

# FT II – Exercícios – Difusão em estado estacionário

Felipe B. Pinto 61387 – MIEQB

15 de abril de 2024

## Conteúdo

Questão 1	. . . . .	2	Questão 3	. . . . .	4
Questão 2	. . . . .	3			

## Questão 1

Um componente A difunde-se através de uma camada em repouso de um componente B de espessura  $Z$ . A pressão parcial de A num dos lados da camada é  $p_{A,1}$  e no outro lado  $p_{A,2} < p_{A,1}$ .

Mostre que o fluxo máximo possível de A através dessa camada é dado por:

$$N_{A,\max} = \frac{\mathcal{D} P}{R T Z} \ln \frac{P}{P - p_{A,1}}; \quad P : \text{Pressão total}$$

---

---

### Resposta

$$N_{A,z} = y_A(N_{A,z} + N_{B,z}) - \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{dy_A}{dz} = y_A N_{A,z} - \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{dy_A}{dz} \implies$$

$$\implies y_A N_{A,z} - N_{A,z} = N_{A,z}(y_A - 1) = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{dy_A}{dz} \implies$$

$$\implies \int_0^z N_{A,z} dz = N_{A,z} \int_0^z dz = N_{A,z} \Delta z \Big|_0^z = N_{A,z} z =$$

$$= \int_{y_{A,1}}^{y_{A,2}} \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{dy_A}{y_A - 1} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \int_{y_{A,1}}^{y_{A,2}} \frac{dy_A}{y_A - 1} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \int_{y_{A,1}}^{y_{A,2}} \frac{d(y_A - 1)}{y_A - 1}$$

$$= \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \Delta (\ln(y_A - 1)) \Big|_{y_{A,1}}^{y_{A,2}} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \ln \frac{y_{A,2} - 1}{y_{A,1} - 1} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \ln \frac{p_{A,2}/P - 1}{p_{A,1}/P - 1}$$

$$= \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \ln \frac{p_{A,2} - P}{p_{A,1} - P} \implies$$

$$\implies N_{a,z} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T z} \ln \frac{p_{A,2} - P}{p_{A,1} - P} \underset{p_{A,2}=0}{=} \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T z} \ln \frac{-P}{p_{A,1} - P} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T z} \ln \frac{P}{P - p_{A,1}}$$

O fluxo é maximo quando  $p_{A,2} = 0$

## Questão 2

Moldou-se naftaleno sob a forma de um cilindro de raio  $r_1$  que se deixou sublimar no ar em repouso. Mostre que a velocidade de sublimação é dada por:

$$Q = \frac{2 \pi L \mathcal{D} P}{R T} \frac{\ln \left( \frac{1-y_{A,2}}{1-y_{A,*}} \right)}{\ln(r_2/r_1)}$$

$y_{A,*}$  Fração molar correspondente a pressão de vapor do naftaleno

$y_{A,2}$  Fração molar correspondente a  $r_2$

(i) Explique o que sucede à velocidade de sublimação quando  $r_2$  se torna muito grande

---

### Resposta

ar em repouso  $\iff \bar{N}_{B,r} = 0$

$$\begin{aligned} N_{A,r} &= y_A(N_{A,r} + N_{B,r}) - \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{dy_{A,r}}{dr} = y_A N_{A,r} - \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{dy_A}{dr} \implies \\ \implies N_{A,r}(y_{A,r} - 1) &= \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{dy_{A,r}}{dr} \implies \frac{N_{A,1} r_1}{r} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{1}{y_{A,r} - 1} \frac{dy_A}{dr} \end{aligned}$$

$$\implies \int_{r_1}^{r_2} N_{A,1} r_1 \frac{dr}{r} = N_{A,1} r_1 \int_{r_1}^{r_2} \frac{dr}{r} = N_{A,1} r_1 \Delta \ln(r) \Big|_{r_1}^{r_2} = N_{A,1} r_1 \ln \frac{r_2}{r_1}$$

$$\begin{aligned} &= \int_{y_{A,1}}^{y_{A,2}} \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \frac{dy_{A,r}}{y_{A,r} - 1} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \int_{y_{A,1}}^{y_{A,2}} \frac{dy_{A,r}}{y_{A,r} - 1} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \int_{y_{A,1}}^{y_{A,2}} \frac{d(y_{A,r} - 1)}{y_{A,r} - 1} \\ &= \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \Delta \ln(y_{A,r} - 1) \Big|_{y_{A,1}}^{y_{A,2}} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \ln \frac{y_{A,2} - 1}{y_{A,1} - 1}; \end{aligned}$$

$$Q = N_{A,S} S = N_{A,1} 2 \pi r_1 L \implies N_{A,1} r_1 = \frac{Q}{2 \pi L} \implies$$

$$\implies \frac{Q}{2 \pi L} \ln \frac{r_2}{r_1} = \frac{P \mathcal{D}_{A,B}}{R T} \ln \frac{y_{A,2} - 1}{y_{A,1} - 1} \implies$$

$$\implies Q = \frac{P \mathcal{D}_{A,B} 2 \pi L}{R T} \frac{\ln \left( \frac{y_{A,2} - 1}{y_{A,1} - 1} \right)}{\ln(r_2/r_1)} = \frac{2 \pi L \mathcal{D}_{A,B} P}{R T} \frac{\ln \left( \frac{1-y_{A,2}}{1-y_{A,1}} \right)}{\ln(r_2/r_1)}$$

---

### Resposta (i)

A velocidade de sublimação é constante por se tratar de um cilindro.

### Questão 3

Um tubo com 1 cm de diâmetro e 20 cm de comprimento está cheio com uma mistura de  $\text{CO}_2$  e  $\text{H}_2$  a uma pressão total de 2 atm e a uma temperatura de  $0^\circ\text{C}$ . O coeficiente de difusão do  $\text{CO}_2\text{-H}_2$  nestas condições é  $0.275\text{ cm}^2\text{ s}^{-1}$ . Se a pressão parcial do  $\text{CO}_2$  for 1.5 atm num dos lados do tubo e 0.5 atm no outro extremo

Q3 a.

calcule a velocidade de difusão para Contradifusão equimolar

$$N_{\text{CO}_2} = -N_{\text{H}_2}$$

Q3 b.

calcule a velocidade de difusão para A seguinte relação entre os fluxos

$$N_{\text{H}_2} = -0.75 N_{\text{CO}_2}$$