Circuito eletrônico que calcula o ângulo de inclinação usando a unidade de medição Inercial MPU-6050

1st Fernanda Faria Diniz *Universidade de Brasília - UnB* 190087099@aluno.unb.br 2nd Gabriel de Souza Lima *Universidade de Brasília - UnB* 190057351@aluno.unb.br

- I. REPOSITÓRIO PARA ANEXO DE CÓDIGO E ARQUIVOS
- Os programas, códigos e arquivos de todo o projeto podem ser encontrados no repositório: https://github.com/Fefdiniz11/Inst_Eletronica

II. INTRODUÇÃO

O giroscópio e o acelerômetro são sensores inerciais que medem a orientação e a aceleração de um objeto em três dimensões. O giroscópio mede a taxa de rotação angular em torno de cada um dos eixos, enquanto o acelerômetro mede a força resultante em cada eixo, que inclui tanto a aceleração gravitacional quanto a aceleração linear.

Ao integrar as leituras do giroscópio e do acelerômetro, é possível obter informações precisas sobre a posição e orientação do objeto em tempo real. Esses sensores também podem ser combinados, por exemplo, com magnetômetros para fornecer informações de orientação mais precisas em relação ao campo magnético da Terra.

A utilização do giroscópio e do acelerômetro são fundamentais em diversas aplicações, como em jogos, navegação, ambiente virtual, drones e em veículos autônomos. Esses sensores permitem que os dispositivos eletrônicos detectem e compreendam o movimento, fornecendo informações importantes para o controle e a orientação desses dispositivos.

Em jogos, por exemplo, os sensores são utilizados para permitir que o jogador controle personagens ou veículos por meio de movimentos físicos, como inclinação e rotação. Já na navegação, os sensores são utilizados para obter informações precisas sobre a posição e orientação de um dispositivo, o que é especialmente útil em aplicações como GPS.

Na realidade virtual, os sensores são utilizados para detectar a posição e a orientação da cabeça do usuário, permitindo que o ambiente virtual seja exibido de acordo com a perspectiva do usuário. Em drones e veículos autônomos, os sensores são utilizados para fornecer informações sobre a orientação e aceleração do veículo, permitindo que o veículo seja controlado com maior precisão.

Em resumo, o giroscópio e o acelerômetro são sensores essenciais em dispositivos eletrônicos modernos, permitindo que os mesmos detectem e compreendam o movimento em três dimensões. Combinados com outros sensores, como o magnetômetro, esses sensores são capazes de fornecer informações

precisas sobre a posição e orientação de um objeto em tempo real, permitindo que os dispositivos eletrônicos sejam controlados com maior precisão e eficiência.

III. REVISÃO DA LITERATURA

A. Funcionamento do Acelerômetro

Um acelerômetro é um dispositivo que mede a aceleração de um objeto. Ele pode ser usado para medir a aceleração linear (mudança na velocidade ao longo de uma linha reta) ou a aceleração angular (mudança na velocidade rotacional) de um objeto.

O acelerômetro é composto por um conjunto de massas e molas. Quando o objeto sofre uma aceleração, a massa se move em relação às molas, gerando uma força que é medida pelo dispositivo. Essa força é proporcional à aceleração sofrida pelo objeto.

Existem dois tipos principais de acelerômetros: os acelerômetros piezoelétricos e os acelerômetros capacitivos.

Os acelerômetros piezoelétricos geram uma carga elétrica quando sofrem uma deformação mecânica, como a que ocorre quando a massa se move em relação às molas. Essa carga elétrica é medida e convertida em um sinal elétrico que pode ser processado para determinar a aceleração.

Já os acelerômetros capacitivos utilizam um conjunto de placas paralelas que formam um capacitor. Quando a massa se move em relação às placas, a distância entre elas muda, alterando a capacitância do capacitor. Essa mudança na capacitância é medida e convertida em um sinal elétrico que pode ser processado para determinar a aceleração.

Os acelerômetros são amplamente utilizados em aplicações como smartphones, controle de estabilidade de veículos, navegação inercial, detecção de terremotos, entre outros. Eles são capazes de medir acelerações com grande precisão e rapidez, permitindo o monitoramento de movimentos e vibrações em tempo real.

