✓ 1. **Явление электромагнитной индукции в движущихся проводниках. Закон Фарадея. Правило Ленца** @critical @done (18-01-02 23:21)

Рассмотреть станок Фарадея (простой контур), ЭДС расписать как работу по перемещению + заряда / ед. + заряд.

Учесть знак через скалярное произведение, т.к. нормаль и В противонаправлены

Взять сложный контур, наложив условие [dr x dl]=-deltaS, расписать ЭДС как интеграл (циркуляцию) напряженности сторонних сил. Показать что формула аналогична простому контуру.

Показать на основе закона Фарадея, что индуцированный ток течет так, чтобы своим В_инд противостоять причине, его вызывающей. Это и есть правило Ленца

✓ 2. Энергетика динамомашины и электромотора @done (18-01-05 17:57)

Динамомашина. Рассмотреть контур с двигающейся перемычкой в магнитном поле. Записать силу Лоренца для единичного заряда, показать что полная работа магнитного поля равна нулю (записав через мощность P=dA/dt=(F_сумм, v_сумм), полезную работу совершает только продольная перемычке составляющая, на преодоление поперечной надо тратить энергию (налог!)

Электромотор. Записать цепочку действий. Ј порождает F_A, перемычка двигаясь изменяет поток - возникает Ј_инд, под его действием возникает сила F_л в перемычке, которая порождает F_л2, противонаправленную F_A. Таким образом, суммарная наша работа A_сумм=A_FA+A_Fл2, где работа силы Лоренца отрицательна (налог!)

✓ 3. **Явление электромагнитной индукции в неподвижных проводниках. Вихревое электрическое поле** @critical @done (18-01-03 00:36)

Показать взаимность движения контура или движения магнита, в общем случае $d\Phi/dt$ не равно частной производной $d\Phi/dt$. Введем вихревое поле, его циркуляция уже не ноль, линии всегда замкнуты. Записать ур-е Максвелла циркуляции Е

✓ 4. Индукционный ускоритель электронов (бетатрон) @done (18-01-03 13:45)

Записать 23H для n) и для tau) . Записать ур-е Максвелла циркуляции E, где поток представить как среднее по B на площадь, выразить E, подставить в tau) -> выразить связь B_{op} и < B>

✓ 5. Измерение циркуляции вектора В при помощи пояса Роговского @done (18-01-03 13:18)

Записать поток через один виток. Найти ЭДС на одном витке, отсюда выразить ЭДС на элементе пояса. Проинтегрировать по поясу, выразить амплитуду - из нее можно найти циркуляцию, зная амплитуду, плотность намотки, частоту и площадь сечения

✓ 6. **Индуктивность (коэффициент самоиндукции). Примеры вычисления (соленоид, тороидальная катушка)** @critical @done (18-01-03 14:12)

Записать поток в кольце с током. Показать появление собственного потока -> собственная (само) индукция. Рассмотреть соленоид, поле считать постоянным, выразить индуктивность. для

тороида лучше рассмотреть прямоугольный, найти поток интегрированием, найти сцепленный поток и выразить индуктивность.

✓ 7. Процессы установления в контуре с индуктивностью @done (18-01-03 15:17)

Рассмотреть цепочку ключ-эдс-резистор-катушка. Показать затягивание процесса индуктивностью и выход на бесконечности на константу (процесс установления)

✓ 8. Коэффициент взаимоиндукции. Примеры вычисления @done (18-01-03 15:26)

Рассмотреть поток в двух кольцах с током. Показать что M><0, алг. величина. Найти M для совмещенных соленоидов ($M=\operatorname{sqrt}\{L1*L2\}$)

✓ 9. Трансформатор @done (18-01-03 23:05)

Рассмотреть два коаксиальных соленоида S1,N1,L1 и S2,N2,L2. Исходя из предположения разомкнутого выхода 2 (холостой ход) (J2=0) и R1=R2=0 найти K_u=U2/U1. Из 3СЭ -> равенство входной и выходной мощности при J2!=0; => K J=1/K u

✓ 10. **Магнитная энергия одиночного контура и двух индуктивно связанных контуров** @critical @done (18-01-04 13:31)

Записать работу dA по перемещению эл. заряда dq посредством ЭДС самоиндукции через закон Фарадея, расписать через Φ =fLJ, с уточнением жесткого контура (L=const) преобразовать производную -> записать dA=-dW_M (работу могло совершить только поле!), проинтегрировать.

