



# Estimação do valor do preço de mercado da energia elétrica através de modelos não-lineares

Felipe Claudio da Silva Santos

Projeto de Graduação apresentado ao Curso  
de Engenharia Eletrônica e de Computação  
da Escola Politécnica, Universidade Federal  
do Rio de Janeiro, como parte dos requisitos  
necessários à obtenção do título de Enge-  
nheiro.

Orientador: Luiz Pereira Calôba

Coorientador: Natanael Nunes de Moura Ju-  
nior

Rio de Janeiro

Fevereiro de 2020

Estimação do valor do preço de mercado da energia elétrica através  
de modelos não-lineares

Felipe Claudio da Silva Santos

PROJETO DE GRADUAÇÃO SUBMETIDO AO CORPO DOCENTE DO CURSO  
DE ENGENHARIA ELETRÔNICA E DE COMPUTAÇÃO DA ESCOLA PO-  
LITÉCNICA DA UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO DE JANEIRO COMO  
PARTE DOS REQUISITOS NECESSÁRIOS PARA A OBTENÇÃO DO GRAU  
DE ENGENHEIRO ELETRÔNICO E DE COMPUTAÇÃO

Autor:

---

Felipe Claudio da Silva Santos

Orientador:

---

Prof. Luis Pereira Calôba, Dr.Ing

Co-orientador:

---

Natanael Nunes de Moura Junior, D.Sc.

Examinador:

---

Flávio Luis de Mello, D.Sc.

Examinador:

---

Luiz Henrique Ramos de Azevedo Évora, D.Sc.

Rio de Janeiro

Fevereiro de 2020

## Declaração de Autoria e de Direitos

Eu, *Felipe Claudio da Silva Santos* CPF 427.279.208-30, autor da monografia *Estimação do valor do preço de mercado da energia elétrica através de modelos não-lineares*, subscrevo para os devidos fins, as seguintes informações:

1. O autor declara que o trabalho apresentado na disciplina de Projeto de Graduação da Escola Politécnica da UFRJ é de sua autoria, sendo original em forma e conteúdo.
2. Excetuam-se do item 1. eventuais transcrições de texto, figuras, tabelas, conceitos e idéias, que identifiquem claramente a fonte original, explicitando as autorizações obtidas dos respectivos proprietários, quando necessárias.
3. O autor permite que a UFRJ, por um prazo indeterminado, efetue em qualquer mídia de divulgação, a publicação do trabalho acadêmico em sua totalidade, ou em parte. Essa autorização não envolve ônus de qualquer natureza à UFRJ, ou aos seus representantes.
4. O autor pode, excepcionalmente, encaminhar à Comissão de Projeto de Graduação, a não divulgação do material, por um prazo máximo de 01 (um) ano, improrrogável, a contar da data de defesa, desde que o pedido seja justificado, e solicitado antecipadamente, por escrito, à Congregação da Escola Politécnica.
5. O autor declara, ainda, ter a capacidade jurídica para a prática do presente ato, assim como ter conhecimento do teor da presente Declaração, estando ciente das sanções e punições legais, no que tange a cópia parcial, ou total, de obra intelectual, o que se configura como violação do direito autoral previsto no Código Penal Brasileiro no art.184 e art.299, bem como na Lei 9.610.
6. O autor é o único responsável pelo conteúdo apresentado nos trabalhos acadêmicos publicados, não cabendo à UFRJ, aos seus representantes, ou ao(s) orientador(es), qualquer responsabilização/ indenização nesse sentido.
7. Por ser verdade, firmo a presente declaração.

---

Felipe Claudio da Silva Santos

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO DE JANEIRO  
Escola Politécnica - Departamento de Eletrônica e de Computação  
Centro de Tecnologia, bloco H, sala H-217, Cidade Universitária  
Rio de Janeiro - RJ CEP 21949-900

Este exemplar é de propriedade da Universidade Federal do Rio de Janeiro, que poderá incluí-lo em base de dados, armazenar em computador, microfiltrar ou adotar qualquer forma de arquivamento.

É permitida a menção, reprodução parcial ou integral e a transmissão entre bibliotecas deste trabalho, sem modificação de seu texto, em qualquer meio que esteja ou venha a ser fixado, para pesquisa acadêmica, comentários e citações, desde que sem finalidade comercial e que seja feita a referência bibliográfica completa.

Os conceitos expressos neste trabalho são de responsabilidade do(s) autor(es).

## **AGRADECIMENTO**

Meus agradecimentos vão, em primeiro lugar para os meus pais Georgea e Ricardo e minha irmã Júlia, por todo o apoio dado durante a minha jornada acadêmica. Sem os mesmos não conseguiria trilhar metade do caminho que trilhei.

Gostaria também de agradecer meus orientadores Luiz Calôba e Natanael Moura por todo esforço, tempo investido, paciência e boa vontade mostrada. Além disso, agradeço o voto de confiança dado e espero ter retribuído ao nível merecido. Esses aprendizado proporcionado me tornaram um profissional melhor do que quando comecei o trabalho.

Gostaria de agradecer ao Luiz Évora e Gabriel Torres pela colaboração direta no trabalho. Hora trazendo um pouco da experiência, hora revisando o conteúdo do texto.

Gostaria de agradecer outros familiares que estiveram comigo nessa jornada assim como minha avó Sônia e minhas tias Silvia, Silvane e Maria.

Em último lugar, mas não menos importante, gostaria de agradecer ao meus amigos que são parte chave na minha vida. Em especial, Rafael Chimienski que sempre esteve comigo nos momentos mais complicados da minha vida.

## RESUMO

A energia elétrica é insumo fundamental para o desenvolvimento econômico do país. O Brasil depende bastante da energia proveniente de fontes hidrelétricas para manutenção do fornecimento contínuo. Essa fonte de energia, apesar de ser a que tem menor custo, também possui algumas características que tornam mais complexo o planejamento do abastecimento elétrico do país. Uma delas é a dependência de condições meteorológicas para que as bacias tenham água suficiente para geração de eletricidade. Uma parte da energia produzida é negociada através de leilões onde participam empresas geradoras e distribuidoras. Os contratos de fornecimento de energia são feitos com base em quantidades fixas de MWhs que devem ser entregues ao consumidor periodicamente. Geralmente o valor produzido não é exatamente igual ao valor combinado. A diferença entre o que foi contratado e o que foi efetivamente fornecido é liquidada no mercado de curto prazo ao valor do PLD - Preço da Liquidação das Diferenças, o qual é calculado semanalmente pela CCEE - Câmara de Comercialização de Energia Elétrica [1]. Neste trabalho, a informação sobre o preço em cada mês foi analisada como uma série temporal. Sendo assim, os dados foram tratados como uma sequência de observações em intervalos definidos. Além disso, foram utilizadas redes neurais artificiais multicamadas para obter um modelo capaz de prever o valor do PLD médio mensal. O elemento básico dessa abordagem é o neurônio artificial, o qual gera um sinal na saída conforme a combinação de sinais na entrada. Ao final do trabalho são feitas estimativas para um período de até 10 meses, retornando o resultado para o número de meses determinado com erros médios variando entre 55 e 310 R\$/MW/H utilizando o conjunto de teste.

Palavras-Chave: PLD, séries temporais, redes neurais, MLP, aprendizado de máquina, setor elétrico brasileiro.

## ABSTRACT

Electrical energy is a fundamental resource for a country's economic development. Brazil highly depends on hydraulic power sources to keep a continuous energy supply. It is the cheapest power source but also has some drawbacks like the high complexity of planning to fulfill the country's power supply demand. The dependency on meteorological conditions to fulfill hydrographic basins is one of the difficulties faced in this context. Generators and distributors participate in auctions where a part of the produced energy is auctioned. The negotiated contracts use a fixed amount of MWHs that must be provided to the consumer periodically. The generated power usually is not equal to the value agreed upon contract. The difference between supplied and contracted amount is liquidated using PLD - Differences Liquidation Price. This value is calculated by CCEE - Chamber of Commercialization of Electric Energy [1] weekly. In this project, monthly price information was analyzed as a time series, meaning that the data was treated as a sequence of pre-defined time observations. Multilayer artificial neural nets were used to predict PLD's price. The main element of this approach is the artificial neuron, which generates an output by combining inputs. In the last part of this work, there are estimates for 10 months, returning results for the determined amount of months. Errors ranged between 50 and 310 310 R\$/MW/H for test data.

Key-words: PLD, time series, neural networks, MLP, machine learning, Brazilian's Electrical Sector.

## SIGLAS

ACC - Accuracy

ACF - Autocorrelation Function

ACL - Ambiente de Contratação Livre

ACR - Ambiente de Contratação Regulada

AIC - Akaike Info Criterion

ANEEL - Agência Nacional de Energia Elétrica

AR - Autoregressive

ARIMA - Autoregressive Integrated Moving Average

CCEAR - Contrato de Comercialização de Energia Elétrica no Ambiente Regulado

CCEE - Câmara de Comercialização de Energia Elétrica

CFURH - Compensação Financeira pelo Uso dos Recursos Hídricos

CMO - Custo Marginal de Operação

CMSE - Comitê de Monitoramento do Setor Elétrico

CSV - Comma Separated Values

CVU - Custo Variável Unitário

EAR - Energia Armazenada

ENA - Energia Natural Armazenada

EPE - Empresa de Energia Elétrica

EPE - Empresa de Pesquisa Energética

FFT - Fast Fourier Transform

FIR - Finite Impulse Response

GARCH - Generalized Auto-Regressive Conditional Heteroscedasticity

IIR - Infinite Impulse Response

LSTM - Long Short-Term Memory

MAE - Mercado Atacadista de Energia

MCP - Mercado de Curto Prazo

MLP - Multilayer Perceptron

MME - Ministério de Minas e Energias

MSE - Mean Squared Error

ONS - Operador Nacional do Sistema Elétrico

PACF - Partial Autocorrelation Function

PLD - Preço de Liquidação das Diferenças

PMO - Planejamento Mensal de Operação

PSF - Partial Sequence-based Forecasting

RBFN - Radial Basis Function Network

RE-SEB - Reestruturação do Sistema Elétrico Brasileiro

RMSE - Root Mean Squared Error

SEB - Sistema Elétrico Brasileiro

SIN - Sistema Interligado Nacional

UFRJ - Universidade Federal do Rio de Janeiro

UTE - Usina Térmica

# Sumário

<b>1</b>	<b>Introdução</b>	<b>1</b>
1.1	Tema . . . . .	1
1.2	Delimitação . . . . .	1
1.3	Justificativa . . . . .	2
1.4	Objetivos . . . . .	2
1.5	Metodologia . . . . .	2
1.6	Descrição . . . . .	3
<b>2</b>	<b>O Sistema Elétrico Brasileiro</b>	<b>4</b>
2.1	Histórico do Setor Elétrico Brasileiro . . . . .	4
2.2	O Cálculo do Preço da Liquidação das Diferenças . . . . .	8
2.3	Revisão bibliográfica . . . . .	14
<b>3</b>	<b>Séries Temporais e Aprendizado de Máquina</b>	<b>19</b>
3.1	Séries Temporais . . . . .	19
3.1.1	Tendência . . . . .	21
3.1.2	Sazonalidade . . . . .	23
3.1.3	Ciclos Senoidais . . . . .	25
3.1.4	Componente Residual . . . . .	25
3.2	Processamento de Sinais . . . . .	27
3.3	Redes Neurais Artificiais . . . . .	28
3.3.1	Backpropagation . . . . .	32
3.3.2	Rede perceptron multicamadas . . . . .	33
3.3.3	Treinamento . . . . .	34

