# Lab 2 - BCC406/PCC177

# REDES NEURAIS E APRENDIZAGEM EM PROFUNDIDADE

# Regressão Logística

#### Prof. Eduardo e Prof. Pedro

#### Objetivos:

• Regressão Logística.

Data da entrega: 17/12

- Complete o código (marcado com 'ToDo') e quando requisitado, escreva textos diretamente nos notebooks. Onde tiver *None*, substitua pelo seu código.
- Execute todo notebook e salve tudo em um PDF nomeado como "NomeSobrenome-LabX.pdf"
- Envie o PDF via google FORM
- Envie o .ipynb também.

# Classificador Binário com Regressão Logística

Você criará um classificador baseado em regressão logística para reconhecer gatos em imagens.

#### Dica:

• Evite loops (for / while) em seu código. Isso o tornará mais eficiente.

#### Notebook para:

Construir a arquitetura geral de um algoritmo regressão logística, incluindo: Inicializando parâmetros - Cálculo da função de custo e seu gradiente - Algoritmo
de otimização - gradiente descendente

## Preparação do ambiente

Primeiro precisamos importar os pacotes. Vamos executar a célula abaixo para importar todos os pacotes que precisaremos.

- numpy é o pacote fundamental para a computação científica com Python.
- h5py é um pacote comum para interagir com um conjunto de dados armazenado em um arquivo H5.

- matplotlib é uma biblioteca famosa para plotar gráficos em Python.
- PIL e scipy são usados agui para carregar as imagens e testar seu modelo final.
- np.random.seed(1) é usado para manter todas as chamadas de funções aleatórias.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import h5py
import scipy
from PIL import Image
from scipy import ndimage
```

O próximo passo é configurar o *matplotlib* e a geração de valores aleatórios.

```
In []: %matplotlib inline
   plt.rcParams['figure.figsize'] = (5.0, 4.0) # set default size of plots
   plt.rcParams['image.interpolation'] = 'nearest'
   plt.rcParams['image.cmap'] = 'gray'

   %load_ext autoreload
   %autoreload 2

   np.random.seed(1)
```

The autoreload extension is already loaded. To reload it, use: %reload\_ext autoreload

Configurando o Google Colab.

```
In [ ]: # Você vai precisar fazer o upload dos arquivos no seu drive (faer na pasta raiz
# não se esqueça de ajustar o path para o seu drive
from google.colab import drive
drive.mount('/content/drive')
```

Drive already mounted at /content/drive; to attempt to forcibly remount, call drive.mount("/content/drive", force\_remount=True).

## Entendendo o problema (1pt)

O problema a ser tratado é o de classificar imagens em duas classes: tem um gato ou não tem um gato.

Há dois conjuntos de dados: *train\_catvnoncat.h5* e *test\_catvnoncat.h5*. Cada conjunto contem:

- um conjunto de imagens rotuladas como gato (y = 1) ou sem-gato (y = 0)
- cada imagem tem a forma (num\_px, num\_px, num\_ch), em que num\_ch é relativos aos canais de cores (RGB) e deve ser fixado em 3. Assim, cada imagem é quadrada (altura = num\_px) (largura = num\_px) e colorida.

Repare que temos um conjunto para o treinamento dos modelos (ajuste dos parâmetros) e outro conjunto chamado de teste, que serve para avaliação do modelo. Ou seja, como meu modelo vai se comportar com dados que não participaram do processo de treinamento.

Carregue os dados executando o seguinte código.

```
In []: # Função para ler os dados (gato/não-gato)
def load_dataset():

    train_dataset = h5py.File('/content/drive/MyDrive/Lab2/train_catvnoncat.h5', "
    train_set_x_orig = np.array(train_dataset["train_set_x"][:]) # your train set
    train_set_y_orig = np.array(train_dataset["train_set_y"][:]) # your train set

test_dataset = h5py.File('/content/drive/MyDrive/Lab2/test_catvnoncat.h5', "r"
    test_set_x_orig = np.array(test_dataset["test_set_x"][:]) # your test set feat
    test_set_y_orig = np.array(test_dataset["test_set_y"][:]) # your test set labe

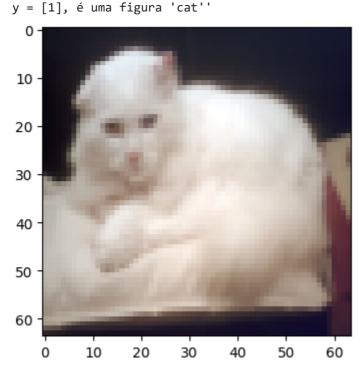
classes = np.array(test_dataset["list_classes"][:]) # the list of classes
    train_set_y_orig = train_set_y_orig.reshape((1, train_set_y_orig.shape[0]))
    test_set_y_orig = test_set_y_orig.reshape((1, test_set_y_orig.shape[0]))
    return train_set_x_orig, train_set_y_orig, test_set_x_orig, test_set_y_orig, c
```