O acelerômetro presente na MPU-6050 é do tipo MEMS (Micro-Electro-Mechanical System) capacitivo, que mede a aceleração através da variação na capacitância entre duas camadas de material isolante quando ocorre uma força sobre o sensor. Esse acelerômetro é capaz de medir acelerações em três eixos: X, Y e Z e as faixas que esse acelerômetro pode

operar são ±2g, ±4g, ±8g, ±16g, o que permite que ele seja usado em diversas aplicações.

B. Funcionamento do Giroscópio

Um giroscópio é um dispositivo mecânico que utiliza o princípio da conservação do momento angular para medir a rotação ou a orientação de um objeto. Ele consiste em um rotor que gira em alta velocidade em torno de um eixo, mantido em suspensão por um conjunto de anéis e suportes.

Quando o giroscópio é colocado em movimento, o rotor começa a girar e, devido à sua inércia, ele tende a manter sua posição original no espaço. Isso significa que, mesmo que o objeto em que o giroscópio está montado se mova ou mude de direção, o rotor continuará girando na mesma direção e com a mesma velocidade relativa ao espaço, mantendo assim a sua orientação.

O movimento do rotor cria um efeito de precessão, onde o eixo do rotor muda de direção em resposta a forças aplicadas ao giroscópio. Esse efeito é usado para medir a rotação do objeto em que o giroscópio está montado. Por exemplo, em um giroscópio de aeronaves, a rotação do avião faz com que o eixo do giroscópio gire, e esse movimento pode ser medido para determinar a orientação da aeronave em relação ao espaço.

Os giroscópios são utilizados em diversas aplicações, como navegação inercial, estabilização de câmeras, controle de movimento em videogames, entre outras. Eles são muito precisos e confiáveis em ambientes onde as condições de navegação são desafiadoras, como em aviões, submarinos e foguetes.

O giroscópio presente na MPU-6050 utiliza o efeito Coriolis para medir a velocidade angular. Ele possui uma massa de prova suspensa em um suporte flexível que pode se mover em várias direções. Quando o dispositivo gira, a massa de prova também se desloca devido ao efeito Coriolis. Esse deslocamento é detectado por sensores internos que convertem o movimento em um sinal elétrico proporcional à velocidade angular. Esse giróscopio também permite determinar a orientação e moviemnto do dispositivo em três eixos: X, Y e Z e as faixas que esse giroscópio pode operar são ±250°/s, ±500°/s, ±1000°/s, ±2000°/s, o que permite que ele seja usado em diversas aplicações.

Parâmetros	Condições	Valores
Faixa de operação	AFS_SEL=0; AFS_SEL=1; AFS_SEL=2; AFS_SEL=3	$\pm 2g; \pm 4g; \pm 8g; \pm 16g$
Temperatura de operação		-40°C a 85°C
Comprimento de palavra ADC	Saída em formato de complemento de dois	16 bits
Escala de sensibilidade	AFS_SEL=0; AFS_SEL=1; AFS_SEL=2; AFS_SEL=3	16384LSB/g; 8192LSB/g; 4096LSB/g; 2048LSB/g;
Tolerância de calibração inicial		+/-3%
Não-linearidade		0,5%
Mudança de Sensibilidade vs. Temperatura	AFS_SEL=0, -40°C a 85°C	+/-0,02%/°C
Sensibilidade de eixo cruzado		+/-2%
Mudança de Nível Zero-G vs. Temperatura	Eixos X e Y, 0° C a 70° C; Eixo Z, 0°C a 70° C	$\pm 35mg; \pm 60mg$
Tolerância de calibração inicial	Eixos X e Y; Eixo Z	$\pm 50mg; \pm 80mg$
Resposta de auto teste - relativo	Variação em relação ao ajuste de fábrica	-14 a 14%
Ruído - Densidade espectral de potência	$@10Hz, AFS_SEL = 0\&ODR = 1kHz$	400 μg/ \sqrt{Hz}
Resposta do filtro passa-baixa	Faixa programável	5Hz a 260Hz
Taxa de saída de dados	Faixa programável	4Hz a 1000Hz
Incremento da função de inteligência		32mg/LSB

