QF A – Exercicios Cinética

Felipe B. Pinto 61387 – MIEQB 28 de março de 2023

Conteúdo

Questão 1	2	Questão 4 5
Questão 2	3	Questão 5
Questão 3	4	Questão 6

Prove que a reação $N_2O_{2(g)} \longrightarrow 2NO_{(g)}$ é de 1a ordem em relação a N_2O_2 sabendo que no instante inicial t=0 já existem 0.25 bar de NO no reator. A pressão total varia da seguinte maneira em função do tempo:

T/min	1	2	3	5	20	100
p_t / bar	2.30	2.62	2.85	3.14	3.45	3.45

RS 1

	$N_2O_{2(g)}$ \rightharpoonup	2 NO _{2(g)}
t = 0	p_0	0.25
t	$p_0 - x$	0.25 + 2x
$t = \infty$	0	3.45

$$p(t) = p_0 - x(t) + 0.25 + 2x(t)$$

$$\lim_{t \to \infty} p(t) = p_0 - p_0 + 0.25 + 2p_0 = 3.45 \implies$$

$$\implies x(t) = p(t) - p_0 + 0.25 = p(t) - (3.45 - 0.25)/2 + 0.25 = p(t) - 1.85$$

T/min	0	1	2	3	5	20	100
p_t / bar	2.10	2.30	2.62	2.85	3.14	3.45	3.45
X	0.00	0.45	0.77	1.00	1.29	1.6	1.6
$p_{ m N_2O_{2(g)}}$		1.15	0.83	0.6	0.31	0	0
$p_{ m NO_{(g)}}$	0.25	1.15	1.79	2.25	2.83	3.45	3.45
$\ln p_{ m N_2O_{2(g)}}$		0.1398	-0.1863	-0.5108	-1.1712		

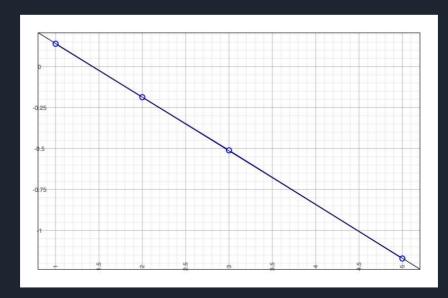


Figura 1: $\ln p_{\rm N_2O_{2(g)}} = -0.3277 + 0.4691\,t$

Primeira ordem por ser uma reta.

Moelwyn-Hughes et al. estudaram a hidrólise1 do acetato de etilo em solução aquosa, catalisada por ácido clorídrico de concentração $0.05\,\mathrm{mol\,dm^{-3}}$. Os resultados, à temperatura de 15 °C, da evolução da concentração do reagente acetato com o tempo são apresentados na tabela ao lado.

t/h	mM
0	39.80
4	38.88
15.5	35.88
27	33.18
40	30.47

Q2 a.

Comprove que a reação é de pseudo-primeira ordem e calcule a constante de velocidade k_1 .

t/s	M	ln M
0	$3.980 \mathrm{E} - 3$	-3.22
14400	$3.888\mathrm{E}-3$	-3.25
55800	$3.588 \mathrm{E} - 3$	-3.33
97200	$3.318\mathrm{E}-3$	-3.41
144000	$3.047 \mathrm{E} - 3$	-3.49

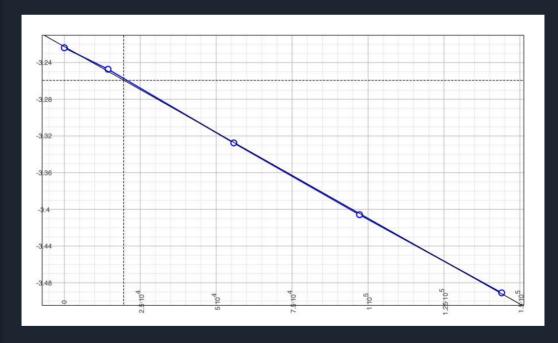


Figura 2: $\ln M = -1.8702 \text{ E} - 6 + -3.2226 t$

A linearidade mostra que é de primeira ordem, $k_1 = -1.8702 \text{ E} - 2$

Q2 b.

