

# Introdução à Engenharia Química e

Bioquímica

Aula 7 Balanços Energéticos MIEQB ano lectivo de 2020/2021



### Sumário da aula

# Balanços energéticos a sistemas reactivos

- > Calores de formação e de combustão
- > Lei de Hess
- > Reações simultâneas- conversão por passe



# Calores de formação

A reacção de formação de um composto é a reacção através da qual esse composto é formado a partir dos seus constituintes elementares.

Exemplo:

$$\left(\Delta H_f^0\right)_{CH_4,g} \quad C(s) + 2H_2(g) \to CH_4(g)$$

• Calor de formação,  $\Delta \widehat{H}_f$ : a variação de entalpia associada à formação de 1 mol do composto à temperatura e pressão de referência (normalmente 25ºC e 1 atm)

$$\left(\Delta H_f^0\right)_{O_2,g} = 0$$

- Reacção a 1 atm, 25°C, estado estável de agregação
- Reagentes elementos necessários
- Produto unicamente o composto



#### Lei de Hess

## Calores de formação

Reagentes  $\rightarrow$  Produtos

$$\Delta \hat{H}_{R}^{0} = \sum_{produtos} \upsilon_{i} \times (\Delta \hat{H}_{f}^{0})_{i} - \sum_{reagentes} \upsilon_{i} \times (\Delta \hat{H}_{f}^{0})_{i}$$

NOVA SCHOOL OF SCIENCE & TECHNOLOGY

### Calores de combustão

• Calor de combustão,  $\Delta \hat{H}_c$ : corresponde à variação de entalpia resultante da oxidação completa, a 25ºC e 1 atm de uma substância que nestas condições se encontra no seu estado normal de agregação

Exemplo:

$$(\Delta H_c^0)_{CH_4,g}$$
  $CH_4(g) + 2O_2(g) \rightarrow CO_2(g) + 2H_2O(l)$ 

- reacção de oxidação do composto com O<sub>2</sub>
- estado físico normal do composto
- Produtos finais nos seus estados de agregação normais
- Grau de oxidação completo

As reacções de combustão são geralmente exotérmicas!



#### Calores de combustão

#### Lei de Hess

Reagentes → Produtos

$$\Delta \hat{H}_{R}^{0} = \sum_{\text{reagentes}} \upsilon_{i} \times (\Delta \hat{H}_{c}^{0})_{i} - \sum_{\text{produtos}} \upsilon_{i} \times (\Delta \hat{H}_{c}^{0})_{i}$$



#### **5.18.**

Calcule o calor padrão da seguinte reacção:

$$C_2H_6(g) \to C_2H_4(g) + H_2(g)$$

- a) Usando os calores de formação;
- b) Usando os calores de combustão.

#### <u>Dados</u>:

|                                   | $\Delta H^o_f$ (kJ.mol <sup>-1</sup> ) | $\Delta {\sf H^o_c}$ (kJ.mol <sup>-1</sup> ) |
|-----------------------------------|--|--|
| C <sub>2</sub> H <sub>6</sub> (g) | -84.67                                 | -1559.9                                      |
| C <sub>2</sub> H <sub>4</sub> (g) | +52.88                                 | -1410.99                                     |
| H <sub>2</sub> (g)                | 0                                      | -285.84                                      |



$$C_2H_6(g) \to C_2H_4(g) + H_2(g)$$

a) Usando os calores de formação

$$\Delta H_R^0 = \Delta H_f^0(C_2H_4) - \Delta H_f^0(C_2H_6) = 52.88 + 84.67 = 137.55 \ kJ/mol$$

b) Usando os calores de combustão

$$\Delta H_R^0 = \Delta H_c^0 (C_2 H_6) - \Delta H_c^0 (C_2 H_4) - \Delta H_c^0 (H_2)$$
  
$$\Delta H_R^0 = -1559.9 + 1410.99 + 285.84 = 136.93 \ kJ/mol$$



#### 5.19.

Na literatura estão tabelados os seguintes valores para o calor de formação padrão do propano,

$$\Delta \hat{H}_{f}^{\circ}$$
 = - 119.8 kJ/mol para o propano líquido

$$\Delta \hat{H}_{f}^{\circ}$$
 = - 103.8 kJ/mol para o propano gasoso

Qual o significado físico da diferença entre estes dois valores? Justifique.