Для двух контуров нарисовать трансформатор ЭДС1, R1,L1 + ЭДС2, R2,L2. Записать ур-я Кирхгофа. Домножить так, чтобы получить dQ=dA_ист+? очевидно, ?=dW_M.

Требуем чтобы dW_M было полным дифференциалом, тогда из равенства вторых производных M12=M21==M. Преобразованием дифференциала группируем слагаемые, интегрируем - получаем энергию связанных контуров.

✓ 11. **Плотность энергии магнитного поля** @critical @done (18-01-04 14:22)

Объяснить локализацию поля (где оно? в поле или в проводах) на частном примере соленоида (возникнет множитель объема, W~V). Выразить w_M как W/V (плотность энергии). Записать суммарную плотность энергии электрической и магнитной (В СГС $w=B^2/8pi+E^2/8pi$).

✓ 12. Ток смещения (в вакууме) @done (18-01-04 20:41)

Запишем теорему о циркуляции В для конденсатора. Заметим, что разным выбором натягиваемой площадки S мы получим разные ответы - это произвол, такого быть не может.

Заметим, что продифференцировав теорему гаусса, с учетом 3СЭЗ, мы получим некий новый ток. Плотность суммарного тока и плотности этого тока (тока смещения) дает полный ток, линии которого замкнуты -- а значит, если мы подставим его в уравнение о циркуляции, противоречие исчезнет! Ток смещения -- не настоящий ток. Из свойств настоящего тока он обладает только свойством создавать поле В.

Полученное уравнение - т.ц. для вектора В в вакууме.

✓ 13. Система уравнений Максвелла в интегральной и дифференциальной форме (в вакууме) @critical @done (18-01-05 18:25)

Записать систему ур-й в СИ и в СГС. Рассмотреть т. гаусса для элементарного объема: расписать потоки через каждую сторону, преобразовать в частные производные, подставить в теорему, сократить dv=dx*dy*dz слева и справа - полученное выражение div E=k*4*pi*rho

Рассмотреть теорему о циркуляции Е для элементарного объема. Записать контур в плоскости YZ. расписать для него циркуляцию вектора Е для всех 4 сторон и поток В_х. Преобразовать в частные производные, заметим что система симметрична - циклической перестановкой хуz->zxy->yzx->xyz получим оставшиеся два уравнения. Домножив на орты осей и сложив, получим определитель ротора слева и -f dB/dt справа.

Записать по аналогии т. о потоке поля В (зарядов нет) и т. о циркуляции поля В.

Электротехнические приложения:

✓ 14. **Расчет цепей синусоидального тока методом векторных диаграмм и методом комплексных амплитуд** @critical @done (18-01-05 12:43)

Записать гармонические колебания тока и напряжения. Показать их изображение в векторном и в комплексном виде. Записать импедансы идеальных элементов через МВД и МКА (без вывода).

Записать закон Ома в комплексном виде. Обосновать от противного - показать что сложение комплексных гармонических колебаний. Очевидно, что сложение их модулей неверно, не учитывает фазы, значит в законе Ома нужно работать с комплексными величинами.

Записать правила Кирхгофа, 1 и 2, в комплексном виде.

Рассмотреть последовательное соединение двухполюсников и параллельное, расписать.

Привести пример -- например реальный конденсатор.

✓ 15. Свойства идеальных элементов (резистора, конденсатора, катушки) @done (18-01-05 12:43)

Записать импедансы (без вывода? наверное можно вывести в комплексном виде). Построить зависимость Z(omega). Отметить идеальность: резистор не обладает емкостью и индуктивностью и т.д.

