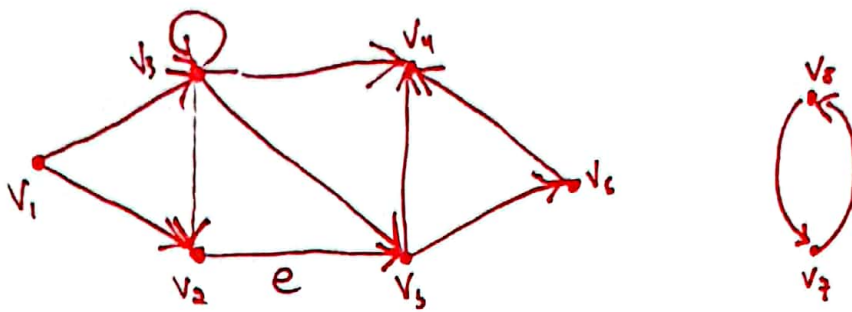


Digraphos (grafos orientados)

$G = (V, E)$  em que  $V$  é o seu conjunto de vértices

$E$  é o seu conjunto de arestas (orientadas) acompanhado de uma função de incidência  $\psi_e$  que associa cada aresta de  $E$  a um par ordenado cujos elementos são vértices de  $V$



$$\psi(e) = (v_2, v_5)$$

$v_2$  é cauda  
 $v_5$  é cabeça

grau de entrada  $d^-(v_3) = 3$   
grau de saída  $d^+(v_3) = 4$

$$d^-(v_4) = 3$$

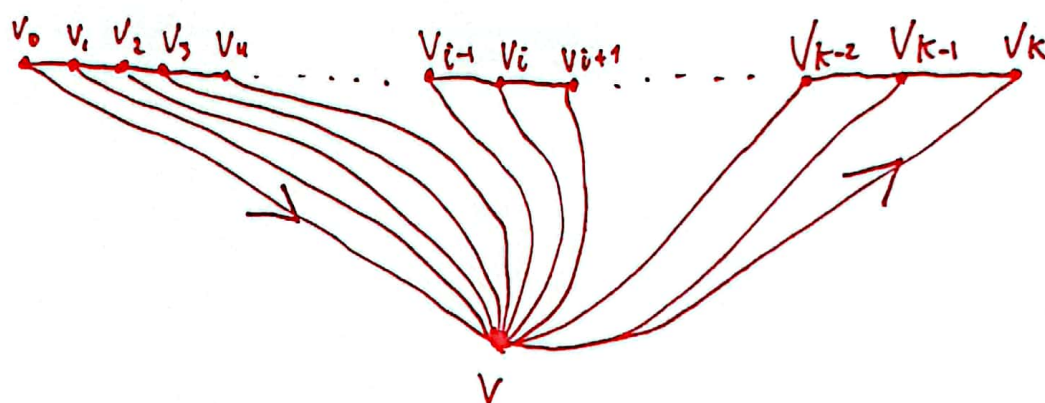
$$d^+(v_4) = 1$$

grafo subjacente (associado ao digrafo)

## Torneio (orientação de um grafo completo)

Teorema: seja  $G$  um torneio. Então existe um caminho hamiltoniano (orientado) em  $G$

Demonstração: seja  $G$  um torneio. Seja  $P$  um caminho orientado de cardinalidade máxima se  $V(P) = V(G)$ ,  $P$  é hamiltoniano e o resultado segue. Seja  $v \in V(G) \setminus V(P)$

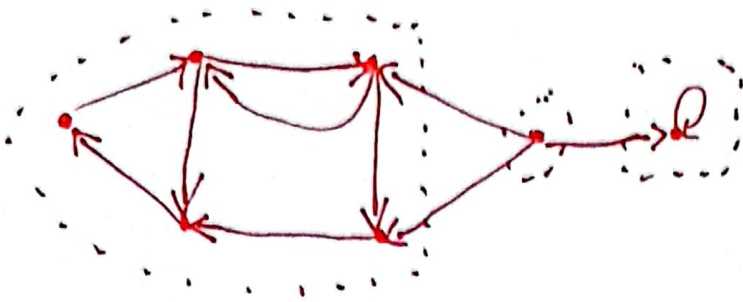


## Digrafo Fortemente Conectado

É um digrafo em que para todo par  $u, v$  de vértices, existe um caminho orientado de  $u$  para  $v$  e de  $v$  para  $u$

Componente fortemente conexas

↳ subgrafos maximal que são fortemente conexos

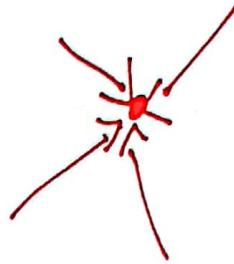


Fortemente  
conexo

Fonte: só sai



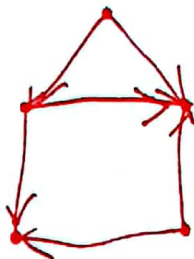
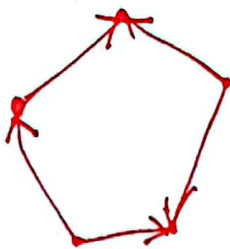
sorvedouro: só entra



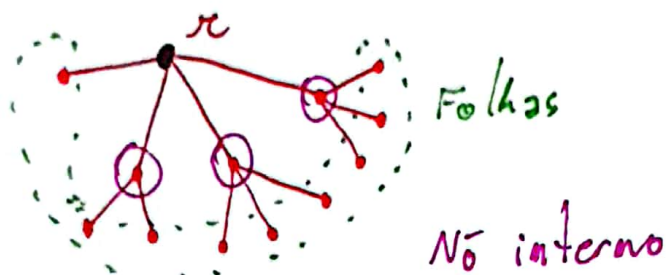
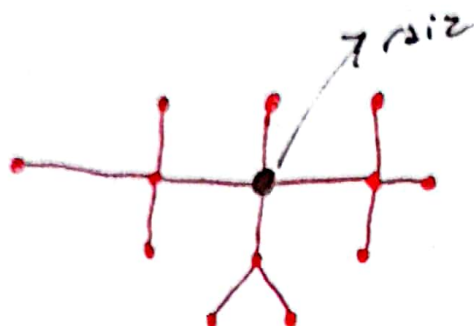
DAG  $\rightarrow$  graph

$\downarrow$   $\hookrightarrow$  Acyclic

Directed



# Árvore Enraizada



↑ ancestrais

↓ descendentes

Filhos, pais, irmãos

Fazer teorema B2

no apêndice B5

2ª ed do livro

raiz profundidade 0  
profundidade 1

2

3

4...

5...

Altura: maior ciclo a partir  
de raiz