

Problema 1

O setor de TI de uma empresa possui 3 *clusters* que são utilizados para determinadas tarefas. Deseja-se maximizar o número de ciclos executados em ambas as tarefas.

Quantos ciclos de cada uma das tarefas serão executados com o objetivo de maximizar a capacidade disponível das máquinas.

	Tarefa 1	Tarefa 2	Capacidade Disponível
Máquina 1	10 min/ciclo	15 min/ciclo	4200 horas/mês
Máquina 2	-	12 min/ciclo	500 horas/mês
Máquina 3	4 min/ciclo	6 min/ciclo	1800 horas/mês
Ganho com as tarefas	5	9	

Problema 1

```
1 clear all
2 clc
3
4 ObjectiveFunction = @(tarefa) -(5*tarefa(1) + 9*tarefa(2));
5
6
7 variaveis = 2;
8 A = [0.1667 0.25; 0 0.2; 0.0667 0.1]; % Em ciclo/min
9 b = [4200 500 1800]; % Restrições em horas/mês
10 b = b*60; % Convertendo para min/mês
11 Aeq = [];
12 beq = [];
13 LB = [0 0]; % Não é possível ter ciclos menos que 0
14 UB = [Inf Inf];
15 NON_linear = [];
16 Integral_variables = [1 2]; % Índices inteiros tanto para tarefa 1 como pra tarefa 2
17
18 settings = gaoptimset('generation', 100, 'PopulationSize', 80);
19
20 [x,fval] = ga(ObjectiveFunction,n_vars,A,b,Aeq,beq,LB,UB,NON_linear,Integral_variables,settings)
```

Problema 2

Uma indústria dispõe de capacidade extra para produzir dois novos produtos. A demanda é muito maior que a capacidade disponível (toda produção é vendida).

Pergunta-se: quanto deve ser produzido de janelas e portas para maximizar o lucro? Os dados estão na tabela.

Setor Produtivo	Produto		Capacidade Disponível
	Janelas	Portas	
Montagem	1 hora/unid.	-	4.000 horas/mês
Laminação	-	2 hora/unid.	12.000 horas/mês
Corte	3 hora/unid.	2 hora/unid.	18.000 horas/mês
Lucro Unitário	\$ 3,00	\$ 5,00	

Problema 2

Sua vez de tentar!!!

Problema 2

```
1 clear all
2 clc
3
4
5 ObjectiveFunction = @(n) -(3*n(1) + 5*n(2));
6
7 n_vars = 2;
8 A = [1 0; 0 2; 3 2];
9 b = [4000; 12000; 18000];
10 Aeq = [];
11 beq = [];
12 LB = [-Inf -Inf];
13 UB = [Inf Inf];
14 NON_linear = [];
15 Integral_variables = [1 2];
16 settings = gaoptimset('generation', 100, 'StallGenLimit', 10000, ...
17     'PopulationSize', 80, 'CrossoverFraction', 0.65);
18
19 [x,fval] = ga(ObjectiveFunction,n_vars,A,b,Aeq,beq,LB,UB,NON_linear,Integral_variables,settings)
```

Problema 3

Uma empresa de aço tem um rede de distribuição conforme a Figura 1. Duas minas M_1 e M_2 produzem 40t e 60t de mineral de ferro, respectivamente, que são distribuídos para dois estoques intermediários S_1 e S_2 . A planta de produção P tem uma demanda de 100t de mineral de ferro. As vias de transporte têm limites de toneladas de mineral de ferro que podem ser transportadas e custos de transporte por toneladas de mineral de ferro (veja figura). A direção da empresa quer determinar a transportação que minimiza os custos.

