Programação Funcional em Haskell

José Romildo Malaquias

BCC222: Programação Funcional

Universidade Federal de Ouro Preto Departamento de Computação

27 de setembro de 2023

Sumário

T	Para	digmas de Programação	- I
	1.1	Paradigmas de programação	-1
	1.2	Técnicas e paradigmas de programação	-2
	1.3	Categorias: programação imperativa e declarativa	-2
		1.3.1 Programação imperativa	-2
		1.3.2 Programação declarativa	-2
	1.4		-3
		1.4.1 Exemplo: quick sort em C	-3
		1.4.2 Exemplo: quick sort em Haskell	-3
	1.5	A Crise do Software	-4
	1.6		-4
	1.7	Antecedentes históricos	-4
	1.8	Algumas empresas que usam Haskell	-7
	1.9	Curso online de Haskell	-7
2	Amb	piente de Desenvolvimento Haskell 2-	-1
	2.1	Haskell	-1
	2.2	Instalação do ambiente de desenvolvimento	-2
		2.2.1 Instalação das ferramentas de desenvolvimento em Haskell 2	-2
	2.3	O ambiente interativo GHCi	-2
	2.4	Bibliotecas	-6
2	Г	ana a Dafinia a	-1
3	= xpr 3.1	,	-1 -1
	_		
	3.2	1 , , ,	-2
	3.3		-6
	3.4	•	7
	3.5	,	8-8
	3.6		-9
	3.7	, 1 ,	-10
	3.8	9	-11
	3.9		-12
		Exercícios	
	3.11	Soluções	-15
4	Tipo	os de Dados 4	-1
	4.1		-1
	4.2	·	-1
	4.3		-3
	4.4	1 /	-3
	4.5		4
	4.6		-4
	4.7		-6
		топирова	0

5	Estr	uturas de dados básicas	5-1
	5.1	Tuplas	5-1
	5.2	Listas	5-2
		5.2.1 Progressão aritmética	5-4
	5.3	Strings	5-5
	5.4	Valores opcionais	5-5
	5.5	Exercícios	5-6
	5.6	Soluções	5-7
6	Polii	morfismo Paramétrico	6-1
	6.1	Operação sobre vários tipos de dados	6-1
	6.2	Variáveis de tipo	6-1
	6.3	Valor polimórfico	6-2
	6.4	Instanciação de variáveis de tipo	6-2
	6.5	Algumas funções polimórficas predefinidas	6-2
	6.6	Exercícios	6-3
	6.7	Soluções	6-4
	0.1		0 1
7		recarga	7-1
	7.1	Sobrecarga	7-1
	7.2	Algumas classes de tipo pré-definidas	7-2
		7.2.1 Eq	7-2
		7.2.2 Ord	7-3
		7.2.3 Enum	7-3
		7.2.4 Bounded	7-3
		7.2.5 Show	7-4
		7.2.6 Read	7-4
		7.2.7 Num	7-4
		7.2.8 Real	7-4
		7.2.9 Integral	7-5
		7.2.10 Fractional	7-5
		7.2.11 Floating	7-5
		7.2.12 RealFrac	7-6
		7.2.13 RealFloat	7-6
	7.3	Sobrecarga de literais	7-7
	7.4	Conversão entre tipos numéricos	7-7
	7.5	Inferência de tipos	7-8
	7.6	Dicas e Sugestões	7-8
	7.7	Exercícios	7-9
	7.8	Soluções	7-11
8	Fyn	ressão Condicional	8-1
J	8.1	Expressão condicional	8-1
	8.2	Definição de função com expressão condicional	8-2
	8.3	Equações com guardas	8-3
	o.s 8.4	Definições locais e guardas	o-s 8-5
	8.5	Exercícios	6-5 8-7
	o.5 8.6	Soluções	
	U.U	JOIUÇOC3	0-9