```
In [ ]: # Lendo os dados (gato/não-gato)
treino_x_orig, treino_y, teste_x_orig, teste_y, classes = load_dataset()
```

O termo \_orig no final dos conjuntos de dados (treino e teste) significa que estamos tratando com os dados lidos originalmente. Após o pré-processamento, atribuiremos a outros objetos ( treino\_x e teste\_x ).

Cada linha de treino\_x\_orig e teste\_x\_orig é uma matriz que representa uma imagem. Você pode visualizar um exemplo executando o seguinte código.

```
In []: # Exemplo
  index = 13
  plt.imshow(treino_x_orig[index])
  print ("y = " + str(treino_y[:, index]) + ", é uma figura '" + classes[np.squeez
```



Mas quantos dados temos?

```
In []: print (f'Formto de treino_x: {treino_x_orig.shape}')
    print (f'formto de treiro_y: {treino_y.shape}')
    print (f'formto de teste_x: {teste_x_orig.shape}')
    print (f'formto de teste_y: {teste_y.shape}')

Formto de treino_x: (209, 64, 64, 3)
    formto de treiro_y: (1, 209)
    formto de teste_x: (50, 64, 64, 3)
    formto de teste_y: (1, 50)
```

**ToDo:** Defina os valores para: (1pt)

- m\_treino : número de exemplos de treinamento.
- m\_teste : número de exemplos de teste.
- num\_px : altura = largura de uma imagem de treinamento.

**DICA**: você tems estes valores nas dimensões dos tensores treino\_x\_orig e treino\_y\_orig

```
In [ ]: m_treino = 209
    m_teste = 50
    num_px = 64
```

## Pré-processando os dados (2pt)

Nesse ponto vamos preparar os dados para que sejam usados no treinamento. Para isso precisamos adaptar o formato dos dados (vetorização) e normalizá-los.

Na vetorização iremos converter a imagem 3D ( $64 \times 64 \times 3$ ) em um único vetor 1D ( $12288 = 64 \times 64 \times 3$ ). A figura mostra um exemplo do pré-processamento executado (imagem vetorizada).

Já na normalização, colocaremos os dados em um intervalo desejado, para este trabalho será [0.0, 1.0].



Figura: Vetorização de uma imagem.

#### Vetorização (1pt)

Por conveniência, vamos "**vetorizar**" as imagens para que elas fiquem nas dimensões:

(num\_px \* num\_px \* 3, 1) . Depois disso, nosso conjunto de dados de treinamento
(e teste) será uma matriz ndarray(numpy) em que cada coluna representa uma
imagem vetorizada. Deve haver m\_treino colunas. O mesmo para o conjunto de teste,
contudo com m\_teste colunas.

```
In [ ]: # Formate o conjunto de treinamento e teste dados de treinamento e teste para qu
# de tamanho (num_px, num_px, 3) sejam vetores de forma (num_px * num_px * 3, 1)
# **dica**: ver documentação da função reshape(..)
```

```
treino_x_vet = treino_x_orig.reshape(209, 64 * 64 * 3) # ToDo: vetorizar os dado
teste_x_vet = teste_x_orig.reshape(50, 64 * 64 * 3) # ToDo: vetorizar os dados a

print (f'Formato de treino_x_vet: {treino_x_vet.shape}.')
print (f'Formato de treino_y: {treino_y.shape}.')
print (f'Formato de teste_x_vet: {teste_x_vet.shape}.')
print (f'Formato de teste_y: {teste_y.shape}.')
Formato de treino_x_vet: (209, 12288).
```

```
Formato de treino_x_vet: (209, 12288)
Formato de treino_y: (1, 209).
Formato de teste_x_vet: (50, 12288).
Formato de teste_y: (1, 50).
```

#### Normalização (1pt)

As imagens do conjunto de dados são repreesentadas por canais (RGB). Os canais vermelho, verde e azul devem ser especificados para cada pixel e, portanto, o valor do pixel é na verdade um vetor de três números que variam de 0 a 255.

Uma etapa comum de pré-processamento no aprendizado de máquina é centralizar e normalizar seu conjunto de dados, que significa subtrair cada exemplo pela média do conjunto todo e dividir pelo desvio padrão (de toda a matriz de dados de treino). Porém, para conjuntos de dados de imagens, é mais simples e conveniente apenas dividir cada pixel por 255 (o valor máximo).

Vamos normalizar o conjunto de dados, dexando os valores dos pixels entre 0 e 1.

