## **Grupo de atrito**

Por vezes o que pretendemos saber é qual o caudal que uma bomba que desenvolve uma determinada pressão permite.

Neste caso não sabemos o caudal (e a velocidade) e portanto não podemos calcular o (- $\Delta$ P atrito) uma vez que não conseguimos calcular o Re e determinar  $\Phi$ 

## Podemos usar gráfico:

Re vs.  $\Phi$  Re<sup>2</sup> —  $\Phi$  Re<sup>2</sup> (nº adimensional = grupo de atrito ) que não depende de v

$$(-\Delta P)_{at} = 4.\Phi \cdot \frac{L}{D} \cdot \rho \cdot v^2 \iff \Phi = \frac{(-\Delta P)_{at}}{L} \frac{D}{4 \cdot \rho \cdot v^2}$$

x por Re² vem: 
$$\Phi \operatorname{Re}^2 = \frac{(-\Delta P)_{at}}{L} \frac{D}{4 \cdot \rho \cdot v^2} \times \frac{\rho^2 \cdot v^2 D^2}{\mu^2} = \frac{(-\Delta P)_{at}}{L} \frac{D^3 \rho}{4 \cdot \mu^2}$$

$$h_{bomba} + z_1 + \frac{v_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\rho g} = z_2 + \frac{v_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\rho g} + h_{at}$$

Sei h bomba  $\Longrightarrow$  Pelo balanço de energia  $\Longrightarrow$  Re =  $f\left(\Phi \operatorname{Re}^2, \frac{e}{D}\right)$   $\Longrightarrow$  Determino Recalculo h<sub>at</sub> e (- $\Delta P$ )at e  $\Phi$  Re<sup>2</sup>

Representa Re vs o grupo de atrito  $\Phi Re^2$  em tubos com várias rugosidades ( $\epsilon$ )

