

a, Legyen

$$[n] := 1, 2, \dots, n$$

a természetes számok halmaza 1-től n-ig.

b, Egy n-edrendű *permutáció*  $\sigma$  egy bijekció  $[n]$ -ből  $[n]$ -be. Az n-edrendű permutációk halmazát, az ún. szimmetrikus csoportot,  $S_n$ -nel jelöljük.

c, Egy  $\sigma \in S_n$  permutációban inverzióknak nevezünk egy  $(i, j)$  párt, ha  $i < j$  de  $\sigma_i > \sigma_j$ .

d, Egy  $\sigma \in S_n$  permutáció paritásának az inverziók számát nevezzük:

$$\mathcal{I}(\sigma) := |\{(i, j) | i, j \in [n], i < j, \sigma_i > \sigma_j\}|$$

e, Legyen  $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ , egy  $n \times n$ -es (négyzetes) valós mátrix:

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{pmatrix}$$

Az A mátrix determinánsát a következőképpen definiáljuk:

$$\det(A) = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{vmatrix} := \sum_{\sigma \in S_n} (-1)^{\mathcal{I}(\sigma)} \prod_{i=1}^n a_{i\sigma_i}$$

(2)