

# Introdução à Engenharia Química e

Bioquímica

Aula 6 Balanços Energéticos MIEQB ano lectivo de 2020/2021



### Sumário da aula

# Balanços energéticos a sistemas reactivos

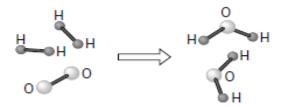
- Calores de reacção
- ➤ Lei de Hess
- ➤ Balanço a sistema reactivo
- > Exercícios



## Calor de reacção

Quando uma reacção ocorre são quebradas ligações entre átomos (reagentes) e são formadas ligações novas (produtos).

$$2H_2(g) + O_2(g) \rightarrow 2H_2O(v)$$



3 ligações químicas são quebradas para se formarem 4 ligações novas

Neste caso, é libertada mais energia quando as moléculas de  $H_2O$  se formam do que a energia que se consome para quebrar as ligações das moléculas de  $H_2$  e  $O_2$ 



### Calor de reacção

$$Reagente_1 + Reagente_2 + \cdots \rightarrow Produto_1 + Produto_2 + \cdots$$

 $\Delta \widehat{H}_r(T,P)$ : Variação de entalpia associada a um processo em que quantidades estequiométricas de reagentes a uma temperatura T e pressão P reagem completamente numa reacção única para originar produtos à mesma temperatura e pressão.

$$\Delta \hat{H}_r(T, P) = \sum \Delta \hat{H}_{produtos} - \sum \Delta \hat{H}_{reagentes}$$



Se as novas ligações formadas libertarem mais energia do que a energia necessária para quebrar as ligações anteriores



a reacção é exotérmica, ou seja, liberta calor.

$$\sum \Delta H_{produtos} < \sum \Delta H_{reagentes}$$

$$\Rightarrow \Delta \widehat{H}_r(T, P) < 0$$

• Se este calor de reacção não for retirado ao sistema

a temperatura aumentará constantemente.



Se as novas ligações formadas libertarem menos energia do que a energia necessária para quebrar as ligações anteriores



a reacção é endotérmica, ou seja, consome calor.

$$\sum \Delta H_{produtos} > \sum \Delta H_{reagentes}$$

$$\Rightarrow \Delta \widehat{H}_r(T, P) > 0$$

 Tem de se fornecer calor ao sistema para que a temperatura não diminua.



As variações de energia associadas às reacções tem um papel predominante no dimensionamento e operação de processos químicos.

### O balanço energético ao reactor é extremamente importante em termos económicos!

• Se a reacção for endotérmica, o calor necessário fornecer ao reactor para que a temperatura se mantenha constante (e consequentemente a velocidade da reacção) pode ser de tal forma elevado que os custos inerentes sejam suficientes para transformar um processo rentável num economicamente não viável.



As variações de energia associadas às reacções tem um papel predominante no dimensionamento e operação de processos químicos.

O balanço energético ao reactor é extremamente importante em termos económicos!

• Se a reacção for exotérmica, o calor libertado pode ser aproveitado mas uma falha no sistema de controlo de temperatura pode originar um sobreaquecimento e consequente explosão!



### Calor de reacção

$$2A + B \rightarrow 3C$$

$$\Delta \widehat{H}_r(T, P) = \sum \Delta \widehat{H}_{produtos} - \sum \Delta \widehat{H}_{reagentes}$$

$$\Delta \widehat{H}_r = -50 \ kJ/mol$$

Mas moles de quê?



$$2A + B \rightarrow 3C$$

$$2A + B \rightarrow 3C$$
  $\Delta \hat{H}_r = -50 \ kJ/mol$ 

$$\frac{-50kJ}{2mol\_A\_consumido} = \frac{-50kJ}{1mol\_B\_consumido} = \frac{-50kJ}{3mol\_C\_formado}$$

Se forem formados 150 mol/s de C então:

$$=> x = -2500 \text{ kJ/s}$$



$$2A + B \rightarrow 3C$$

$$2A + B \rightarrow 3C$$
  $\Delta \hat{H}_r = -50 \ kJ/mol$ 

$$\frac{-50kJ}{2mol\_A\_consumido} = \frac{-50kJ}{1mol\_B\_consumido} = \frac{-50kJ}{3mol\_C\_formado}$$

#### Ou seja:

$$\Delta H = \frac{\Delta \widehat{H}_r(T, P)}{v_A} n_A$$

 $\upsilon_{\mathsf{A}}$ : coeficiente estequiométrico de A n<sub>A</sub>: nº de mole de A consumido