<b>4 Método</b>	<b>37</b>
4.1 Coleta de dados . . . . .	37
4.2 Pré-processamento . . . . .	41
4.2.1 Tendência . . . . .	41
4.2.2 Sazonalidade . . . . .	42
4.2.3 Ciclos Senoidais e Resíduo . . . . .	43
4.3 Seleção dos sinais de entrada . . . . .	43
4.3.1 Seleção dos atrasos do sinal de saída . . . . .	44
4.4 Rede Neural . . . . .	44
4.4.1 Treinamento das redes neurais . . . . .	44
<b>5 Resultados</b>	<b>47</b>
5.1 Pré-Processamento . . . . .	47
5.1.1 Seleção dos sinais de entrada . . . . .	47
5.1.2 Seleção dos atrasos do sinal de saída . . . . .	48
5.1.3 Tendência . . . . .	49
5.1.4 Sazonalidade . . . . .	51
5.1.5 Ciclos Senoidais e Resíduo . . . . .	52
5.2 Treinamento das redes neurais . . . . .	54
5.2.1 Treinamento da rede para obter a saída no mês atual . . . . .	54
5.2.2 Treinamento da rede para obter a saída um mês a frente . . . . .	57
5.2.3 Treinamento da rede para obter a saída para vários meses a frente . . . . .	63
<b>6 Conclusões</b>	<b>67</b>
<b>Bibliografia</b>	<b>69</b>
<b>A Outros resultados</b>	<b>76</b>
A.1 Previsão para 2 meses à frente . . . . .	76
A.2 Previsão para 3 meses à frente . . . . .	79
A.3 Previsão para 4 meses à frente . . . . .	81
A.4 Previsão para 5 meses à frente . . . . .	84
A.5 Previsão para 6 meses à frente . . . . .	86

A.6	Previsão para 7 meses à frente . . . . .	89
A.7	Previsão para 8 meses à frente . . . . .	91
A.8	Previsão para 9 meses à frente . . . . .	94
A.9	Previsão para 10 meses à frente . . . . .	96

# **Lista de Figuras**

2.1	Instituições do setor elétrico brasileiro.	6
2.2	Mapa do Sistema Elétrico Brasileiro no horizonte de 2017	9
2.3	Comparação entre a matriz elétrica mundial e a brasileira	10
2.4	Instituições do setor elétrico brasileiro.	11
2.5	Previsão indireta do PLD	14
2.6	Previsão direta do PLD	14
2.7	Previsão do PLD utilizando o modelo híbrido	15
2.8	Previsão do PLD utilizando o modelo com árvore de classificação	16
2.9	Instituições do setor elétrico brasileiro.	17
3.1	Exemplo de decomposição de série temporal.	20
3.2	Exemplo de extração de tendência com filtro de média.	23
3.3	Extração de sazonalidade com periodicidade anual ( $P = 12$ ) para o conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque.	24
3.4	Autocorrelação para o sinal residual do conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque.	25
3.5	Residuo sem remoção de ciclos senoidais para o conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque.	26
3.6	Resíduo com remoção de ciclos senoidais para o conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque.	26
3.7	Sinal residual no tempo para o conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque [2].	27
3.8	Filtro Notch IIR digital.	28
3.9	Neurônio biológico	29
3.10	Neurônio artificial	29
3.11	Função logística.	31

3.12	Tangente hiperbólica.	31
3.13	ReLU.	32
3.14	Tangente hiperbólica.	33
3.15	Rede Perceptron Multicamadas.	34
3.16	Influência da taxa de aprendizado.	35
3.17	Validação Cruzada.	36
4.1	Tabela de PLD médio na CCEE	39
4.2	Histórico de geração de energia elétrica entre 2015 e 2019 segundo ONS	40
4.3	Previsão do PLD utilizando o modelo híbrido	40
4.4	Hydroedit sendo usado para converter as informações sobre as usinas para o formato csv	41
4.5	Diagrama do Método.	46
5.1	Correlação dos dados de entrada.	48
5.2	Autocorrelação do PLD.	49
5.3	Análise do MSE pelo tamanho da janela na extração da tendência.	50
5.4	Histograma e FFT da tendência obtida.	50
5.5	Análise do MSE pelo tamanho da janela na extração da sazonalidade.	51
5.6	Histograma e FFT da sazonalidade obtida.	52
5.7	Análise do MSE pelo tamanho da janela na extração da sazonalidade.	52
5.8	Distribuição e FFT após extração da componente de maior energia.	53
5.9	Resultado final com as componentes separadas utilizando o método descrito acima.	54
5.10	RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação no mês atual.	55
5.11	RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste no mês atual.	55
5.12	Erro pelo número de época e por subconjunto no mês atual.	56
5.13	Comparação entre o PLD médio e o resultado obtido no mês atual.	57
5.14	RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação no mês seguinte.	58
5.15	RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste no mês seguinte.	58
5.16	Erro pelo número de épocas e por subconjunto no mês seguinte.	59
5.17	Comparação entre o sinal original e o resultado obtido no mês seguinte.	60

5.18 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação no mês seguinte com correção de erro. . . . .	60
5.19 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste no mês seguinte com correção de erro. . . . .	61
5.20 Erro pelo número de épocas e por subconjunto no mês seguinte com correção de erro. . . . .	62
5.21 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido no mês seguinte com correção de erro. . . . .	62
5.22 Histograma de previsão sem e com a correção de erro. . . . .	63
5.23 Erro no sinal residual pelo número de passos no conjunto de dados de teste. .	64
5.24 Erro no sinal residual pelo número de passos no conjunto de dados completo. .	65
A.1 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 2 meses à frente. . . . .	76
A.2 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 2 meses à frente. . . . .	77
A.3 Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 2 meses à frente. . . . .	78
A.4 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 2 meses à frente. . . . .	78
A.5 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 3 meses à frente. . . . .	79
A.6 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 3 meses à frente. . . . .	79
A.7 Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 3 meses à frente. . . . .	80
A.8 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 3 meses à frente. . . . .	81
A.9 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 4 meses à frente. . . . .	81
A.10 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 4 meses à frente. . . . .	82

A.11 Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 4 meses à frente. . . . .	83
A.12 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 4 meses à frente. . . . .	83
A.13 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 5 meses à frente. . . . .	84
A.14 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 5 meses à frente. . . . .	84
A.15 Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 5 meses à frente. . . . .	85
A.16 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 5 meses à frente. . . . .	86
A.17 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 6 meses à frente. . . . .	86
A.18 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 6 meses à frente. . . . .	87
A.19 Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 6 meses à frente. . . . .	88
A.20 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 6 meses à frente. . . . .	88
A.21 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 7 meses à frente. . . . .	89
A.22 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste. . . . .	89
A.23 Erro pelo número de épocas e por subconjunto. . . . .	90
A.24 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 7 meses à frente. . . . .	91
A.25 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 7 meses à frente. . . . .	91
A.26 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 8 meses à frente. . . . .	92
A.27 Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 8 meses à frente. . . . .	93

A.28 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 8 meses à frente. . . . .	93
A.29 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 9 meses à frente. . . . .	94
A.30 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 9 meses à frente. . . . .	94
A.31 Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 9 meses à frente. . . . .	95
A.32 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 9 meses à frente. . . . .	96
A.33 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 10 meses à frente. . . . .	96
A.34 RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste. . . . .	97
A.35 Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 10 meses à frente. . . . .	98
A.36 Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 10 meses à frente. . . . .	98

# **Lista de Tabelas**

2.1	Critérios vigentes para se tornar consumidor Livre. . . . .	7
2.2	Variáveis utilizadas no cálculo do PLD semanal. . . . .	12
2.3	Preço mínimo e máximo do PLD. . . . .	13
4.1	Dados utilizado no trabalho. . . . .	38
5.1	Resultados obtidos com as redes no conjunto de dados de validação no mês atual. . . . .	56
5.2	Resultados obtidos com as redes no conjunto de dados de validação no mês seguinte. . . . .	59
5.3	Resultados obtidos com as redes no conjunto de dados de validação no mês seguinte com correção de erro. . . . .	61
A.1	Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 2 meses à frente. . . . .	77
A.2	Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 3 meses à frente. . . . .	80
A.3	Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 4 meses à frente. . . . .	82
A.4	Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 5 meses à frente. . . . .	85
A.5	Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 6 meses à frente. . . . .	87
A.6	Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 7 meses à frente. . . . .	90
A.7	Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 8 meses à frente. . . . .	92

A.8 Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 9 meses à frente. . . . .	95
A.9 Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 10 meses à frente. . . . .	97

# **Capítulo 1**

## **Introdução**

Neste capítulo, será introduzido o tema do projeto, além de mostrar a relevância do mesmo e quais métodos serão utilizados para alcançar o determinado objetivo. Ao final é exibida a estrutura organizacional do texto.

### **1.1 Tema**

O sistema elétrico brasileiro funciona de maneira bem diferente dos demais sistemas elétricos pelo mundo, pois há grande abundância de energia barata gerada a partir de fontes hídricas. Essas fontes são responsáveis por aproximadamente 65,2% da energia consumida no país [3].

A volatilidade desses recursos torna bastante complexa a atividade de prever e planejar a utilização de forma a diminuir o custo da energia elétrica [3] [4]. A diferença entre a quantidade de energia negociada e efetivamente gerada é liquidada utilizando como base o PLD - Preço da Liquidação das Diferenças, o qual deseja-se, nesse trabalho, determinar através de modelos matemáticos.

### **1.2 Delimitação**

O trabalho tem como foco a previsão do PLD mensal e tem aplicação para os seguintes setores: elétrico, bancário, planejamento e pesquisa. Para isso serão utilizados dados públicos presentes em [1] e [5] para treinar redes neurais artificiais multicamadas - *MLP*; Os dados serão tratados como séries temporais, sendo decompostos nas

seguintes componentes aditivas: tendência, sazonalidade, ciclos senoidais e resíduo. Esse último elemento será o sinal restante após remover as outras componentes. O mesmo será utilizado como entrada para rede neural. Ao final do processo, será possível estimar a parte residual do PLD médio mensal.

### **1.3 Justificativa**

Os resultados da pesquisa são de interesse do setor elétrico, pois permitem, por exemplo, que comercializadoras de energia elétrica consigam obter lucro com a compra e venda de energia.

Para o setor financeiro, o trabalho pode ser utilizado como ferramenta para análise de risco de crédito para empresas do setor elétrico. No ramo de planejamento e pesquisa, os resultados podem ser utilizados para entender melhor a dinâmica do preço e realizar planejamentos mais precisos quanto à utilização de recursos.

### **1.4 Objetivos**

O objetivo deste trabalho é obter e avaliar um modelo de predição de séries temporais aplicado ao problema de previsão do PLD mensal. Para isso busca-se (1) definir a forma como o pré-processamento será realizado, buscando obter o sinal residual necessário para treinar a rede neural; (2) Definir a arquitetura utilizada no treinamento; (3) Avaliar o resultados obtidos de forma a conseguir determinar o erro esperado na previsão para meses a frente.