```
In [ ]: # Normalize os dados (colocar no intervalo [0.0, 1.0])
    treino_x = treino_x_vet / 255 # ToDo: normalize os dados de treinamento aqui
    teste_x = teste_x_vet / 255 # ToDo: normalize os dados de teste aqui
```

# Arquitetura da rede e o algoritmo de aprendizado

A figura a seguir explica o porquê a regressão logística é realmente uma rede neural muito simples!



#### Expressão matemática do algoritmo:

Para um exemplo  $x^{(i)}$ :

$$z^{(i)} = w^T x^{(i)} + b, (1)$$

$$y^{(i)} = a^{(i)} = sigmoid(z^{(i)}),$$
 (2)

$$L(a^{(i)}, y^{(i)}) = -y^{(i)}\log(a^{(i)}) - (1 - y^{(i)})\log(1 - a^{(i)}), \tag{3}$$

onde:

- $z^{(i)}$  é a saída cálculo entre a multiplicação dos pesos e dos valores de entrada mais o bias.
- $x^{(i)}$  é o seu vetor de entrada, sendo  $x_k^{(i)}$  o valor de cada pixel.

- w é o seu vetor de pesos (vem do inglês: weights).
- *b* é o seu viés (vem do inglês: bias).
- $y^{(i)}$  é a saída esperada para o vetor de entrada  $x^{(i)}$ .
- $y^{(i)}$  e  $a^{(i)}$  são a saída da sua rede dada a entrada  $x^{(i)}$ .
- $L(a^{(i)}, y^{(i)})$  é o *loss* dada a entrada  $x^{(i)}$ .
- sigmoid e log são funções matemáticas.

O custo é então calculado somando sobre todos os exemplos do treinamento:

$$J = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} L(a^{(i)}, y^{(i)}), \tag{6}$$

onde m é o conjunto de imagens de um lote.

#### **Etapas principais**:

Neste exercício, você executará as seguintes etapas:

- Inicializar os parâmetros do modelo
- Aprender os parâmetros do modelo, minimizando o custo
- Use os parâmetros aprendidos para fazer a predição (no conjunto de testes)
- Analisar os resultados.

# Criando o código para treinar o modelo (79pt)

Agora que entendemos a arquitetura da rede (uma única camada oculta e uma camada de saída), precisamos criar as funções para inicializar os pesos, *sigmoid* e de custo.

#### Inicialização dos pesos (4pt)

O modelo precisa que os seus pesos sejam inicializados. Essa inicialização pode ser feita gerando os pesos aleatoriamente ou com valores zerados dada uma dimensão.

Para testarmos, começaremos inicializando o vetor w e b como zero dada uma dimensão  $\dim$  .

```
In []: # Função que inicializa w e b
# **dica**: veja a função np.zeros(..)

def inicialize(dim):
    """
    Inicializa um vetor de tamanho (dim, 1) para w and b = 0.

Entrada:
    dim -- tamanho de w (número de parâmetros)
Saída:
    w -- tamanho (dim, 1)
    b -- um escalar (correspondente ao bias)
    """

w = np.zeros((dim,1)) # ToDo: criar um vetor zero com a dimensão (dim, 1)
b = 0 # ToDo: inicializar com o valor correto
```

```
# Verificando se o retorno da função está de acordo com o esperado
assert(w.shape == (dim, 1))
assert(isinstance(b, float) or isinstance(b, int))
return w, b
```

Agora vamos testar a função inicialize(). Para isso, passaremos o valor de dim como sendo 2.

Os valores esperados são:

```
** w [[ 0.]]

** [ 0.]]
```

```
In []: dim = 2
w, b = inicialize(dim)
print(f'w = {w}')
print(f'b = {b}')

w = [[0.]
[0.]]
b = 0
```

#### Sigmoid (10pt)

A *sigmoid* é uma função matemática com o formato de uma curva em "S" ou curva sigmoide. Ela transforma qualqer valor de um domínio  $(-\infty, +\infty)$  para um número no intervalo 0 e 1.

Como você viu na figura acima, você precisa calcular  $sigmoid(w^Tx+b)=rac{1}{1+e^{-(w^Tx+b)}}$  para fazer previsões.

Agora vamos testar a função sigmoid(). Para isso, passaremos dois valores de teste (0 e 2).

Os valores esperados são:

0 0.52 0.88079708

Observe que a função aplica a função sigmoid para elemento de z.

#### Função de custo (10pt)

O objetivo da função de custo é calcular o erro ou a discrepância entre o que foi predito e o valor real.

Como já foi visto, você precisa calcular

$$J = -rac{1}{m} \sum_{i=1}^m y^{(i)} \log(a^{(i)}) + (1-y^{(i)}) \log(1-a^{(i)}).$$

```
In []: # Faça a função para calcular o custo J
# **dica**: você pode usar a função np.log(..)

def Calcula_custo(Y, A):
    """
    Calcula o custo J considerando Y e A.