• A pressões moderadas,  $\Delta \widehat{H}_r(T, P) \cong f(T)$ 



- A pressões moderadas,  $\Delta \widehat{H}_r(T, P) \cong f(T)$
- $\Delta \widehat{H}_r(T, P)$  depende da equação estequiométrica!

$$CH_4(g) + 2 O_2(g) \longrightarrow CO_2(g) + 2 H_2O(l)$$
:  $\Delta \hat{H}_{r1}(25^{\circ}C) = -890.3 \text{ kJ/mol}$   
 $2 CH_4(g) + 4 O_2(g) \longrightarrow 2 CO_2(g) + 4H_2O(l)$ :  $\Delta \hat{H}_{r2}(25^{\circ}C) = -1780.6 \text{ kJ/mol}$ 



- A pressões moderadas,  $\Delta \widehat{H}_r(T, P) \cong f(T)$
- $\Delta \widehat{H}_r(T, P)$  depende da equação estequiométrica!

$$\text{CH}_4(g) + 2 \, \text{O}_2(g) \longrightarrow \text{CO}_2(g) + 2 \, \text{H}_2 \text{O}(l)$$
:  $\Delta \hat{H}_{r1}(25^{\circ}\text{C}) = -890.3 \, \text{kJ/mol}$   
 $2 \, \text{CH}_4(g) + 4 \, \text{O}_2(g) \longrightarrow 2 \, \text{CO}_2(g) + 4 \, \text{H}_2 \text{O}(l)$ :  $\Delta \hat{H}_{r2}(25^{\circ}\text{C}) = -1780.6 \, \text{kJ/mol}$ 

•  $\Delta \hat{H}_r(T, P)$  depende do estado físico dos reagente e produtos

$$CH_4(g) + 2 O_2(g) \longrightarrow CO_2(g) + 2 H_2O(1)$$
:  $\Delta \hat{H_r}(25^{\circ}C) = -890.3 \text{ kJ/mol}$   
 $CH_4(g) + 2 O_2(g) \longrightarrow CO_2(g) + 2 H_2O(g)$ :  $\Delta \hat{H_r}(25^{\circ}C) = -802.3 \text{ kJ/mol}$ 



$$\Delta \widehat{H}_{r2} - \Delta \widehat{H}_{r1} = 2\Delta \widehat{H}_{V_{\acute{a}gua}}(25^{\circ}C)$$



- A pressões moderadas,  $\Delta \widehat{H}_r(T, P) \cong f(T)$
- $\Delta \widehat{H}_r(T, P)$  depende da equação estequiométrica!

$$CH_4(g) + 2 O_2(g) \longrightarrow CO_2(g) + 2 H_2O(l)$$
:  $\Delta \hat{H}_{r1}(25^{\circ}C) = -890.3 \text{ kJ/mol}$   
 $2 CH_4(g) + 4 O_2(g) \longrightarrow 2 CO_2(g) + 4H_2O(l)$ :  $\Delta \hat{H}_{r2}(25^{\circ}C) = -1780.6 \text{ kJ/mol}$ 

•  $\Delta \widehat{H}_r(T, P)$  depende do estado físico dos reagente e produtos

$$CH_4(g) + 2 O_2(g) \longrightarrow CO_2(g) + 2 H_2O(1)$$
:  $\Delta \hat{H}_r(25^{\circ}C) = -890.3 \text{ kJ/mol}$   
 $CH_4(g) + 2 O_2(g) \longrightarrow CO_2(g) + 2 H_2O(g)$ :  $\Delta \hat{H}_r(25^{\circ}C) = -802.3 \text{ kJ/mol}$ 

•  $\Delta \widehat{H}_r^\circ = \Delta \widehat{H}_r(25^\circ C, 1atm)$ Calor de reacção padrão



### Lei de Hess

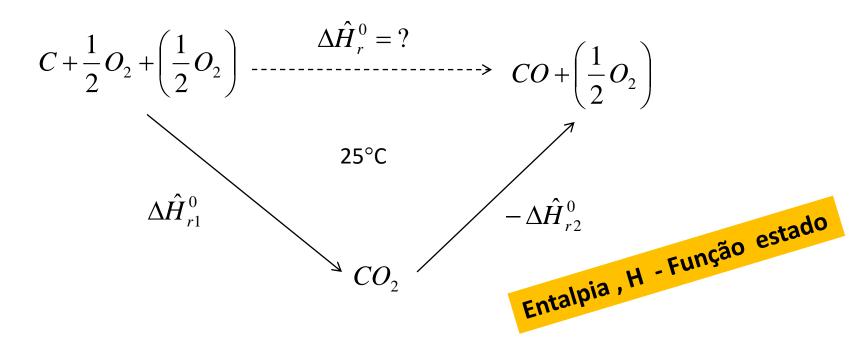
 Se não for possível calcular o calor de reacção de uma reacção específica, é possível calcular esse calor através de outras reacções.