$$\Delta \widehat{H}_{f}^{\circ}(g) - \Delta \widehat{H}_{f}^{\circ}(l) = \Delta \widehat{H}_{vap}(propano)$$
  
$$\Delta \widehat{H}_{vap}(propano) = -103.8 - (-119.8)$$

$$\Delta \widehat{H}_{vap}^{\circ}(propano) = 16.0 \ kJ/mol$$

 $\Delta \hat{H}_{vap}$  (1atm, -42.07°C) = 18.77 kJ/mol



#### 5.20.

Calcule o calor de formação do etano gasoso com base nos seguintes valores,

$$\Delta \hat{H}_{c}^{\circ} (C_{2}H_{6} g) = -1559.8 \text{ kJ/mol}$$

$$\Delta \hat{H}_{f}^{\circ}$$
 (CO<sub>2</sub> g) = -393.5 kJ/mol

$$\Delta \hat{H}_{f}^{\circ} (H_{2}O I) = -285.8 \text{ kJ/mol}$$

$$2C + 3H_2 \rightarrow C_2H_6(g) \qquad \Delta \widehat{H}_{f,C2H6g}^0 = ?kJ/mol \qquad R4.$$

R1. 
$$C_2H_6(g) + \frac{7}{2}O_2 \rightarrow 2CO_2(g) + 3H_2O(l)$$
  $\Delta \hat{H}_{c,C2H6g}^0 = -1559.8 \, kJ/mol$ 

R2. 
$$C + O_2 \rightarrow CO_2(g)$$
  $\Delta \hat{H}_{f,CO2g}^0 = -393.5 \, kJ/mol$ 

R3. 
$$H_2 + \frac{1}{2}O_2 \to H_2O(l)$$
  $\Delta \hat{H}_{f, H2O l}^0 = -285.8 \, kJ/mol$ 

=> 
$$R_4 = 2R_2 + 3R_3 - R_1$$
  
 $\Delta \hat{H}_{r4}^0 = 2\Delta \hat{H}_{r2}^0 + 3\Delta \hat{H}_{r3}^0 - \Delta \hat{H}_{r1}^0 = -84.6 \, kJ/mol$ 



Calcular a entalpia da reacção seguinte utilizando a Lei de Hess.

$$P_4O_{10}(g) + 6 PCl_5(g) \rightarrow 10 Cl_3PO(g)$$

$$1/4 \text{ P}_4(s) + 3/2 \text{ Cl}_2(g) \longrightarrow \text{PCl}_3(g)$$
  $\triangle \text{H}^{\circ}/\text{kJ} = -306.4$  R1  
 $P_4(s) + 5 \text{ O}_2(g) \longrightarrow P_4\text{O}_{10}(g)$   $\triangle \text{H}^{\circ}/\text{kJ} = -2967.3$  R2  
 $P\text{Cl}_3(g) + \text{Cl}_2(g) \longrightarrow P\text{Cl}_5(g)$   $\triangle \text{H}^{\circ}/\text{kJ} = -84.2$  R3  
 $P\text{Cl}_3(g) + 1/2 \text{ O}_2(g) \longrightarrow \text{Cl}_3\text{PO}(g) \triangle \text{H}^{\circ}/\text{kJ} = -285.7$  R4

$$-R2 - 6 \times R3 + 10 \times R4 + 4 \times R1 =$$

$$-(-2967.3) -6 \times (-84.2) + 10 \times (-285.7) + 4 \times (-306.4) = -610.1 kJ$$



Num reactor contínuo produz-se formaldeído por oxidação do metano com ar.

Simultaneamente dá-se a oxidação do metano:

$$CH_4(g) + O_2(g) \rightarrow HCHO(g) + H_2O(g)$$

$$CH_4(g) + 2O_2(g) \rightarrow CO_2(g) + 2H_2O(g)$$

A conversão do metano é de 30% na primeira reacção e de 10% na segunda reacção. A alimentação do reactor é feita de modo a ter uma razão molar de 1:1 entre o metano e o oxigénio. Sabe-se que o metano é alimentado a 25ºC e o ar a 100ºC. Calcule a quantidade de calor a fornecer ou a retirar ao sistema quando a temperatura de corrente efluente é de 150ºC.