Entrada:
    Y -- Um escalar ou um numpy array de qualquer tamanho com o valor real.
    A -- Um escalar ou um numpy array de qualquer tamanho com o valor predito.
Saída:
    c -- custo considerando Y e A
    """
    c = (-1/Y.shape[1]) * np.sum(Y*np.log(A) + (1-Y)*np.log(1-A)) # ToDo: implem return c
```

Agora vamos testar a função custo(). Para isso, faremos alguns testes:

- Passaremos dois valores para Y (0 e 1) e dois para A (0.1 e 0.9). O valor esperado é de 0.10536051565782628.
- Passaremos dois valores para Y (0 e 1) e dois para A (0.1 e 0.1). O valor esperado é de 1.203972804325936.
- Passaremos dois valores para Y (0 e 1) e dois para A (0.9 e 0.9). O valor esperado é de 1.2039728043259361.
- Passaremos dois valores para Y (0 e 1) e dois para A (0.9 e 0.1). O valor esperado é de 2.302585092994046.
- Passaremos dois valores para Y (0 e 1) e dois para A (0.5 e 0.5). O valor esperado é de 0.6931471805599453.

```
print(f'custo([0.0, 1.0], [0.9, 0.1]) = {Calcula_custo(np.array([[0.0, 1.0]]), n
print(f'custo([0.0, 1.0], [0.5, 0.5]) = {Calcula_custo(np.array([[0.0, 1.0]]), n

custo([0.0, 1.0], [0.1, 0.9]) = 0.10536051565782628
custo([0.0, 1.0], [0.1, 0.1]) = 1.203972804325936
custo([0.0, 1.0], [0.9, 0.9]) = 1.2039728043259361
custo([0.0, 1.0], [0.9, 0.1]) = 2.302585092994046
custo([0.0, 1.0], [0.5, 0.5]) = 0.6931471805599453
```

#### Propagação dos valores pelo modelo e cálculo do gradiente (20pt)

Dada as entradas e os pesos, deve-se realizar a propagação dos dados pela rede considerando os seus pesos e logo depois a retropropagação das derivadas. Para isso, devemos implementar a função propagação () que calcula a função de custo e seu gradiente.

O processo pode ser dividido em dois passos principais: **Forward-Propagation** e **Backward-propagation**.

#### **Forward-Propagation:**

- Multiplique a entrada X pelo vetor de pesos
- Calcule a ativação

$$A = \sigma(w^TX + b) = (a^{(1)}, a^{(2)}, \dots, a^{(m-1)}, a^{(m)})$$

• Calcule a função de custo:

$$J = -rac{1}{m} \sum_{i=1}^m y^{(i)} \log(a^{(i)}) + (1-y^{(i)}) \log(1-a^{(i)})$$

#### **Backward-propagation:**

• Cálculo do gradiente para o vetor de pesos w:

$$\frac{\partial J}{\partial w} = \frac{1}{m} X (A - Y)^T \tag{7}$$

• Cálculo do gradiente para o bias b:

$$\frac{\partial J}{\partial b} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (a^{(i)} - y^{(i)}) \tag{8}$$

```
In []: def propagacao(w, b, X, Y):
    """
    Implementa a função custo e seus gradientes

Entrada:
    w -- pesos, de tamanho (num_px * num_px * 3, 1)
    b -- bias, um escalar
    X -- dados de treinamentos de tamanho (num_px * num_px * 3, número de exem
    Y -- ( 0 se não-gato, 1 se gato) de tamanho (1, número de exemplos)
    Saída:
    custo -- custo para regressão logística
```

```
dw -- gradiente da função loss em relação a w
 db -- gradiente da função loss em relação a b
Y = np.array(Y) # converte para o tipo ndarray para acessar o .shape do obje
m = Y.shape[1] # ToDo: número de exemplos
# Propagação da imagem pela rede
w = np.array(w)
X = np.array(X)
A = sigmoid(np.dot(w.T, X) + b) # ToDo: calcule a ativação. **Dica** : use s
custo = Calcula_custo(Y,A) # ToDo: calcule o custo. **Dica** : use a sua fun
# Cálculo do custo
dw = (1/m)*np.dot(X,(A-Y).T) # ToDo: Calcule as deviravas.
db = (1/m)*np*sum(A-Y) # **Dica:** use np.dot(..) e não esqueça que em alg
custo = np.squeeze(custo)
assert(dw.shape == w.shape)
assert(db.dtype == float)
assert(custo.shape == ())
grads = {"dw": dw, "db": db}
return grads, custo
```

Agora vamos testar a função propagacao(). Para isso, passaremos o vetor de pesos, o valor de bias, os dados de treino e os labels, ou seja, os dados que uma camada oculta precisa receber.

Os valores esperados são:

dw	[ [ 0.99845601 ] [ 2.39507239 ] ]
db	0.00145557813678
custo	5.801545319394553

