



Уравнение вынужденных гармонических колебаний можно записать в следующем виде:

$$\phi(t) = \phi_0 \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) \quad (1)$$

Дифференцируя, получим уравнение  $\Omega(t)$ , где  $\Omega$  – угловая скорость вынужденных колебаний:

$$\Omega(t) = \frac{d\phi}{dt} = \phi_0 \frac{2\pi}{T} \cos\left(\frac{2\pi}{T}t\right) \quad (2)$$

С одной стороны,

$$I\omega_z = N_z \quad (3)$$

С другой,

$$M = \frac{dN_z}{dt} = \frac{1}{dt} N_z \cdot d\phi = N_z \Omega \quad (4)$$

Но

$$M = Fl \quad (5)$$

Отсюда

$$F(t) = \frac{N_z \Omega(t)}{l} = \frac{I\omega \Omega(t)}{l} \quad (6)$$

Отметим, что сила максимальна при максимальной скорости вынужденных колебаний, которая из-за ограниченности косинуса принимает максимальное значение  $\Omega_{max} = \frac{\phi_0 2\pi}{T}$ .

Тогда

$$F_{max} = \frac{mR^2}{2l} \cdot \omega \cdot \frac{\phi_0 2\pi}{T} = \frac{\phi_0 \pi}{lT} mR^2 \omega \quad (7)$$