FT II – Exercicios 3: Difusão em estado transiente (?)

Felipe B. Pinto 61387 – MIEQB

3 de junho de 2024

Conteúdo

Experiências de transferência de calor permitiram obter uma correlação para o coeficiente de transferência de calor, h, para um cilindro colocado numa corrente de água.

$$Nu = (0.506\,Re^{0.5} + 0.00141\,Re)\,\,Pr^{1/3}$$

Dados:

• Solubilidade NaCl: 6 mol/L • $\mu_{aqua} = 1 \text{ E}^{-3} \text{ N s/m}^3$

• $\mathscr{D} = 1.6 \,\mathrm{E}^{-9} \,\mathrm{m}^2/\mathrm{s}$ • $\rho_{agua} = 1 \,\mathrm{E}^3 \,\mathrm{kg/m^3}$

- Analogia de Chilton–Colburn $j_H=j_D$

$$rac{h}{
ho\,u\,C\,p}Pr^{2/3}=rac{k_C}{u}\,Sc^{2/3}$$

$$Nu=rac{h\,d}{k}; \quad Pr=rac{\mu\,C\,p}{j}; \quad Sc=rac{\mu}{
ho\,\mathscr{D}}; \quad Re=rac{
ho\,u\,d}{\mu}$$

Q1 a.

Utilizando a analogia de Chilton-Colburn calcule o coeficiente de transferência de massa para um cilindro de NaCl com 1.5 cm de diâmetro e 10 cm de comprimento. A água a 300 K tem uma velocidade de 10 m/s.

Resposta

$$\frac{h}{\rho v c_P} Pr^{2/3} = \frac{k_C}{v} Sc^{2/3} \implies$$

$$\implies k_C = \frac{h}{\rho c_P} \left(\frac{Pr}{Sc}\right)^{2/3} =$$

$$= \frac{h}{\rho c_P} \left(\frac{\frac{\mu c_P}{K}}{\frac{\mu}{\rho \mathscr{D}}}\right)^{2/3};$$

$$Nu = \frac{K}{h} 0.015 =$$
= $(0.506 Re^{0.5} + 0.00141 Re) Pr^{1/3} =$
= $(0.506 Re^{0.5} + 0.00141 Re) (C_p/K)^{1/3};$

Re:

$$Re = \frac{\rho v d}{\mu} = \frac{1 E^3 * 10 * 1.5 E^{-2}}{1 E^{-3}} = 1.5 E^5$$

Q1 b.

A velocidade de dissolução do cilindro.

Resposta

$$W = N_A A = k_C (c_{A,s} - C_{A,0}) (\pi d L + 2 \pi d^2/4) = k_C c_{A,s}$$

$$w = k_c A c^*;$$

$$A = \pi dL + 2\pi r^2$$

Q1 c.

Seria possível usar a analogia de Reynolds neste caso? Justifique a sua resposta.

Resposta

Condições não conferem: $Sc \neq 1$

Q1 d.

A velocidade de dissolução se usar um prisma com uma secção quadrada com 1.5 cm de lado e 10 cm de comprimento.

$$w = k_c A c^*;$$

Resposta

$$A = 2 A_b + 4 A_L = 2 (1.5)^2 E^{-4} + 4 (1.5 * 10)^2 E^{-4}$$

Questão 2

Foram obtidas as seguintes correlações para o coeficiente de transferência de calor em condutas cilíndricas:

$$Nu = 0.023\,Re^{0.8}\,Pr^{0.33}, \quad Re > 1\,{
m E}^4 \quad Re\,Pr\,rac{d}{L} < 17: Nu = 4.15$$

Faz-se passar ar a $20\,^\circ\text{C}$ a uma velocidade média igual a $30\,\text{m/s}$ por uma conduta com $2.5\,\text{cm}$ de diâmetro (d) e $2\,\text{m}$ de comprimento (L), cuja superfície interna está revestida com um componente A. Utilizando a analogia de Chilton-Colburn, determine:

Dados:

•
$$P_{A,20\,^{\circ}\mathrm{C}}^{*}=4.0\,\mathrm{mmHg}$$
 • $\mathscr{D}_{A,Ar}=6.2\,\mathrm{E}^{-6}\,\mathrm{m}^{2}/\mathrm{s}$

•
$$\mu_{Ar}(20\,^{\circ}\text{C}) = 1.74\,\text{E}^{-5}\,\text{N}\,\text{s/m}^2$$

•
$$\rho_{Ar}(20\,^{\circ}\text{C}) = 1.164\,\text{E}^{-5}\,\text{kg/m}^{3}$$
 • $k_{Ar,20\,^{\circ}\text{C}}^{T} = 0.0251\,\text{J/s}\,\text{m}\,\text{K}$

Q2 a.

Coeficiente de transferencia de massa

Resposta

$$\frac{h}{\rho \, v \, c_P} \, Pr^{2/3} = \frac{k_c}{v} \, Sc^{2/3};$$

$$Nu = \frac{h d}{k} = 0.023 Re^{0.8} Pr^{0.33} = 0.023 \left(\frac{\rho d v}{\mu}\right)^{0.8} \left(\frac{\mu c_P}{k^T}\right)^{0.33}$$

Q2 b.

A velocidade de sublimação e a concentração de A à saída da conduta.

O2 c.

Seria possível usar a analogia de Reynolds neste caso? Justifique a sua resposta.

O2 d.

A velocidade de sublimação se a conduta tiver uma secção quadrada com 2.5 cm de lado. Indique todos os passos necessários. body