МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №1 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Поиск с возвратом

Студент гр. 3343	Бондаренко Ф. А
Преподаватель	Жангиров Т. Р.

Санкт-Петербург 2025

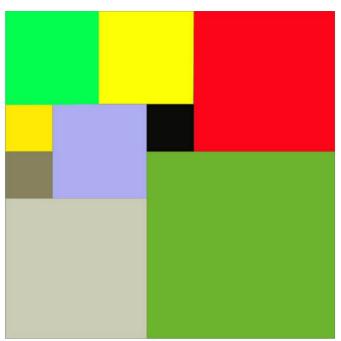
Цель работы.

Изучение алгоритма бэктрекинга (поиска с возвратом) для решения задачи о квадрировании квадрата.

Задание.

У Вовы много квадратных обрезков доски. Их стороны (размер) изменяются от 1 до N-1, и у него есть неограниченное число обрезков любого размера. Но ему очень хочется получить большую столешницу – квадрат размера N. Он может получить ее, собрав из уже имеющихся обрезков (квадратов).

Например, столешница размера 7×7 может быть построена из 9 обрезков.



Внутри столешницы не должно быть пустот, обрезки не должны выходить за пределы столешницы и не должны перекрываться. Кроме того, Вова хочет использовать минимально возможное число обрезков.

Входные данные

Размер столешницы - одно целое число N ($2 \le N \le 20$).

Выходные данные

Одно число K, задающее минимальное количество обрезков(квадратов), из которых можно построить столешницу(квадрат)

заданного размера N. Далее должны идти K строк, каждая из которых должна содержать три целых числа x,y и w, задающие координаты левого верхнего угла $(1 \le x, y \le N)$ и длину стороны соответствующего обрезка(квадрата).

Пример входных данных

7

Соответствующие выходные данные

9

- 1 1 2
- 1 3 2
- 3 1 1
- 4 1 1
- 3 2 2
- 5 1 3
- 444
- 153
- 3 4 1

Выполнение работы.

Вар. 2и. Итеративный бэктрекинг. Исследование времени выполнения от размера квадрата.

Для решения задачи был применен алгоритм итеративного бэктрекинга. Описание реализованных структур, классов, методов и функций:

- *struct Square* структура, отвечающая за работу с квадратом: хранит такие поля, как:
 - \circ *int x, int y* целочисленные координаты квадрата.
 - ∘ *int size* размер квадрата.
- class Board класс отвечающий за работу с доской для замощения.
 Содержит:
 - ∘ *int size* размер поля для замощения.
 - *int emptyCells* число свободных (пустых) клеток.

- int startX, int startY координаты первой теоретически незанятой (пустой) клетки (необходимы для ускорения поиска первой свободной клетки (см. п. Оптимизации)).
- o std::vector<Square> squares вектор квадратов, участвующих в замощении.
- Board(int size) конструктор, принимающий размер полотна.
- Board(const Board& other) конструктор копирования.
- Board& operator=(const Board& other) оператор присваивания.
- o int getSize() const метод, который возвращает размер полотна.
- o int getEmptyCells() const метод, который возвращает количество пустых клеток.
- o const std::vector<Square>& getSquares() const метод, возвращающий вектор квадратов, участвующих в замощении.
- void setStartCoordinates(int x, int y) метод, устанавливающий startX и startY.
- \circ bool is Point Occupied (int x, int y) const метод, проверяющий, является ли данная клетка поля пустой.
- bool isValid(std::pair<int, int> coordinates, int squareSize) const метод, проверяющий валидность расстановки квадрата в данной области.
- void addSquare(const Square& square) метод добавления квадрата в вектор квадратов.
- std::pair<int, int> findEmptyCell() const метод поиска первой свободной клетки.
- void scale(int scaleFactor) метод для увеличения размера полотна (вместе с размером квадратов) на определенный целый коэффициент.
- В файле *Tiling.hpp* и *Tiling.cpp* приведены реализации алгоритма итеративного backtracking вместе с оптимизациями. Отведение для реализации алгоритма отдельного файла необходимо для

корректного подключения через *include* функции *solve()* в файле *benchmarks.cpp*.

• Board backtrack(Board initBoard) — итеративная функция поиска с возвратом. Вначале определяются такие поля, как: int minimalCount — минимальное число квадратов, участвующее в замощении полотна, Board bestBoard — лучший результат замощения, std::stack<Board> stack — стек состояний доски.

Далее в стек заносится начальная доска *startBoard* и начинает работу цикл *while*. В цикле *while* достается первая доска *board* и обрабатывается: проверяется число квадратов, участвующее в замощении (если больше *minimalCount*, то сразу такую доску отметаем), если же число свободных клеток в такой доске равняется 0 и число квадратов меньше лучшего замощения (было проверено в прошлом *if*), то делаем данную доску лучшим вариантом.