✓ 16. **Импеданс двухполюсников** @critical @done (18-01-05 12:47)

Расписать импедансы через S=A_0*cos(wt+phi) Построить зависимость Z(omega).

✓ 17. Четырехполюсники в цепях переменного тока. Интегрирующие и дифференцирующие цепочки @done (18-01-05 14:39)

Найти коэфф. передачи для делителя напряжения R[R], ФНЧ L[R] ФВЧ-дифф C[R], инт-R[C] ([] - элемент с которого снимается напряжение). Показать что C[R] дифференцирует сигнал на низких частотах, а R[C] интегрирует на высоких.

✓ 18. Работа и мощность в цепи переменного тока @done (18-01-05 19:17)

Записать работу по перемещению ед. пол. заряда. Записать гармонические U(t), J(t). Найти мгновенную мощность. Взять среднее интегралом (при этом обратить внимание, что 1/T int_0^T cos(2wt+C)=0). Записать эффективные ток и напряжение для исчезновения 1/2 (арифметика). Записать мощность для резистора, индуктивности, конденсатора.

Используя комплексный вид и формулы: $\cos(x-y)=\cos(x)\cos(y)+\sin(x)\sin(y)$, показать тождественность формулы 1/4[...] и ранее выведенной.

Электростатика в веществе:

✓ 19. Понятие макроскопического (усредненного) поля в среде. Вектор поляризации Р. Связанные заряды @done (18-01-07 21:19)

Записать макро-поля. Объяснить почему нужны именно они. Записать два конденсатора, с диэлектриком и без - экспериментально обнаружено ослабление поля -> ввести epsilon`

Рассмотреть полярную молекулу в поле E -- появление диполя р. Записать вектор поляризации как коэфф. пропорциональности dp и dv. Рассмотреть однородный и неоднородный диэлектрике, на графике показать появление связанного объемного и поверхностного зарядов. Для косого цилиндра в диэл. пластине найти связь P_n=sigma_связ.

Найти поток заряда через эл. площадку с помощью косого цилиндра. Проинтегрировать, заметить что получили заряд q, ушедший из объема -- остался нескомпенсированный q_связ=-q=oiint(P,dS)

✓ 20. Вектор электрической индукции D. **Уравнения электрического поля в диэлектриках** @critical @done (18-01-08 14:13)

Записать теорему Гаусса для полного заряда. Заметить, что из линейности интеграла можно ввести вектор D, тогда теорема гаусса будет иметь вид oiint D = q_своб. Отметить разное введение D в СГС и СИ. Уравнение для циркуляции E записать как в вакууме.

✓ 21. Линейные изотропные диэлектрики. Связь полей Р и Е, Е и D. Диэлектрическая проницаемость @done (18-01-08 15:29)

Заметить что для лин.из. диэл-ка P~E, P=alpha*epsilon_0*E, где alpha- поляризуемость. Ввести связь E~D через epsilon`=1+alpha. Показать на примере конденсатора, что epsilon' аналогична введению по Фарадею. Рассмотреть примеры вычисления полей, например на пластине в диэлектрике.

Показать зависимость выполнения уравнения Максвелла в преобразованном виде от условия epsilon ne= epsilon(r).

✓ 22. **Граничные условия для векторов E и D** @critical @done (18-01-08 16:09)

Отметим, что все рассмотрение ведем в рамках перехода epsilon на границе скачком. Рассмотреть тонкий контур для т. о циркуляции, получим E_tau1=E_tau2; рассмотреть тонкий диск для теоремы гаусса для вектора D, получим D_1n-D_2n=sigma_cвоб

Рассмотреть преломление D через тангенсы при sigma=0. Отметить что для E иначе, т.к. линии E м. начинаться и кончаться также и на связанных зарядах.