### **1.5 Metodologia**

Serão utilizados como entrada os dados de geração de energia para diversas fontes (hidráulica, solar, nuclear etc.), além da carga de energia, energia natural afluente e informações sobre as vazões nos rios e bacias que compõem a região sudeste e centro-oeste, conforme a divisão feita no sistema elétrico brasileiro. O PLD médio mensal será utilizado como base para a saída da rede neural.

O PLD será decomposto em tendência, sazonalidade, ciclos senoidais e resíduo, de forma a fornecer como entrada da rede somente a parte não-determinística do sinal (resíduo). Além disso, será feita uma análise para determinar quais sinais serão utilizados na entrada e quantos atrasos dos mesmos serão necessários.

Finalmente serão treinadas redes neurais com somente uma camada oculta. Em um primeiro estágio será treinada uma rede que consiga obter o resíduo para o mesmo mês da entrada fornecida. Nos estágios seguintes serão treinadas redes para prever o resultado residual.

## 1.6 Descrição

O Capítulo 2 traz um resumo sobre as características e o funcionamento do setor elétrico brasileiro, além de fazer uma breve revisão bibliográfica. O Capítulo 3 apresenta as técnicas que serão utilizadas no trabalho e descreve matematicamente o funcionamento das mesmas. No Capítulo 4 são descritos os métodos utilizados no trabalho, conectando os conhecimentos mostrados nos capítulos 2 e 3. No Capítulo 5 são exibidos os resultados para cada um dos passos descritos no Capítulo anterior. O Capítulo 6 traz a conclusão e trabalhos futuros que podem ser realizados.

# **Capítulo 2**

## **O Sistema Elétrico Brasileiro**

Este capítulo tem como objetivo introduzir o leitor à estrutura do setor elétrico brasileiro, assim como expor os maiores desafios enfrentados. Também será apresentado e detalhado o problema a ser resolvido nesse projeto.

### **2.1 Histórico do Setor Elétrico Brasileiro**

No começo da década de 90 a estrutura do setor SEB - elétrico brasileiro era verticalizada, composta por grandes estatais que tinham o controle sobre toda a cadeia produtiva (geração, transmissão e distribuição)[6]. Houve então uma reestruturação do setor (RE-SEB), baseado no princípio de que “a eficiência no setor elétrico será assegurada através da competição, onde possível, e da regulamentação, onde necessária”[4]. Sendo assim, o mercado foi aberto para o setor privado. O SEB foi então dividido em empresas de geração, transmissão, distribuição e comercialização de energia. Muitas empresas públicas foram leiloadas, dentre elas a Light (21/05/1996) e a CERJ (20/11/1996) [6].

Um dos pilares do RE-SEB foi a regulamentação. Em 1996 foi criada a Agência Nacional de Energia Elétrica - ANEEL, a qual tem como função regular e fiscalizar a produção, transmissão, distribuição e comercialização de energia elétrica segundo as diretrizes definidas pelo governo federal [7].

Foram aprovadas medidas que incentivavam a realização de contratos de longo prazo entre distribuidores e geradores [6]. Além disso, foi dado livre acesso aos pe-

queños produtores (potenciais hidráulicos menores que 1MW e usinas termoelétricas com potencial inferior a 5MW) ao sistemas de transmissão e distribuição das concessionárias e permissionárias do serviço público, assim como visto no decreto N° 2.003 de 10 de Setembro de 1996[8].

Em 2001 houve uma grande crise energética no país que foi fruto de um conjunto de fatores, sendo a seca um deles. Então, mudanças estruturais foram implantadas no SEB, buscando assim melhorar a gestão, evitar incidentes, garantir a qualidade e incentivar a expansão do mesmo. Com isso, a organização da estrutura foi modificada, sendo que as instituições responsáveis pelo pleno funcionamento deste modelo são descritas a seguir [1]:

- **Ministério de Minas e Energias - MME:** Responsável pela formulação e implantação de políticas relacionadas ao setor elétrico.
- **Comitê de Monitoramento do Setor Elétrico - CMSE:** Acompanha e avalia a continuidade e segurança do suprimento elétrico em todo o território nacional.
- **Conselho Nacional de Política Energética - CNPE:** Formula políticas e diretrizes de energia que garantam o suprimento de energia elétrica para todo o país.
- **Agência Nacional de Energia Elétrica - ANEEL:** Regula e fiscaliza a produção, transmissão, distribuição e comercialização de energia elétrica segundo as diretrizes definidas pelo governo federal.
- **Câmara de Comercialização de Energia Elétrica - CCEE:** Atua desde a medição de energia gerada e efetivamente consumida até a liquidação financeira dos contratos de compra e venda no curto prazo [1]. Anteriormente se chamava Mercado Atacadista de Energia - MAE.
- **Operador Nacional do Sistema Elétrico - ONS:** Tem como objetivo a coordenação e controle da instalações de geração e transmissão de energia elétrica no Brasil, buscando garantir a todos os agentes o livre acesso à rede

de transmissão, o menor custo de expansão do sistema e as melhores condições operacionais futuras [5].

- **Empresa de Pesquisa Energética - EPE:** Realiza pesquisas em áreas relacionadas com energia elétrica, petróleo, gás biocombustíveis e planejamento energético [3].

A dinâmica da relação entre órgãos pode ser observada na figura abaixo:

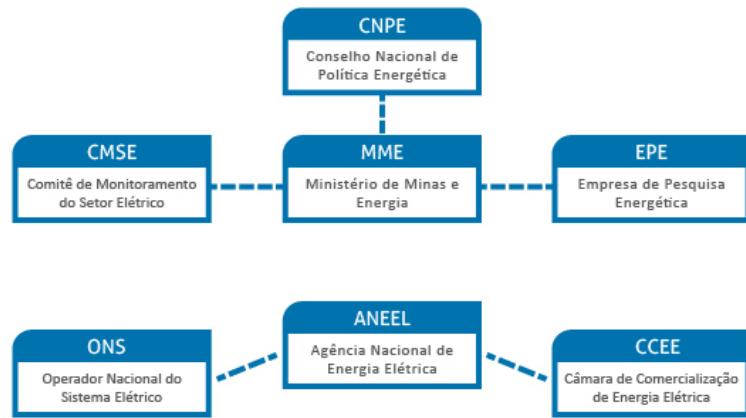


Figura 2.1: Instituições do setor elétrico brasileiro. Fonte: EPE [1].

Outra medida tomada para facilitar o gerenciamento de toda a rede de geração, transmissão, e consumo de energia elétrica foi dividir o Sistema Interligado Nacional - SIN [5] em quatro subsistemas sendo estes: Norte, Nordeste, Sudeste/Centro-Oeste e Sul. Vale ressaltar que existe conexão entre as partes, de forma que um subsistema pode auxiliar o suprimento da demanda de energia de outro em períodos de seca. Participam desse sistema diversos agentes [1], sendo eles:

- **Agentes geradores:** são agentes autorizados a gerar energia elétrica para o sistema.
- **Agentes de transmissão:** são agentes que detêm o meios de transmissão de energia.
- **Agentes de distribuição:** são agentes autorizados a distribuir energia contratada dos serviços de transmissão em uma área definida pela concessão.

- **Consumidores livres:** são consumidores que têm a opção de escolher o distribuidor de energia, diferente do que acontece no consumo doméstico.
- **Agentes comercializadores:** são agentes que negociam energia por meio de contratos bilaterais realizados no ambiente de contratação livre. Esse tipo de agente pode negociar a energia com outras comercializadoras, geradoras, consumidores livres e distribuidoras por meio de leilões de ajuste no ambiente de contratação regulada. Além desse, existem outros tipos de consumidores, assim como visto em [1].

A reestruturação também dividiu o mercado de energia elétrica brasileiro em dois ambientes de comercialização: Ambiente de Contratação Regulada - ACR e Ambiente de Contratação Livre - ACL. O primeiro ambiente é focado na contratação de energia para consumidores residenciais e indústrias de baixo consumo em geral. As negociações são feitas através de leilões onde geralmente os contratos de fornecimento de energia tem foco no médio e longo prazo (duração maior que 5 anos). As distribuidoras são obrigadas a comprar 100% da energia utilizada através desse meio. O segundo ambiente é focado em contratações bilaterais, de forma a trazer benefícios para grande consumidores, conforme mostrado abaixo, pois podem negociar o preço da energia direto com os geradores [9]. Os agentes que podem realizar compra por esse tipo de mercado são os agentes livres, conforme mostrados na tabela a 2.1:

Tabela 2.1: Critérios vigentes para se tornar consumidor Livre.

<b>Demandas Mínimas</b>	<b>Tensão mínima de fornecimento</b>	<b>Data do início do consumo na rede</b>
3MW	Qualquer Tensão	Após 07/07/1995
3MW	69KV	Antes 07/07/1995

Dado o dinamismo do consumo, dificilmente a energia utilizada será igual a contratada [1]. Uma das funções da CCEE é realizar medições tanto do que é produzido

quanto o que é consumido. Esta instituição concentra informações sobre o montante de energia negociado em cada contrato do SEB. A diferença entre o que foi negociado e o que foi consumido é liquidado utilizando como multiplicador o Preço de Liquidação das Diferença - PLD, o qual será explicado mais a frente. O saldo dos agentes no mercado de curto prazo se dá pelas seguintes equações [9].

$$Saldo_{t,p} = SaldoEnergetico_{t,p} * PLD_t \quad (2.1)$$

Onde  $t$  é a semana para qual a fórmula é analisada e  $p$  é a parte para a qual o cálculo será realizado (gerador ou carga). O saldo energético pode ser positivo ou negativo, dependendo de onde se aplica a fórmula. Um exemplo seria um gerador que produziu menos energia do que a contratada. Essa diferença seria multiplicada pelo PLD na semana em que se faz a liquidação. Nesse caso o gerador teria que pagar esse valor calculado.

Esse processo de liquidação das diferenças é realizado entre as partes envolvidas na negociação. A CCEE somente realiza o cálculo de quanto cada parte envolvida na negociação deve pagar ou receber. A importância do PLD não se resume somente ao MCP, pois muitos dos contratos do mercado livre são baseados nesse valor[10]. Isto permite que os agentes tomem estratégias diferentes para aumentar o faturamento ou diminuir o risco. Um exemplo disso seria um agente consumidor, que ao prever o aumento de preços nos próximos meses, pode buscar realizar contratos para abastecimento futuro a um preço menor do que seria pago. Outro exemplo seria um distribuidor, que ao prever um baixo PLD no MCP do mês atual, decide vender o excedente de energia contratada no mercado livre ao invés de receber o valor proporcional ao PLD.

## 2.2 O Cálculo do Preço da Liquidação das Diferenças

O Brasil atualmente possui uma matriz elétrica diferente do que em geral é observado no mundo. Em média 65,2% da energia utilizada no país vem de fontes

hidráulicas, diferente do que ocorre em média no resto do mundo (aproximadamente 16,6%), assim como o visto em [3]. Essa fonte além de ser renovável, tem impacto menor no meio ambiente e custos menores quando comparado com fontes baseadas em combustíveis fósseis. O grande ponto negativo é a característica volátil desse recurso, pois este depende baste de condições climáticas, o que dificulta o planejamento para períodos longos. Na figura 2.2, observa-se que o preço da energia elétrica depende diretamente da quantidade de água nos reservatórios no momento atual e nos meses futuros.

