



По определению,

$$\vec{v}_c = \vec{v}_1 \frac{m_1}{m_1 + m_2} \Rightarrow \vec{v}_c \parallel \vec{v}_1 \quad (1)$$

По условию

$$\angle(\vec{u}_1, \vec{v}_1) = \angle(\vec{u}_2, \vec{v}_1) = \frac{1}{2}\Theta \quad (2)$$

Откуда следует

$$\angle(\vec{p}_{1H}, \vec{v}_c) = \angle(\vec{p}_{2H}, \vec{v}_c) = \frac{1}{2}\Theta \quad (3)$$

Из равенства углов следует, что $p_{1H} = p_{2H}$. Обозначим $\Phi = \pi - \Theta$.

При ударе выполняется ЗСЭ, откуда

$$m_1 v_1^2 = m_1 u_1^2 + m_2 u_2^2 \quad (4)$$

Запишем в другом виде:

$$\frac{m_2}{m_1} u_2^2 = v_1^2 - u_1^2 \quad (5)$$

$$p_{1H} = p_{2H} \Rightarrow u_2 = \frac{m_1}{m_2} u_1 \quad (6)$$

Запишем теорему косинусов:

$$(m_1 + m_2)^2 v_c^2 = p_{1H}^2 + p_{2H}^2 - 2p_{1H}p_{2H} \cos \Phi \quad (7)$$

$$m_1^2 v_1^2 = m_1^2 u_1^2 + m_2^2 u_2^2 - 2m_1 u_1 \cdot m_2 u_2 \cdot \cos \Phi \left| \times \frac{1}{m_1^2} \right. \quad (8)$$

$$v_1^2 - u_1^2 = \frac{m_2^2}{m_1^2} u_2^2 - 2u_1 u_2 \frac{m_2}{m_1} \cos \Phi \quad (9)$$

$$\frac{m_2}{m_1} u_2^2 = \frac{m_2^2}{m_1^2} u_2^2 - 2 \frac{m_2^2}{m_1^2} u_1 u_2 \cos \Phi \quad (10)$$

$$\frac{m_1}{m_2} = 1 - 2 \cos \Phi = 1 - 2 \cos(\pi - \Theta) = 1 + 2 \cos \Theta \quad (11)$$

$$\frac{m_1}{m_2} = 1 + 2 \cos 60^\circ = 1 + 2 \cdot \frac{1}{2} = 2 \quad (12)$$