```
In []: # Teste
w, b, X, Y = np.array([[1.],[2.]]), 2., np.array([[1.,2.,-1.],[3.,4.,-3.2]]), np
grads, custo = propagacao(w, b, X, Y)
print (f'dw = {grads["dw"]}')
print (f'db = {grads["db"]}')
print (f'custo = {custo}')

dw = [[0.99845601]
    [2.39507239]]
db = 0.001455578136784208
custo = 5.801545319394553
```

#### Otimização dos pesos e descida do gradiente (25pt)

O processo de atualização dos parâmetros é de extrema importância, pois é ele que vai corrigir os pesos baseado no erro encontrado nos dados de teste. Esse processo é realizado pelo algoritmo da descida do gradiente.

O algoritmo visa atualizar os valores de w e b, minimizando a função de custo J. Para um parâmetro  $\theta$ , a regra de atualização é dada por

$$\theta = \theta - \alpha d\theta$$

em que  $\alpha$  é a taxa de aprendizado.

```
In [ ]: # Algoritmo da descida do gradiente
        def gradiente_descendente(w, b, X, Y, num_iter, learning_rate, print_custo = Fal
            Esta função atualiza/otimiza os parâmetros w e b através do algoritmo do gra
            Entrada:
              w -- pesos, de tamanho (num_px * num_px * 3, 1)
              b -- bias, um escalar
              X -- dados de treinamentos de tamanho (num_px * num_px * 3, número de exem
              Y -- ( 0 se não-gato, 1 se gato) de tamanho (1, número de exemplos)
              num_iter -- número de interações
              learning_rate -- taxa de aprendizegem do algoritmo gradiente descendente
              print_custo -- print flag
            Saída:
              params -- dicionário contendo os pesos w e bias b
              grads -- dicionário contendo os gradientes dos pesos w e bias b com relaçã
              custos -- lista de todos os custos durante a otimização, será usado para p
            custos = []
            for i in range(num_iter):
                grads, custo = propagacao(w, b, X, Y) # Propagar as imagens pela rede.
                # Recupera os gradientes do dicionário grads
                dw = grads["dw"] # ToDo: Recuperar os gradientes do dicionário grads
                db = grads["db"] # **Dica** : fique atento ao tipo de dados de grads p
                w = w - learning_rate * dw # ToDo: Atualize w e b
                b = b - learning_rate * db # **Dica**: Lembre-se da taxa de aprendiza
                # Guarda custos
                if i % 100 == 0:
                    custos.append(custo)
                # Imprime o custo a cada 100 interações
                if print_custo and i % 100 == 0:
                    print (f"Custo após {i:4d} iterações: {custo:.4f}")
            params = {"w": w, "b": b}
            grads = {"dw": dw, "db": db}
            return params, grads, custos
```

Agora vamos testar a função gradiente\_descendente() . Os valores esperados são:

w	[[ 0.19033591 ] [ 0.12259159 ]]
b	1.92535983008

dw	[[ 0.67752042 ][ 1.41625495 ]]
db	0.219194504541

#### Predição do modelo (10pt)

Depois que o modelo é treinado, ou seja, houve o aprendizado (otimização) dos parâmentros w e b, eles são usados para predizer os rótulos para um conjunto de dados X.

O objetivo agora é implementar a função predicao () . Para isso, deve-se:

Calculae

$$\hat{Y} = A = \sigma(w^T X + b)$$

• Converter  $\hat{Y}$  em 0 (se ativação  $\leq$  0,5) ou 1 (se ativação > 0,5).