Explique porque é que se utiliza o termo "pseudo" neste caso e calcule a constante de velocidade k_2 .

$$k_1 = k_1'/[\text{HCl}] = \frac{1.8702 \text{ E} - 6}{0.05} = 37.40 \text{ E} - 6$$

A dimerização de butadieno em 3-vinil-ciclohexeno, $2 C_4 H_6 \longrightarrow C_8 H_{12}$, tem uma constante de velocidade k_2 que se pode exprimir em função da temperatura T da seguinte forma:

$$k_2 = 9.2 * 10^6 \exp{(-11965/T)} \,\mathrm{dm}^3 \,\mathrm{mol}^{-1} \,\mathrm{s}^{-1}$$

Q3 a.

Calcule a energia de ativação da reação.

$$E_a = 11965 * R = 99.48 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$$

Q3 b.

Admitindo que a reação é de segunda ordem, calcule a concentração de produto obtido ao fim de 2 minutos de dimerização, quando a concentração inicial de reagente for $0.5 \, \mathrm{mol} \, \mathrm{dm}^{-3}$ e a temperatura 600 K.

t	$2 C_4 H_8 \rightleftharpoons$	C_8H_{12}
0	x_0	0
t	$x_0 - 2x_t$	x_t

$$v = -\frac{1}{2} \frac{d[C_4H_8]}{dt} = k_2[C_4H_6]^2 \implies$$

$$\implies -0.5 \int_{x_0}^{x_0 - 2x_t} [C_4H_6]^{-2} d[C_4H_6] = 0.5 \Delta [C_4H_6]^{-1} \Big|_{x_0}^{x_0 - 2x_t} =$$

$$= k_2 \int_0^t dt = k_2 t \implies$$

$$\implies x_t = x_0/2 - (2k_2t + (x_0)^{-1})^{-1}/2 =$$

$$= 0.25 - (2(9.2 * 10^6 \exp(-11965/600))(2 * 60) + (0.5)^{-1})^{-1}/2 \cong$$

$$\cong 176.73 E-3$$

O mecanismo proposto para a bromação do dicianometano:

$$CH_2(CN)_2 + Br_2 \longrightarrow BrCH(CN)_2 + H^+ + Br^-$$

é uma sucessão dum equilíbrio e duma reação com bromo

$$CH_2(CN)_2 \xrightarrow{k+1} CH(CN)_2^- + H^+$$
 $CH(CN)_2^- + Br_2 \xrightarrow{k2} BrCH(CN)_2 + Br^-$

Q4 a.

Deduza a equação de velocidade de formação do dicianobromometano, $d[BrCH(CN)_2]/dt$, aplicando a aproximação do estado estacionário ao anião $CH(CN)_2$.

• $CH_2(CN)_2$: α • $CH(CN)_2$: β • $BrCH(CN)_2$: γ

$$\frac{d[\gamma]}{dt} = k_2 [\beta][Br_2^-];$$

$$\frac{d[\beta]}{dt} = 0 = k_{+1} [\alpha] - k_{-1} [\beta][H^+] - k_2 [\beta][Br_2] =$$

$$= k_{+1} [\alpha] - [\beta] (k_{-1} [H^+] + k_2 [Br_2]) \implies [\beta] = \frac{k_{+1} [\alpha]}{k_{-1} [H^+] + k_2 [Br_2]} \land$$

$$\land \frac{d[\gamma]}{dt} = k_2 \frac{k_{+1} [\alpha]}{k_{-1} [H^+] + k_2 [Br_2]} [Br_2^-] = \frac{k_2 k_{+1} [\alpha] [Br_2^-]}{k_{-1} [H^+] + k_2 [Br_2]}$$

Q4 b.