<u>Dados</u>: calores específicos **médios**, entre 25ºC e T(ºC)

$$\begin{array}{lll} c_{p} \ (O_{2}, \ 100^{\circ}\text{C}) = 7.083 \ \text{cal.mol}^{-1}.^{\circ}\text{C}^{-1} & c_{p} \ (N_{2}, \ 100^{\circ}\text{C}) = 6.972 \ \text{cal.mol}^{-1}.^{\circ}\text{C}^{-1} \\ c_{p} \ (O_{2}, \ 150^{\circ}\text{C}) = 7.132 \ \text{cal.mol}^{-1}.^{\circ}\text{C}^{-1} & c_{p} \ (N_{2}, \ 150^{\circ}\text{C}) = 6.984 \ \text{cal.mol}^{-1}.^{\circ}\text{C}^{-1} \\ c_{p} \ (\text{CH}_{4}, \ 150^{\circ}\text{C}) = 9.30 \ \text{cal.mol}^{-1}.^{\circ}\text{C}^{-1} & c_{p} \ (\text{CO}_{2}, \ 150^{\circ}\text{C}) = 9.48 \ \text{cal.mol}^{-1}.^{\circ}\text{C}^{-1} \\ c_{p} \ (\text{HCHO}, \ 150^{\circ}\text{C}) = 9.08 \ \text{cal.mol}^{-1}.^{\circ}\text{C}^{-1} \end{array}$$

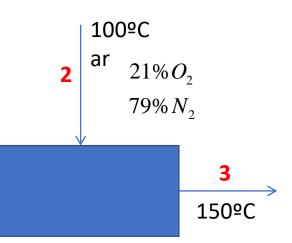
#### Calores de formação padrão:

$$\Delta H_{f}^{\circ}$$
 (HCHO(g)) = -27.7 kcal.mol<sup>-1</sup>  $\Delta H_{f}^{\circ}$  (H<sub>2</sub>O(g)) = -57.8 kcal.mol<sup>-1</sup>  $\Delta H_{f}^{\circ}$  (CH<sub>4</sub> (g)) = -17.89 kcal.mol<sup>-1</sup>  $\Delta H_{f}^{\circ}$  (CO<sub>2</sub>(g)) = -94.05 kcal.mol<sup>-1</sup>



$$CH_4(g) + O_2(g) \rightarrow HCHO(g) + H_2O(g)$$

$$CH_4(g) + 2O_2(g) \rightarrow CO_2(g) + 2H_2O(g)$$



25ºC

CH4

Base de cálculo: 100 moles de CH4

 $CH_4:O_2 = 1:1$ 

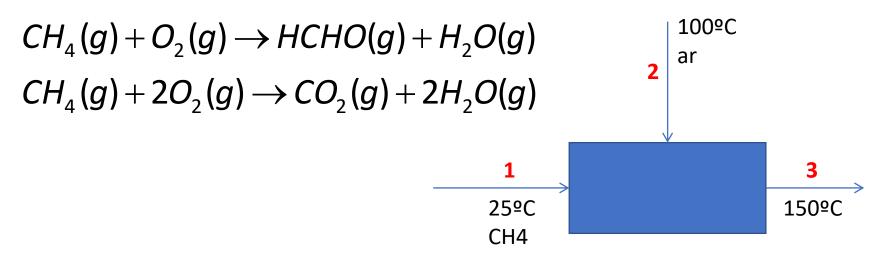
|      | 1   | 2   | 3   |
|------|-----|-----|-----|
| CH4  | 100 | -   | 60  |
| O2   | -   | 100 | 50  |
| N2   | -   | 376 | 376 |
| НСНО | -   | -   | 30  |
| CO2  | -   | -   | 10  |
| H2O  | -   | -   | 50  |

% Conversão CH<sub>4</sub>:

Reacção 1 = 30%

Reacção 2 = 10%



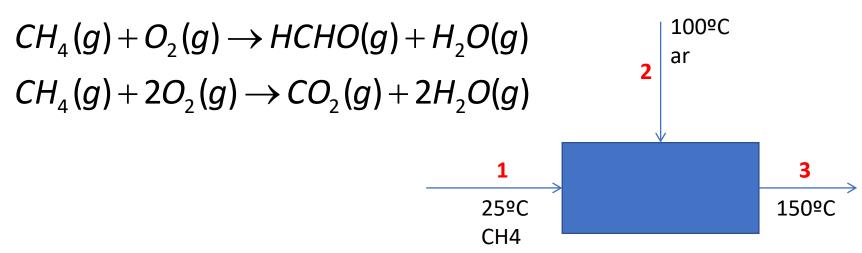


Estado de referência: T = 25°C; P = 1 atm; estado gasoso

$$\Delta H_R^0 = \sum_{produtos} \sigma_i * (\Delta H_f^0)_i - \sum_{reagentes} \sigma_i * (\Delta H_f^0)_i$$

