Отчет по лабораторной работе N210

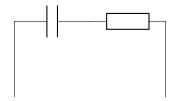
# Исследование линейных двухполюсников и четырёхполюсников

Выполнили студенты 420 группы Понур К.А., Сарафанов Ф.Г., Сидоров Д.А.

## Содержание

1	Первая схема	2
2	Вторая схема	2
3	Третья схема	3
4	Четвертая схема	3

#### 1. Первая схема



Рассчитаем импеданс данной схемы методом комплексных амплитуд.

$$\hat{U} = U_0 e^{i(\omega t + \phi_U)} \tag{1}$$

Величину  $\hat{U_0} = U_0 e^{i\phi_U}$  будем называть комплексной амплитудой напряжения

$$I = C \frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}t} \tag{2}$$

Отсюда получаем:

$$\hat{I} = U_0 \,\omega i C \exp(i\omega t + \phi_U) \tag{3}$$

И комплексная амплитуда тока:

$$\hat{I}_0 = U_0 i \omega C e^{i\phi_U} \tag{4}$$

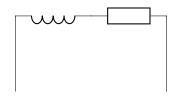
Получаем комплексный импеданс схемы

$$\hat{z} = \frac{\hat{U}_0}{\hat{I}_0} = \frac{U_0 e^{i\phi_U}}{U_0 i\omega C e^{i\phi_U}} = \frac{1}{i \cdot \omega C}$$

$$\tag{5}$$

$$z = \frac{1}{\omega C} \tag{6}$$

#### 2. Вторая схема



$$\hat{I} = I_0 e^{i(\omega t + \phi_I)} \tag{7}$$

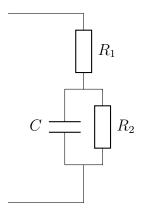
$$U = L \frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t} \tag{8}$$

$$\hat{U} = I_0 i \omega L e^{i(\omega t + \phi_I)} \tag{9}$$

Отсюда

$$\hat{z} = i\omega L \tag{10}$$

#### 3. Третья схема



Сначала расчитаем импеданс параллельно соединенных конденсатора и резистора  $R_2$ 

$$\frac{1}{\hat{z_0}} = \frac{1}{R_2} + i\omega C \tag{11}$$

$$\hat{z_0} = \frac{R_2}{1 + i\omega C R_2} \tag{12}$$

Комплексный импеданс всей схемы будет равен:

$$\hat{z} = \hat{z_0} + R_1 = \frac{R_2}{1 + i\omega R_2 C} + R_1 = \frac{R_2 (1 - i\omega R_2 C)}{1 + (\omega R_2 C)^2} + R_1$$
(13)

Отсюда

$$\tan \phi = \frac{\operatorname{Im} \hat{z}}{\operatorname{Re} \hat{z}} = \frac{-\frac{\omega R_2^2 C}{1 + (\omega R_2 C)^2}}{\frac{R_2 + R_1 + R_1 (\omega R_2 C)^2}{1 + (\omega R_2 C)^2}} = \frac{-\omega R_2^2 C}{R_2 + R_1 + R_1 (\omega R_2 C)^2}$$
(14)

### 4. Четвертая схема