После начальной проверки производится поиск первой свободной клетки. Затем в цикле for пробегаемся по возможным размерам квадратов, что можно установить в данной клетке. Если данный квадрат можно установить, то создаем новую доску newBoard, устанавливаем startX и startY для данной доски: если установленный квадрат не доходит до границы области полотна, то смещаемся вправо на размер квадрата, иначе спускаемся по оси Оу вниз на одну ячейку. Добавляем newBoard в стек.

Board solve(int size) — функция, которая использует оптимизацию для замощения полотна: берет не начальный входной размер, а находит его первый простой делитель. Затем применяет функцию initPrimeBoard() (устанавливает т. н. "штаны") и алгоритм backtracking к данной доске, и увеличивает размер полотна (и, соответственно, квадратов в полотне) на коэффициент масштабирования.

- ochoвания в факторизации целого числа.
- Воаrd initPrimeBoard(int size) функция, устанавливающая три начальных квадрата на полотно, размер которого простое число. Сначала создает доску определенного размера, затем устанавливает три квадрата на нее: одни в левый верхний угол (со стороной (size + 1) / 2), и два других: один под верхний квадрат (со стороной size / 2), другой сбоку справа (также со стороной size / 2). Возвращает полученную доску.
- Файл *Benchmark.hpp* содержит класс *Benchmark*, необходимый для подсчета времени выполнения алгоритма. Использует структуру *BenchmarkResult*, которая содержит размер доски и время замощения этой доски. В конструкторе класс *Benchmark* принимает число размер выборки для проведения исследования.
- В файле *main.cpp* происходит обработка параметров, поданных на вход через терминал, выбор режима работы: обычный (самый быстрый), подсчет времени выполнения (для исследования), визуализации результатов для разных размеров доски, режим поэтапной визуализации работы замощения.
- Файл *Visualizer.cpp* необходим для визуализации замощения. Содержит функции для отрисовки и создания gif- и .mp4 файлов. Для визуализации использовались библиотеки *matplotplusplus* и *ffmpeg*.
- Файл *JsonHandler.hpp* содержит клас для работы с файлами, удовлетворяя идиоме RAII: время жизни выделенного ресурса совпадает с временем жизни объекта.
- Файлы Serializer.hpp и Deserializer.hpp содержат классы для сериализации и десериализации квадратов и досок для замощения. Нужны для сохранения в json файл результата исследования работы

алгоритма и использования этих данных для построения визуализации.

Оценка сложности алгоритма.

- По времени: $O(c^{p^2})$, где с положительная константа, р минимальный простой делитель стороны полотна (для p^2 ячеек можно принять с решений).
- По памяти: $O(p^2c^{p^2})$, где р минимальный простой делитель стороны полотна:
 - p^2 максимальное число квадратов, участвующих в замощении (максимальное теоретическое число квадратов в одном замощении).
 - \circ c^{p^2} число различных состояний на каждом ходе. ($c \ge 1$)

Оптимизации.

Основная идея оптимизации заключается в замощении меньшего полотна (чем то, что было дано на вход), а затем умножение на коэффициент масштабирования. Данная идея значительно уменьшает время работы алгоритма, так как сокращается число возможных расстановок.

По условию, квадраты, участвующие в замощении, имеют целочисленную сторону. Следовательно мы должны выбрать такой подполотно в нашем полотне, чтобы при умножении на коэффициент мы получили квадраты с целочисленной стороной.

Какой размер подполотна брать? **Первое требование**: размер подполотна должен быть **простым делителем** размера полотна. Иначе: квадраты в замощении могут быть с нецелой стороной.

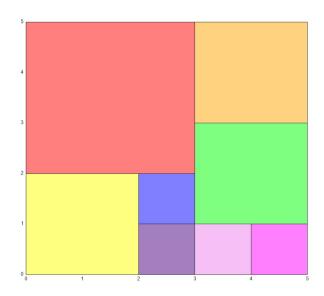


Рисунок 1 — результат замощения квадрата 5х5

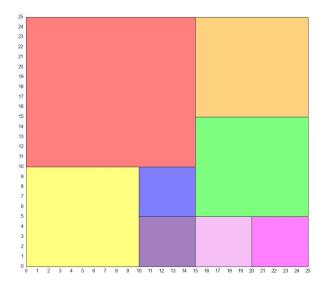


Рисунок 2 — результат замощения квадрата 25х25

Второе требование: размер подполотна должен быть **минимальным простым делителем** размера полотна. Иначе число квадратов замощении будет не минимальным.