9	Prog	gramas Interativos	9-1
	9.1	Interação com o <i>mundo</i>	9-1
		9.1.1 Programas interativos	9-1
		9.1.2 Linguagens puras	9-2
		9.1.3 O mundo	9-2
		9.1.4 Modificando o mundo	9-3
		9.1.5 Ações de entrada e saída	9-3
	9.2	O tipo unit	9-3
	9.3	Ações de saída padrão	9-3
	9.4	Ações de entrada padrão	9-4
	9.5	Programa em Haskell	9-5
	9.6	Combinando ações de entrada e saída	9-6
	9.7	Exemplos de programas interativos	9-7
	9.8	Saída bufferizada	9-9
	9.9	Mais exemplos de programas interativos	9-11
	9.10	Exercícios	9-12
	9.11	Soluções	9-18
10	Funç	ções Recursivas	10-1
	-	Recursividade	10-1
	10.2	Recursividade mútua	10-5
		Recursividade de cauda	
		Vantagens da recursividade	10-9
	10.5	Exercícios	10-9
	10.6	Soluções	10-11
11	۸ - ≃ .	as de E/S Descriptions	11-1
11	-		
		A função return	
		Exemplo: exibir uma sequência	
		Exemplo: somar uma sequência	
		Problemas	
	11.5	Soluções	11-6
12	Casa	amento de Padrão	12-1
	12.1	Casamento de padrão	12-1
		12.1.1 Casamento de padrão	12-1
		12.1.2 Padrão constante	12-2
		12.1.3 Padrão variável	12-2
		12.1.4 Padrão curinga	12-2
		12.1.5 Padrão tupla	12-3
		12.1.6 Padrões lista	12-3
		12.1.7 Padrão lista na notação especial	12-4
	12.2	Definição de função usando padrões	12-5
	= · -	12.2.1 Definindo funções com casamento de padrão	12-5
	12.3	Casamento de padrão em definições	12-9
		•	12-10
	12.4	Problema: validação de números de cartão de crédito	

13	Expr	ressão de Seleção Múltipla	1	3-1
	-	Expressão case		13-1
		Forma e regras de tipo da expressão case		
		Regra de layout para a expressão case		
		Avaliação de expressões case		13-2
		Exemplos de expressões case		13-3
		·		13-5 13-5
		Expressão case com guardas		
	15.7	Soluções	•	13-7
1/	Valo	res Aleatórios	1	4-1
17		Instalação do pacote random	_	
		Valores aleatórios		
		Jogo: adivinha o número		
	14.4	Soluções	•	14-9
15	Expr	ressão Lambda	1	5-1
13	•	Valores de primeira classe	_	
	13.1	15.1.1 Valores de primeira classe		
		•		15-2 15-2
		15.1.2 Valores de primeira classe: Literais		_
		15.1.3 Valores de primeira classe: Variáveis		15-2
		15.1.4 Valores de primeira classe: Argumentos		15-3
		15.1.5 Valores de primeira classe: Resultado		15-3
		15.1.6 Valores de primeira classe: Componentes		15-3
	15.2	Expressão lambda		15-3
		15.2.1 Expressões lambda		15-3
		15.2.2 Exemplos de expressões lambda		15-4
		15.2.3 Uso de expressões lambda		15-4
		15.2.4 Exercícios		15-5
	15.3	Aplicação parcial de funções		15-6
		15.3.1 Aplicação parcial de funções		
		15.3.2 Aplicação parcial de funções: exemplos		15-6
	15.4	Currying		15-8
	15.4	15.4.1 Funções <i>curried</i>		15-8
		15.4.2 Por que <i>currying</i> é útil?		15-8
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
	155	15.4.3 Convenções sobre <i>currying</i>		15-8
	15.5	Seções de operadores		15-9
		15.5.1 Operadores		15-9
		15.5.2 Seções de operadores		15-10
	15.6	Utilidade de expressões lambda		15-11
		15.6.1 Por que seções são úteis?		15-11
		15.6.2 Utilidade de expressões lambda		15-12
		15.6.3 Exercícios		15-14
	15.7	Soluções		15-15
	_			
16	•	ções de Ordem Superior		6-1
		Funções de Ordem Superior		16-1
		Um operador para aplicação de função		16-1
	16.3	Composição de funções		16-2
	16.4	A função filter		16-3
		A função map		16-3
		A função zipWith		16-4
		As funções foldl e foldr. foldl1 e foldr1		16-4