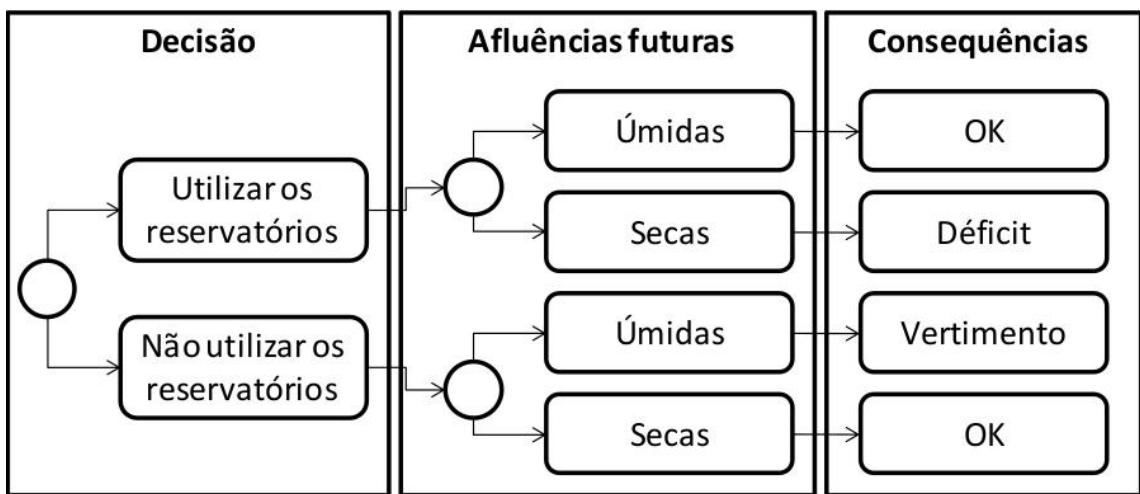
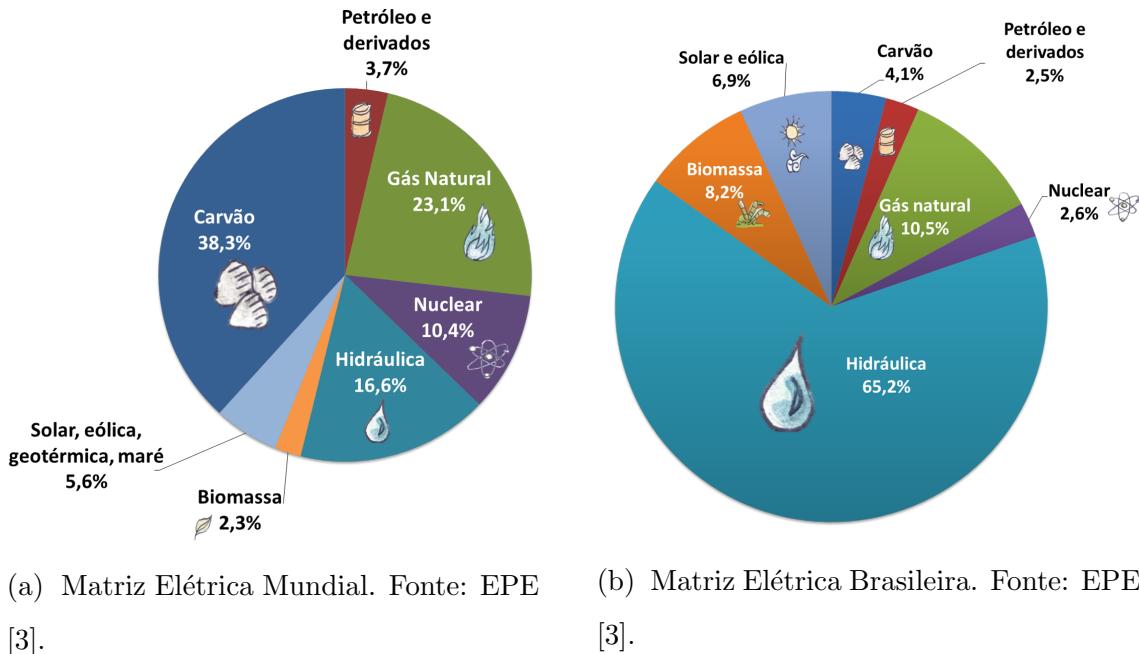


Figura 2.2: Planejamento da produção de energia do sistema hidrotérmico[11]

O grande desafio do setor é utilizar a energia produzida de maneira eficiente, reduzindo o custo da mesma e o risco de déficit tanto no mês atual quanto nos meses seguintes. EPE[3] e ONS[5] são alguns dos órgãos que buscam esse objetivo.

Sendo assim, utilizar as usinas hidrelétricas - UHE na capacidade máxima gerará o menor custo de energia possível no mês atual, porém, se no futuro for necessário utilizar outras fontes para suprir a demanda energética, o custo pode ser muito maior do que em uma situação onde a produção energética da UHE foi distribuída durante os meses consecutivos. Por um outro lado, caso a quantidade de água armazenada em um reservatório supere o limiar máximo do mesmo, torna-se necessário liberar o excedente para o rio, situação chamada de “vertimento”. Isto é indesejável, pois resulta em um desperdício de energia barata. Portanto, um planejamento equivocado pode causar altas no PLD, o que afeta diretamente os agentes que participam do

mercado de energia elétrico brasileiro.



(a) Matriz Elétrica Mundial. Fonte: EPE [3]. (b) Matriz Elétrica Brasileira. Fonte: EPE [3].

Figura 2.3: Comparação entre a matriz elétrica mundial e a brasileira

Uma tendência mundial no setor é a transição da rede elétrica atual para os smart grids. Este termo engloba uma série de tecnologias, tendo como foco o sensoriamento dos componentes que compõem a rede. Isto permite ter informações sobre o consumo em um período de tempo menor do que nas redes antigas, além de conseguir averiguar falhas na rede de maneira remota, mudando a postura das distribuidoras de reativa para ativa, pois torna-se possível resolver os erros antes que os clientes liguem para a concessionária.

Assim como visto em [12], no ano de 2012, a ANEEL aprovou a resolução normativa N° 482 [13], que “Estabelece as condições gerais para o acesso de microgeração e minigeração distribuída aos sistemas de distribuição de energia elétrica, o sistema de compensação de energia elétrica, e dá outras providências”. Desde março de 2016 é permitido que qualquer fonte de energia renovável participe do sistema de geração distribuído, não limitando somente à solar e eólica. Sendo assim a tendência é que parte da produção de energia seja proveniente de pequenos geradores, diminuindo parcialmente a dependência de grandes produtores de energia, o que pode acarretar na redução do risco de déficit de energia.

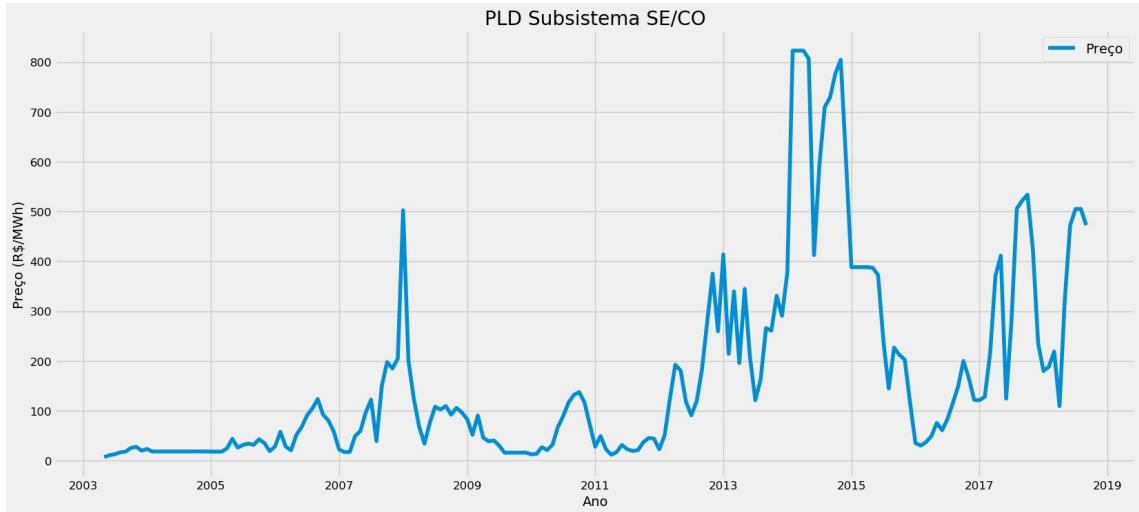


Figura 2.4: PLD mensal. Fonte: CCEE [1].

No gráfico 2.4 observa-se que existem momentos onde o PLD aumentou abruptamente. No ano de 2007, o SEB tinha passado por uma recente reestruturação da organização, a qual não foi suficiente para evitar o acontecimento. Após abril de 2005, houve um período sem investimento na capacidade energética sistema. Junto com esse fato, ocorreu um período de baixa afluência nas usinas hidrelétricas. Além disso, entre 2007 e 2008 ocorreu a crise mundial do setor financeiro [14].

Outro ponto relevante é visto no ano de 2014, onde segundo [15], o governo diminuiu, via decreto, as tarifas impostas em um momento de demanda crescente. Além disso, o atraso em obras de geração e transmissão e a escassez de chuvas colaboraram com o fato observado.

O PLD é calculado semanalmente e disponibilizado às sexta-feiras pela CCEE conforme a equação 2.2, com vigência na semana seguinte. Para cada um dos submercados do SIN são divulgados valores para os três patamares de carga: leve, médio e pesado. Esses estão relacionados com a hora do dia e o consumo, sendo que o patamar é pesado em horários de alto consumo e leve nos períodos de baixo consumo energético. O PLD mensal por subsistema é calculado também pela CCEE através da média dos preços ponderadas pelo tempo em cada patamar.

$$PLD_{s,r,\omega} = \min(\max(CMO_{s,r,\omega}, PLD_{min_{ano}}), PLD_{max_{ano}}) \quad (2.2)$$

Onde:

Tabela 2.2: Variáveis utilizadas no cálculo do PLD semanal.

Variável	Significado
$s$	Subsistema (“N”, “NE”, “S”, “SE\CO”)
$r$	Patamar de carga (“leve”, “médio”, “pesado”)
$w$	Semana do mês
CMO	Custo para produção de um MWh adicional no SIN
$PLD_{min\_ano}$	PLD mínimo estabelecido anualmente pela ONS
$PLD_{max\_ano}$	PLD máximo estabelecido anualmente pela ONS

O PLD máximo é calculado com base no custo variável unitário - CVU mais elevado de uma Usina térmica - UTE em operação comercial, a gás natural, contratada por meio Contrato de Comercialização de Energia Elétrica no Ambiente Regulado - CCEAR , definido no planejamento mensal de operação - PMO de dezembro e será aplicado entre a primeira e última semana operativa do ano subsequente, para todos os submercados.