Mostre que, quando a concentração de bromo é muito superior à concentração do ião H^+ , é possível simplificar a equação de velocidade deduzida em a), tornando-se numa cinética de 1a ordem onde o passo determinante da velocidade é a ionização do $CH_2(CN)_2$.

$$\lim_{[\text{Br}_2] \gg [\text{H}^+]} \frac{\text{d}[\gamma]}{\text{d}t} = \lim_{[\text{Br}_2] \gg [\text{H}^+]} \frac{k_2 \, k_{+1} \, [\alpha] \, [\text{Br}_2^-]}{k_{-1} \, [\text{H}^+] + k_2 \, [\text{Br}_2]} = \frac{k_2 \, k_{+1} \, [\alpha] \, [\text{Br}_2^-]}{k_2 \, [\text{Br}_2]} = k_{+1} \, [\alpha]$$

No trabalho referido em 2), os autores apresentam resultados da constante de velocidade obtida nas mesmas condições de concentração, mas a outras temperaturas.

T/°C	$k_1 * 10^6 \mathrm{s}^{-1}$
15	1.87
20	3.16
30	8.52
50	50.13
60	114.10

Q5 a.

Calcule a energia de ativação da reação

$T^{-1}\mathrm{K}$	$\ln k_1 \mathrm{s}^{-1}$
$3.47\mathrm{E}{-3}$	-13.19
$3.41\mathrm{E}{-3}$	-12.66
$3.30\mathrm{E}{-3}$	-11.67
$3.09\mathrm{E}{-3}$	-9.90
$3.00\mathrm{E}{-3}$	-9.08

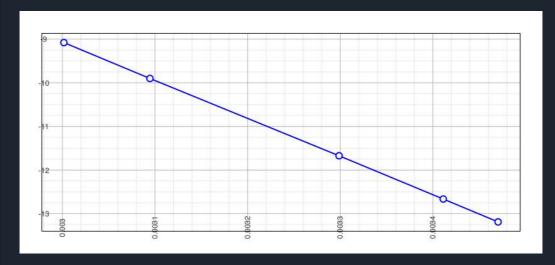


Figura 3: $\ln k_1 = -8754.3577 \, T^{-1} + 17.1967$

$$E_a = 8754.3577 * 8.31 = 72.79 \,\mathrm{E3}$$

Q5 b.

Calcule a entropia de ativação da reação, utilizando a fórmula $\Delta S=R[\ln{(A/B)}-2]$, em que $B=1.732~\rm E\,9\,T^2\,M^{-1}\,s^{-1}$ e A é o fator pré exponencial da equação de Arrhenius. Relacione o valor obtido com a estrutura e organização do complexo ativado.

$$\Delta S = R \left(\ln \frac{A}{B} - 2 \right) = R \left(\frac{A}{1.732 * 10^9 * T^2} - 2 \right);$$

 $\ln k_1 = \ln (0.05 \, k_1') = \ln k_1' + \ln 0.05 = -8754.3577 \, T^{-1} + 17.1967 \implies$ $\implies A = \exp (17.1967 - \ln 0.05) = \exp 17.1967/0.05;$

$$\Delta S = R \left(\ln \frac{\exp 17.1967/0.05}{1.732 * 10^9 * T^2} - 2 \right)$$

$$= 8.31 \left(\ln \frac{\exp 17.1967/0.05}{1.732 * 10^9 * (298.15)^2} - 2 \right) \cong -120.35$$

La Mer (JACS 1929, 51, 3341-3347) estudou a reação de 2a ordem entre os iões de bromoacetato e tiossulfato, provenientes de sais de sódio:

$$BrCH_2COO^- + S_2O_3^{2-} \longrightarrow S_2O_3CH_2COO^{2-} + Br^-$$

Em soluções diluídas (concentrações milimolares) dos iões reagentes, obtiveram-se as constantes de velocidade indicadas na tabela

[TioS] mM	[BrAc] mM	${ m K/M^{-1}min^{-1}}$
0.250	0.500	0.298
0.333	0.666	0.304
0.500	1.000	0.317

Q6 a.

Verifique se a lei limite de Debye-Huckel para os coeficientes de atividade de iões se aplica a esta reação no contexto da teoria do complexo ativado.

Q6 b.

Porque é que a velocidade da reação é favorecida pelo aumento da força iónica?