

Problema C

A reacção elementar $A \rightarrow B$ é conduzida, na fase gasosa, num reactor multitubular de leito fixo, consistindo em 100 tubos de 2 m de comprimento e 2 cm de diâmetro da secção recta, cheios com um catalisador sólido, poroso, na forma de *pellets* esféricas de 5 mm de diâmetro. O reagente A é alimentado puro a um caudal de $100 \text{ dm}^3/\text{min}$, à temperatura de 373 K e à pressão de 6 atm..

- Calcule o valor da constante cinética aparente, que observaria no caso da ausência de limitações difusionais externas.
- Calcule o valor do coeficiente de transferência de massa.
- Calcule o valor da constante cinética realmente observada.
- Diga, justificando a sua resposta, se o reactor se encontra em regime cinético, difusional interno, difusional externo ou misto.
- Calcule a conversão à saída do reactor.
- Determine o valor da concentração de A no centro das *pellets*, à saída do reactor.

Dados:

$\rho_p = 1.3 \text{ g/cm}^3$; Coeficiente de difusão externo: $D_A = 2.7 \times 10^{-7} \text{ m}^2/\text{s}$; viscosidade cinemática: $\nu = 4 \times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$; $\varepsilon_b = 0.45$; Difusividade efectiva intraparticular: $D_e = 1.3 \times 10^{-8} \text{ m}^2/\text{s}$; constante cinética intrínseca: $k' = 0.023 \text{ dm}^3 \text{ g}_{\text{cat}}^{-1} \text{ min}^{-1}$; $R = 0.082 \text{ atm dm}^3 \text{ mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$.

$$Sh = 1.0 Re^{1/2} Sc^{1/3}; \quad Sh = \frac{k_c d_p}{D_A} \cdot \frac{\varepsilon_b}{1 - \varepsilon_b}; \quad Re = \frac{u d_p}{\nu(1 - \varepsilon_b)}; \quad Sc = \frac{\nu}{D_A}; \quad \phi = R \sqrt{\frac{k' \rho_p}{D_e}}; \quad \eta = \frac{3}{\phi^2} (\phi \coth \phi - 1);$$

Perfil de concentração na pellet: $\varphi = \frac{1}{\lambda} \left(\frac{\sinh \phi \lambda}{\sinh \phi} \right).$

a)

$$\phi = R \sqrt{\frac{k' \rho_p}{D_e}} = 0.0025 \sqrt{\frac{0.023}{1000 \times 60} \times 1300000} = 15.5$$

$$\eta = \frac{3}{\phi^2} (\phi \coth \phi - 1) = \frac{3}{15.5^2} (15.5 \coth 15.5 - 1) = 0.181$$

$$k'_{ap} = \eta k' = 0.181 \times 0.023 = 0.00417 \text{ L/(min.g)}$$

b)

$$v_{tubo} = \frac{v}{N_{tubos}} = \frac{0,1}{60 \times 100} = 1,67 \times 10^{-5} \text{ m}^3 / \text{s}$$

$$u = \frac{v_{tubo}}{A_c} = \frac{v}{\varepsilon_b \frac{\pi D^2}{4}} = \frac{1,67 \times 10^{-5}}{0,45 \times \frac{\pi \times 0,02^2}{4}} = 0,1179 \text{ m/s}$$

$$\text{Re} = \frac{u d_p}{\nu (1 - \varepsilon_b)} = \frac{0,1179 \times 0,005}{4 \times 10^{-6} \times (1 - 0,45)} = 267,938$$

$$\text{Sc} = \frac{\nu}{D_A} = \frac{4 \times 10^{-6}}{2,7 \times 10^{-7}} = 14,81$$

$$\text{Sh} = \text{Re}^{1/2} \text{Sc}^{1/3} = 267,938^{1/2} \times 14,81^{1/3} = 40,2$$

$$k_c = Sh \cdot \frac{D_A}{d_p} \cdot \frac{1 - \varepsilon_b}{\varepsilon_b} = 40,2 \cdot \frac{2,7 \times 10^{-7}}{0,005} \cdot \frac{1 - 0,45}{0,45} = 2,65 \times 10^{-3} \text{ m / s}$$