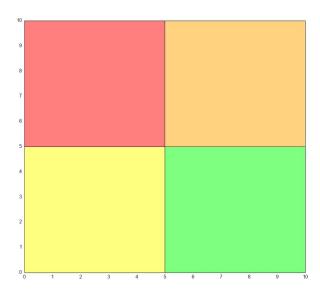


Рисунок 3 — результат замощения квадрата 2х2

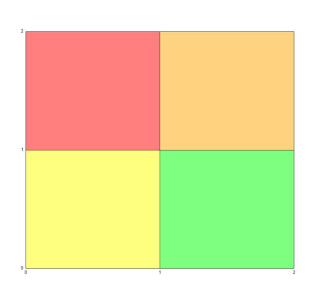


Рисунок 4 — результат замощения квадрата 10х10

Как видно из примера: квадрат со стороной 10 имеет в своем минимальном замощении 4 квадрата (как у подполотна 2х2), а не 8 (как у подполотна 5х5). Хотя 10 кратно и 2, и 5.

Итого, задача о замощении квадрата свелся к замощению подквадрата, размер которого — минимальный делитель размера начального квадрата.

В ходе проверок результатов, было эмпирически выведено, что для полотен с простой стороной р в замощении обязательно участвуют три квадрата: один размера $[\frac{p+1}{2}]$, два размерами $[\frac{p}{2}]$, где [x] — целая часть от числа x. Для удобства восприятия и обработки, данные квадраты устанавливаются по координатам: 1) (1,1) (самый большой), 2) $(1+[\frac{p+1}{2}],1)$ (первый из двух маленьких (справа от большого)), 3) $(1,1+[\frac{p+1}{2}])$ (второй из двух маленьких (под большим)). Таким образом, будет оптимально замощено примерно 70 - 75 % от изначального полотна.

Замощения квадарата со сторонами: 25х25

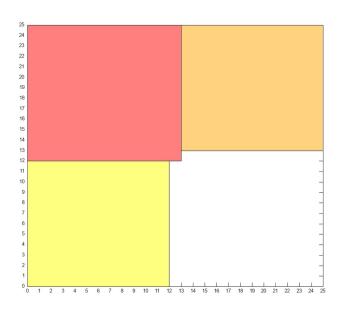


Рисунок 5 — пример начальной расстановки

В связи с такой начальной расстановкой, в класс Board были добавлены стартовые координаты для поиска свободной клетки (startX, startY). После инициализации подполотна они будут равны $(1+[\frac{p+1}{2}],1+[\frac{p}{2}])$, соответственно. Далее в методе класса Board — findEmptyCell() проверка разбивается на две части: 1) нижняя часть полотна: если строка — первая

(т. е. y == startY), то обход начинается с x = startX, иначе: x = 0 (т. е. полностью обходится строка). 2) верхняя часть полотна: если в нижней части полотна свободная клетка не нашлась. То проверяется верхняя (до y == startY).

Исследование.

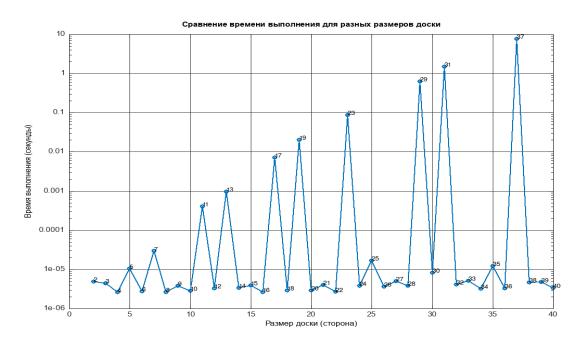


Рисунок 6 — зависимость времени выполнения алгоритма от размера доски (по логарифмической шкале)

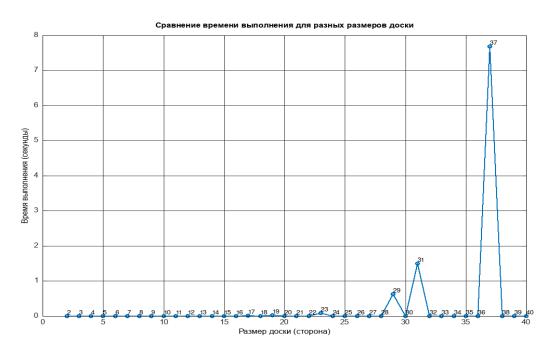


Рисунок 7 — зависимость времени выполнения алгоритма от размера доски (по линейной шкале)

По результатам графиков, можно сделать вывод, что время выполнения алгоритма сильно (экспоненциально) возрастает при возрастании минимального делителя стороны полотна.

Тестирование.

Входные данные	Выходные данные	Комментарий
13	11	Успех
	1 1 7	
	8 1 6	
	186	
	8 7 2	
	10 7 4	
	7 8 1	
	7 9 3	
	10 11 1	
	11 11 3	
	7 12 2	
	9 12 2	
26	4	Успех
	1 1 13	
	14 1 13	
	1 14 13	
	14 14 13	
37	15	Успех
	1 1 19	
	20 1 18	
	1 20 18	
	20 19 2	
	22 19 5	
	27 19 11	
	19 20 1	
	19 21 3	
	19 24 8	

27 30 3	
30 30 8	
19 32 6	
25 32 1	
26 32 1	
25 33 5	

Вывод.

