ B = & 100 & & 001 \\ \Gamma = & 000 & & 000 \end{array}$$

Тогда

$$BAFABA = 10100011001$$

-1100 нет, т.е в конце BA. 1000 тоже нет, т.е. по середине Γ A. 101 нет, в начале BA. Однозначность есть, хотя и декодировать очень сложно.

Составим суффиксное дерево. Оно не нужно при декодировании, а при доработке дерева (дополнении алфавита) является полезным инструментом. Способ составления: отзеркаливаем код и строим дерево, в котором каждое ребро — цифра в коде.

Кодировка в равномерном кодировании UTF-16. Можно закодировать 2^n различных символов (мощность алфавита).

2. Поиск подстроки в строке

2.1. Наивный поиск подстроки в строке

Программа №2.1. Примитивный поиск подстроки в строке

```
s = "abbbbabbaaabbabababb"
1
     subs = "bbbaba"
2
3
     def find(s, sub):
         for pos range(0, len(s)-len(sub)+1):
4
             for i in range(len(sub)):
5
6
                  if sub[i] != s[pos+i]:
7
                      break
8
             else:
9
                 return pos
10
          return -1
```

Построчный комментарий кода:

- 4) Имеет смысл проходить по основной строке, пока входящая строка влезает в рассматриваемый участок.
- 5)-6) Пробегаемся по элементам входящей строки и смотрим, совпадают ли они с элементами основной.
- 7) Если нет, уже можно переходить к следующему элементу основной строки.
- 9) Если прошли по всем элементам строки вхождения, можно выдать ту позицию, начиная с которой есть вхождение.
- 10) Если вхождения нет, выдается '-1'.

Сложность алгоритма $O(N \cdot M)$. В итоге алгоритм получается неэффективным.

2.2. Конечный автомат поиска «abcd»

Смотрим на каждый символ только по одному разу! Методика хранения автомата: орграф. Если конечный автомат уже построен, то время поиска O(N), N — длина строки.

Конечный автомат поиска является частным случаем машины Тьюринга, Подход таков:

- 1. Изначально система в фазе ноль.
- 2. Сравниваем букву в основной строке с буквой во входящей строке. Если они совпали, то код продвигается на фазу вперед.
- 3. Сравниваем следующие буквы. Если они совпали, переходим в фазу два и т.д.
- 4. В случае несовпадения фаза становится нулевой.

Программа №2.2. Конечный автомат для поиска подстроки «abcd»

```
8
                   state = 2
 9
               elif c == 'a':
10
                   state = 1
11
               else:
12
                   state = 0
           elif state == 2:
13
14
               if c == 'c':
15
                   state = 3
               elif c == 'a':
16
17
                   state = 1
18
               else:
19
                   state = 0
20
           elif state == 3:
               if c == 'a':
21
                   state = 1
22
               elif c == 'd':
23
                   state = 4
24
25
               else:
                   state = 0
26
```

3. Расстояние Левенштейна

Расстояние Левенштейна (также редакционное расстояние или дистанция редактирования) между двумя строками в теории информации и компьютерной лингвистике — это минимальное количество операций вставки одного символа, удаления одного символа и замены одного символа на другой, необходимых для превращения одной строки в другую.

Есть 2 строки Мама и Мим. Мы можем превратить их друг в друга путем вставки символа, удаления символа. Минимальный путь в данном случае — удаление последнего и замена, т.е. длина пути 2. Так и определяется расстояние Левенштейна.

a[:i], b[:j] — срезы до i-го и j-го символа. $F_{ij} = L(a[:i], b[:j])$ — расстояние Левенштейна. Тогда

$$F_{ij} = \begin{cases} \Pi\text{оследниие буквы совпадают, то } F_{(i-1)(j-1)} \\ 1 + \min(F_{(i-1)(j-1)}, F_{(i-1)j}, F_{i(j-1)}) \end{cases}$$