

Rapport TD2 : Conversion en noir et blanc par ACP

Premièrement, on récupère les trois couches RGB que l'on transpose en trois vecteurs colonnes. On les convertit en réels pour pouvoir travailler avec et on les rassemble dans la matrice X (de taille $n \times 3$). n_1 , n_2 contiennent respectivement la longueur et la largeur de l'image.

```
clear all
clc
cd 'C:\Users\extra\OneDrive\Etudes\Projet Tut - Reconnaissance Faciale\Images\images'
I1=imread('lena_color_512.tif');
P1=I1(:,:,1);
P2=I1(:,:,2);
P3=I1(:,:,3);
[n1,n2]=size(P1);
W1=double(P1(:));
W2=double(P2(:));
W3=double(P3(:));
X=[W1 W2 W3];
```

On procède à l'ACP de cette nouvelle matrice:

1. On centre la matrice X --> Y.
2. On calcule la matrice des variances / covariances V.
3. On diagonalise la matrice V.

```
m=mean(X);
n=size(W1,1);
Y=X-ones(n,1)*m;
V=(1/n)*Y'*Y;
[U,vp1]=eig(V);
vp=diag(vp1);
```

V est la matrice des variances/covariances; U contient les vecteurs propres et vp les valeurs propres.

```
[vpo,I]=sort(vp,'descend'); % On range les valeurs propres selon l'ordre décroissant
P(:,I)=U(:,I(:)); % On range dans P les vecteurs propres suivant l'ordre des valeurs propres
Intot=sum(vpo); % Intot est l'inertie totale
taux0=vpo/Intot; % Taux d'inertie de chaque axe

C=Y*P;
```

La projection à une dimension des données s'effectue selon un modèle affine de la forme $Y = aX + b$.

Les données étant centrée elles n'oscillent plus entre 0 et 255.

Soit M et m les points maximum et minimum. Pour que les données retrouvent des valeurs correct allant de 0 à 255, $Y_{\min} = a \cdot m + b = 0$ et $Y_{\max} = a \cdot M + b = 255$.

Par déduction, on peut retrouver les deux inconnus $a = 255 / (M - m)$ et $b = -a \cdot m$

On obtient ainsi la nouvelle matrice Ynew contenant les nouvelles coordonnées.

```
Ynew=C(:,1);
```

```

m=min(Ynew);
M=max(Ynew);
amplitude=M-m;
a=255/amplitude;
b=-a*m;
Xnew=a*Ynew+b;

```

On reconstruit la nouvelle image a partir de Xnew

```

newIm1=uint8(zeros(n1,n2));
for (i=1:n1)
    newIm1(:,i)=uint8( Xnew( (i-1)*n2+1 : i*n2 )' );
end

figure

subplot(1,2,1)
imshow(I1)
title('Lena en RGB')

subplot(1,2,2)
imshow(newIm1)
title('Lena en noir et blanc clair')

```

Lena en RGB



Lena en noir et blanc clair