По ходу данной лабораторной работы была написана программа, решающая задачу о квадрировании квадрата с использованием итеративного алгоритма бэктрекинг (поиск с возвратом). Было проведено исследование зависимости времени работы алгоритма от начального размера квадрата.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Файл таіп.срр:

```
#include <exception>
#include <functional>
#include <iostream>
#include <map>
#include <string>
#include "../include/Benchmark.hpp"
#include "../include/Board.hpp"
#include "../include/Deserializer.hpp"
#include "../include/JsonHandler.hpp"
#include "../include/Square.hpp"
#include "../include/Tiling.hpp"
#include "../include/Visualizer.hpp"
#define MIN SIZE 2
#define MAX SIZE 40
#define JSON FILE "benchmark/benchmark.json"
#define ITERATIONS 3
#define VISUAL DIR "visual-output/"
void solveMode() {
 int n = 0;
 std::cin >> n;
 if (n < MIN SIZE || n > MAX SIZE) {
      std::cerr << "Invalid input size (" << MIN SIZE << "-" <<
MAX SIZE << ")!"
             << std::endl;
   return;
 Board board = tiling::solve(n, false).first;
 std::cout << board.getSquares().size() << std::endl;</pre>
 for (const Square& square : board.getSquares()) {
     std::cout << square.x + 1 << " " << square.y + 1 << " " <<
square.size
             << std::endl;
  }
}
void benchmarkMode() {
 Benchmark benchmark( ITERATIONS);
 benchmark.run( MIN SIZE, MAX SIZE);
 benchmark.save( JSON FILE);
  std::cout << "Benchmarks completed and saved to " << JSON FILE <<
std::endl;
void visualizeMode() {
 nlohmann::json benchmark = nlohmann::json::object();
 try {
```

```
JsonHandler handler( JSON FILE);
   benchmark = handler.read();
  } catch (const std::exception& e) {
   benchmarkMode();
   JsonHandler handler (_JSON_FILE);
   benchmark = handler.read();
 std::vector<int> sizes;
 std::vector<double> times;
 for (const auto& result : benchmark["benchmarks"]) {
   Board board = deserialize::get board(result["board"]);
   sizes.push back(board.getSize());
   times.push back(result["time"].get<double>());
   std::string title =
                        "Замощение квадрата со стороной: " +
std::to_string(board.getSize()) +
       "x" + std::to string(board.getSize());
    std::string filename = "tiling " + std::to string(board.getSize())
+ ".png";
   std::string path =
                  visualize::visualizeTiling(board, title, filename,
VISUAL DIR);
   std::cout << "Generated: " << path << std::endl;</pre>
 std::string path = visualize::visualizeExecutionTimes(
     sizes, times, "execution_times.png", _VISUAL_DIR);
   std::cout << "Generated execution time graph: " << path <<
std::endl;
void stepsMode() {
 int n = 0;
 std::cin >> n;
 if (n < MIN SIZE | | n > MAX SIZE) {
      std::cerr << "Invalid input size (" << MIN SIZE << "-" <<
MAX SIZE << ")!"
             << std::endl;
   return;
 auto [board, steps] = tiling::solve(n, true);
 steps.push back(board);
 std::string path = visualize::visualizeSteps(steps, VISUAL DIR);
 std::cout << board.getSquares().size() << std::endl;</pre>
  for (const Square& square : board.getSquares()) {
     std::cout << square.x + 1 << " " << square.y + 1 << " " <<
square.size
             << std::endl;
  }
```

```
std::cout << "Generated steps animation: " << path << std::endl;</pre>
}
int main(int argc, char* argv[]) {
  if (argc < 2) {
   return 1;
  std::string mode = argv[1];
  const std::map<std::string, std::function<void()>> modes = {
      {"solve", solveMode},
      {"benchmark", benchmarkMode},
      {"visualize", visualizeMode},
      {"steps", stepsMode}};
  auto it = modes.find(mode);
  if (it != modes.end()) {
    it->second();
  return 0;
}
     Файл Board.hpp:
#ifndef BOARD HPP
#define BOARD HPP
#include <utility>
#include <vector>
#include "Square.hpp"
class Board {
private:
  int size;
  int emptyCells;
  int startX, startY;
  std::vector<Square> squares;
  bool isPointOccupied(int x, int y) const;
 public:
  Board(int size);
  Board (const Board & other);
  Board& operator=(const Board& other);
  int getSize() const { return size; }
  int getEmptyCells() const { return emptyCells; }
  const std::vector<Square>& getSquares() const { return squares; }
  int getSquaresCount() const { return squares.size(); }
  void setStartCoordinates(int x, int y) {
    startX = x;
    startY = y;
  }
  bool isValid(std::pair<int, int> coordinates, int squareSize) const;
  void addSquare(const Square& square);
```

```
std::pair<int, int> findEmptyCell() const;
  void scale(int scaleFactor);
#endif // BOARD HPP
     Файл Square.hpp:
#ifndef SQUARE HPP
#define SQUARE HPP
#include <utility>
struct Square {
 int x, y;
 int size;
 Square() = default;
