

$R = 8.314 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1} = 0.08314 \text{ bar dm}^3 \text{ K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$      $1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$      $1 \text{ atm} = 1.01 \text{ bar}$      $1 \text{ MPa} = 10 \text{ bar}$   
 $H = U + PV$                        $pV^\gamma = \text{cte. (gás perfeito, processo adiabático reversível, } C_p \text{ e } C_v \text{ constantes)}$

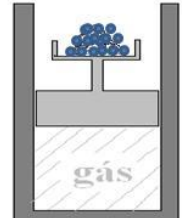
1. 1 mol de um gás perfeito, inicialmente a 25 °C e 1 bar, sofre uma expansão. No estado final, T = 25 °C e P = 0.5 bar.

**a)** Calcule o trabalho de expansão posto em jogo quando o processo se dá seguindo dois percursos diferentes: **a1)** processo reversível, a T constante; **a2)** processo irreversível, mediante alívio súbito da pressão exterior para 0.5 bar, seguida de expansão do gás contra essa pressão.

**a1)** Processo reversível, T constante.

Podemos imaginar o dispositivo ao lado, em que temos o gás a 25 °C e 1 bar, confinado num cilindro e sujeito à pressão exercida por um pistão com areia em cima.

Para que a expansão se dê reversivelmente, a pressão do sistema e a pressão exterior têm que ser essencialmente iguais (não podem diferir de mais do que uma quantidade infinitesimal, dP), de modo que, em qualquer momento, seja possível reverter o processo. Tal pode ser conseguido retirando a areia grão a grão.



Vamos utilizar expressão do trabalho de expansão (ou contracção; também denominado de trabalho pV):

$$dw_{pv} = - P_{\text{ext}} dV$$

Se  $P_{\text{ext}} \approx P$ , sendo P a pressão do gás, vem:

$$dw_{pv} = - P_{\text{ext}} dV = - P dV$$

Porque temos gás perfeito, cuja equação de estado é

$$pV = nRT,$$

vem:

$$dw_{pv} = - P_{\text{ext}} dV = - P dV = - (nRT/V) dV$$

Ou:

$$w_{pv} = - \int P_{\text{ext}} dV = - \int P dV = - \int (nRT/V) dV$$

Dentro do integral, aparecem V e T. Mas porque nos dizem que T é constante, e só por essa razão, podemos tirar T para fora do integral:

$$w_{pv} = - \int (nRT/V) dV = - nRT \int (1/V) dV = - nRT \ln (V_2 / V_1)$$

em que  $V_2$  e  $V_1$  são o volume do sistema no final do processo e no seu início, respectivamente.

A T constante, V e P do gás perfeito são inversamente proporcionais, ou seja:

$$V_2 / V_1 = P_1 / P_2$$

Alternativamente, a proporcionalidade inversa entre P e V para gás perfeito a T constante traduz-se em:

$$V_2 = 2 V_1$$

Vem então:

$$w_{pv} = - nRT \ln (V_2 / V_1) = - nRT \ln (P_1 / P_2) = - 1 \times 8.31 \times 298.15 \times \ln (1/0.5) = - 1718 \text{ J}$$

Ou:

$$w_{pv} = -nRT \ln (V_2/V_1) = -nRT \ln (2 V_1/V_1) = -1 \times 8.31 \times 298.15 \times \ln 2 = -1718 \text{ J}$$

Utilizar T em K e  $R = 8.31 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$ , para que a combinação de unidades esteja correcta e o resultado venha em J.

**a2)** Processo irreversível, com alívio súbito da pressão exterior para 0.5 bar e expansão do gás contra essa pressão.

Podemos imaginar o alívio súbito da pressão retirando areia de uma só vez, de modo que a pressão exterior seja fixada em 0.5 bar.

Vamos utilizar mesma expressão para w:

$$w_{pv} = - \int P_{\text{ext}} dV$$

Como  $P_{\text{ext}}$  é constante, vem:

$$w_{pv} = - \int P_{\text{ext}} dV = - P_{\text{ext}} \int dV = - P_{\text{ext}} \Delta V = - 0.5 \times 10^5 \times (V_2 - V_1)$$

em que P vem em Pa e  $\Delta V$  em  $\text{m}^3$ , cujo produto dá J.

$$V_2 = nRT_2/P_2 = 1 \times 0.0831 \times 298.15/0.5 = 49.6 \text{ dm}^3$$

Nesta expressão, utilizámos a constante R noutras unidades que combinam com P em bar e V em  $\text{dm}^3$ :

$$R = 8.31 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1} = 0.0831 \text{ bar dm}^3 \text{ K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$$

$V_1$  = metade de  $V_2$ , mais uma vez porque  $T_1 = T_2$  e, nessas condições, V é inversamente proporcional a P. Logo,

$$V_1 = V_2/2 = 24.8 \text{ dm}^3$$

Vem então:

$$w_{pv} = - 0.5 \times 10^5 \times (V_2 - V_1) = -0.5 \times 10^5 \times (49.6 - 24.8) \times 10^{-3} = -1240 \text{ J}$$

Relembramos que:

$$1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$$

O factor  $10^{-3}$  permitiu passar de  $\text{dm}^3$  a  $\text{m}^3$ .

Tiramos portanto menos proveito do processo irreversível do que do reversível.

Notar que, tratando-se de uma expansão, w em cada caso teria que ser negativo. Mas em valor absoluto,  $w_{\text{rev}}$  tinha que ser maior do que  $w_{\text{irrev}}$ .