	16.7.1 foldl	16-4
	16.7.2 foldr	16-5
	16.7.3 foldl1	16-5
	16.7.4 foldr1	16-6
	16.8 List comprehension	16-6
	16.8.1 List comprehension	
	16.8.2 List comprehension e funções de ordem superior	
	16.9 Cupom fiscal do supermercado	
	16.10 Soluções	
17		17-1
	17.1 Argumentos da linha de comando	
	17.2 Encerrando o programa explicitamente	
	17.3 Formatando dados com a função printf	
	17.4 Arquivos	
	17.5 As funções lines e unlines, e words e unwords	
	17.6 Exemplo: processar notas em arquivo	
	17.7 Problemas	
	17.8 Soluções	17-11
10	The a Alexheira	18-1
10	Tipos Algébricos 18.1 Novos tipos de dados	
	·	
	18.2 Tipos algébricos	
	18.3 Exemplo: formas geométricas	
	18.4 Exemplo: sentido de movimento	
	18.5 Exemplo: cor	
	18.6 Exemplo: coordenadas cartesianas	
	18.7 Exemplo: horário	
	18.8 Exemplo: booleanos	
	18.9 Exemplo: listas	
	18.10 Exercícios básicos	
	18.11 Números naturais	
	18.12 Árvores binárias	
	18.13O construtor de tipo Maybe	
	18.14 Exercício: lógica proposicional	
	18.15 Soluções	10-10
19	Classes de Tipos	19-1
	19.1 Polimorfismo ad hoc (sobrecarga)	19-1
	19.2 Tipos qualificados	19-2
	19.3 Classes e Instâncias	19-2
	19.4 Tipo principal	19-3
	19.5 Definição padrão	19-3
	19.6 Exemplos de instâncias	19-4
	19.7 Instâncias com restrições	19-4
	19.8 Derivação de instâncias	19-5
	19.8.1 Herança	19-5
	19.9 Alguma classes do prelúdio	19-5
	19.9.1 A classe Show	19-5
	19.9.2 A classe Eq	19-6
	19.9.3 A classe Ord	
	19.9.4 A classe Enum	19-6

	19.9.5 A classe Num	19-7
	19.10 Exercícios	19-8
	19.11Soluções	19-11
20	Valores em um Contexto	20-1
	20.1 Valores encapsulados	20-1
	20.2 Aplicação de função	20-2
	20.3 Funtores	
	20.4 Funtores aplicativos	20-3
	20.5 Mônadas	
	20.6 Exemplo: expressões artiméticas	20-5
	20.7 Exemplo: geração de histórico	20-7
21	1 410010	21-1
	21.1 Parsers	21-1
	21.2 Parsers como funções	21-1
	21.3 Soluções	21-3

2 Ambiente de Desenvolvimento Haskell

Resumo

As atividades de programação serão desenvolvidas usando a linguagem funcional Haskell (http://www.haskell.org/).

Nesta aula o aluno irá se familiarizar com o ambiente de programação em Haskell através da avaliação de expressões no ambiente interativo, e edição e compilação de programas. Também ele irá aprender a fazer suas primeiras definições de função.

Sumário

2.1	Haske	II
2.2	Instal	ação do ambiente de desenvolvimento
	2.2.1	Instalação das ferramentas de desenvolvimento em Haskell 2-2
2.3	O am	oiente interativo GHCi
2.4	Biblio	tecas

2.1 Haskell

Haskell é uma linguagem de programação funcional pura avançada. É um produto de código aberto de mais de vinte anos de pesquisa de ponta que permite o desenvolvimento rápido de software robusto, conciso e correto. Com um bom suporte para a integração com outras linguagens, concorrência e paralelismo integrados, depuradores, ricas bibliotecas, e uma comunidade ativa, Haskell pode tornar mais fácil a produção de software flexível, de alta qualidade, e de fácil manutenção.