  Square(std::pair<int, int> coordinates, int size)
      : x(coordinates.first), y(coordinates.second), size(size) {}
};
#endif // SQUARE HPP
     Файл Tiling.hpp:
#ifndef TILING HPP
#define TILING HPP
#include <utility>
#include <vector>
#include "Board.hpp"
namespace tiling {
std::pair<Board, std::vector<Board>> backtrack(Board startBoard, bool
record);
std::pair<Board, std::vector<Board>> solve(int size, bool record);
} // namespace tiling
#endif // TILING HPP
     Файл Benchmark.hpp:
#include <string>
#include <vector>
#include "BenchmarkResult.hpp"
class Benchmark {
private:
  int iterations;
  std::vector<BenchmarkResult> benchmarkResults;
public:
 Benchmark(int iterations);
 void run(size t minSize, size t maxSize);
  void save(const std::string& ouput) const;
```

```
const std::vector<BenchmarkResult>& getResults() const {
    return benchmarkResults;
};
     Файл JsonHandler.hpp:
#ifndef JSONHANDLER HPP
#define JSONHANDLER HPP
#include <fstream>
#include <nlohmann/json.hpp>
#include <string>
class JsonHandler {
private:
 std::fstream file;
public:
 JsonHandler(const std::string& filename);
 void write(nlohmann::json& json);
 nlohmann::json read();
  ~JsonHandler();
};
#endif // JSONHANDLER HPP
     Файл Serializer.hpp:
#ifndef SERIALIZER HPP
#define SERIALIZER HPP
#include <nlohmann/json.hpp>
struct Square;
class Board;
namespace serialize {
nlohmann::json to_json(const Square& square);
nlohmann::json to json(const Board& board);
} // namespace serialize
#endif // SERIALIZER HPP
     Файл Deserializer.hpp:
#ifndef DESERIALIZER HPP
#define DESERIALIZER HPP
#include <nlohmann/json.hpp>
struct Square;
class Board;
namespace deserialize {
Square get square (const nlohmann::json& square json);
```

```
Board get board(const nlohmann::json& board json);
} // namespace deserialize
#endif // DESERIALIZER HPP
     Файл Visualizer.hpp:
#ifndef VISUALIZER HPP
#define VISUALIZER HPP
#include <string>
#include <vector>
class Board;
namespace visualize {
std::string visualizeTiling(const Board& board, const std::string&
title,
                            const std::string& filename,
                            const std::string& output dir,
                            const std::string& additional="");
std::string visualizeExecutionTimes(const std::vector<int>& sizes,
                                    const std::vector<double>& times,
                                    const std::string& filename,
                                    const std::string& output dir);
std::string visualizeSteps(const std::vector<Board>& steps,
                           const std::string& output dir);
} // namespace visualize
#endif // VISUALIZER HPP
     Файл Board.cpp:
#include "../include/Board.hpp"
Board::Board(int size) : size(size), emptyCells(size * size) {}
Board::Board(const Board& other)
    : size(other.size),
      emptyCells(other.emptyCells),
      startX(other.startX),
      startY(other.startY),
      squares(other.squares) {}
Board& Board::operator=(const Board& other) {
  if (this != &other) {
    size = other.size;
    emptyCells = other.emptyCells;
    startX = other.startX;
    startY = other.startY;
    squares = other.squares;
 return *this;
bool Board::isPointOccupied(int x, int y) const {
  for (const Square& square : squares) {
```

```
if (x \ge square.x \&\& x < square.x + square.size \&\& y >= square.y
& &
        y < square.y + square.size) {</pre>
      return true;
  return false;
bool Board::isValid(std::pair<int, int> coordinates, int squareSize)
const {
  if (squareSize >= size) {
    return false;
  int x = coordinates.first;
  int y = coordinates.second;
  if (x < 0 \mid | y < 0 \mid | x + squareSize > size \mid | y + squareSize >
size) {
   return false;
  }
  for (const Square& square : squares) {
    if (x < square.x + square.size && x + squareSize > square.x &&
        y < square.y + square.size && y + squareSize > square.y) {
      return false;
    }
  }
  return true;
void Board::addSquare(const Square& square) {
  squares.push back(square);
  emptyCells -= square.size * square.size;
std::pair<int, int> Board::findEmptyCell() const {
  for (int y = startY; y < size; y++) {
    int startX pos = (y == startY ? startX : 0);
    for (int x = startX pos; x < size; x++) {
      if (!isPointOccupied(x, y)) {
        return {x, y};
      }
    }
  for (int y = 0; y < startY; y++) {
    for (int x = 0; x < size; x++) {
      if (!isPointOccupied(x, y)) {
        return {x, y};
      }
    }
  return {-1, -1};
void Board::scale(int scaleFactor) {
```

```
for (Square& square : squares) {
    square.x *= scaleFactor;
    square.y *= scaleFactor;
    square.size *= scaleFactor;
  size *= scaleFactor;