```
In [ ]: def predicao(w, b, X):
            Prediz se o rótulo é 0 ou 1 usando os parâmetros de aprendizagem (w,b) da re
            Entrada:
              w -- pesos, de tamanho (num_px * num_px * 3, 1)
              b -- bias, um escalar
              X -- dados de treinamentos de tamanho (num_px * num_px * 3, número de exem
            Saída:
              Y_pred -- um vetor contendo todas as predições (0/1) para os dados X
            #ToDo : implemente a função
            m = X.shape[1]  # ToDo: retornar o número de exemplos. **Dica**: acesso
            Y_pred = np.zeros((1, m)) # ToDo: inicialize o vetor de predições. **Dica**
            A = sigmoid(np.dot(w.T, X) + b) # ToDo: Calcular o vetor "A" da probabilida
                           **dica**: mesma ideia da função propagacao(..)
            # ToDo: Converter as proobabilidades A[0,i] para predição p[0,i]
               **dica**: considere, no vetor A, valores maiores ou iquais a 0.5 como
                            menores que 0.5 como classe 0 e coloque o resultado no vetor
            Y_pred = (A >= 0.5).astype(float)
```

```
assert(Y_pred.shape == (1, m))
return Y_pred
```

#### **predições** [[ 1. 1. 0.]]

```
In []: # Teste
w = np.array([[0.1124579],[0.23106775]])
b = -0.3
X = np.array([[1.,-1.1,-3.2],[1.2,2.,0.1]])
print (f'Predições = {predicao(w, b, X)}')

Predições = [[1. 1. 0.]]
```

#### Criando e treinando o modelo (15pt)

Agora que temos as funções para treinar o modelo, podemos criar uma função que junta todas as outras funções para criar e treinar o modelo de treinamento.

O objetivo é construir o modelo, usando a seguinte notação:

- Y\_pred\_teste para suas previsões no conjunto de testes
- Y\_pred\_treino para suas previsões no treino

In [ ]: def inicializar\_parametros(dim):

• w, custos, grads para as saídas do algoritmo gradiente().

```
w = np.zeros((dim, 1))
            b = 0
            return w, b
In [ ]: # ModeLo
        def treinar_modelo(X_treino, Y_treino, X_teste, Y_teste, num_iter = 5000, learni
            Cria o modelo de regressão logística chamando as funções auxiliares
            Entradas:
              X_treino -- conjunto de treinamento representado por uma matriz numpy da f
              Y_treino -- rótulos de treinamento representados por uma matriz numpy (vet
              X teste -- conjunto de teste representado por uma matriz numpy da forma (n
              Y teste -- rótulos de teste representados por uma matriz numpy (vetor) da
              num_iter -- hiperparâmetro que representa o número de iterações para otimi
              learning rate -- hiperparâmetro que representa a taxa de aprendizado usada
              print_custo -- Defina como true para imprimir o custo a cada 100 iterações
            Saída:
              d -- dicionário contendo informações sobre o modelo.
            # ToDo: Inicilizar os parâmetros. Use sua funcao de inicialização e coloque
            w, b = inicializar_parametros(X_treino.shape[0])
```

# ToDo: Calcular o gradiente descendente. Use sua função gradiente descende

```
parametros, grads, custos = gradiente_descendente(w, b, X_treino, Y_treino,
# ToDo: Recuperar os parâmetros w e b do dicionário "parametros"
w = parametros["w"]
b = parametros["b"]
# ToDo: Computar predições para os conjuntos treino e teste. **Dica**: Use s
Y_pred_teste = predicao(w, b, X_teste)
Y_pred_treino = predicao(w, b, X_treino)
# Imprime erros do treino/teste
print("treino acurácia: {} %".format(100 - np.mean(np.abs(Y_pred_treino - Y_
print("teste acurácia: {} %".format(100 - np.mean(np.abs(Y_pred_teste - Y_te
d = {"custos": custos,
     "Y_pred_teste": Y_pred_teste,
     "Y_pred_treino" : Y_pred_treino,
     "w" : w,
     "b" : b,
     "learning_rate" : learning_rate,
     "num_iter": num_iter}
return d
```

### Testando o modelo treinado (3pt)

A função treinar\_modelo é a única necessária neste ponto, pois ela combina todas as demais criadas até aqui. Para o teste abaixo, espera-se os seguintes resultados:

Custo depois da iteração 0	0.693147
Acurácia no treino	100 %
Acurácia no teste	68.0 %

#### os valores não precisam ser exatos.

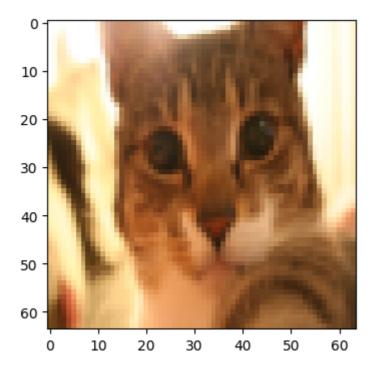
```
In [ ]: d = treinar_modelo(treino_x.T, treino_y, teste_x.T, teste_y, num_iter=3000, lear
```