$$C(s) + \frac{1}{2}O_2(g) \rightarrow CO(g) : \Delta \hat{H}_r^0 = ?$$

$$C + O_2 \rightarrow CO_2 : \Delta \hat{H}_{r1}^0 = -393.51 kJ / mol$$
  
 $CO + \frac{1}{2}O_2 \rightarrow CO_2 : \Delta \hat{H}_{r2}^0 = -282.99 kJ / mol$ 



É possível construir caminhos alternativos para calcular o calor de reacção desejado:



$$\Delta \hat{H}_{r}^{0} = \Delta \hat{H}_{r1}^{0} + (-\Delta \hat{H}_{r2}^{0}) = (-393.51 + 282.99) = -110.52kJ / mol$$



### <u>Lei de Hess</u>

O calor da reacção 1 pode ser obtido pela soma e/ou subtracção dos calores das reacções parcelares, se a equação estequiométrica da reacção 1 for a soma e/ou subtracção das equações estequiométricas das reacções parcelares



#### **5.16.**

Usando a lei de Hess calcule o calor padrão da reacção

$$CO(g) + H_2O(v) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$$

Recorra para tal aos seguintes dados:

a) 
$$CO(g) + H_2O(I) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$$
  
 $H_2O(I) \rightarrow H_2O(v)$ 

$$\Delta \hat{H}_r$$
 = +1226 Btu/mol  $\Delta \hat{H}_r$  = +18,935 Btu/mol

b) 
$$CO(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \rightarrow CO_2(g)$$
  
 $H_2(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \rightarrow H_2O(v)$ 

$$\Delta \hat{H}_r$$
 = -121,740 Btu/mol  $\Delta \hat{H}_r$  = -104,040 Btu/mol



$$CO(g) + H_2O(v) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$$

 $R_1$ 

Recorra para tal aos seguintes dados:

a) 
$$CO(g) + H_2O(I) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$$
  
 $H_2O(I) \rightarrow H_2O(v)$ 

$$\Delta \hat{H}_r$$
 = +1226 Btu/mol F  
 $\Delta \hat{H}_r$  = +18935 Btu/mol F

b) 
$$CO(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \rightarrow CO_2(g)$$
  
 $H_2(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \rightarrow H_2O(v)$ 

$$\Delta \hat{H}_r^\circ = -121740 \text{ Btu/mol}$$
 $\Delta \hat{H}_r^\circ = -104040 \text{ Btu/mol}$ 
R<sub>1</sub>

a) 
$$CO(g) + H_2O(I) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$$
 $H_2O(v) \rightarrow H_2O(I)$ 
 $CO(g) + H_2O(v) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$ 

$$\Delta \hat{H}_r^\circ = +1226 \text{ Btu/mol}$$
  
 $\Delta \hat{H}_r^\circ = -18935 \text{ Btu/mol}$   
 $-17709 Btu/mol$ 

$$\begin{aligned} {\rm R_1} &= {\rm R_2} \cdot {\rm R_3} \\ &=> \quad \Delta \widehat{H}_{r1}^0 = \Delta \widehat{H}_{r2}^0 - \Delta \widehat{H}_{r3}^0 = +1226 - 18935 = -17709 \, Btu/mol \end{aligned}$$



$$CO(g) + H_2O(v) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$$

 $R_1$ 

Recorra para tal aos seguintes dados:

a) 
$$CO(g) + H_2O(I) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$$
  
 $H_2O(I) \rightarrow H_2O(v)$ 

$$\Delta \hat{H}_r$$
 = +1226 Btu/mol  $\Delta \hat{H}_r$  = +18935 Btu/mol

$$R_2$$

b) 
$$CO(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \rightarrow CO_2(g)$$
  
 $H_2(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \rightarrow H_2O(v)$ 

$$\Delta \hat{H}_r$$
 = -121740 Btu/mol  $\Delta \hat{H}_r$  = -104040 Btu/mol

$$R_4$$

b)