TABLE II
TABELA COM INFORMAÇÕES DO GIROSCÓPIO DA MPU-6050

Parâmetros	Condição	Valores	
F' 1 ~	FS_SEL=0;FS_SEL=1;	$\pm 250^{\circ}/s$; $\pm 500^{\circ}/s$;	
Faixa de operação	FS_SEL=2;FS_SEL=3	±1000°/s; ±2000°/s	
Temperatura de operação		-40°C a 85°C	
Comprimento de palavra ADC		16 bits	
Escala de sensibilidade	FS_SEL=0;FS_SEL=1;	131LSB/(°/s); 65,5LSB/(°/s);	
Escaia de sensibilidade	FS_SEL=2;FS_SEL=3	32,8LSB/(°/s); 16,4LSB/(°/s)	
Tolerância da escala de sensibilidade	25°C	-3 a +3%	
Variação da escala de sensibilidade		±2%	
Não-linearidade	Linha reta de melhor ajuste; 25°C	0,2%	
Sensibilidade Cruzada de Eixos		±2%	
Tolerância Inicial de ZRO	25°C	±20°/s	
Variação de ZRO em função da temperatura	-40°C a 85°C	±20°/s	
Sensibilidade à alimentação de energia	Onde sensidel 100mmVmm, VDD-2.5V	0,2°/s; 4°/s	
(1 - 250Hz); (250 - 100kHz)	Onda senoidal, 100mpVpp; VDD=2,5V		
Sensibilidade à aceleração linear	Estática	01°/s/g	
Resposta de auto teste relativa	Variação em relação ao ajuste de fábrica	-14 a 14%	
Ruído total RMS	DLPFCFG=2 (100Hz)	0,05 °/s-rms	
Ruído RMS de baixa frequência	Largura de banda 1Hz a 10Hz	0,033 °/s-rms	
Densidade espectral de ruído de taxa	A 10 Hz	°/s/ \sqrt{Hz}	
Frequências mecânicas do giroscópio: eixo X; eixo Y; eixo Z		30 a 36kHz; 27 a 33kHz; 24 a 30kHz	
Resposta do filtro passa-baixa	Faixa programável	5 a 256Hz	
Taxa de saída de dados	Faixa programável	4 a 8000Hz	
Estabilização de ZRO (a partir do ligamento)	Até ±1°/s do final	30ms	

IV. EXTRAÇÃO DE DADOS E VISUALIZAÇÃO

Para realizar essa parte do projeto, utilizou-se como microcontrolador uma ESP32 e a conectou ao MPU-6050, como mostrado a seguir:

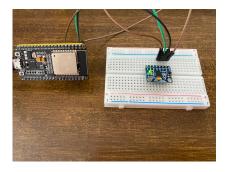


Fig. 1. Conexão MPU-6050 a ESP32

Utilizando a IDE do arduíno versão 1.8.19, fez-se um código em que foi possível fazer a comunicação com o MPU-6050, extrair os dados aceleração e velocidade angular do sensor e visualizar os resultados na tela do computador. Para extrair os dados da aceleração, foi preciso fazer a conversão para valores de fração de gravidade (g), portanto dividiu-se o valor bruto lido pelo acelerômetro por 16384, pois no datasheet é especificado que o acelerômetro tem uma sensibilidade de 16384 LSB por unidade de gravidade (g).

$$Valor\ no\ Monitor\ Serial = \frac{Valor\ Bruto\ Lido}{16384} = \frac{LSB}{\frac{LSB}{g}} = (g)$$

Já para o giroscópio, foi preciso fazer a conversão para os valores em graus/s, portanto dividiu-se o valor bruto lido pelo giroscópio por 131, pois no datasheet é especificado que o sensor possui uma taxa de sensibilidade de 131LSB por grau por segundo (grau/s). Esses valores de sensibilidade são para a configuração de escala selecionada em AFS_SEL=0 e FS_SEL=0, que são respectivamente ±2g e ±250graus/s, como visto nas tabelas I e II.

$$Valor\ no\ Monitor\ Serial = \frac{Valor\ Bruto\ Lido}{131} = \frac{gaus}{s}$$

Foi possível visualizar os dados tanto no Serial Monitor no formato de valores numéricos, quanto no Serial Plotter em que foi gerado no formato de gráfico. Os resultados foram divididos por parte para uma melhor visualização.