O PLD mínimo é calculado com base no maior valor entre: i) o calculado com base na Receita Anual de Geração - RAG das usinas hidrelétricas em regime de cotas, nos termos da Lei nº 12.783/2013, excluídos os valores relacionados à remuneração e reintegração de investimentos, e adicionada a estimativa de Compensação Financeira pelo Uso dos Recursos Hídricos - CFURH; e ii) as estimativas dos custos de geração da usina de Itaipu para o ano seguinte, fornecidas pela Itaipu Binacional para fins de reajustes e/ou revisões tarifárias.

O valores definidos para os últimos 5 anos sá vistos na tabela 2.3

Tabela 2.3: Preço mínimo e máximo do PLD.

Ano	PLD Mínimo	PLD Máximo
2015	30,26	388,48
2016	30,25	422,56
2017	33,68	533,82
2018	40,16	505,18
2019	42,35	513,89

O planejamento e o cálculo do PLD é feito com base em programas desenvolvidos especificamente para o SIN. Alguns deles são [16]:

- NEWAVE: Utilizado no planejamento de médio prazo (até 5 anos), com espaçamento mensal entre as previsões
- DECOMP: Utilizado no planejamento de curto prazo (até 12 meses) com base semanal

O cálculo do PLD é feito com base no CMO obtido do programa DECOMP, o qual é disponibilizado somente para agentes cadastrados no CCEE e tem como entrada alguns dados como as vazões para uma determinada bacia, o MLT - Média de Longo Término, perdas do sistema entre outros. A lista completa de dados utilizados na entrada pode ser vista em [16],

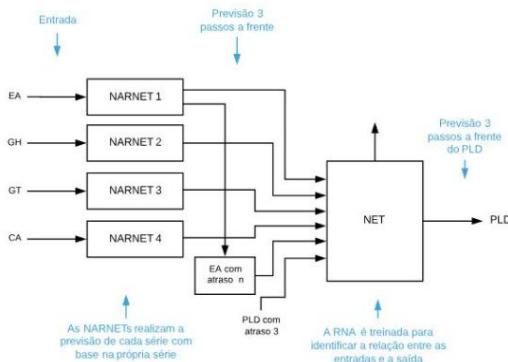
O acrônimo MLT - Média de Longo Término refere-se à média com período anual, utilizando uma série histórica dos valores de ENA - Energia Natural Afluente para cada um dos meses desde 1931. A ENA, por sua vez, é a energia que pode ser gerada através da vazão da água em uma determinada bacia.

A busca por um modelo matemático baseado no DECOMP que possa ser utilizado na previsão do PLD é de interesse não só dos agentes que participam do mercado elétrico brasileiro, como também de empresas indiretamente relacionadas ao setor financeiro e meio acadêmico. O entendimento da dinâmica do preço pode ajudar na formulação de novos modelos de previsão e alteração dos já existentes (DECOMP

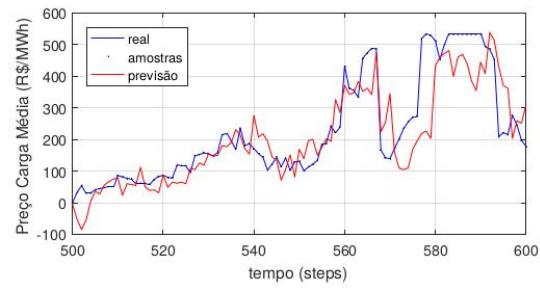
e NEWAVE). Com isso, pode-se obter melhorias nas atividades de planejamento feitas pelos órgãos.

## 2.3 Revisão bibliográfica

Em [17], foi utilizada uma abordagem onde são previstos os valores de energia afluente, energia proveniente de hidroelétricas, energia proveniente de usinas térmicas e carga dos subsistemas, a fim de obter o valor do PLD indiretamente. A outra forma proposta foi utilizar a própria informação sobre o PLD na previsão do mesmo. Em ambos os casos, foram utilizadas redes neurais artificiais autorregressiva não-linear - NARNET e os valores previstos são para até 3 semanas à frente.

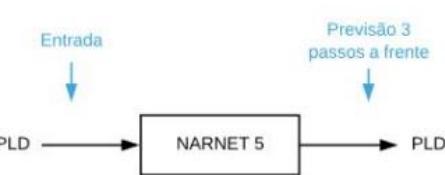


(a) Esquematico previsão indireta PLD [17].

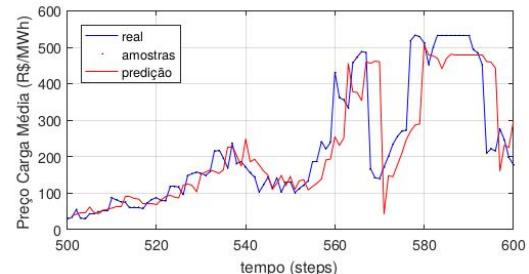


(b) Previsão indireta do PLD [17].

Figura 2.5: Previsão indireta do PLD



(a) Esquematico previsão direta do PLD [17].

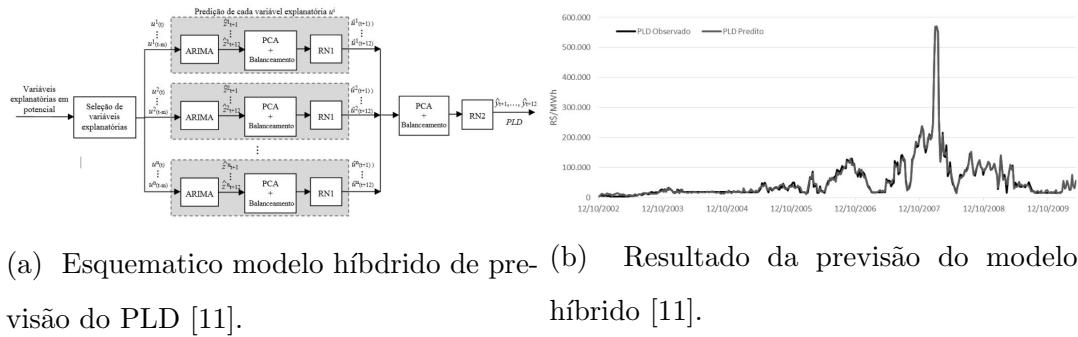


(b) Previsão direta PLD [17].

Figura 2.6: Previsão direta do PLD

Para a previsão indireta do PLD, foram treinadas duas estruturas. Na primeira obteve-se desvio padrão de 89.759 e erro médio de 20.4226. Na segunda os valores foram 105, 45 e  $-9,5961$ , respectivamente. Para a previsão direta do PLD, obteve-se 90, 321 de desvio padrão e 7, 8684 de erro médio para primeira estrutura. Na segunda estrutura os valores foram: 95, 9 e 7,8621, respectivamente. Os resultados obtidos, apesar do erro médio pequeno, possuem alto desvio padrão. Os gráficos vistos em 2.5b e 2.6b evidenciam esse fenômeno, pois apesar do erro ser qualitativamente pequeno, existem pontos onde a previsão diverge bastante do sinal original.

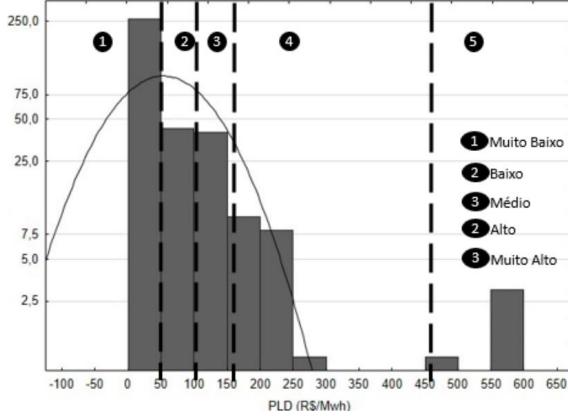
Outras abordagens são vistas em [11], onde é proposto um modelo híbrido com a utilização de *Autoregressive Integrated Moving Average* - ARIMA, análise de componentes principais e redes neurais, conforme a figura a seguir:



(a) Esquematico modelo híbrido de previsão do PLD [11]. (b) Resultado da previsão do modelo híbrido [11].

Figura 2.7: Previsão do PLD utilizando o modelo híbrido

Na segunda abordagem proposta pelo mesmo autor utilizou-se uma combinação do algoritmo C5.0 e árvore de classificação e regressão - CART para determinar se o preço do PLD será estará dentro de um patamar num instante futuro.



(a) Classes de saída do algoritmo [11].

	Muito Baixo	Baixo	Médio	Alto	Muito Alto
Muito Baixo	342	0	0	2	0
Baixo	1	50	0	0	0
Médio	1	1	76	5	0
Alto	1	0	0	95	0
Muito alto	0	0	0	0	7

(b) Matriz de confusão [11].

Figura 2.8: Previsão do PLD utilizando o modelo com árvore de classificação

Em ambos os casos acima o autor realiza previsões para um período de 12 semanas à frente. Na primeira abordagem (modelo híbrido), obteve erro médio por amostra de 4.066, desvio padrão de 11.30 e correlação linear de 0.99 para o subsistema SE/CO no horizonte de até 12 semanas. Esse resultado é melhor que o observado em [17]. Ainda assim, um desvio padrão de 11.30 pode ser alto dependendo da aplicação desejada.

Na segunda abordagem o autor obteve um erro máximo de classificação de 3.27% para previsão 5 passos a frente, sendo um resultado muito bom. Para o exemplo exibido na tese (subsistema N), ocorreram alguns casos bastante discrepantes onde um patamar muito baixo foi classificado como alto e o contrário também ocorreu. Isso pode acarretar em riscos elevados dependendo de como será utilizada a aplicação.

No trabalho visto em [18], têm se a análise das variáveis utilizadas na entrada de cada submercado através da correlação. Além disso, é feita a comparação entre os resultados obtidos pelo modelo ARIMA, rede neurais recorrentes, rede neural

direta sem seleção de lags e com a seleção de lags. Já em [19] foram utilizadas como variáveis de entrada a geração das hidroelétricas, térmicas e eólica, além da Energia Natural Afluente - ENA, ENA máxima, EAR - Energia Armazenada e o PLD para cada um dos patamares nas 4 últimas semanas, utilizando uma rede neural com 3 camadas ocultas. Como métrica de avaliação dos resultados, faz-se um plot do alvo pelo resultado previsto pela rede e então é feito uma ajuste linear . No caso ideal a equação  $y = a \cdot x + b$  se torna  $y = x$  (previsão perfeita) . Os preços são previstos em um horizonte de até 6 semanas. Em [20] utiliza-se uma rede neural recorrente para obter previsões em um horizonte de até seis meses a frente.

Outra abordagem diferente das observadas acima é a vista em [21], onde o autor utiliza modelos *Generalized Auto-Regressive Conditional Heteroscedasticity*- GARCH para a previsão do PLD. Para a estimação dos parâmetros foram utilizadas análises com base na função de autocorrelações - ACF, autocorrelações parciais - PACF, função de verossimilhança (LLF) e testes estatísticos como o *Akaike info criterion* - AIC.

Existem pesquisas para obter modelos de previsão de preços para diferentes mercados de energia ao redor do mundo. Em [22] o autor utiliza o algoritmo *K-means* para clusterizar os dados de entrada passados e o algoritmo *Partial Sequence-based Forecasting* - PSF para prever o resultado com base na média dos resultados obtidos no *clusters* anteriores. O modelo obtido foi utilizado para prever preço e demanda de energia para o mercado espanhol, australiano e nova-iorquino e obteve resultados relevantes.

