

Рассмотрим движение центра масс системы «человек-лестница-груз».

Из векторных соображений следует:

$$\Delta \vec{R}_c = \frac{\sum_N m_i \cdot \Delta \vec{r}_i}{m_c} \tag{1}$$

Тогда

$$\Delta \vec{R}_c = \frac{m \cdot \Delta \vec{r}_{\text{\tiny T}} + (M - m) \cdot \Delta \vec{r}_{\text{\tiny T}} + M \cdot \Delta \vec{r}_{\text{\tiny F}}}{2M}$$
 (2)

При этом очевидно, что так как известно перемещение человека относительно лестницы \vec{l} , то

$$\Delta \vec{r}_{\text{\tiny q}} = \Delta \vec{r}_{\text{\tiny J}} + \vec{l} \tag{3}$$

Отсюда

$$\Delta \vec{R}_c = \frac{m \cdot \vec{l} + M \cdot \Delta \vec{r}_{\scriptscriptstyle \rm II} + M \cdot \Delta \vec{r}_{\scriptscriptstyle \rm I}}{2M} \tag{4}$$

Причем видно, что так как перемещение идет по вертикали, то нормы векторов перемещений лестницы и груза равны:

$$\Delta \vec{r}_{\text{II}} = -\Delta \vec{r}_{\text{F}} \tag{5}$$

И отсюда

$$\Delta \vec{R}_c = \frac{m \cdot \vec{l}}{2M} \tag{6}$$