✓ 23. Способы измерения векторов E и D в диэлектриках @done (18-01-08 19:38)

Рассмотреть три примера -- тонкий цилиндр (измерение E), тонкий диск (измерение D) и сферу. Для сферы записать элемент dS в сферич. коорд, найти элементарное dE', выразить через $P_n=P^*\cos(alpha)$. Проинтегрировать. Исходить из соображений симметрии и сонаправленности P и E.

✓ 24. Энергия электрического поля в среде @done (18-01-08 21:01)

Записать работу сторонних сил в конденсаторе U*dq, интегрированием найти $W=q^2/2C$, показать что W/W0=epsilon.

Записать работу сторонних сил, заметив что в плоском кондере D=sigma_cвоб => dq=S*dD. Подставить в u*dq, выразить w=W/V=int E*dD. Записать в СИ и в СГС.

✓ 25. Пондеромоторные силы в диэлектриках. Энергетический способ расчета сил @done (18-01-09 13:09)

Электрострикция. Иногда нужно знать силу $F=F_{9\pi}+F_{y\pi}$ (мех, эл-стця). При постоянном заряде $dA_{9\pi}-dW_{9\pi}-F_{x}=dW_{9\pi}/dx$ (найти через баланс энергий)

На примере поля D заряженнной сферы в безгр. диэлектрике найти W_эл, показать что в выражение F эл войдет epsilon -> появилось влияние среды.

Рассмотреть две задачи: конденсатор с диэлектриком, не прилегающим к обкладкам. Найти силу со стороны левой обкладки на правую через поле D. Вторая задача - конденсатор залитый диэлектриком, решить через $F_x=-dW_=\pi/dx$ [q. Показать что ответ различается в 1/epsilon -- во второй задаче мы нашли суммарную силу: $F=F_=\pi+F_=y$ пр.

Рассмотреть втягивание жидкого диэлектрика в конденсатора энергетическим способом.

✓ 26. Механизм поляризации диэлектриков с неполярными молекулами @done (18-01-09 14:46)

Записать связь вектора P и E, связь alpha=n*beta. Записать квазиупругое уравнение mx"=eE-kx. выразить p_e=|e|*x для статичного случая. выразить beta. подставить k из нестатичного случая k=m*omega^2, где omega оцениваем из наблюдений.

✓ 27. Механизм поляризации диэлектриков с полярными молекулами @done (18-01-09 16:41)

Записать энергию диполя в зависимости от угла поворота через $dW_{\pi}-dA=-M(Theta)*dTheta$, где $M=|[p_e,E]|$ Проинтегрировать, подставить в распределение Больцмана. Расписать dP_x для телесного угла dOmega (по определению $Omega=S/R^2$). Полученную формулу рассмотреть для W>>kT (насыщение) и для $W<<kT(e^x-1+x)$. Проинтегрировать, найти константу из условия нормировки. Подставить и выразить alpha, beta. Заметить что beta $\sim 1/T$.

Вопрос к консультации. Нужно ли готовить билет про тензор epsilon и особенности диэл. свойств кристаллов ?

✓ 28. Нелинейные диэлектрики. Сегнетоэлектрики @done (18-01-09 18:23)

Рассказать о нелинейных диэлектриках, например насыщение Р. Отметить тепловую нелинейность электронного (неполярные) и ориентационного (полярные) механизмов. Отметить существование стрикционной нелинейности.

Сегнетоэлектрики - $D \sim E$ в слабых полях, B сильных D не $\sim E$ и связь P, E неоднозначная (уникально!). Эффект в пределах точек Кюри. Сегнетоэлектрик - сегнетова соль.

Рассмотреть метод наблюдения петли гистерезиса Px/Ex с помощью осциллографа (схема ЭДС-[C]-[C])

Вопрос к консультации. Нужно ли готовить билет про особенности поляризации диэлектриков в высокочастотных полях?

✓ 29. Ток смещения в диэлектриках @done (18-01-09 18:28)

Аналогично вакууму рассмотреть ток смещения в диэлектрическом разрыве- конденсаторе в цепи. Из закона сохранения заряда записать полный ток и ток смещения.