GHC (Glasgow Haskell Compiler) (http://www.haskell.org/ghc/) é a implementação de Haskell mais usada:

- GHC é um software livre (de código aberto) para a linguagem Haskell.
- Está disponível para diversas plataformas, incluindo Windows e diversas variedades de Unix (como Linux, Mac OS X e FreeBSD).
- GHC é a implementação de Haskell mais usada.
- GHC compreende:
 - um compilador de linha de comando (ghc) usado para compilar programas gerando código executável
 - um ambiente interativo (GHCi), que permite a avaliação de expressões de forma interativa, muito útil para testes durante o desenvolvimento.
- Tem suporte particularmente bom para concorrência e paralelismo.
- Tem capacidades de otimização, incluindo otimização entre módulos.
- Gera código rápido, principalmente para programas concorrentes.

2.2 Instalação do ambiente de desenvolvimento

Para o desenvolvimento de aplicações na linguagem Haskell precisa-se minimamente de um compilador ou interpretador de Haskell, e de um editor de texto para digitação do código fonte. Bibliotecas adicionais e ambientes integrados de desenvolvimento também podem ser úteis.

São recomendados:

- GHC, o compilador de Haskell mais usado atualmente, que oferece também o ambiente interativo GHCi.
- cabal-install (https://www.haskell.org/cabal), um sistema para construção e empacotamento de bibliotecas e programas em Haskell. Fornece a ferramenta de linha de comando cabal que simplifica o processo de gerenciamento de software Haskell, automatizando a busca, configuração, compilação e instalação de bibliotecas e programas Haskell.
- Haskell language server (https://github.com/haskell/haskell-language-server), um servidor de linguagem que permite a integração com editores e ambientes de desenvolvimento.
- **Visual Studio Code** (https://code.visualstudio.com), um editor de texto com facilidades para o desenvolvimento de programas.

Uma outra ferramenta alternativa ao cabal-install é o **stack** (https://docs.haskellstack.org/). Na disciplina daremos preferência ao cabal-install.

2.2.1 Instalação das ferramentas de desenvolvimento em Haskell

A maneira recomendada de instalação das ferramentas de desenvolvimento em Haskell é usando o GHCup (https://www.haskell.org/ghcup). Com ele é possível instalar:

- GHC
- cabal-install
- haskell-language-server
- stack

Para realizar a instalação desses programas, siga as instruções encontradas na página web do GHCup.

Instale também o editor Visual Studio Code. No editor, instale a extensão Haskell.

2.3 O ambiente interativo GHCi

O **GHCi** pode ser iniciado a partir de um terminal simplesmente digitando ghci. Isto é ilustrado na figura seguinte, em um sistema Unix.



No Windows pode-se iniciar o GHCi de maneira semelhante, a partir da janela *Prompt de Comandos*.

```
Microsoft Windows [Version 10.0.10240]
(c) 2015 Microsoft Corporation. All rights reserved.

C:\Users\malaq>ghci
GHCi, version 7.10.3: http://www.haskell.org/ghc/ :? for help
Prelude>
```

O **prompt** | Prelude > | significa que o sistema GHCi está pronto para avaliar expressões.

Uma aplicação Haskell é formada por um conjunto de módulos contendo definições de tipos, variáveis, funções, etc. À esquerda do prompt padrão do GHCi é mostrada a lista de módulos abertos (importados) que estão disponíveis. Um **módulo** é formado por definições que podem ser usadas em outros módulos. O módulo **Prelude** da biblioteca padrão do Haskell contém várias definições básicas e é importado automaticamente tanto no ambiente interativo quanto em outros módulos.

Na configuração padrão do GHCi o prompt é formado pela lista de módulos abertos seguida do símbolo >.

Expressões Haskell podem ser digitadas no prompt. Elas são compiladas e avaliadas, e o seu valor é exibido. Por exemplo:

```
Prelude> 2 + 3 * 4
14

Prelude> (2 + 3) * 4
20

Prelude> sqrt (3^2 + 4^2)
5.0
```

O GHCi também aceita **comandos** que permitem configurá-lo. Estes comandos começam com o caracter : (dois-pontos). Eles não fazem parte da linguagem Haskell. São específicos do ambiente interativo.