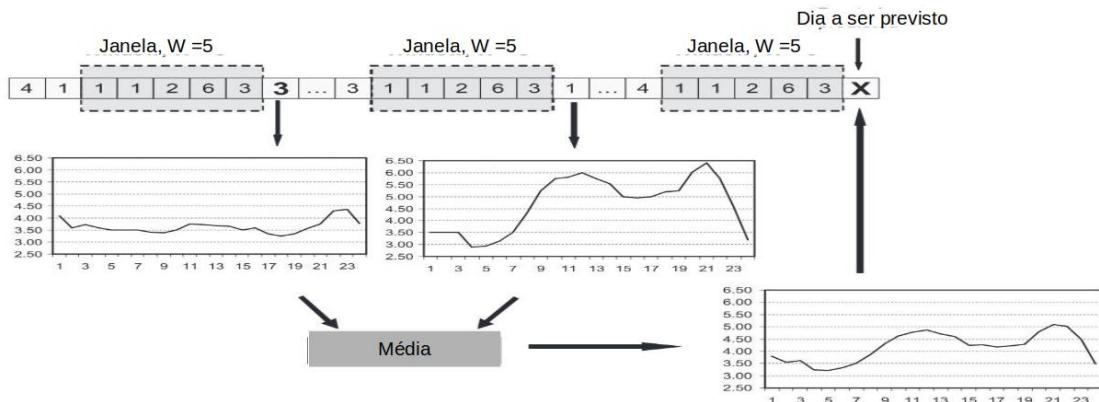


Figura 2.9: Utilização do algoritmo PSF para previsão de séries temporais [22].

Em [23] são mostradas algumas abordagens simples para o problema de previsão do preço *spot* (PLD é um exemplo de preço *spot*) no mercado de energia do Canadá. Foi utilizada uma rede neural com uma camada escondida, uma rede neural misturada com lógica fuzzy e otimização com o algoritmo IMO. A previsão foi feita hora a hora para um período de 24 horas. Concluiu-se que a rede neural com lógica fuzzy obteve o melhor resultado, além disso a relevância das entradas para a previsão foi analisada e viu-se que as entradas mais relevantes eram a demanda e a interrupção da geração.

A revista [24] traz a revisão de alguns resultados obtidos na previsão dos preços de mercados de energia elétrica como o da Noruega, Espanha e Califórnia. São utilizadas algumas abordagem lineares como AR, ARIMA e GARCH. Além disso são exibidos resultados de abordagens não lineares utilizando redes neurais. Alguns variantes mostrados são: RNA com lógica fuzzy, com filtro de Kalman extendido e com transformada de Fourier e Hartley como filtro para os dados de preço utilizados como entrada da rede. O artigo [25] mostra os resultados para a competição de global de previsão de energia, a qual ocorreu em 2014. São mostrados resultados tanto para previsão de preços da energia elétrica, carga de energia, energia eólica e solar.

Em [26] foi utilizada uma abordagem híbrida, onde o modelo wavelet-ARIMA seria responsável por prever a parte linear e a parte composta pelo modelo *Radial Basis Function Network* - RBFN seria responsável por corrigir o erro residual proveniente da primeira parte.

# Capítulo 3

## Series Temporais e Aprendizado de Máquina

O objetivo deste capítulo é trazer a fundamentação teórica das técnicas utilizadas neste trabalho. Em primeiro lugar será abordada a teoria, aplicações e dificuldades relacionadas às séries temporais. Logo após, serão apresentados os modelos de aprendizados de máquina utilizados como redes neurais MLP.

### 3.1 Séries Temporais

Uma série temporal é composta por uma coleção de observações feitas de forma sequencial e dependente [27]. Essa ordem da sequência é dada pelo tempo, o qual pode ser contínuo ou discreto. No primeiro caso,  $T = t : t_1 < t < t_2$  e a série temporal é definida como  $\{X(t) : t \in T\}$ , já no segundo caso,  $T = \{t_1, t_2, \dots, t_n\}$  e a série temporal é definida como  $\{X_t : t \in T\}$ , onde X é a variável observada. Geralmente define-se o T para o caso discreto como  $T = \{1, 2, \dots, n\}$  por questões de simplicidade. Neste trabalho só serão abordados os casos discretos, pois todos os sinais utilizados no mesmo são dessa natureza.

Assim como o tempo, os valores da variável  $X_t$  podem ser contínuos ou discretos de acordo com o fenômeno que se observa. Alguns exemplos de fenômenos temporais com valores contínuos são a temperatura em um determinada região, volume de água em uma bacia hidrográfica e o peso de um indivíduo. Já como exemplo de

fenômenos temporais com valores discretos podem ser citados o número viagens de avião, quantidade de nascimentos, de carros produzidos por uma montadora etc. Todos esse casos estão relacionados com um período de observação próprio, podendo ser uma janela de meses, anos, até mesmo décadas de observações de uma determinada variável.

A análise de séries temporais pode ser feita com diferentes intuições, sendo os mais comuns a predição de valores futuros com base no histórico já conhecido, o controle de um processo, a explicação e descrição de fenômenos [27].

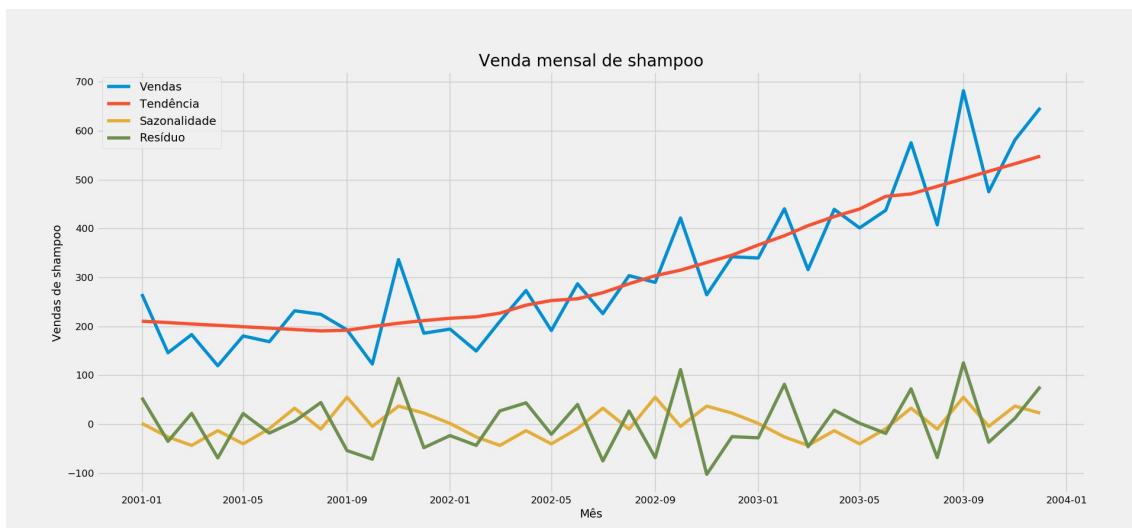


Figura 3.1: Exemplo de decomposição de série temporal. Fonte: Makridakis, Wheelwright and Hyndman (1998) [28]

Séries temporais geralmente são decompostas em outras mais simples. A decomposição utilizada será a seguinte, conforme visto em [29]:

$$X_t = \text{tend}_t + \text{sz}_t + \text{cs}_t + \text{rest}_t$$

Onde  $\text{tend}_t$  é a tendência,  $\text{sz}_t$  é a sazonalidade,  $\text{cs}_t$  é o ciclo senoidal e  $\text{rest}_t$  é o resíduo. Tanto a tendência, quanto a sazonalidade e os ciclos senoidais são determinísticos. Conforme [30], boa parte das séries temporais são não estacionárias, sendo que as componentes de tendência e sazonalidade são as maiores responsáveis por esse efeito. Para que o modelo com redes neurais faça boas previsões, que é o que

se busca nesse trabalho, é necessário utilizar séries estacionárias, portanto somente a parte residual será usada na entrada das redes neurais.

### 3.1.1 Tendência

Segundo [27], a tendência pode ser vista como “uma mudança de longo prazo no nível médio da série” e a forma mais simples de modelar pode ser vista pela equação a seguir.

$$tend_t = \alpha + \beta t + \epsilon_t \quad (3.1)$$

Onde  $\alpha$  e  $\beta$  são constantes a serem estimadas e  $\epsilon_t$  denota um erro aleatório com média zero. Geralmente chama-se o termo  $m_t = \alpha + \beta t$  de termo de tendência, mas alguns autores chamam o termo  $\beta$  de tendência, já que  $\beta = m_t - m_{t-1}$ . Essa variável indica a inclinação da função durante o tempo.

A função utilizada na aproximação da tendência pode ser escolhida de acordo com a série que está sendo analisada. Uma forma bastante comum é a utilização de uma função polinomial na extração de tendência.

Para séries monotonicamente crescente ou decrescente, utilizar  $p = 1$  (função linear) ou  $p = 2$  (função quadrática) geralmente é suficiente para a extração da tendência, porém caso a série seja mais complexa, pode ser necessário utilizar funções de ordem mais altas.

$$tend_t = \epsilon_t + \sum_{n=0}^p \beta_n t^n \quad (3.2)$$

Alguns métodos de filtragem podem ser utilizados também na extração de tendência. É comum utilizar filtros lineares nessa tarefa. Esses são definidos pela seguinte equação:

$$y_t = \sum_{j=-q}^s a_j x_{t+j} \quad (3.3)$$

Onde  $a_j$  são os pesos que multiplicam o sinal  $x_{t+j}$ . Para o filtro de médias móveis geralmente utiliza-se  $q = s$  e  $a_{-r} = a_r$ , garantindo a simetria do filtro. Além disso faz-se que  $\sum_{j=-q}^s a_j = 1$ , de modo que  $\min\{x_t\} \leq y_t \leq \max\{x_t\}$ . O caso mais simples de média móvel é aquele onde todos os pesos tem o mesmo valor:

$$y_t = \frac{1}{2q+1} \sum_{j=-q}^q x_{t+j} \quad (3.4)$$

O resultado do filtro acima é não-causal, o que impede que o processamento seja utilizado para a previsão de séries. Sendo assim, uma outra abordagem possível é fazer um deslocamento no filtro para que sejam utilizadas somente amostras do passado, conforme a equação a seguir:

$$y_t = \frac{1}{2q+1} \sum_{j=-2q}^0 x_{t+j} \quad (3.5)$$

Outro problema observado nas abordagens de média móvel descritas acima é que somente se obtém a tendência para  $N - 2q$  pontos. Caso seja necessário obter a tendência para todos os pontos da série, pode-se aplicar métodos de extração sobre o resultado obtido.

Uma terceira abordagem para extração de tendência é utilizar um filtro com pesos que decaem geometricamente, com  $j$ , priorizando assim, as amostras mais recentes da série temporal:

$$y_t = \sum_{j=0}^{\infty} \alpha(1-\alpha)^j x_{t-j} \quad (3.6)$$

Um exemplo de extração de tendência pode ser visto na figura 3.2, a qual contém informações sobre o número de nascimentos em Nova Iorque por ano.