CO (g) + 
$$\frac{1}{2}$$
  $O_2$  (g)  $\rightarrow$  CO<sub>2</sub> (g)  
H<sub>2</sub>O (v)  $\rightarrow$  H<sub>2</sub> (g) +  $\frac{1}{2}$   $O_2$  (g)

$$\Delta \hat{H}_r$$
 = -121740 Btu/mol  $\Delta \hat{H}_r$  = +104040 Btu/mol

$$CO(g) + H_2O(v) \rightarrow CO_2(g) + H_2(g)$$

$$-17700\,Btu/mol$$

$$\begin{aligned} \mathbf{R}_1 &= \mathbf{R}_4 - \mathbf{R}_5 \\ &=> \Delta \widehat{H}_{r1}^0 = \Delta \widehat{H}_{r4}^0 - \Delta \widehat{H}_{r5}^0 = -121740 - (-104040) = -17700 \, Btu/mol \end{aligned}$$



#### **5.17.**

Através das reacções em baixo calcular o calor de reacção da reacção 4

$$1.C_2H_6 + \frac{7}{2}O_2 \rightarrow 2CO_2 + 3H_2O \quad \Delta \hat{H}_{r1}^0 = -1559.8 \, kJ/mol$$

$$2.C + O_2 \rightarrow CO_2$$
  $\Delta \hat{H}_{r2}^0 = -393.5 \, kJ/mol$ 

$$3.H_2 + \frac{1}{2}O_2 \rightarrow H_2O$$
  $\Delta \hat{H}_{r3}^0 = -285.8 \, kJ/mol$ 

$$4.2C + 3H_2 \rightarrow C_2H_6$$
  $\Delta \hat{H}_{r4}^0 = ?$ 



$$2C + 2O_2 \rightarrow 2CO_2 \qquad \Delta \widehat{H}_{r2}^0 = 2 \times (-393.5 \, kJ/mol)$$

$$3H_2 + \frac{3}{2}O_2 \rightarrow 3H_2O \qquad \Delta \widehat{H}_{r3}^0 = 3 \times (-285.8 \, kJ/mol)$$

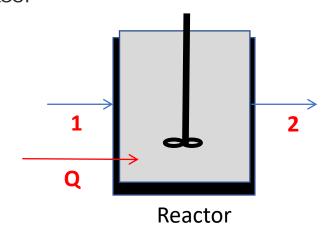
$$2CO_2 + 3H_2O \rightarrow C_2H_6 + \frac{7}{2}O_2 \qquad \Delta \widehat{H}_{r1}^0 = +1559.8 \, kJ/mol$$

$$2C + 3H_2 \rightarrow C_2H_6 \qquad \Delta \widehat{H}_{r4}^0 = -84.6 \, kJ/mol$$

$$=> \quad \mathsf{R_4} = 2\mathsf{R_2} + 3\mathsf{R_3} - \mathsf{R_1}$$
 
$$=> \quad \Delta \widehat{H}_{r4}^0 = 2\Delta \widehat{H}_{r2}^0 + 3\Delta \widehat{H}_{r3}^0 - \Delta \widehat{H}_{r1}^0 = -84.6 \, kJ/mol$$

Neste tipo de cálculos estamos dependentes da maior ou menor precisão dos valores dos  $\Delta \hat{H}_r$  parcelares!

### Balanço energético a um sistema reactivo



$$\Delta H_{in} + Q = \Delta H_{out} + \Delta H_{R}$$

$$\Delta H_R = \sum H_{produtos} - \sum H_{reagentes}$$

$$\Delta H_{R}\langle 0, reacção\_exotérmica \qquad \Delta H_{R}\rangle 0, reacção\_endotérmica \\ \Sigma H_{produtos}\langle \Sigma H_{reagentes} \qquad \Sigma H_{produtos}\rangle \Sigma H_{reagentes}$$



**5.21.** 

Num reactor adiabático produz-se acetaldeído a partir de etanol segundo a reacção:

$$C_2H_5OH(g) \to CH_3CHO(g) + H_2(g)$$
  $\Delta H_R^o = 68.95 \text{ kJ.mol}^{-1}$ 

A temperatura da alimentação é de 300ºC e a temperatura final de 112 ºC. Calcule a conversão da reacção química nessas condições.