$$\Delta H^0_{R1} = (\Delta H^0_{f\_HCHO} + \Delta H^0_{f\_H2O} - \Delta H^0_{f\_CH4}) \times n = \\ = [(-27.7kcal/mol) + (-57.8kcal/mol) - (-17.89kcal/mol)] \times 30mol \\ = -2028.3kcal$$



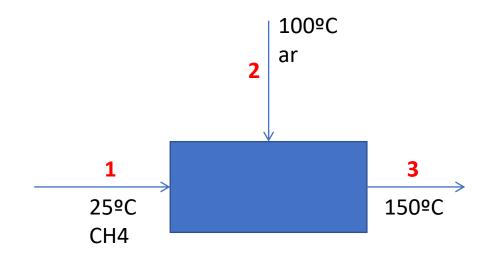


Estado de referência: T = 25°C; P = 1 atm; estado gasoso

$$\Delta H_R^0 = \sum_{\text{produtos}} \sigma_i * (\Delta H_f^0)_i - \sum_{\text{reagentes}} \sigma_i * (\Delta H_f^0)_i$$

$$\begin{split} \Delta H^0{}_{R2} &= (\Delta H^0{}_{f\_CO2} + 2 \times \Delta H^0{}_{f\_H2O} - \Delta H^0{}_{f\_CH4}) \times n = \\ &= \left[ (-94.05kcal/mol) + 2 \times (-57.8kcal/mol) - (-17.89kcal/mol) \right] \times 10mol \\ &= -1917.6 \ kcal \end{split}$$





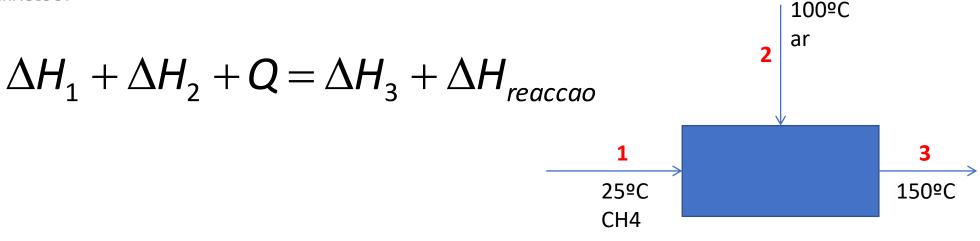
Estado de referência: T = 25°C; P = 1 atm; estado gasoso

# Balanço Entálpico

$$\Delta H_1 + \Delta H_2 + Q = \Delta H_3 + \Delta H_{reaccao}$$

$$\Delta H_1 = 0$$
(estado\_referência)



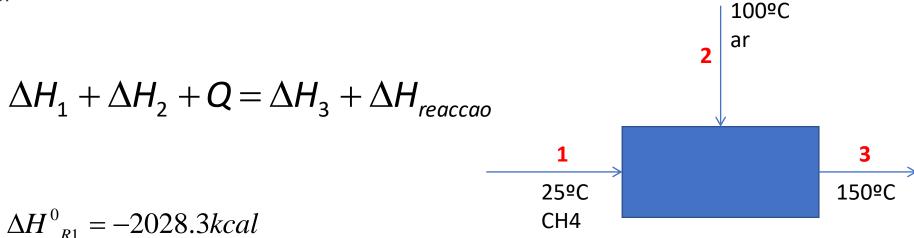


$$\Delta H_2 = \int_{25}^{100} ((100 \times 7.083) + (376 \times 6.972)) dT = 249.7kcal$$

$$\Delta H_3 = \int_{25}^{150} ((50 \times 7.132) + (376 \times 6.984) + (60 \times 9.3) + (10 \times 9.476) + (50 \times 8.13) + (30 \times 9.08))dT$$

$$= 539.2 \, kcal$$





$$\Delta H^{0}_{R2} = -1917.6kcal$$

$$\Delta H_2 = 249.7 kcal$$

$$\Delta H_3 = 539.2kcal$$

$$Q = -3656.5kcal$$