# Poisoning Attacks to Graph-Based Recommender Systems

Minghong Fang, Guolei Yang, Neil Zhenqiang Gong, Jia Liu Iowa State University; Facebook, Inc.

Shilong Zhao <sup>†</sup> November 21, 2022

<sup>†</sup>Institute of Computing Technology University of Chinese Academy of Sciences

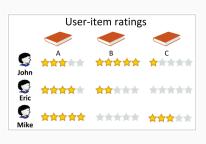
#### **OUTLINE**

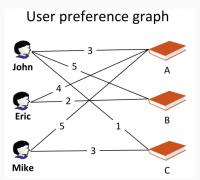
- 1. Introduction
- 2. Problem Formulation
- 3. Proposed Method
- 4. Experiment
- 5. Conclusion
- 6. Supplement

Introduction

#### **INTRODUCTION**

Graph-Based Recommender Systems: 实际上是图上的 Random Walk 算法。





#### Introduction

#### Contributions:

- 1. 将投毒攻击形式化为优化问题并提出近似求解的方法
- 2. 使用真实世界数据与其他攻击方法进行比较
- 3. 提出检测假用户的反制措施并验证效果

**Problem Formulation** 

#### PROBLEM FORMULATION

Attack goal: 最大化 Hit ratio, h(t) =所有正常用户 top-N 推荐中包含 了 Target Item t 的用户数量/正常用户数量

Attack approach: 攻击者向 RS 注入假用户,控制假用户给目标物品高 分、给一些其他 item 精心设计的评分(这部分 item 叫做 filler items. 每个用户有 n 个)。

Attack knowledge: white-box setting. 攻击者知道给定推荐系统使用的 推荐算法和用户-物品评分矩阵。

$$\max h(t)$$
subject to  $|r_v|_0 \le n + 1, \forall v \in \{v_1, v_2, \cdots, v_m\}$ 

$$r_{vi} \in \{0, 1, \cdots, r_{max}\}, \forall v \in \{v_1, v_2, \cdots, v_m\}$$

0 范数:向量中非零元素的个数。 v<sub>m</sub>: 第 m 个恶意用户

# Proposed Method

#### PROPOSED METHOD

#### 很难得到上面提出的优化问题的精确解,于是对其进行近似:

- 1. 不同时优化 m 个假用户的评分,而是逐个优化他们的评分。具体来说,给定目前的正常用户和假用户,我们找到下一个假用户的评分分数,以优化 HR。(贪心)
- 2. 使用其他容易优化的函数近似 HR。
- 3. 将评分的取值范围  $\{0, 1, ..., r_{max}\}$  放宽到实数域  $[0, r_{max}]$ .

使用 PGD(projected gradient descent) 解决近似后的优化问题。 最后生成假用户对 Target item 和 filler items 的评分:

- 1. fake user 对 target 打最高分;
- 2. 根据近似优化问题中求出的 w<sub>i</sub> 从高到低选择 n 个 item 作为 filler item:
- 3. 为每个 filler item 打分: 从正常用户为这个 item 打分的分布中 sample 一个数,离散化后作为分数。

## Experiment

#### **EXPERIMENT**

#### 数据集:

- 1. MovieLens-100K(943 users, 1,682 movies, and 100,000 ratings)
- 2. Amazon Instant Video(5,073 users, 10,843 items, and 48,843 ratings)

Table 1: Dataset statistics.				
Dataset	#Users	#Items	#Ratings	Sparsity
Movie	943	1,682	100,000	93.67%
Video	5,073	10,843	48,843	99.91%

Metric: HR@N

Baseline Attacks: On paper...

## Conclusion

#### CONCLUSION

文章提出了一种针对图模型投毒攻击,目的是让目标商品推荐给尽可 能多的用户。

#### 实验结果表明:

- 1. 针对图模型进行攻击效果很好。
- 2. 也可以攻击其他类型的 RS, 但效果不太好。
- 3. 通过使用监督学习可以检测出很大一部分虚假用户,但也可以错误地预测一小部分正常用户是虚假用户。

Q&A

Q & A



Supplement

#### SUPPLEMENT: 近似 HR

在具有新加入的假用户 v 的图中,为了对普通用户 u 进行推荐,我们首先从 u 执行 Random Walk 算法并计算其平稳概率分布  $P_u$ ,其中  $P_{ui}$  是项目 i 的平稳概率。我们根据平稳概率对用户 u 未评分的项目进行排名,选择平稳概率最大的前 n 项被推荐给用户 u, 生成推荐列表  $L_u$ 。  $P_u$  是从用户 u 开始的随机游走的平稳概率分布,即下式的解:

$$p_{u} = (1 - \alpha) \cdot Q \cdot p_{u} + \alpha \cdot e_{u},$$

$$Q_{xy} = \begin{cases} \frac{r_{xy}}{\sum\limits_{z \in \Gamma_{x}} r_{xz}} & \text{if } (x, y) \in E \\ 0 & \text{otherwise,} \end{cases}$$

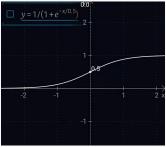
对于用户节点 x,  $\Gamma x$  是 x 评分的项目集; 对于项目节点 x,  $\Gamma x$  是评价 x 的用户集。转移矩阵 Q 是边权值  $w_v$  的函数。

### SUPPLEMENT: 近似 HR

#### 设计一个损失函数满足:

- 1. Filler items 排在 Target item 前时 Loss 大,反之小
- 2. Target 排的越高 Loss 越小

$$l_u = \sum_{i \in L_u} g(p_{ui} - p_{ut}),$$
$$g(x) = \frac{1}{1 + \exp(-x/b)}$$



Supplement

#### SUPPLEMENT: 近似 HR

#### 对所有用户求和:

$$l = \sum_{u \in S} l_u,$$

#### 最终的优化目标:

$$\min F(w_{\upsilon}) = ||w_{\upsilon}||_2^2 + \lambda \cdot l$$
  
subject to  $w_{\upsilon i} \in [0, r_{max}],$ 

其中  $||\mathbf{w}_{\mathbf{v}}||_2^2$  用来限制每个假用户只能对少量商品进行评分。 这样我们就可以计算  $F(\mathbf{w}_{\mathbf{v}})$  对  $\mathbf{w}_{\mathbf{v}}$  的导数。(On paper...)

## 假用户评分的生成

#### Algorithm 1 Our Poisoning Attacks

**Input:** Rating matrix R, parameters t, m, n,  $\lambda$ , b.

**Output:** m fake users  $v_1, v_2, \cdots, v_m$ .

- 1: //Add fake users one by one.
- 2: **for**  $v = v_1, v_2, \cdots, v_m$  **do**
- 3: Solve the optimization problem in Equation 6 with the current rating matrix R to get  $w_v$ .
- 4: //Assign the maximum rating score to the target item.
- 5:  $r_{vt} = r_{max}$ .
- 6: //Find the filler items
- 7: The n items with the largest weights are filler items.
- 8: //Generate rating scores for the filler items.
- 9:  $r_{vj} \sim \mathcal{N}(\mu_j, \sigma_j^2)$ , for each filler item j.
- 10: //Inject the fake user with rating scores  $r_{\mathcal{U}}$  to the system.
- 11:  $R \leftarrow R \cup r_v$ .
- 12: end for
- 13: **return**  $r_{\mathcal{V}_1}, r_{\mathcal{V}_2}, \cdots, r_{\mathcal{V}_m}$ .