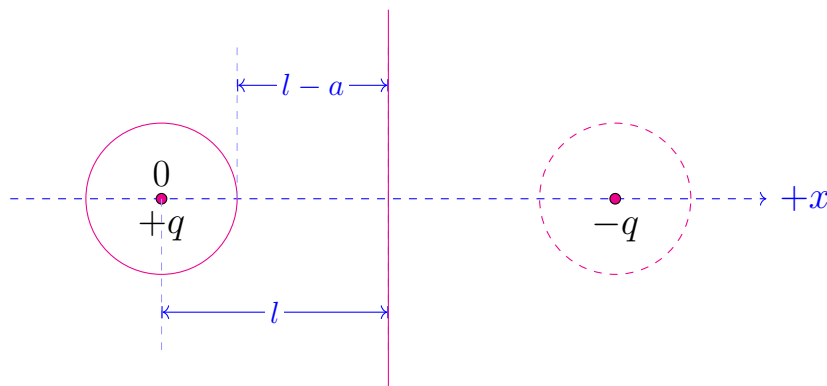


Воспользуемся методом изображений. В данном случае поле эквивалентно системе двух шариков, симметричных относительно плоскости и противоположно заряженных:



Напряженность поля на оси, по принципу суперпозиции

$$E(x) = \frac{kq}{x^2} + \frac{kq}{(2l-x)^2} \quad (1)$$

Тогда

$$\Delta\phi = \int_a^l \left[\frac{kq}{x^2} + \frac{kq}{(2l-x)^2} \right] dx = kq \left[\frac{1}{2l-x} - \frac{1}{x} \right] \Big|_a^l = \quad (2)$$

$$= kq \left[\frac{1}{l} - \frac{1}{l} - \frac{1}{2l-a} + \frac{1}{a} \right] = kq \left[\frac{1}{a} - \frac{1}{2l-a} \right] \quad (3)$$

$$\Delta\phi = kq \frac{2l-2a}{2al-a^2} \quad (4)$$

Если $l \gg a$, то

$$\Delta\phi \approx \frac{kq}{a} \quad (5)$$

$$C = \frac{q}{\Delta\phi} = \frac{a}{k} \quad (6)$$