



Обозначим скорости до удара  $\vec{v}_m \equiv \vec{v}$  и  $\vec{v}_M \equiv 0$ , сразу после удара –  $\vec{u}_m$  и  $\vec{u}_M$ . Масса легкого шара –  $m$ , тяжелого –  $M$ ,  $m < M$ .

Можно упростить решение задачи, воспользовавшись выведенными формулами для упругого удара:

$$\vec{u}_m = \frac{2m\vec{v}_M + (m - M)\vec{v}_m}{m + M} \equiv \vec{v}_m \frac{m - M}{m + M} \quad (1)$$

Так как по условию  $m < M$ , то множитель в уравнении выше строго отрицателен, т.е. **скорость легкого шара после удара направлена влево**.

Будем считать известной формулу коэффициента передачи энергии. Начальная энергия легкого шара  $\frac{mv_m^2}{2}$ . Тяжелому шару он передаст энергию

$$\frac{4\kappa}{(1 + \kappa)^2} \cdot \frac{mv_m^2}{2}, \text{ где } \kappa = \frac{m}{M} \quad (2)$$

Максимальное отклонение тяжелого шара будет тогда, когда вся его кинетическая энергия уйдет на сжатие пружины:

$$\frac{4\kappa}{(1 + \kappa)^2} \cdot \frac{mv_m^2}{2} = \frac{kA^2}{2} \quad (3)$$

Отсюда

$$A^2 = \frac{4m \cdot mv_m^2}{M(1 + m/M)^2 \cdot k} \quad (4)$$

$$A = 2\sqrt{\frac{m^2 v_m^2}{kM} \frac{M}{m + M}} = 2\sqrt{\frac{M}{k} \frac{mv_m}{m + M}} \quad (5)$$