     Файл Tiling.cpp:
#include "../include/Tiling.hpp"
#include <cmath>
#include <cstdint>
#include <set>
#include <stack>
#include "../include/Board.hpp"
#include "../include/Square.hpp"
namespace tiling {
namespace details {
std::set<int> baseFactorize(int n) {
  std::set<int> factors;
  for (int i = 2; i <= std::sqrt(n); i++) {
    if (n % i == 0) {
      factors.insert(i);
      while (n % i == 0) {
        n /= i;
      }
    }
  if (n > 1) {
   factors.insert(n);
  return factors;
}
Board initPrimeBoard(int size) {
  Board initBoard(size);
  int centralSize = (size + 1) / 2;
  int sideSize = size / 2;
  Square central({0, 0}, centralSize);
  Square rightSide({centralSize, 0}, sideSize);
  Square leftSide({0, centralSize}, sideSize);
  initBoard.addSquare(central);
  initBoard.addSquare(rightSide);
  initBoard.addSquare(leftSide);
  initBoard.setStartCoordinates(centralSize, sideSize);
  return initBoard;
}
} // namespace details
```

```
std::pair<Board, std::vector<Board>> backtrack(Board startBoard, bool
record) {
  int minimalCount = INT32 MAX;
  Board bestBoard(startBoard.getSize());
  std::stack<Board> stack;
  stack.push(startBoard);
  std::vector<Board> steps;
  while (!stack.empty()) {
    Board board = stack.top();
    stack.pop();
    if (record) steps.push back(board);
    if (board.getSquaresCount() >= minimalCount) {
      continue;
    } else if (board.getEmptyCells() == 0) {
      minimalCount = board.getSquaresCount();
      bestBoard = board;
      continue;
    }
    auto [x, y] = board.findEmptyCell();
    for (int squareSize = 1;
         squareSize <= std::min(board.getSize() - x, board.getSize() -</pre>
y);
         ++squareSize) {
      if (board.isValid({x, y}, squareSize)) {
        Board newBoard = board;
        Square square({x, y}, squareSize);
        newBoard.addSquare(square);
        if (x + squareSize < board.getSize()) {</pre>
         newBoard.setStartCoordinates(x + squareSize, y);
        } else {
          newBoard.setStartCoordinates(0, y + 1);
        stack.push (newBoard);
        if (record) steps.push back(newBoard);
    }
    steps.pop_back();
  return {bestBoard, steps};
}
std::pair<Board, std::vector<Board>> solve(int size, bool record) {
  std::set<int> factors = details::baseFactorize(size);
  int minimal = *factors.begin();
  int coef = size / minimal;
  Board startBoard = details::initPrimeBoard(minimal);
  auto [board, steps] = backtrack(startBoard, record);
  board.scale(coef);
```

```
if (record) {
   for (Board& step : steps) {
     step.scale(coef);
 return {board, steps};
} // namespace tiling
     Файл Benchmark.cpp:
#include "../include/Benchmark.hpp"
#include <chrono>
#include <iostream>
#include <nlohmann/json.hpp>
#include "../include/JsonHandler.hpp"
#include "../include/Serializer.hpp"
#include "../include/Tiling.hpp"
Benchmark::Benchmark(int iterations) : iterations(iterations) {}
void Benchmark::run(size t minSize, size t maxSize) {
 benchmarkResults.clear();
  for (size t n = minSize; n < maxSize + 1; n++) {</pre>
        std::cout << "----" <<
std::endl;
   std::cout << "Testing board size " << n << "..." << std::endl;</pre>
   double totalTime = 0.0;
   Board result(n);
   for (int i = 0; i < iterations; i++) {
     auto start = std::chrono::high resolution clock::now();
     result = tiling::solve(n, false).first;
     auto end = std::chrono::high resolution clock::now();
     std::chrono::duration<double> elapsed = end - start;
     totalTime += elapsed.count();
     std::cout << " Iteration " << (i + 1) << "/" << iterations <<
              << elapsed.count() << "s" << std::endl;
   }
   double averageTime = totalTime / iterations;
     std::cout << "Average time for board size " << n << ": " <<
averageTime
             << " seconds" << std::endl;
   benchmarkResults.emplace back(averageTime, result);
        std::cout << "----" <<
std::endl;
 }
```

```
void Benchmark::save(const std::string& output) const {
  nlohmann::json results = nlohmann::json::object();
  nlohmann::json benchmarks = nlohmann::json::array();
  for (const auto& result : benchmarkResults) {
    nlohmann::json entry = nlohmann::json::object();
    entry["time"] = result.time;
    entry["board"] = serialize::to json(result.board);
   benchmarks.push back(entry);
  results["benchmarks"] = benchmarks;
  results["iterations"] = iterations;
  JsonHandler handler(output);
  handler.write(results);
  std::cout << "\nResults saved to " << output << std::endl;</pre>
}
}
     Файл JsonHandler.cpp:
#include "../include/JsonHandler.hpp"
JsonHandler::JsonHandler(const std::string& filename) {
 file.open(filename);
  if (!file.is open()) {
    throw std::runtime error("Couldn't open a json-file!");