```
Custo após 0 iterações: 0.6931
Custo após 100 iterações: 0.8239
Custo após 200 iterações: 0.4189
Custo após 300 iterações: 0.6173
Custo após 400 iterações: 0.5221
Custo após 500 iterações: 0.3877
Custo após 600 iterações: 0.2363
Custo após 700 iterações: 0.1542
Custo após 800 iterações: 0.1353
Custo após 900 iterações: 0.1250
Custo após 1000 iterações: 0.1165
Custo após 1100 iterações: 0.1092
Custo após 1200 iterações: 0.1028
Custo após 1300 iterações: 0.0971
Custo após 1400 iterações: 0.0920
Custo após 1500 iterações: 0.0875
Custo após 1600 iterações: 0.0833
Custo após 1700 iterações: 0.0795
Custo após 1800 iterações: 0.0760
Custo após 1900 iterações: 0.0728
Custo após 2000 iterações: 0.0699
Custo após 2100 iterações: 0.0671
Custo após 2200 iterações: 0.0646
Custo após 2300 iterações: 0.0622
Custo após 2400 iterações: 0.0601
Custo após 2500 iterações: 0.0580
Custo após 2600 iterações: 0.0561
Custo após 2700 iterações: 0.0543
Custo após 2800 iterações: 0.0526
Custo após 2900 iterações: 0.0510
treino acurácia: 100.0 %
teste acurácia: 68.0 %
```

#### Usando o modelo treinado para classificar um imagem (1pt)

```
In []: # Exemplos das predições
index = 11
plt.imshow(teste_x.T[:,index].reshape((num_px, num_px, 3)))
print (f'y = {classes[teste_y[0,index]].decode("utf-8")}({teste_y[0,index]}), o

y = cat(1), o modelo predizeu que é um "non-cat" picture.
```



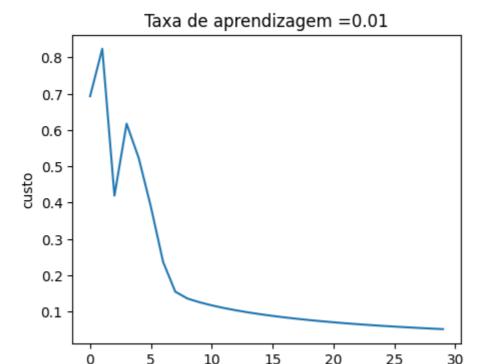
ToDo: A acurácia no treinamento é próxima de 100%. Seu modelo está funcionando e tem capacidade alta o suficiente para ajustar os dados de treinamento. A acurácia no teste é de 68%. Porque tanta diferença?

Escreva sua resposta aqui...

Isso indica overfitting, mostra que o modelo aprendeu muito bem em cima dos dados passados para o treinamento, mas ao tentar generalizar novos dados, o desempenho é pior que nos testes.

Plota a função custo e os gradientes

```
In []: # Plot learning curve (with costs)
    custos = np.squeeze(d['custos'])
    plt.plot(custos)
    plt.ylabel('custo')
    plt.xlabel('iterações (por centenas)')
    plt.title("Taxa de aprendizagem =" + str(d["learning_rate"]))
    plt.show()
```



#### Interpretação:

Você pode ver o custo diminuindo. Isso mostra que os parâmetros estão sendo aprendidos. No entanto, você pode treinar o modelo ainda mais no conjunto de treinamento.

iterações (por centenas)

#### Avaliando o número de épocas de treinamento (1pt)

Vamos comparar a curva de aprendizado do modelo com várias opções de número de iterações. Execute a célula abaixo.

```
In []: num_iters = [500, 1000, 2000, 3000, 4000]
    modelos = {}
    for i in num_iters:
        print ("Iterações é: " + str(i))
        modelos[str(i)] = treinar_modelo(treino_x.T, treino_y, teste_x.T, teste_y, n
        print ('\n' + "---------" + '\)

    for i in num_iters:
        plt.plot(np.squeeze(modelos[str(i)]["custos"]), label= str(modelos[str(i)]["
        plt.ylabel('custo')
        plt.xlabel('iterações (por centenas)')