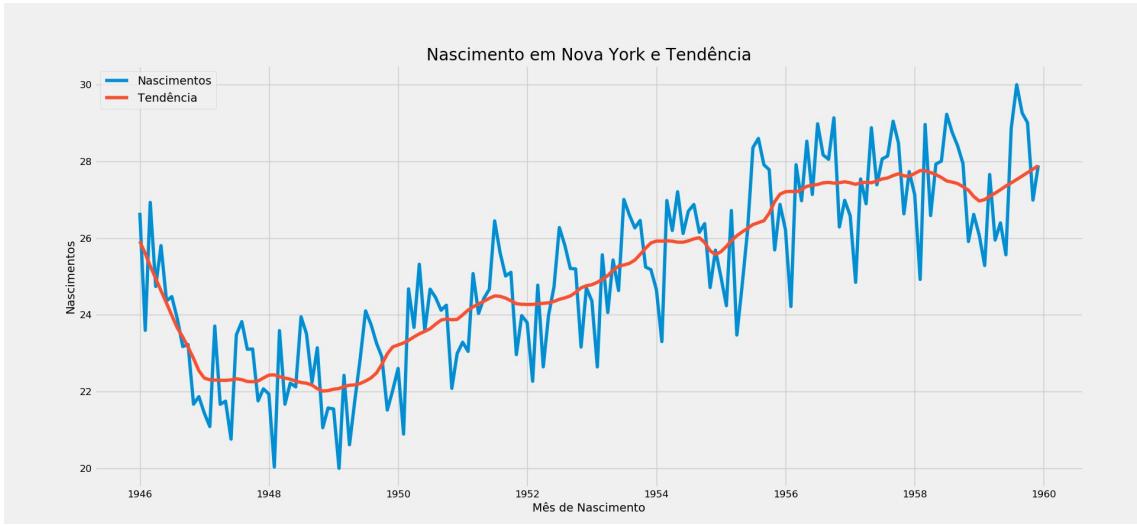


Figura 3.2: Exemplo de extração de tendência com filtro de média. Fonte: Newton (1998). [2]

Outra forma de extrair a tendência é através da diferenciação. Para dados não sazonais, a primeira diferença costuma ser suficiente para garantir a estacionariedade aproximada da série restante [27]:

$$y_t = x_t - x_{t-1} = \nabla x_t \quad (3.7)$$

### 3.1.2 Sazonalidade

É comum encontrar nas séries observadas alguns padrões que se repetem periodicamente. Esse efeito é denominado sazonalidade e deve ser removido para que se obtenha ao final do processamento uma série residual estacionária [29].

Segundo [29], a sazonalidade pode ser determinada pela seguinte fórmula:

$$sz_t = \frac{1}{Int(N/P)} \sum_{k=0}^{Int(N/P)} s_i(i + kP) \quad i = 1, \dots, P \quad (3.8)$$

Onde  $N$  é o número de amostras,  $P$  é o período sazonal,  $Int(N/P)$  é o resultado inteiro da divisão de  $N/P$  e  $s_i$  é o sinal com a tendência previamente removida. Sendo assim, é feito uma média dos pontos da série temporal espaçados pelo período

$P$ . A sazonalidade se repete durante a série temporal, então, caso seja desejado obter a sazonalidade em um tempo  $0 < t < N$ , utiliza-se a seguinte fórmula:

$$sz_t = sz[Resto(t/P)] \quad (3.9)$$

A periodicidade do fenômeno sazonal pode ser obtida através do conhecimento prévio da série que está sendo analisada ex: Espera-se que a venda de protetores solares seja maior no período de verão, pois é quando as pessoas costumam ir mais às praias. O número de pessoas que frequentam o metrô deve diminuir durante o fim de semana, pois a maioria trabalha durante a semana etc.

Outra forma de se obter o período é fazendo uma inspeção visual sobre o gráfico da série após a remoção da tendência. Em alguns casos serão visíveis os padrões periódicos.

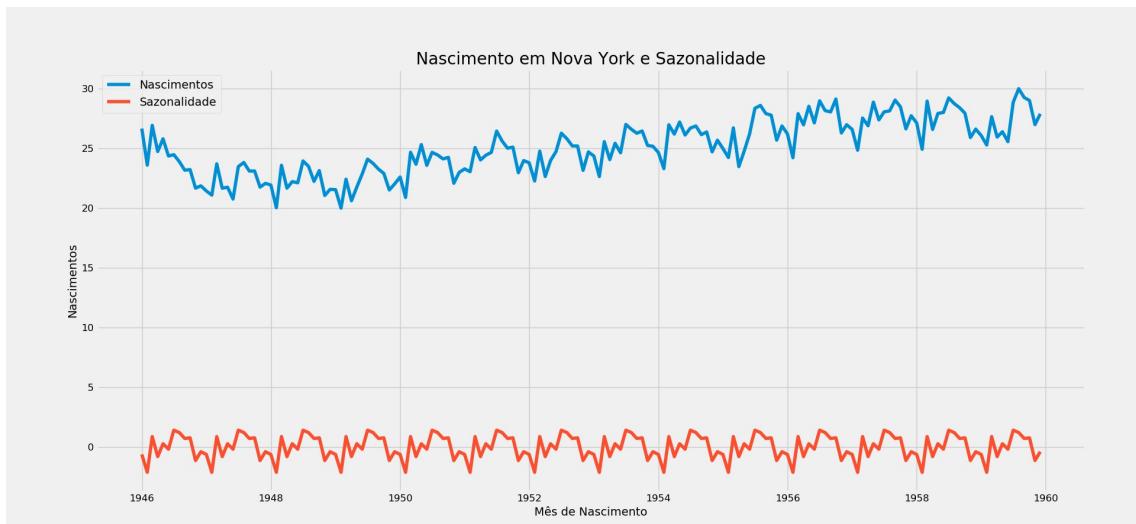


Figura 3.3: Extração de sazonalidade com periodicidade anual ( $P = 12$ ) para o conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque. Fonte: Newton (1988). [2]

Também pode-se obter a informação sobre o período através da observação do gráfico de autocorrelação, onde picos de magnitude que seguem um padrão de espaçamento podem indicar a periodicidade da sazonalidade.

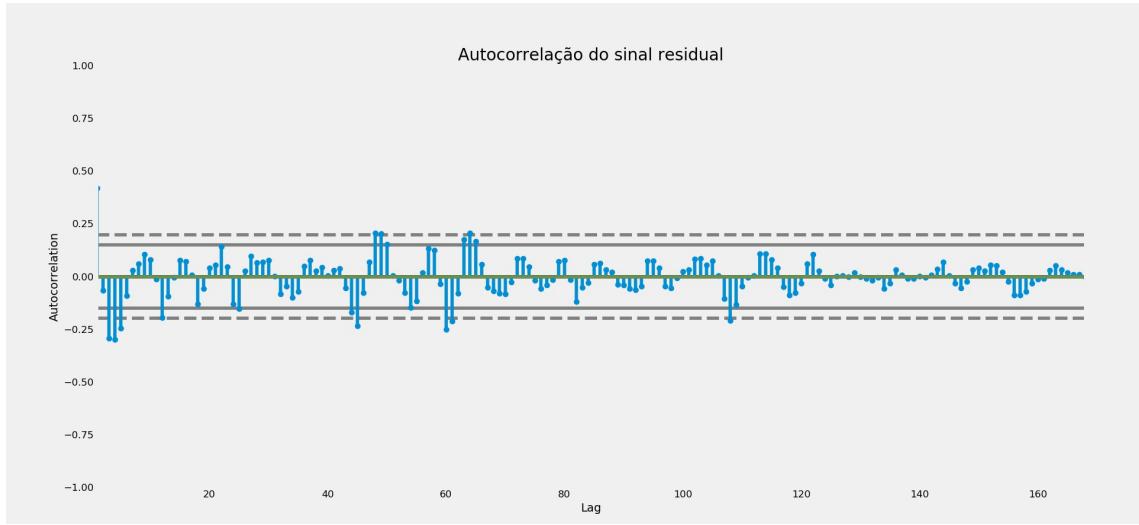


Figura 3.4: Autocorrelação para o sinal residual do conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque. Fonte: Newton (1988). [2]

### 3.1.3 Ciclos Senoidais

Os ciclos senoidais representam um caso bem específico de sazonalidade, sendo representados por senoides de período  $P$ . Essa senoide é extraída através da análise do espectrograma dado pela FFT-*Fast Fourier Transform*. Os parâmetros de saída são os termos  $a$  e  $b$ , conforme vistos nas equações abaixo[31]:

$$cs_t = a \cdot \cos(2\pi ft) + b \cdot \sin(2\pi ft) \quad (3.10)$$

Os pontos onde a magnitude do sinal ( $\sqrt{a^2 + b^2}$ ) são muito maiores que os outros indicam provável ciclos senoidais que devem ser removidos.

### 3.1.4 Componente Residual

Caso o processo de extração de componentes descrito nos tópicos acima seja realizado com sucesso, será obtida uma componente residual estacionária. Seguindo esta abordagem, este sinal residual é a única parte aleatória do modelo. Sendo assim, o problema se reduz a prever o comportamento da parte residual da série temporal.

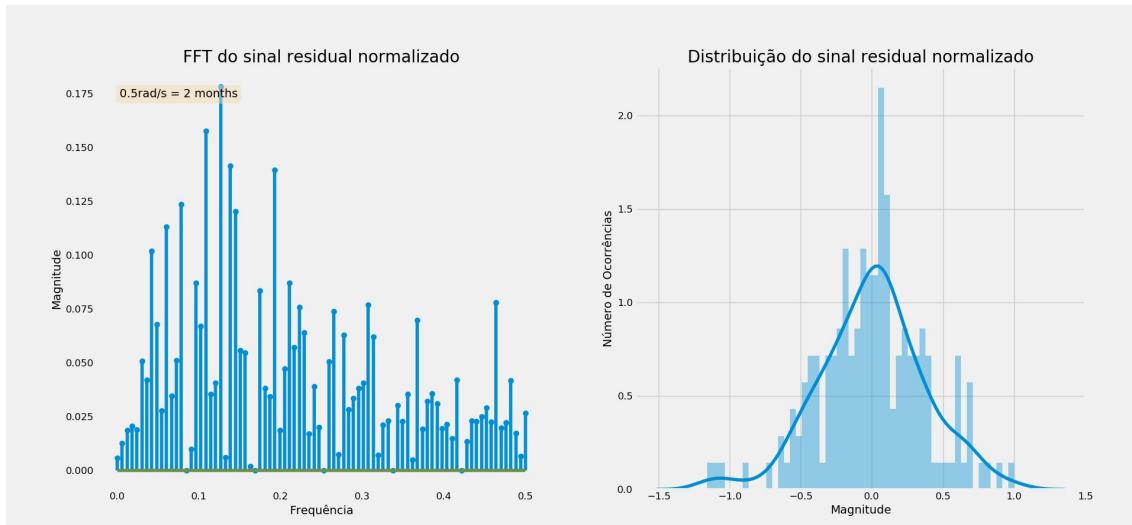


Figura 3.5: Resíduo sem remoção de ciclos senoidais para o conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque. Fonte: Newton (1988). [2]