  }
}
        JsonHandler::write(nlohmann::json& json) { file <</pre>
json.dump(2); }
nlohmann::json JsonHandler::read() {
 nlohmann::json json = nlohmann::json::object();
  file >> json;
 return json;
JsonHandler::~JsonHandler() {
  if (file.is open()) {
    file.close();
  }
}
     Файл Serializer.cpp:
#include "../include/Serializer.hpp"
#include "../include/Board.hpp"
#include "../include/Square.hpp"
namespace serialize {
  nlohmann::json to json(const Square& square) {
    nlohmann::json square json = nlohmann::json::object();
    nlohmann::json coordinates = nlohmann::json::array();
    coordinates[0] = square.x;
```

```
coordinates[1] = square.y;
    square json["size"] = square.size;
    square json["coordinates"] = coordinates;
   return square json;
  nlohmann::json to_json(const Board& board) {
    nlohmann::json board_json = nlohmann::json::object();
    nlohmann::json squares json = nlohmann::json::array();
    for (const auto& square : board.getSquares()) {
      nlohmann::json square_json = to_json(square);
      squares_json.push_back(square_json);
    }
    board_json["size"] = board.getSize();
    board json["squares"] = squares json;
    return board json;
  }
} // namespace serialize
     Файл Deserializer.cpp:
#include "../include/Deserializer.hpp"
#include <stdexcept>
#include "../include/Board.hpp"
#include "../include/Square.hpp"
namespace deserialize {
namespace detail {
void validate_field(const nlohmann::json& json, const std::string&
field name,
                     const std::string& object type) {
  if (!json.contains(field name)) {
       throw std::runtime_error("Invalid " + object type + " JSON:
missing '" +
                               field name + "' field in '" + object type
+ "'");
  }
} // namespace detail
Square get_square(const nlohmann::json& square_json) {
  detail::validate_field(square_json, "coordinates", "square");
  detail::validate_field(square_json, "size", "square");
  int x = square json["coordinates"][0];
  int y = square_json["coordinates"][1];
  int size = square json["size"];
  return Square({x, y}, size);
```

```
}
Board get board(const nlohmann::json& board json) {
  detail::validate field(board json, "size", "board");
 detail::validate field(board json, "squares", "board");
  int size = board json["size"];
  Board board (size);
  for (const auto& square_json : board_json["squares"]) {
    Square square = deserialize::get square(square json);
   board.addSquare(square);
  }
  return board;
  // namespace deserialuze
     Файл Visualizer.cpp:
#include "../include/Visualizer.hpp"
#include <matplot/matplot.h>
#include <array>
#include <filesystem>
#include <vector>
#include "../include/Board.hpp"
#include "../include/Deserializer.hpp"
#include "../include/Square.hpp"
#define _TEMP DIR "temp/"
#define DELAY 100
namespace visualize {
namespace colors {
using color t = std::array<float, 3>;
const float alpha = 0.5f;
const float _thickness = 0.5f;
const color_t _red = {1.0f, 0.0f, 0.0f};
const color_t _orange = {1.0f, 0.65f, 0.0f};
const color t yellow = \{1.0f, 1.0f, 0.0f\};
const color_t _green = {0.0f, 1.0f, 0.0f};
const color_t _blue = {0.0f, 0.0f, 1.0f};
const color_t _indigo = \{0.29f, 0.0f, 0.51f\};
const color_t _violet = {0.93f, 0.51f, 0.93f};
const color_t _magenta = {1.0f, 0.0f, 1.0f};
const color_t _cyan = {0.0f, 1.0f, 1.0f};
const color_t _coral = {1.0f, 0.5f, 0.31f};
const color_t _lime = \{0.75f, 1.0f, 0.0f\};
const color t brown = \{0.65f, 0.16f, 0.16f\};
```

```
const color t black = \{0.0f, 0.0f, 0.0f\};
const color_t _white = {1.0f, 1.0f, 1.0f};
std::vector<color_t> _colors = {_red, _orange, _yellow, _green,
                                _blue, _indigo, _violet, _magenta,
                                _cyan, _coral, _lime,
                                                         brown};
color t getTransparentColor(const color t& foreground,
                             const color t& background, float alpha) {
 return {foreground[0] * alpha + background[0] * (1 - alpha),
         foreground[1] * alpha + background[1] * (1 - alpha),
          foreground[2] * alpha + background[2] * (1 - alpha);;
}
} // namespace colors
namespace details {
void configureAxes(matplot::axes handle ax, int width, int height) {
 ax->xlim({0.0, static cast<double>(width)});
 ax->ylim({0.0, static cast<double>(height)});
 auto x_ticks = matplot::linspace(0, width, width + 1);
 auto y ticks = matplot::linspace(0, height, height + 1);
 ax->x axis().tick values(x ticks);
 ax->y axis().tick values(y ticks);
void drawSquare(const Square& square, colors::color t fillCollor,
                colors::color t borderColor, float thickness) {