Os dados foram obtidos inicialmente com o sensor MPU-6050 em repouso e depois movimentando o mesmo e obteve-se os seguintes resultados:

Fig. 2. Valores de medição do acelerômetro

Fig. 3. Valores de medição do giroscópio

V. CALIBRAÇÃO

A calibração é um processo crucial utilizado para garantir a precisão e confiabilidade de instrumentos de medição ou sistemas. Envolve comparar as leituras ou medições de um instrumento com um padrão de referência conhecido e estabelecido. O objetivo principal é identificar quaisquer desvios ou erros no instrumento e garantir que ele forneça resultados precisos e exatos.

A calibração é especialmente importante em áreas como ciência, engenharia, manufatura e instrumentação, onde medições confiáveis são essenciais. É especialmente crítica em setores que envolvem segurança e saúde, como medicina, aviação, farmacêutica e energia nuclear. A calibração regular

é necessária para cumprir regulamentações e padrões e manter a integridade das medições.

Laboratórios de calibração certificados realizam procedimentos de calibração e emitem certificados que verificam a conformidade dos instrumentos testados. Esses certificados são frequentemente exigidos por regulamentações, normas de qualidade e clientes. A calibração também desempenha um papel importante na manutenção e monitoramento contínuo da qualidade, permitindo a detecção precoce de problemas e possibilitando a manutenção preventiva.

Em resumo, a calibração garante a precisão, confiabilidade e conformidade de instrumentos de medição. É amplamente praticada em diversas indústrias e é fundamental para a garantia da qualidade e desempenho ótimo de sistemas de medição.

A saída esperada para cada valor adquirido deve satisfazer a seguinte equação:

$$A_{Saida} = Ganho \cdot A_{Referencia} + A_{offset} \tag{3}$$

onde:

 A_{saida} : Valor de aceleração na saída do sensor medido em valores de gravidade [g].

Ganho :Parâmetro adimensional. No caso em que os movimentos no sensor somente se vejam afetados pela aceleração devida a gravidade, o ganho deve estar muito próximo de 1.

 A_{ref} :Valor de aceleração de referência. Para nosso caso, ± 1 g.

 A_{offset} : Valor de aceleração fixo que afeta as leituras em cada eixo do sensor. Pode ser considerado um erro sistemático do sistema.

, para calcularmos o A_{offset} e Ganho é necessário manipular a equação acima de A_{Saida} , obtendo assim as seguintes equações:

$$Ganho_{i} = \frac{\overline{A}_{+g,i} - \overline{A}_{-g,i}}{2q}$$

$$A_{offset} = \frac{\overline{A}_{+g,i} + \overline{A}_{-g,i}}{2}$$

,onde: $\overline{A}_{+g,i} = \text{m\'edia}$ das medidas obtidas com a MPU, para cada eixo. i = eixo (x,y ou z).

A coleta de dados foi feita em laboratório, em ambiente parcialmente controlado (devido a possíveis desníveis da bancada e do próprio instrumento disponibilizado para as medições), os dados serão dispostos em forma de tabela, abaixo:

TABLE III TABELA DE RESULTADOS

Eixos	A_{offset}	Ganho
X	0.05	0.99
Y	-0.01	0.99
Z	-0.06	1.02

TABLE IV TABELA DE RESULTADOS

Eixo	\overline{A}	$\overline{A} \pm 1_{g,i}$
X+	1.04	1,0796g
X-	-0.94	-0,8806g
Y+	0.99	0,9701g
Y-	-0.97	-0,9703g
Z+	0.96	0,9192g
Z-	-1.08	-1,1616g

O cálculo da tabela acima, onde o valor de $\overline{A}_{\pm g,i}=\overline{A}\cdot Ganho+A_{offset}$

VI. CÁLCULO DO ÂNGULO DE INCLINAÇÃO

A. Composição Trigonométrica

Para calcular o ângulo de inclinação por composição trigonométrica para o acelerômetro, utilizamos a seguinte fórmula:

$$\theta = tg^{-1} \left(\frac{A_x}{\sqrt{(A_y^2 + A_z^2)}} \right) \cdot \frac{180}{\pi}$$
 (4)

Essa fórmula foi implementada no código realizando o cálculo diretamente no mesmo.