<u>Dados</u>: calores específicos médios, entre 25ºC e 300ºC

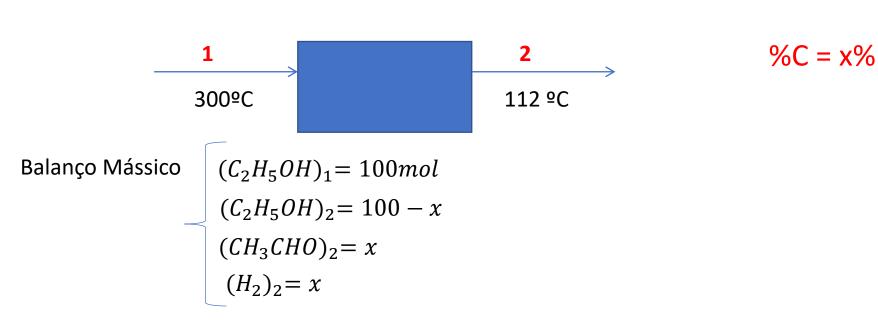
$$c_p (C_2H_5OH, g) = 0.11 \text{ kJ.mol}^{-1}.^{\circ}C^{-1}$$

$$c_p (H_2, g) = 0.029 \text{ kJ.mol}^{-1}.^{\circ}C^{-1}$$

$$c_p (CH_3CHO, g) = 0.08 \text{ kJ.mol}^{-1}.^{\circ}C^{-1}$$



$$C_2H_5OH(g) \to CH_3CHO(g) + H_2(g)$$
  $\Delta H_R^o = 68.95 \text{ kJ.mol}^{-1}$ 



Balanço Entálpico 
$$\Delta H_1 + Q = \Delta H_2 + \Delta H_{reaccao}$$
 
$$Q = 0 \leftrightharpoons adiab\'atico$$

Condições de referência: T=25°C; P=1 atm; estado gasoso



$$C_2H_5OH(g) \rightarrow CH_3CHO(g) + H_2(g)$$

$$\Delta H_R^o = 68.95 \,\text{kJ.mol}^{-1}$$



Condições de

%C = x%

referência: T=25°C; P=1

atm; estado gasoso

Balanço Mássico 
$$(C_2H_5OH)_1 = 100mol$$
 
$$(C_2H_5OH)_2 = 100 - x$$
 
$$(CH_3CHO)_2 = x$$
 
$$(H_2)_2 = x$$

$$c_p (C_2H_5OH, g) = 0.11 \text{ kJ.mol}^{-1}.^{\circ}C^{-1}$$
  
 $c_p (H_2, g) = 0.029 \text{ kJ.mol}^{-1}.^{\circ}C^{-1}$   
 $c_p (CH_3CHO, g) = 0.08 \text{ kJ.mol}^{-1}.^{\circ}C^{-1}$ 

$$\Delta H_1 = \int_{25}^{300} 100 \times 0.11 dT = 3025 \, kJ$$

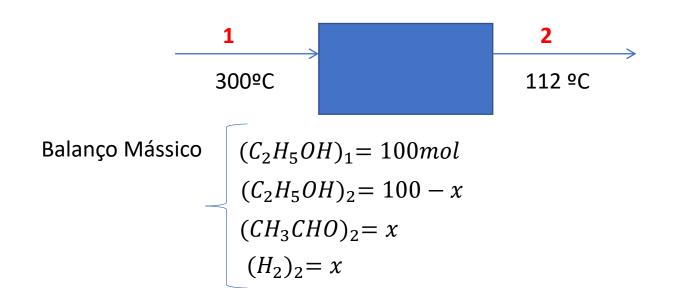
$$\Delta H_2 = \int_{25}^{112} \left[ \left( (100 - x) \times 0.11 \right) + (x \times 0.08) + (x \times 0.029) \right] dT$$

$$\Delta H_2 = 957 - 0.087x$$



$$C_2H_5OH(g) \rightarrow CH_3CHO(g) + H_2(g)$$

$$\Delta H_R^o = 68.95 \,\text{kJ.mol}^{-1}$$



$$%C = x%$$

Condições de referência: T=25°C; P=1 atm; estado gasoso

$$\Delta H_{reac c \tilde{a}o} = n_{reagiram} \times \Delta \hat{H}_r^0 = x \ mol \times 68.95 \ kJ/mol = 68.95 \ kJ$$



$$C_2H_5OH(g) \rightarrow CH_3CHO(g) + H_2(g)$$

$$\Delta H_R^o = 68.95 \,\text{kJ.mol}^{-1}$$



%C = x%

Condições de referência: T=25°C; P=1 atm; estado gasoso

Balanço Mássico

$$(C_2H_5OH)_1 = 100mol$$
  
 $(C_2H_5OH)_2 = 100 - x$   
 $(CH_3CHO)_2 = x$   
 $(H_2)_2 = x$ 

$$\Delta H_1 = \Delta H_2 + \Delta H_R$$

$$\Delta H_{reaccão} = 68.95x \ kJ$$

$$\Delta H_1 = 3025kJ$$

$$\Delta H_2 = 957 - 0.087x$$

$$3025 = 957 - 0.087x + 68.95x$$
$$=> x = 30$$

30% de conversão