



Запишем зависимость массы от времени:

$$m(t) = m_0 - \mu t \quad (1)$$

Тогда в проекции на x П з.Н.:

$$m(t) \cdot a_x = F \quad (2)$$

$$\frac{dv_x}{dt} = \frac{F}{m_0 - \mu t} \quad (3)$$

Произведем разделение переменных:

$$\frac{1}{F} dv_x = \frac{dt}{m_0 - \mu t} \quad (4)$$

Занесем функцию $m(t)$ под дифференциал:

$$\frac{1}{F} dv_x = -\frac{1}{\mu} \frac{d(m_0 - \mu t)}{m_0 - \mu t} \quad (5)$$

Найдем решение дифференциального уравнения.

$$-\frac{\mu}{F} \int_0^{v_x(t)} dv_x = \int_0^t \frac{d(m_0 - \mu t)}{m_0 - \mu t} \quad (6)$$

После подстановки пределов интегрирования:

$$v_x(t) = -\frac{F}{\mu} \ln \frac{m_0 - \mu t}{m_0} \quad (7)$$

Перепишем окончательный ответ:

$$a_x = \frac{F}{m_0 - \mu t}, \quad v_x = \frac{F}{\mu} \ln \frac{m_0}{m_0 - \mu t} \quad (8)$$