

Все силы консервативные, трения нет. Пусть скорость платформы в момент au достижения грузом наивысшей точки вылета груза - u.

Так как трения после вылета груза нет, горизонтальные скорости груза и платформы будут равны от момента вылета груза вплоть до падения оного. Запишем ЗСИ для начального импульса и импульса в момент τ :

$$m\vec{v_0} = M\vec{u} + m\vec{u} \tag{1}$$

B проекции на x:

$$mv_0 = (m+M)u (2)$$

Отсюда

$$u = v_0 \frac{m}{m+M} \tag{3}$$

Далее запишем ЗСМЭ:

$$\frac{mv_0^2}{2} = \frac{Mu^2}{2} + \frac{mu^2}{2} + mgh \tag{4}$$

Отсюда

$$mgh = \frac{1}{2} \left[mv_0^2 - (m+M)u^2 \right]$$
 (5)

Подставляя u:

$$mgh = \frac{mv_0^2}{2} \left[1 - (m+M)\frac{m}{(m+M)^2} \right]$$
 (6)

И можем записать окончательный ответ

$$h = \frac{v_0^2}{2g} \cdot \frac{M}{m+M} \tag{7}$$