Записать комплексную epsilon: обозначить комплексное E, переписать dD/dt через dE/dt в комплексном виде. Получим rotB(комплексное)=mu0(sigma+i*omega*epsilon)*E(комплексное), через что вводят либо комплексную проводимость sigma, либо комплексную epsilon.

Магнитостатика в веществе:

✓ 30. Вектор намагниченности І. Молекулярные токи @done (18-01-09 22:35)

Записать по аналогии с P вектор I, где $p_m=f^*J^*S^*$ векторнормали. Записать теорему о циркуляции I, геометрически показав что все молекулярные токи для элемента контура dI лежат в косом цилиндре.

Можно показать что связанные токи м.б. объемными, воспользовавшись т.ц. Н и т.ц. I в дифф. форме, показать что в двух случаях (kappa != kappa(r) и сущ. j_пр объемныйX)

✓ 31. Напряженность Н магнитного поля в среде. **Теорема о циркуляции вектора Н** @critical @done (18-01-09 22:59)

Записать полный охваченный ток как сумму J_пр+J_см+J_мол. Привести уравнение т.ц.В к первоначальному виду oint=beta*4pi*J, при этом под интегралом окажется Н. Записать в дифф. форме.

✓ 32. Линейные изотропные магнетики. Связь полей I и H, B и H. Магнитная проницаемость @done (18-01-10 00:04)

Записать линейную связь I,H. Выразить из неё связь полей В,H через магнитную проницаемость в СИ и в СГС.

Рассмотреть безграничный магнетик. Показать что при mu=const поле B в нем ослабляется в mu pas.

✓ 33. **Граничные условия для векторов В и H** @critical @done (18-01-10 00:36)

Отметим, что все рассмотрение ведем в рамках перехода mu на границе скачком. Рассмотреть тонкий контур для т. о циркуляции, получим H_tau1-H_tau2=j_пpN; рассмотреть тонкий диск для теоремы гаусса для вектора B, получим B_1n-B_2n=0 (магнитных зарядов нет)

Порисовать картинки для преломления линий В, показать возможность защиты от магнитного поля.

✓ **34. Способы измерения векторов В и Н в магнетиках @done (18-01-10 00:41)** Рассмотреть два примера -- тонкий цилиндр (измерение Н), тонкий диск (измерение В).

Вопрос к консультации. Нужно ли рассматривать эллипсоидальную полость, если да то как?

✓ 35. Энергия магнитного поля в среде @done (18-01-10 00:57)

Записать изменение энергии магн. как -работу сил ЭДС, откуда dW=JdФ. Найти поток в соленоиде (d Φ =mu*N 2 IS), выразить ток из (H $_0$ =B $_0$ /mu $_0$ =nJ), получим dW=H*dB*V, откуда dw=H*dB. Проинтегрировать в частном случае лин. изотропного магнетика, записать три формулы (muH 2 2=B 2 2mu=B*H 2)

✓ 36. Пондеромоторные силы в магнетиках. Энергетический способ расчета сил @done (18-01-10 01:54)

- 1. Записать простой случай dA_ist=dQ (можно вывести из цепи ЭДС-R)
- 2. Обобщить dA_ist+d_A\mex_stor=dQ+dW_m
- 3. Записать из цепи (ЭДС+ЭДС_инд+ЭДН_синд=JR) связь dW_m=d_A\mex_stor+JdФ

Рассмотреть два случая: первый при постоянном Φ (сверхпроводники) $dW_m=d_A^mex_stor=-d_A^mex_nons => F_x=-dW_m/dx|\Phi=const$

При постоянном токе: рассмотреть магнитно связанные контуры L1,J1 <-M-> L2,J2. Расписать энергию в дифф. вид: получим $dW_m=d_A\text{-mex_noля} => F_x=dW_m/dx|J=const$

Рассмотреть пример втягивания стержня в соленоид.

