

Движение без сопротивления

$$ma_{1} = mg ma_{2} = mg$$

$$m dv_{1} = mg dt m dv_{2} = mg dt$$

$$\int_{0}^{v_{1}(t)} dv_{1} = \int_{0}^{t-\tau} g dt \int_{0}^{v_{2}(t)} dv_{2} = \int_{0}^{t} g dt$$

$$v_{1}(t) = g(t - \tau) v_{2}(t) = gt$$

$$\int_{0}^{x_{1}(t)} dx_{1} = \int_{0}^{t-\tau} gt dt \int_{0}^{x_{2}(t)} dx_{2} = \int_{0}^{t} gt dt$$

$$x_{1}(t) = g \frac{(t - \tau)^{2}}{2} x_{2}(t) = \frac{gt^{2}}{2}$$

$$l(t) = g \frac{(t - \tau)^{2}}{2} - \frac{gt^{2}}{2} = \frac{g}{2}(2\tau t + t^{2}) = gt(\tau + \frac{t}{2})$$

Движение с сопротивлением

Доска совершает гармонические колебания по закону

$$a = \frac{d^2x}{dt^2} = \omega^2 x = \frac{4\pi^2}{T^2} x$$

Запишем второй закон Ньютона для груза:

Тогда P = 0 тогда, когда

$$m(g - \frac{4\pi^2}{T^2}x) \le 0$$
$$g \le \frac{4\pi^2}{T^2}x$$

Так как A здесь и есть максимальное |x|, то

$$A>g\frac{T^2}{4\pi^2}\approx 6.2~{\rm cm}$$

При

$$A = g \frac{T^2}{4\pi^2}$$

будет предельное значение амплитуды, при увеличении которой начнется подскакивание.