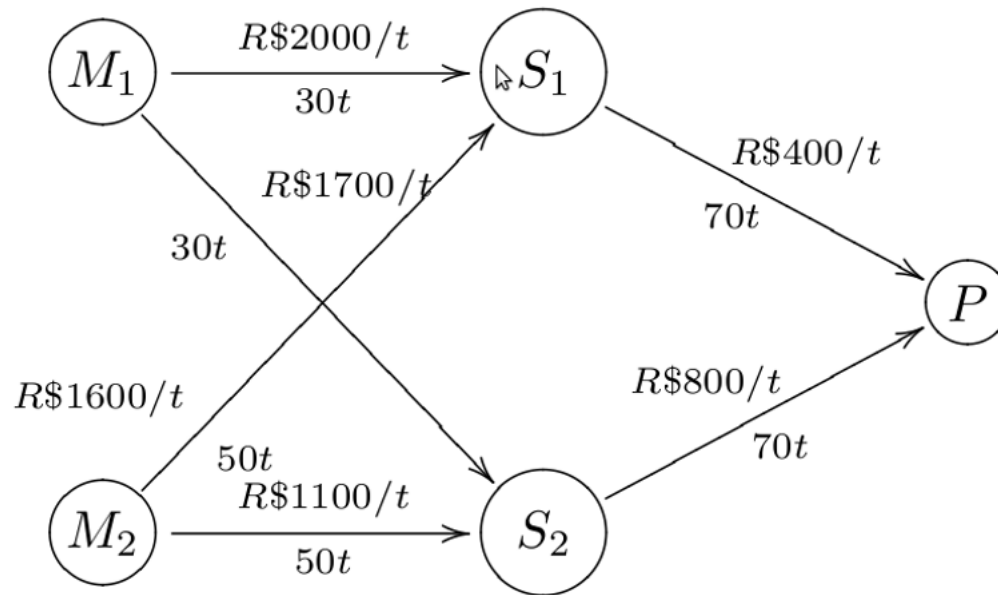


Fig. 1: Rede de distribuição de uma empresa de aço.

Problema 3

x_{ij} = Quantidade transportada da mina i para o depósito j .

y_1 = Quantidade do depósito j para a planta de produção P .

*quantidade em toneladas.

$$\min \quad 2000x_{11} + 1700x_{12} + 1600x_{21} + 1100x_{22} + 400y_1 + 800y_2$$

$$s.a. \quad x_{11} + x_{12} = 40$$

$$x_{21} + x_{22} = 60$$

$$x_{11} \leq 30$$

$$x_{12} \leq 30$$

$$x_{21} \leq 50$$

$$x_{22} \leq 50$$

$$y_1 \leq 70$$

$$y_2 \leq 70$$

$$x_{11} + x_{21} - y_1 = 0$$

$$x_{12} + x_{22} - y_2 = 0$$

$$y_1 + y_2 = 100$$

$$x_{11}, x_{12}, x_{21}, x_{22}, y_1, y_2 \in \mathbb{R}^+$$

Problema 3

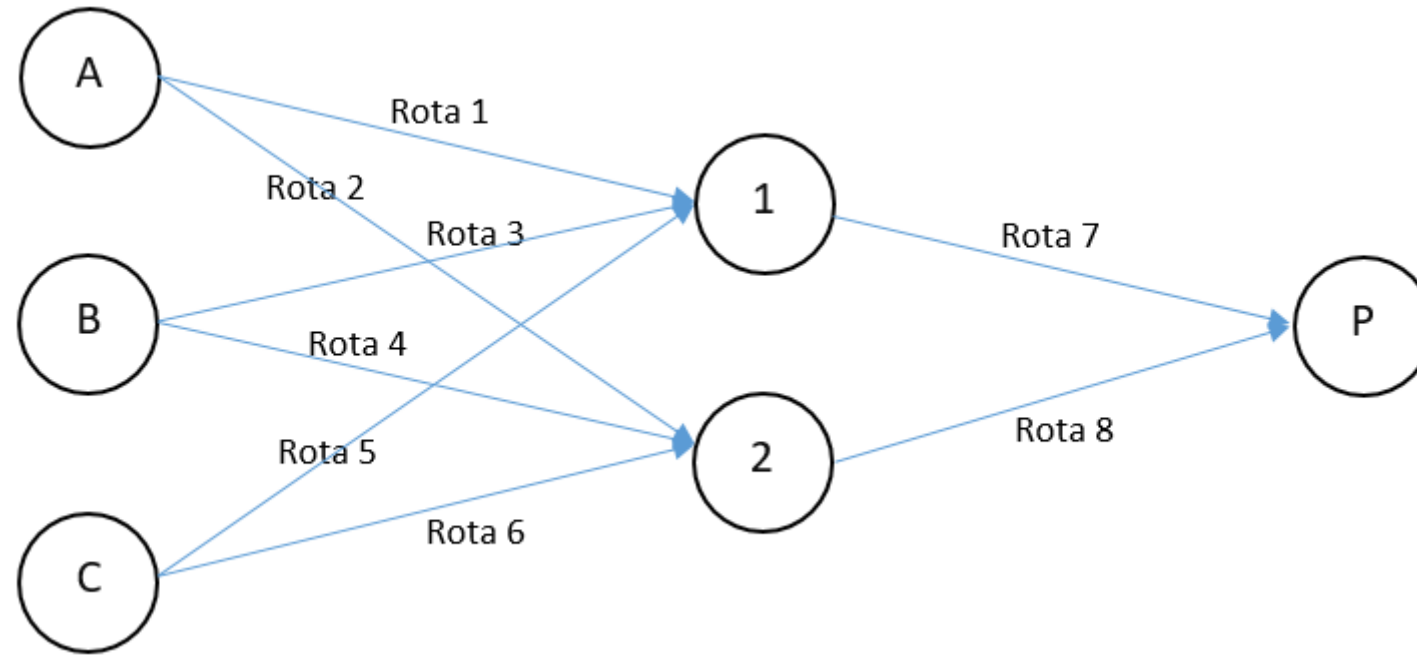
```
1 %% init
2 close all;
3 clear;
4 clc;
5
6 %%
7 f=@(x11,x12,x21,x22,y1,y2) 2000*x11 + 1700*x12 + 1600*x21 + 1100*x22 + ...
8     400*y1 + 800*y2;
9
10 fitness = @(ind) f(ind(1),ind(2),ind(3),ind(4),ind(5),ind(6));
11
12 LB = [0; 0; 0; 0; 0; 0];
13 UB = [30; 30; 50; 50; 70; 70];
14
15 Aeq = [1 1 0 0 0 0; 0 0 1 1 0 0; 1 0 1 0 -1 0; 0 1 0 1 0 -1; 0 0 0 0 1 1];
16 beq = [40; 60; 0; 0; 100];
17
18 n_vars = 6;
19 options = gaoptimset('display','iter', 'generations', 100, ...
20     'StallGenLimit', 10000, 'PopulationSize', 20);
21 [x, fval] = ga(fitness, n_vars, [], [], Aeq, beq, LB, UB, [], options);
```


