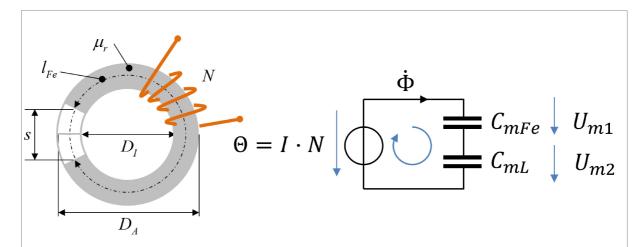
## **Modellbildung mechatronischer Systeme (MMS)**

## Kopplung elektrisch - magnetisch

mag. Kapazität

## geometrische Parameter und Materialparameter



Außendurchmesser  $D_A \coloneqq 30 \ \textit{mm}$ 

Innendurchmesser  $D_I = 20 \ mm$ 

Kerndicke  $d_k = 5 \ \textit{mm}$ 

Luftspaltlänge  $s = 0.5 \ mm$ 

Material Ferrit  $\mu_{Fe} \coloneqq 400$ 

Windungsanzahl  $N_W \coloneqq 500$ 

Spulenstrom  $I_S = 0.5 A$ 

Kernbreite  $b_k = \frac{D_A - D_I}{2} = 5 \ \textit{mm}$ 

Kernfläche  $A_k \coloneqq b_k \cdot d_k = \left(2.5 \cdot 10^{-5}\right) \; \boldsymbol{m}^2$ 

mittlerer Kernradius  $R_k = \frac{D_I}{2} + \frac{b_k}{2} = 12.5 \; \textit{mm}$ 

## **Ringspule mit Luftspalt (Variante 2)**

Permeabilität	$\mu_r \coloneqq \mu_0 \cdot \mu_{Fe}$
---------------	--

mittlere Länge im Ferrit 
$$l_{Fe} := 2 \cdot \pi \cdot R_k = 78.54 \ mm$$

mag. Kapazität Ferritkern 
$$C_{mFe} \coloneqq \mu_r \cdot \frac{A_k}{2 \cdot \pi \cdot R_k - s} = \left(161.03 \cdot 10^{-3}\right) \, \mu H$$

mag. Kapazität Luftspalt 
$$C_{mLu} := \mu_0 \cdot \frac{A_k}{s} = (62.83 \cdot 10^{-3}) \mu H$$

mag. Gesamtkapazität 
$$C_{ges} \coloneqq \frac{C_{mFe} \cdot C_{mLu}}{C_{mFe} + C_{mLu}} = \left(45.2 \cdot 10^{-3}\right) ~\mu\text{H}$$

mag. Spannung (Durchflutung) 
$$\Theta \coloneqq I_S \cdot N_W = 250 \ A$$

Co-Energie (Gesamtsystem) 
$$E_T \coloneqq \frac{C_{ges}}{2} \cdot \Theta^2 = \left(1.412 \cdot 10^{-3}\right) \textbf{\textit{J}}$$

magnetischer Fluss 
$$\Phi \coloneqq \Theta \cdot C_{qes} = (11.299 \cdot 10^{-6}) \ Wb$$

Flussdichte 
$$B = \frac{\Phi}{A_s} = 0.452 \ T$$

Feldstärke im Eisen 
$$H_{Fe} := \frac{B}{\mu_r} = 899.152 \frac{A}{m}$$

Feldstärke im Luftspalt 
$$H_{Lu} = \frac{B}{\mu_0} = (359.661 \cdot 10^3) \frac{A}{m}$$

magnetische Spannung 1 
$$U_{m1} := H_{Fe} \cdot l_{Fe} = 70.619 \text{ A}$$

magnetische Spannung 2 
$$U_{m2}\!\coloneqq\!H_{Lu}\!\cdot\!s\!=\!179.83~\textbf{\textit{A}}$$

Co-Energie im Ferrit 
$$E_{TFe}\coloneqq \frac{C_{mFe}}{2} \cdot U_{m1}^{\ \ 2} = \left(401.522 \cdot 10^{-6}\right) \textbf{\textit{J}}$$

Co-Energie im Luftspalt 
$$E_{TLu} \coloneqq \frac{C_{mLu}}{2} \cdot U_{m2}^2 = \left(1.016 \cdot 10^{-3}\right) \textbf{\textit{J}}$$

elektrische Induktivität 
$$L_{qes} := C_{qes} \cdot N_W^2 = 11.3 \; mH$$

Co-Energie (Gesamtsystem) 
$$\boxed{E_{T}} \coloneqq \frac{L_{ges}}{2} \cdot {I_{S}}^{2} = \left(1.41 \cdot 10^{-3}\right) \textbf{\textit{J}}$$