    legend = plt.legend(loc='upper center', shadow=True)
    frame = legend.get_frame()
    frame.set_facecolor('0.90')
    plt.show()
```

Iterações é: 500

treino acurácia: 83.25358851674642 %

teste acurácia: 82.0 %

Iterações é: 1000

treino acurácia: 98.56459330143541 %

teste acurácia: 70.0 %

Iterações é: 2000

treino acurácia: 99.52153110047847 %

teste acurácia: 70.0 %

.....

Iterações é: 3000

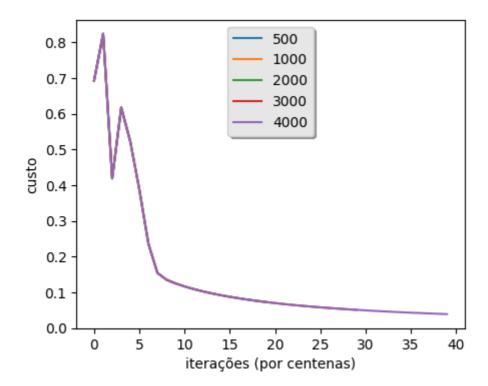
treino acurácia: 100.0 % teste acurácia: 68.0 %

-----

Iterações é: 4000

treino acurácia: 100.0 % teste acurácia: 68.0 %

-----



#### Interpretação:

- Diferentes número de épocas podem fornecer custos diferentes, contudo, dado um ponto, o custo não se altera no treinamento.
- Se o número de épocas for muito alto, o custo se estabiliza e o modelo não consegue aprender mais nada (isso pode ser impactado por outras variáveis). Se for

baixo, o modelo ainda possui espaço para melhora que não foi explorado.

ToDo: O que acontece quando o número de iterações mudou? Explique

```
Coloque a sua resposta aqui...
```

Quando se tem um número baixo de interações, mostra um modelo mal treinado. Quando se treina em excesso leva ao overfitting, e consumo desnecessário de recursos, e n aumenta o aprendizado. E o equilíbrio é o q se busca.

#### Avaliando a taxa de aprendizado (1pt)

**Lembrete**: O algoritmo da descida do gradiente, depende da escolha da taxa de aprendizado. A taxa de aprendizado  $\alpha$  determina a rapidez com que atualizamos os parâmetros. Se a taxa de aprendizado for muito alta, podemos "ultrapassar" o valor ideal. Da mesma forma, se for muito pequeno, precisaremos de muitas iterações para convergir para os melhores valores. É por isso que é crucial usar uma taxa de aprendizado bem ajustada.

Vamos comparar a curva de aprendizado do modelo com várias opções de taxas de aprendizado. Execute a célula abaixo.

```
In []: learning_rates = [0.025, 0.0025, 0.0001]
    modelos = {}
    for i in learning_rates:
        print ("learning rate é: " + str(i))
        modelos[str(i)] = treinar_modelo(treino_x.T, treino_y, teste_x.T, teste_y, n
        print ('\n' + "------------" + '\)

    for i in learning_rates:
        plt.plot(np.squeeze(modelos[str(i)]["custos"]), label= str(modelos[str(i)]["
        plt.ylabel('custo')
        plt.xlabel('iterações (por centenas)')

        legend = plt.legend(loc='upper center', shadow=True)
        frame = legend.get_frame()
        frame.set_facecolor('0.90')
        plt.show()
```

learning rate é: 0.025 treino acurácia: 100.0 % teste acurácia: 68.0 %

learning rate é: 0.0025

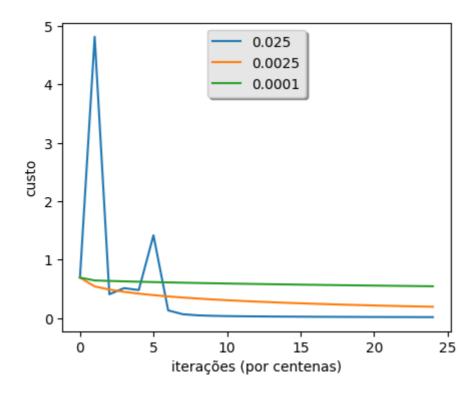
treino acurácia: 97.12918660287082 %

teste acurácia: 70.0 %

learning rate é: 0.0001

treino acurácia: 72.2488038277512 % teste acurácia: 42.00000000000000 %

-----



#### Interpretação:

- Diferentes taxas de aprendizado fornecem custos diferentes e, portanto, resultados de previsões diferentes.
- Se a taxa de aprendizado for muito alta (0,01), o custo poderá oscilar para cima e para baixo. Pode até divergir (embora, neste exemplo, o uso de 0,01 ainda termine com um bom valor para o custo).
- Um custo menor não significa um modelo melhor. Pode ocorrer o overfitting .
   Isso acontece quando a precisão do treinamento é muito maior que a precisão do teste.

ToDo: O que acontece quando o valor de learning rate mudou? Explique

Coloque a sua resposta aqui...

A taxa de aprendizado impacta a eficiência e a qualidade do treinamento. Taxas muto baixas tornam o aprendizado lento, enquanto taxas muito altas podem causar divergências. O bom é sempre buscar o equilíbrio.