

Найдем заряды на конденсаторах до замыкания ключа K, когда C_1 и C_2 включены последовательно.

$$C = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \tag{1}$$

$$q_1 = q_2 = q = C\mathscr{E} \tag{2}$$

После замыкания

$$q_1' = 0, (3)$$

так как разность потенциалов на обкладках конденсатора равна нулю, и

$$q_2' = C_2 \mathscr{E} \tag{4}$$

Через точки 1 и 2 протекает заряд

$$Q_1 + Q_2 = q_2' - q_2 = C_2 \mathscr{E} - C \mathscr{E} \tag{5}$$

Но с другой стороны, через точку 2 протек заряд

$$Q_2 = q_1' - q_1 = -C\mathscr{E} \tag{6}$$

Из двух последних уравнений получим ответ:

$$Q_1 = C_2 \mathscr{E} \tag{7}$$

$$Q_2 = -\frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \mathscr{E} \tag{8}$$