✓ 37. Механизм намагничения парамагнетиков @done (18-01-10 02:10)

Записать энергию магнитного диполя в зависимости от угла поворота через $dW_=-dA=-M(Theta)*dTheta$, где $M=|[p_m,B]|$ Проинтегрировать, подставить в распределение Больцмана. Расписать dI_x для телесного угла dOmega (по определению $Omega=S/R^2$). Полученную формулу рассмотреть для W>>kT (насыщение) и для $W<< kT(e^x-1+x)$. Проинтегрировать, найти константу из условия нормировки. Подставить и выразить карра. Заметить что dI_x 0 карра I_x 1.

✓ 38. Механизм намагничения диамагнетиков @done (18-01-10 13:55)

Записать м.диполь как pm=fJSn, где расписать J=|e|/T=|e|v/2pir. Переписать в таком виде, чтобы получить выражение вида pm=-gamma*N, где gamma-гиромагнитное соотношение.

Записать теорему о изменении момента импульса, найти угловую скорость прецессии -> появление доп. момента импульса -> доп. магнитный момент, противонаправленный полю В. Это есть качественное объяснение появления диамагнетизма.

Рассказать об опыте Эйнштейна-де Гааза. В переменном магнитном поле стержень. Суммарный N остается постоянным=0, но складывается из N_меx(=0 в начале)

+N_магн(электронов)(=0 в начале). Появление намагничения сопровождается появлением N_магн(электронов), и в силу 3СМИ стержень придет во вращение.

Помещая в переменное поле, на частотах близких к собственным в силу резонанса наблюдаемые колебания можно усилить настолько, чтобы можно было экспериментально снять. Получили gamma в два раза больше теоретического: объяснение лежит в том, что мы не учли спин электрона.

Опыт Барнетта обратный - стержень быстро вращался и измерялась намагниченность. Результаты по gamma аналогичные.

✓ 39. Нелинейные магнетики. Ферромагнетики @done (18-01-10 16:48)

Рассказать о нелинейных магнетиках, где связь приобретает вид B=mu(H)*H, I=kappa(H)*H. Построить графики Ix/Hx (гистерезис), I/H, B/H, mu/H (указать насыщение).

Отметить существование ферромагнетизма в пределах точек Кюри. Рассказать о доменной структуре и её перестройке в поле Н.

Рассмотреть метод наблюдения петли гистерезиса Ix/Hx с помощью осциллографа (схема магнитно связанных катушек - трансформатор с ферромагнитным сердечником -- опыт Столетова)

Описать феноменологическую теорию Кюри-Вейсса, заключающуюся в H_эфф=H+deltaH=H+bI. -> I=H*kappa/(1-b*kappa). Отметить что истинная теория в рамках классического подхода невозможна.

Рассказать о намагничении постоянных магнитов, где есть только молекулярные токи. Рассмотреть магнитные цепи. Записать аналогию закону Ома, воспользовавшись теоремой о циркуляции, перейдя к суммам и учитывая $\Phi=B_m/S_m$. Упомянуть что аналогия чисто формальная.

✓ 40. **Система уравнений Максвелла для полей в веществе** @critical @done (18-01-11 19:23)

Записать систему уравнений Максвелла в нейтрольной форме, СИ и системе СГС. Отметить аксиоматичность уравнений, неравноправность дифф. и инт. форм: дифф. нужно дополнять граничными условиями, записать их.

Показать на частном примере вычисление полей В,Н,Е,D (заряженный шар в слабопроводящей среде). Показать наличие тока смещения в данном примере.

Предположив, что скорость распространения конечна, записать для контуров между плоскости с током и плоскости фронта волны две т.циркуляции, показать что из них скорость v=c/n, где n=sqrt(mu*epsilon). Можно рассмотреть дифференциальный вывод волнового уравнения, предположив что E=E(x,t). Из уравнения $B_t-v^2B_x=0$ выразить фазовую скорость.