Problema 4

Uma empresa geradora de energia elétrica por biomassa precisa determinar a melhor configuração de rotas de transporte na cadeia, que envolve fornecedores, plantas de estocagem e a planta de geração.

Os pontos de coleta A, B e C têm produção de biomassa igual a 12, 8 e 5 (t/ano), respectivamente, e não podem estocar nem desperdiçar a produção. Os custos entre as plantas de estocagem (1 e 2) e os pontos de coleta estão descritas na tabela por cada rota presente no grafo. Já os limites de estocagem de biomassa pelas plantas 1 e 2, é igual a 18 e 12 (t/ano). A demanda de processamento de biomassa pela planta P é igual a 25 (t/ano). Toda essa demanda da planta P deve ser atendida pelas plantas de estocagem.

Problema 4



	Custo (R\$/ton)	Capacidade máxima (t/ano)
Rota 1	42	7
Rota 2	64	5
Rota 3	71	4
Rota 4	76	5
Rota 5	84	2
Rota 6	38	5
Rota 7	135	17
Rota 8	95	12

Problema 4

Sua vez novamente!!!

Problema 4

x = Quantidade de biomassa em toneladas transportada entre o fornecedor e a planta de estocagem

y = Quantidade de biomassa em toneladas transportada da planta de estocagem à usina de geração

$\min \therefore$

$$42x_{A \rightarrow 1} + 64x_{A \rightarrow 2} + 71x_{B \rightarrow 1} + 76x_{B \rightarrow 2} + 84x_{C \rightarrow 1} + 38x_{C \rightarrow 2} + 135y_{1 \rightarrow P} + 95y_{2 \rightarrow P}$$

$s.t. \therefore$

$$x_A \rightarrow x_{A \rightarrow 1} + x_{A \rightarrow 2} = 12$$

$$x_B \rightarrow x_{B \rightarrow 1} + x_{B \rightarrow 2} = 8$$

$$x_C \rightarrow x_{C \rightarrow 1} + x_{C \rightarrow 2} = 5$$

$$x_1 \rightarrow x_{A \rightarrow 1} + x_{B \rightarrow 1} + x_{C \rightarrow 1} \leq 18$$

$$x_2 \rightarrow x_{A \rightarrow 2} + x_{B \rightarrow 2} + x_{C \rightarrow 2} \leq 12$$

$$y_P \rightarrow y_{1 \rightarrow P} + y_{2 \rightarrow P} = 26$$

$$y_1 \rightarrow x_{A \rightarrow 1} + x_{B \rightarrow 1} + x_{C \rightarrow 1} \leq y_{1 \rightarrow P}$$