Utilizando a eq. 4, com o ângulo de 270° como referência, os resultados obtidos para os ângulos lidos pelo acelerômetro foram:

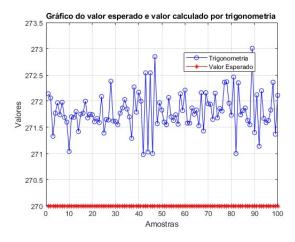


Fig. 4. Dados dos valores lidos pelo acelerômetro.

$$REQM = \sqrt{\frac{1}{n} \cdot \sum_{n=1}^{n} (y_n - p_n)^2}$$
 (5)

Para calcular a diferença entre o valor obtido e o valor esperado é feito o cálculo a seguir:

$$Diferenca = ValorObtido - ValorEsperado$$
 (6)

A partir da eq. 5, com o apoio do software MATLAB, calculou-se e plotou o gráfico da REQM juntamente com a

diferença entre os valores desejados e os valores coletados. O resultado obtido pode ser visto a seguir:

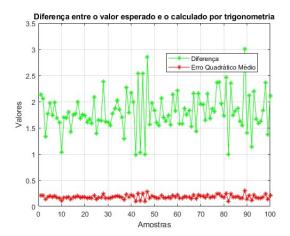


Fig. 5. REQM do acelerômetro

B. Integração Numérica no Giroscópio

Para calcular o ângulo de inclinação por integração numérica para o giroscópio, levou-se em consideração que para calcular o ângulo de inclinação em torno de um eixo específico, no caso o eixo X, é necessário integrar a velocidade angular ao longo do tempo. Isso pode ser feito somando a velocidade angular (graus/s) multiplicada pelo intervalo de tempo entre as leituras do giroscópio a cada iteração.

Com isso, implementou-se no código a integração numérica, somando a velocidade angular multiplicada pelo intervalo de tempo ao valor anterior do ângulo.

$$\theta = \theta_{Ref} + (Gyr_x \cdot dt) \tag{7}$$

Sendo θ_{Ref} o ângulo de referência, o Gyr_x a velocidade angular em (graus/s) e dt o intervalo de tempo entre as amostras

Utilizando a eq. 7, com o ângulo de 270° como referência, os resultados obtidos para os ângulos lidos pelo giroscópio foram:

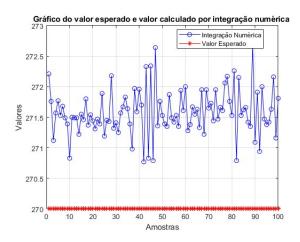


Fig. 6. Dados dos valores lidos pelo giroscópio

A partir da eq. 5, com o apoio do software MATLAB, calculou-se e plotou o gráfico da REQM juntamente com a diferença (eq. 6 entre os valores desejados e os valores coletados. O resultado obtido pode ser visto a seguir:

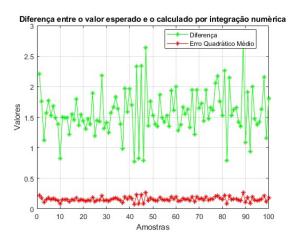


Fig. 7. REQM do giroscópio

TABLE V
TABELA DE VALORES DOS ÂNGULOS E SEUS RESPECTIVOS REOM

Trigonometria	REQM	Integração	REQM
272.14	0.21	272.21	0.22
272.06	0.21	271.76	0.18
271.33	0.13	271.12	0.11
271.77	0.18	271.57	0.16
271.97	0.20	271.77	0.18
271.74	0.17	271.53	0.15
271.98	0.20	271.68	0.17
271.69	0.17	271.49	0.15
271.60	0.16	271.39	0.14
271.04	0.10	270.83	0.08
271.70	0.17	271.50	0.15
271.69	0.17	271.49	0.15
271.80	0.18	271.49	0.15
271.42	0.14	271.22	0.12
271.75	0.18	271.55	0.16
271.77	0.18	271.46	0.15
272.00	0.20	271.80	0.18
271.68	0.17	271.37	0.14
271.75	0.18	271.54	0.15
271.74	0.17	271.44	0.14
271.61	0.16	271.31	0.13
271.67	0.17	271.47	0.15
271.59	0.16	271.39	0.14
272.09	0.21	271.89	0.19
271.39	0.14	271.19	0.12
271.65	0.16	271.45	0.14
271.64	0.16	271.43	0.14
272.38	0.24	272.18	0.22
271.62	0.16	271.32	0.13
271.61	0.16	271.41	0.14
271.55	0.16	271.25	0.13
271.77	0.18	271.57	0.16
271.87	0.19	271.67	0.17
272.03	0.20	271.83	0.17
271.85	0.19	271.64	0.16
271.70	0.17	271.39	0.14
271.70	0.13	270.98	0.10
272.27	0.13	271.97	0.10
271.79	0.23	271.59	0.20
272.17	0.18	271.96	0.10
272.17	0.22	271.70	0.20
270.98	0.20	270.77	0.17
272.54	0.10	272.33	0.08
271.03	0.23	270.83	0.23
272.54	0.10	272.34	0.08
271.00	0.10	270.79	0.23
272.85	0.10	272.64	0.08
271.57	0.29	271.36	0.20
271.97	0.10	271.76	0.14
271.83	0.20	271.76	0.18
271.60	0.16	271.33	0.13
271.55	0.16	271.39	0.14
271.55	0.16	271.33	0.14
272.07	0.21	271.87	
			0.15
271.63	0.16	271.42	0.14
271.74	0.17	271.53	0.15

A tabela V acima inclui os valores mostrados nos gráficos 4, 5, 6 e 7.

VII. DISCUSSÃO DE RESULTADOS

A partir do programa feito no arduíno, foi possível visualizar, depois da conversão para as unidades desejadas, os dados de aceleração e velocidade angular lidos pelo sensor MPU-6050. Percebe-se que enquanto ele estava em repouso, os valores realmente ficavam constantes, apenas com algumas variações pouco significativas por causa do ambiente. Quando movimentava o sensor, os valores tanto do acelerômetro quanto do giroscópio variavam conforme o movimento acontecia, alterando os valores de cada eixo.

Após o processo da calibração estática do sensor acelerômetro, conforme os dados da MPU6050 no datasheet, foi possível observar os valores da aceleração em valores de gravidade (g), o ganho, que foi sempre próximo de 1, como esperado pois os movimentos no sensor estavam sendo afetados pela aceleração da gravidade e quanto ao offset, observou-se que o erro sistemático do sistema é um valor baixo, o que permite aferir que foi feita uma boa calibração.

A análise dos resultados obtidos a partir do cálculo do ângulo de inclinação por composição trigonométrica pelo acelerômetro e pela integração numérica utilizando o giroscópio apresentou resultados satisfatórios. Ao comparar os ângulos obtidos com a referência de 270°, observou-se uma boa concordância entre os valores. O cálculo da REQM permitiu quantificar a discrepância entre os valores desejados e os valores coletados pelos sensores, como o cálculo obtido pela REQM foi baixo, considera-se que os métodos utilizados para calibração e cálculo do ângulo de inclinação foram satisfatórios.

VIII. CONCLUSÃO

Por meio desse estudo foi possível entender na prática o funcionamento do acelerômetro e do giroscópio presente na MPU-6050, além de contextualizar e compreender as aplicações desses sensores.

Também foi possível, com base nos conhecimentos adquiridos na disciplina e os resultados obtidos no desenvolvimento do trabalho, é possível concluir que os métodos empregados para calibração e cálculo do ângulo de inclinação tanto por trigonometria, quanto por integração pelo acelerômetro e o giroscópio, respectivamente, foram uma abordagem considerada válida.

REFERENCES

- [1] MPU-6000-Datasheet
- [2] MPU-6000 and MPU-6050 Register Map and Descriptions. Revision 4.2
- [3] Giroscópio e acelerômetro. Embarcasaúde
- [4] Acelerômetros MPU-6050, MMA8452 e MPU-9250
- [5] Roll, Pitch e Yaw com MPU6050 Arduino