O comando : quit pode ser usado para encerrar a sessão interativa no GHCi. A sessão pode ser encerrada também pela inserção do caracter de fim de arquivo Control-Z no Windows e Control-D no Linux.

Normalmente a entrada para o GHCi deve ser feita em uma única linha. Assim que a tecla ENTER é digitada, encerra-se a leitura. Para realizar entrada usando várias linhas, pode-se delimitá-la pelos comandos : { e :}, colocados cada um em sua própria linha. Por exemplo:

```
Prelude> :{
    Prelude| 2 + 3 * 4 ^
    Prelude| 5 / (8 - 7)
    Prelude| :}
3074.0
```

As linhas entre os delimitadores : { e : } são simplesmente unidas em uma única linha que será dada como entrada para o GHCi.

Alternativamente pode-se configurar o GHCi para usar o modo de linhas múltiplas por meio do comando :set +m. Neste modo o GHCi detecta automaticamente quando o comando não

foi finalizado e permite a digitação de linhas adicionais. Uma linha múltipla pode ser terminada com uma linha vazia. Por exemplo:

```
Prelude> :set +m

Prelude> sqrt (2 + Prelude| 3 * 4)
3.7416573867739413
```

Pode-se obter ajuda no GHCi com os comandos :help ou :?.

```
Prelude> :help
Commands available from the prompt:
   <statement>
                               evaluate/run <statement>
                              repeat last command
   :\n ..lines.. \n:\n
                            multiline command
   :add [*]<module> ...
                              add module(s) to the current target set
   :browse[!] [[*]<mod>]
                              display the names defined by module <mod>
                               (!: more details; *: all top-level names)
   :cd <dir>
                              change directory to <dir>
                              run the commands returned by <expr>::IO String
   :cmd <expr>
   :complete <dom> [<rng>] <s> list completions for partial input string
   :ctags[!] [<file>]
                              create tags file <file> for Vi (default: "tags")
                              (!: use regex instead of line number)
   :def[!] <cmd> <expr>
                              define command :<cmd> (later defined command has
                              precedence, ::<cmd> is always a builtin command)
                              (!: redefine an existing command name)
   :doc <name>
                              display docs for the given name (experimental)
                              edit file
   :edit <file>
   :edit
                              edit last module
   :etags [<file>]
                              create tags file <file> for Emacs (default: "TAGS")
   :help, :?
                              display this list of commands
   :info[!] [<name> ...]
                              display information about the given names
                              (!: do not filter instances)
   :instances <type>
                              display the class instances available for <type>
   :issafe [<mod>]
                              display safe haskell information of module <mod>
   :kind[!] <type>
                              show the kind of <type>
                               (!: also print the normalised type)
   :load[!] [*]<module> ...
                              load module(s) and their dependents
                              (!: defer type errors)
   :main [<arguments> ...]
                              run the main function with the given arguments
   :module [+/-] [*] < mod > ... set the context for expression evaluation
                              exit GHCi
   :quit
   :reload[!]
                              reload the current module set
                               (!: defer type errors)
   :run function [<arguments> ...] run the function with the given arguments
   :script <file>
                             run the script <file>
   :type <expr>
                            show the type of <expr>
   :type +d <expr>
                             show the type of <expr>, defaulting type variables
   :unadd <module> ...
                           remove module(s) from the current target set
   :undef <cmd>
                              undefine user-defined command :<cmd>
                              run the builtin command
   ::<cmd>
   :!<command>
                              run the shell command <command>
-- Commands for debugging:
   :abandon
                              at a breakpoint, abandon current computation
   :back [<n>]
                              go back in the history N steps (after :trace)
   :break [<mod>] <1> [<col>] set a breakpoint at the specified location
   :break <name>
                              set a breakpoint on the specified function
```

```
:delete *
                                delete all breakpoints
  :disable <number> ... disable the specified breakpoints
  :disable *
                               disable all breakpoints
  :enable <number> ...
                              enable the specified breakpoints
  :enable *
                         print <expr>, forcing unevaluated parts
go forward in the history N step s(after :back)
after :trace show the
                               enable all breakpoints
  :force <expr>
  :forward [<n>]
  :history [<n>]
                                after :trace, show the execution history
  :ignore <br/> <br/> count> for break <br/> <br/> set break ignore <count>
                              show the source code around current breakpoint
  :list <identifier>
                              show the source code for <identifier>
  :list [<module>] <line> show the source code around line number <line>
  :print [<name> ...] show a value without forcing its computation :sprint [<name> ...] simplified version of :print :step single-step after stopping at a breakpoint
                               single-step into <expr>
  :step <expr>
                               single-step within the current top-level binding
  :steplocal
                               single-step restricted to the current module
  :stepmodule
  :trace
                               trace after stopping at a breakpoint
  :trace <expr>
                                evaluate <expr> with tracing on (see :history)
-- Commands for changing settings:
  set options
:seti <option> ... set options
:set local - ...
                                set options for interactive evaluation only
  :set local-config source | ignore
                                set whether to source .ghci in current dir
                                (loading untrusted config is a security issue)
 :set prompt-function <expr> set the function to handle the prompt
  :set prompt-cont-function <expr>
                              set the function to handle the continuation prompt
  :set editor <cmd>
                              set the command used for :edit
  :set stop [<n>] <cmd> set the command to run when a breakpoint is hit unset <option> ...
 Options for ':set' and ':unset':
                allow multiline commands
                revert top-level expressions after each evaluation
   +r
                print timing/memory stats after each evaluation
   +s
                print type after evaluation collect type/location info after loading modules
   +†.
   +c
   -<flags> most GHC command line flags can also be set here
                          (eg. -v2, -XFlexibleInstances, etc.)
                    for GHCi-specific flags, see User's Guide,
                    Flag reference, Interactive-mode options
-- Commands for displaying information:
 :show bindings
:show breaks
:show context
:show imports
 show bindings show the current bindings made at the process show the active breakpoints show the breakpoint context show imports show the current imports show linker show current linker state show modules show the currently loaded modules show packages show the currently active package flags
                                show the current bindings made at the prompt
```