$$\underbrace{\frac{\text{moles gerados}}{\text{massa cat} \times \text{tempo}}}_{r'_A} = \underbrace{\frac{\text{moles gerados}}{\text{área cat} \times \text{tempo}}}_{r''_A} \times \underbrace{\frac{\text{área cat}}{\text{massa cat}}}_a$$

$$a = \frac{\text{área cat}}{\text{massa cat}} = \frac{4\pi R^2}{\frac{4}{3}\pi R^3 \rho_p} = \frac{3}{R \rho_p} = \frac{3}{\frac{d_p}{2} \rho_p} = \frac{6}{d_p \rho_p} = \frac{6}{0,005 \times 1300000} = 9,231 \times 10^{-4} \text{ m}^2 / \text{g}$$

$$\begin{aligned} k'_c &= a k_c = 9,231 \times 10^{-4} \times 2,65 \times 10^{-3} \\ &= 2.449 \times 10^{-6} \frac{\text{m}^3}{\text{g} \cdot \text{s}} \equiv 2.449 \times 10^{-6} \times 10^3 \times 60 = \\ &= 0.14695 \text{ L / (g} \cdot \text{min)} \end{aligned}$$

c)

$$k'_c (C_{Ab} - C_{AS}) = (-r'_A) = k'_{ap} C_{AS}$$

$$\frac{k'_c}{k'_{ap} + k'_c} C_{Ab} = C_{AS}$$

$$r'_A = \frac{k'_{ap} k'_c}{k'_{ap} + k'_c} C_{Ab} = k'_{obs} C_{Ab}$$

$$k'_{obs} = \frac{k'_{ap} k'_c}{k'_{ap} + k'_c} = \frac{0.00417 \times 0.14695}{0.00417 + 0.14695} = 0.00405 \text{ L/(g.min)}$$

d)

A reação decorre sob fortes limitações difusionais internas pois $\phi > 3$ e $\eta \ll 1$.

Como $k_c \gg k'_{ap}$, os efeitos da transferência de massa externa na velocidade realmente observada no reator, são desprezáveis, pelo que o reator se encontra a funcionar em **regime difusional interno**.

e)

$$V_R = \frac{W}{\rho_p} + \varepsilon_b V_R$$

$$\begin{aligned} W &= (1 - \varepsilon_b) V_R \rho_p = (1 - \varepsilon_b) N_{tubos} \frac{\pi D^2}{4} L \rho_p = \\ &= (1 - 0.45) \times 100 \times \frac{\pi \times 2^2}{4} \times 200 \times 1.3 = 44925 \text{ g} \end{aligned}$$

$$dW = F_{A0} \frac{dX}{-r'_{Aobs}} = F_{A0} \frac{dX}{k'_{obs} C_A} = \frac{v_0}{k'_{obs}} \frac{dX}{(1 - X)}$$

$$\therefore W = \frac{v_0}{k'_{obs}} \ln \frac{1}{(1 - X)}$$

$$\therefore X = 1 - e^{-k'_{obs} \frac{W}{v_0}} = 1 - e^{-0.00405 \times \frac{44925}{100}} = 0.84$$

f)

$$C_{Ab} = C_{Ab0}(1 - X) = \frac{P_0}{RT}(1 - X) = \frac{6}{0.082 \times 373}(1 - 0.84) = 0.0418 \text{ M}$$

$$k'_c(C_{Ab} - C_{AS}) = k'_{ap} C_{AS}$$

$$C_{AS} = \frac{k'_c C_{Ab}}{k'_{ap} + k'_c} = \frac{0.14695 \times 0.0418}{0.00417 + 0.14695} = 0.04065 \text{ M}$$

$$PV = n R T$$

$$\frac{n}{V} = \frac{P}{RT} = C$$

$$C_A = \frac{C_{AS}}{\lambda} \left(\frac{\sinh \phi \lambda}{\sinh \phi} \right) = \frac{0.04065}{0.00001} \left(\frac{\sinh(15.5 \times 0.00001)}{\sinh 15.5} \right) = 2.4 \times 10^{-7} \text{ M}$$

λ é o raio adimensional.
No centro da pellet é zero.
Na expressão pomos um valor
muito perto de zero mas $\neq 0$