 auto rectangle =
                matplot::rectangle(square.x, square.y, square.size,
square.size);
 rectangle->color(fillCollor).fill(true);
 auto border =
                matplot::rectangle(square.x, square.y, square.size,
square.size);
 border->color(borderColor).fill(false).line width(thickness);
} // namespace details
std::string visualizeTiling(const Board& board, const std::string&
title,
                            const std::string& filename,
                            const std::string& output dir,
                            const std::string& additional) {
 matplot::figure handle figure = matplot::figure(true);
 figure->size(1200, 800);
 figure->position({0, 0, 1200, 800});
 figure->title(title);
 details:: configureAxes(figure->current axes(), board.getSize(),
                         board.getSize());
 if (additional.length() > 0) {
    figure->current axes()->title(additional);
```

```
}
 std::vector<Square> squares = board.getSquares();
  for (size t i = 0; i < squares.size(); ++i) {</pre>
   Square& square = squares[i];
   colors::color t fillColor = colors:: getTransparentColor(
       colors:: colors[i % colors:: colors.size()], colors:: white,
       colors:: alpha);
   square.y = board.getSize() - square.y - square.size;
           details:: drawSquare(square, fillColor, colors:: black,
colors:: thickness);
   square.y = (board.getSize() - square.size) / 2;
  }
 std::string output_path = output_dir + filename;
 matplot::save(output path, "png");
 return output path;
std::string visualizeExecutionTimes(const std::vector<int>& sizes,
                                   const std::vector<double>& times,
                                   const std::string& filename,
                                   const std::string& output dir) {
 matplot::figure handle figure = matplot::figure(true);
 figure->size(1200, 1200);
 figure->position({0, 0, 1200, 1200});
 std::vector<double> sizes double(sizes.begin(), sizes.end());
 auto p = matplot::semilogy(sizes double, times, "o-");
 p->line width(2);
 p->marker size(8);
 for (size t i = 0; i < sizes.size(); ++i) {</pre>
               1.1,
std::to string(sizes[i]));
 }
 auto ax = figure->current axes();
 ax->grid(true);
 ax->title("Сравнение времени выполнения для разных размеров доски");
 ax->x axis().label("Размер доски (сторона)");
 ax->y_axis().label("Время выполнения (секунды)");
 std::string output path = output dir + filename;
 matplot::save(output path, "png");
 return output_path;
}
std::string visualizeSteps(const std::vector<Board>& steps,
                          const std::string& output dir) {
 std::filesystem::create directory( TEMP DIR);
 std::vector<std::string> frame paths;
```

```
std::string boardSize = std::to string(steps[steps.size() -
1].getSize());
 int bestCount = INT32 MAX;
 for (size t i = 0; i < steps.size(); i++) {</pre>
    std::string filename = "frame " +
                                                      std::string(10 -
std::to string(i).length(), '0') +
                          std::to string(i) + ".png";
    std::string title =
                        "step " + std::to string(i) + "/"
std::to string(steps.size() - 1);
    Board step = steps[i];
    if (step.getEmptyCells() == 0) {
     if (step.getSquaresCount() <= bestCount) {</pre>
       bestCount = step.getSquaresCount();
      }
    }
    std::string additional =
        "current count: " + std::to string(step.getSquaresCount()) + "
" +
       "current best: ";
    if (bestCount != INT32 MAX)
     additional += std::to string(bestCount);
   else
     additional += "NS";
    std::string frame path =
        visualizeTiling(step, title, filename, TEMP DIR, additional);
   frame paths.push back(frame path);
  }
 int fps = 2;
 std::string ouput filename = "steps " + boardSize + "x" + boardSize;
   auto getPath = [](const std::string& dir, const std::string&
filename,
                    const std::string& extenton) -> std::string {
   return dir + filename + extenton;
 };
 std::string gifCommand = "ffmpeg -y -loglevel quiet -framerate " +
                            std::to_string(fps) + " -start number 0 -i
" +
                           std::string( TEMP DIR) + "frame %010d.png "
                                   getPath(output dir, ouput filename,
".gif");
 std::system(gifCommand.c str());
 std::string mp4Command = "ffmpeg -y -loglevel quiet -i " +
                           getPath(output dir, ouput filename, ".gif")
+ " " +
```

```
getPath(output_dir, ouput_filename,
".mp4");
std::system(mp4Command.c_str());
std::filesystem::remove_all(_TEMP_DIR);
return getPath(output_dir, ouput_filename, "");
}
// namespace visualize
```