2.4 Bibliotecas

Os programas em Haskell são organizados em módulos. Um **módulo** é formado por um conjunto de **definições** (tipos, variáveis, funções, etc.). Para que as definições de um módulo possam ser usadas o módulo deve ser **importado**. Uma **biblioteca** é formada por uma coleção de módulos relacionados.

A **biblioteca padrão**¹ é formada por um conjunto de módulos disponível em tdas as implementações de Haskell. Ela contém o módulo **Prelude**² que é *importado automaticamente por padrão em todos* os programas em Haskell e contém tipos e funções comumente usados.

A **biblioteca padrão do GHC**³ é uma versão expandida da biblioteca padrão contendo alguns módulos adicionais.

Hackage⁴ é uma coleção de **pacotes** contendo bibliotecas disponibilizados pela comunidade de desenvolvedores. Estes pacotes podem ser *instalados* separadamente.

Todas as definições de um módulo podem ser listadas no ambiente interativo usando o comando :browse. Exemplo:

```
Prelude> :browse Prelude
($!) :: (a -> b) -> a -> b
(!!) :: [a] -> Int -> a
($) :: (a -> b) -> a -> b
(&&) :: Bool -> Bool -> Bool
(++) :: [a] -> [a] -> [a]
(.) :: (b -> c) -> (a -> b) -> a -> c
(=<<) :: Monad m => (a -> m b) -> m a -> m b
data Bool = False | True
:
```

Tarefa 2.1

Use o ambiente interativo GHCi para avaliar todas as expressões usadas nos exemplos deste roteiro.

¹Veja http://www.haskell.org/onlinereport/haskell2010/haskellpa2.html.

²Veja http://www.haskell.org/ghc/docs/latest/html/libraries/base/Prelude.html.

³Veja http://www.haskell.org/ghc/docs/latest/html/libraries/index.html.

⁴Veja http://hackage.haskell.org/.