

Запишем второй закон Ньютона, и найдем расстояние от оси вращения до муфточки l:

$$m\vec{a} = \vec{f_e}$$

$$x: ma_n = -k(l - l_0)$$

$$m\omega^2 l = k(l - l_0)$$

$$l = \frac{l_0}{1 - \frac{m\omega^2}{k}}$$

Запишем работу через закон сохранения механической энергии:

$$A = W_1 - W_0$$

$$A = \frac{mv^2}{2} + \frac{k(l - l_0)^2}{2} - 0 =$$

$$= \frac{m\omega^2 l^2}{2} + \frac{k(l - l_0)^2}{2}$$

Сделаем замену  $\phi = \frac{m\omega^2}{k}$ .

$$\frac{k(l-l_0)^2}{2} = \frac{k}{2} \left[ \frac{l_0}{1 - \frac{m\omega^2}{k}} - l_0 \right]^2 = \frac{kl_0^2}{2} \left[ \frac{1}{1 - \phi} - \frac{1 - \phi}{1 - \phi} \right] = \frac{kl_0^2\phi^2}{2(1 - \phi)^2}$$

$$\frac{m\omega^2 l^2}{2} = \frac{k\frac{m\omega^2}{k}l^2}{2} = \frac{k\phi l_0^2}{2(1 - \phi)^2}$$

$$A = \frac{k\phi l_0^2}{2(1 - \phi)^2} + \frac{kl_0^2\phi^2}{2(1 - \phi)^2} =$$

$$= \frac{kl_0^2\phi}{2(1 - \phi)^2} \left[ 1 + \phi \right],$$

где 
$$\phi = \frac{m\omega^2}{k}$$