$$y_2 \rightarrow x_{A \rightarrow 2} + x_{B \rightarrow 2} + x_{C \rightarrow 2} \leq y_{2 \rightarrow P}$$

$$x_{A \rightarrow 1} \leq 7$$

$$x_{A \rightarrow 2} \leq 5$$

$$x_{B \rightarrow 1} \leq 4$$

$$x_{B \rightarrow 2} \leq 5$$

$$x_{C \rightarrow 1} \leq 2$$

$$x_{C \rightarrow 2} \leq 5$$

$$y_{1 \rightarrow P} \leq 17$$

$$y_{2 \rightarrow P} \leq 12$$

Problema 4

```
1 clear all
2 clc
3
4 n_vars = 8;
5 A = [1 0 1 0 1 0 0 0; 0 1 0 1 0 1 0 0; 1 0 1 0 1 0 -1 0; 0 1 0 1 0 1 0 -1; ...
6      1 0 0 0 0 0 0 0; 0 1 0 0 0 0 0 0; 0 0 1 0 0 0 0 0; 0 0 0 1 0 0 0 0; 0 0 0 0 1 0 0 0; 0 0 0 0 0 1 0 0; 0 0 0 0 0 0 1 0; 0 0 0 0 0 0 0 1];
7 b = [18; 12; 0; 0; ...
8      7; 5; 4; 5; 2; 5; 17; 12];
9 Aeq = [0 0 0 0 0 0 1 1; 1 1 0 0 0 0 0 0; 0 0 1 1 0 0 0 0; 0 0 0 0 1 1 0 0;];
10 beq = [25; 12; 8; 5];
11 LB = [0 0 0 0 0 0 0 0];
12 UB = [Inf Inf Inf Inf Inf Inf Inf Inf];
13 NON_linear = [];
14 Integral_variables = [];
15
16 settings = gaoptimset('generation', 200, 'StallGenLimit', 10000, ...
17                      'PopulationSize', 100, 'CrossoverFraction', 0.65);
18
19 [x,fval] = ga(@BiomassaEnergia,n_vars,A,b,Aeq,beq,LB,UB,NON_linear,Integral_variables,settings)
```

Problema 5

Encontrar o valor de x e y que maximiza a função *Mishra's Bird*:

$$f(x, y) = \sin(y) e^{(1-\sin(x))^2} + \cos(x) e^{(1-\sin(y))^2} + (x - y)^2$$

Com as seguintes restrições:

$$(x + 5)^2 + (y + 5)^2 < 25$$

Onde:

$$\begin{aligned} -10 &\leq x \leq 0 \\ -6.5 &\leq y \leq 0 \end{aligned}$$

Problema 5

```
1 clear all
2 clc
3
4
5 ObjectiveFunction = @(vector) MishrasBird(vector);
6 n_vars = 2;
7 A = [];
8 b = [];
9 Aeq = [];
10 beq = [];
11 LB = [-10 -6.5];
12 UB = [0 0];
13 NON_linear = @(vector) MishrasBird_constraints(vector);
14 Integral_variables = [];
15 settings = gaoptimset('generation', 100, 'StallGenLimit', 10000, ...
16     'PopulationSize', 80, 'CrossoverFraction', 0.65);
17
18 [x,fval] = ga(ObjectiveFunction,n_vars,A,b,Aeq,beq,LB,UB,NON_linear,Integral_variables,settings)
```

```
1 function [ Result ] = MishrasBird( vec )
2 %UNTITLED4 Summary of this function goes here
3 % Exercício para otimização Mishra's Bird function
4 % -10<=x<=0 e -6.5<=y<=0 com restrições de (x+5)^2 + (y+5)^2 < 25
5 % https://en.wikipedia.org/wiki/Test\_functions\_for\_optimization
6 x = vec(1);
7 y = vec(2);
8
9 Argumento1 = sin(y)*exp((1-cos(x))^2);
10 Argumento2 = cos(x)*exp((1-sin(y))^2);
11 Argumento3 = (x-y)^2;
12
13 Result = (Argumento1 + Argumento2 + Argumento3);
14
15 end
```

```
1 function [ c, c_eq ] = MishrasBird_constraints( vec )
2 %UNTITLED5 Summary of this function goes here
3 % Restrições da função de MishrasBird
4 x = vec(1);
5 y = vec(2);
6
7 c = [(x+5)^2 + (y+5)^2 - 25];
8 c_eq = [];
9
10 end
```