

## **Mechatronische Netzwerke**

## **Beispiel Isomorphes Netzwerk (transformatorisch)**

## **Eingaben**

Masse  $m_2 \coloneqq 1 \ kg$ 

 $c_2 = 394.78 \cdot 10^3 \frac{N}{m}$ Steifigkeit

 $D_1 = 0.01$   $k_{21} = 2 \cdot D_1 \cdot \sqrt{c_2 \cdot m_2} = 12.566 \frac{kg}{s}$ Lehrsches Dämpfunfgsmaß

 $D_2 = 0.001$   $k_{22} = 2 \cdot D_2 \cdot \sqrt{c_2 \cdot m_2} = 1.257 \frac{kg}{s}$ 

 $F_2 \coloneqq 1 \ N$ Erregerkraft

### isomorphe Transformation

 $C_2 \coloneqq m_2 = 1 \ kg$ mechanische Kapazität

 $L_2 = \frac{1}{c_2} = 2.533 \frac{\mu m}{N}$ mechanische Induktivität

 $R_{21} = \frac{1}{k_{21}} = 0.08 \frac{s}{ka}$ mechanischer Widerstand

 $R_{22} := \frac{1}{k_{22}} = 0.796 \frac{s}{ka}$ 

#### **Transformation (Kettenmatrix)**

 $A_{11} \coloneqq 1 \cdot \frac{V \cdot s}{m}$   $A_{22} \coloneqq 1 \cdot \frac{A}{N}$ Parameter der Kettenmatrix

 $C_1\!\coloneqq\!\frac{A_{22}}{A_{11}}\!\cdot\!C_2\!=\!1\;\pmb{F}$ elektrische Kapazität

 $L_1 \coloneqq \frac{A_{11}}{A_{22}} \cdot L_2 = 2.533 \ \mu H$ elektrische Induktivität

### **Transformation (Kettenmatrix)**

elektrischer Widerstand

$$R_{11} = \frac{A_{11}}{A_{22}} \cdot R_{21} = (79.578 \cdot 10^{-3}) \Omega$$

$$R_{12} \coloneqq \frac{A_{11}}{A_{22}} \cdot R_{22} = (795.779 \cdot 10^{-3}) \Omega$$

elektrischer Strom

$$I_1 \coloneqq -A_{22} \cdot F_2 = -1 A$$

## **Transformation (Hybridmatrix)**

Parameter der Hybridmatrix

$$H_{12} \coloneqq 1 \cdot \frac{V \cdot s}{m}$$
  $H_{21} \coloneqq -1 \cdot \frac{N}{A}$ 

elektrische Kapazität

$$C_1\!\coloneqq\!\frac{-1}{H_{12}\!\cdot\!H_{21}}\!\cdot\!C_2\!=\!1\;\pmb{F}$$

elektrische Induktivität

$$L_1 \coloneqq -H_{12} \cdot H_{21} \cdot L_2 = 2.533 \ \mu H$$

# **Transformation (Hybridmatrix)**

elektrischer Widerstand

$$R_{11} = -H_{12} \cdot H_{21} \cdot R_{21} = (79.578 \cdot 10^{-3}) \Omega$$

$$R_{12} = -H_{12} \cdot H_{21} \cdot R_{22} = (795.779 \cdot 10^{-3}) \Omega$$

elektrischer Strom

$$I_1\!\coloneqq\!\frac{1}{H_{21}}\!\cdot\!F_2\!=\!-1\;\pmb{A}$$

#### Kennwerte

Eigenkreisfrequenz mechanisch

$$\omega_0 \coloneqq \sqrt{\frac{c_2}{m_2}} = 628.315 \ \frac{1}{s}$$

Eigenkreisfrequenz elektrisch

$$\omega_0 := \frac{1}{\sqrt{L_1 \cdot C_1}} = 628.315 \frac{1}{s}$$

Abklingkonstante mechanisch

$$\delta_{21} \!\coloneqq\! \frac{k_{21}}{2 \!\cdot\! m_2} \!=\! 6.283 \; \frac{1}{\pmb{s}}$$

$$\delta_{22} = \frac{k_{22}}{2 \cdot m_2} = 0.628 \; \frac{1}{s}$$

Abklingkonstante elektrisch

$$\delta_{11}\!\coloneqq\!\frac{1}{2\!\cdot\! R_{11}\!\cdot\! C_1}\!=\!6.283\;\frac{1}{\pmb{s}}$$

$$\delta_{12} = \frac{1}{2 \cdot R_{12} \cdot C_1} = 0.628 \frac{1}{s}$$

Maximum der Vergrößerungsfunktion

$$V_{max} \coloneqq \frac{1}{2 \cdot D_1 \cdot \sqrt{1 - D_1^2}} = 50.003$$

maximale Schwingamplitude

$$q_{max} \coloneqq \frac{F_2}{c_2} \cdot V_{max} = 126.659 \; \mu m$$