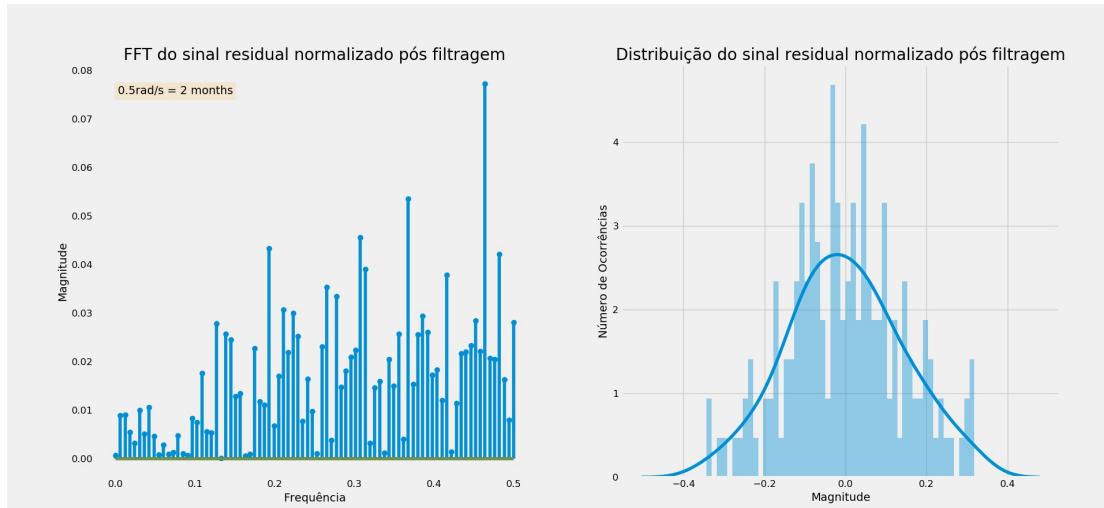


Figura 3.6: Resíduo com remoção de ciclos senoidais para o conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque. [2]

Como pode-se observar nas figuras 3.5 e 3.6, a discrepância no sinal residual nas frequências próximas de  $\omega_0 = 0.135\text{rad}\backslash\text{amostra}$  diminui. Além disso, a distribuição se tornou menos espaçada (O desvio padrão mudou de aproximadamente  $\sigma = 0.37$  para  $\sigma = 0.14$ ).

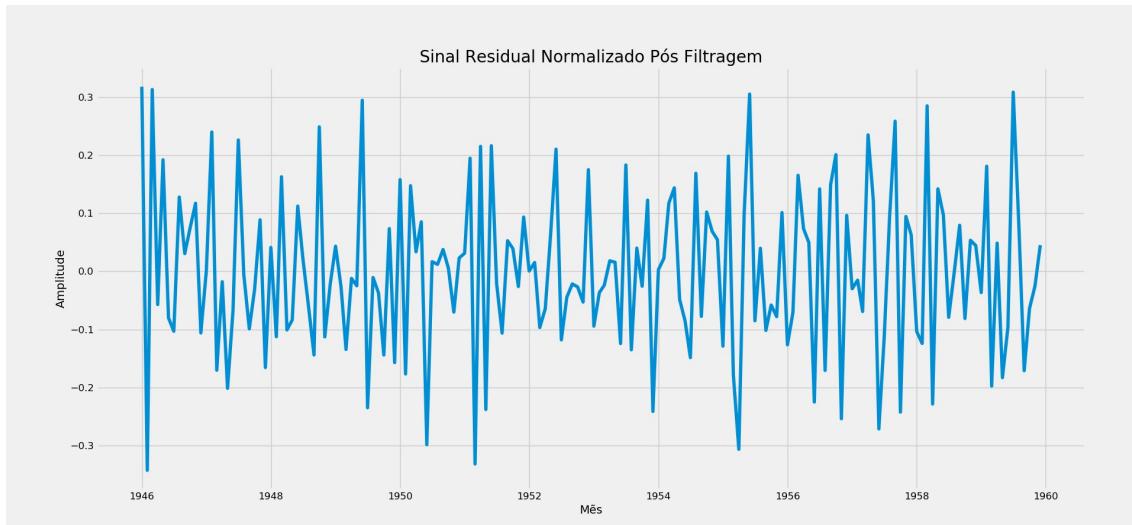


Figura 3.7: Sinal residual no tempo para o conjunto de dados de nascimentos em Nova Iorque Fonte: Newton (1988). [2]

## 3.2 Processamento de Sinais

Para remover os ciclos senoidais do espectrograma visto em 3.5 é necessário realizar algum tipo de filtragem sobre sinal. Uma das formas de se classificar um filtro é pela sua resposta em frequênci, sendo as mais comuns: passa-baixa, passa-alta, passa-banda e rejeita-banda.

No problema de remoção de ciclos senoidais, busca-se um filtro que remova somente a frequênci com maior magnitude, sem afetar muito as magnitudes das outras frequências presentes no espectrograma. Para isso procura-se um filtro que seja rejeita-banda com a banda de rejeição bem estreita e banda de passagem aproximadamente plana.

Um filtro bastante conhecido na literatura que atende a esse critério é o Notch. A escolha pela versão IIRs se dá pela possibilidade de obter atenuações maiores e banda de rejeição mais estreita para um mesma ordem  $N$  quando comparado com os filtros FIRs. O custo dessa escolha é a existênci de defasagem não linear, a qual não é problema para esta aplicação. A função de transferênci do filtro Notch de segunda ordem se dá pela equaçao a seguir: [31]:

$$H(z) = b \cdot \frac{1 - 2 \cos \omega_0 z^{-1} + z^{-2}}{1 - 2b \cos \omega_0 z^{-1} + (2b - 1)z^{-2}} \quad (3.11)$$

e

$$b = \frac{1}{1 + \beta} = \frac{1}{1 + \frac{\sqrt{1-G_b^2}}{G_b} \tan(\frac{\Delta\omega}{2})} \quad (3.12)$$

Onde  $\omega_0$  é a frequência que se deseja rejeitar,  $\Delta\omega$  é a banda de rejeição,  $G_b$  é a atenuação na frequência de corte. Geralmente utiliza-se  $G_b = 3dB$ . O parâmetro  $Q$  citado na seção 3.1.4 pode ser definido também como  $Q = \frac{\omega_0}{bw}$ .  $bw$  por sua vez é a banda de rejeição do filtro Notch.

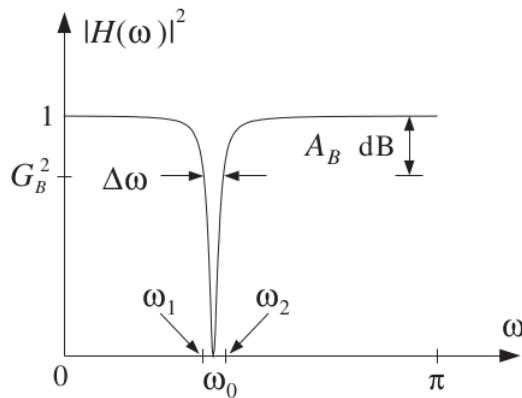


Figura 3.8: Filtro Notch IIR digital Fonte: Introduction to Signal Processing. [31]

### 3.3 Redes Neurais Artificiais

Redes Neurais artificiais são modelos computacionais inspirados no comportamento observado na estrutura cerebral dos seres vivos. O neurônio pode ser considerado a célula básica de processamento do cérebro humano. Sua estrutura é dividida em três partes principais [29][32][33]:

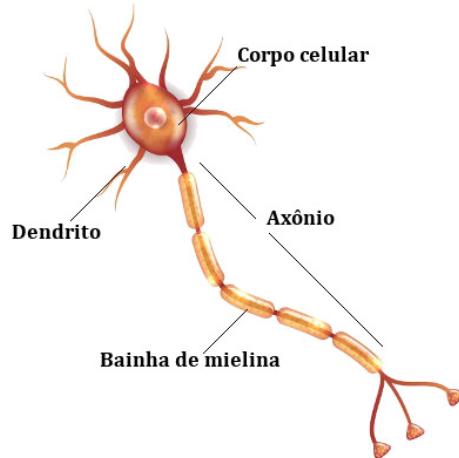


Figura 3.9: Neurônio biológico. Fonte: [34]

- **Dendritos:** São responsáveis por receber estímulos elétricos de outros neurônios
- **Corpo celular:** Processa as informações recebidas pelos dendritos e determina se será disparado um impulso elétrico
- **Axônio:** Transmite o impulso elétrico, e, através das sinapses, envia a informação para outros neurônios. Isto ocorre sem contato entre os mesmos.

A representação matemática desse modelo é dada pela seguinte estrutura:

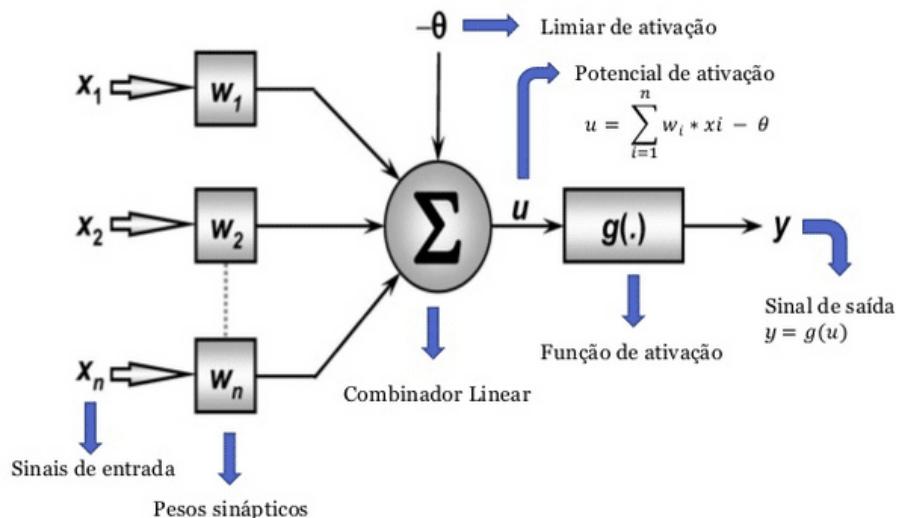


Figura 3.10: Neurônio Artificial. Fonte: [35]

A entrada do neurônio é um vetor  $X = [x_1, x_2, \dots, x_n]$  análogo ao sinais elétricos transmitidos no cérebro humano. Essa entrada é ponderada por um conjunto de pesos  $W = [w_1, w_2, \dots, w_N]$  e somada em um combinador linear junto com um limiar de ativação  $\theta$ . O somatório das entradas gera um potencial de ativação  $u$ , o qual passa por uma função de ativação e gera um sinal de saída que poderá ser propagado para outros neurônios [32]. As informações descritas acima se resumem nas seguintes equações [36]:

$$u_j = \sum_{i=1}^N w_{ji} \cdot x_i - \theta \quad (3.13)$$

$$y = g(u) \quad (3.14)$$

Sendo que se considerar  $x_0 = 1$  e  $w_0 = -\theta$ , pode-se definir a equação 3.13 como:

$$u = \sum_{i=0}^n w_i \cdot x_i \quad (3.15)$$

A função de ativação pode ter diferentes formatos. Caso seja identidade, obtém se um regressor linear [37]. Este tipo de abordagem traz uma grande desvantagem, pois a saída do sistema sempre será linear. Isto vem do fato de que uma composição de transformações lineares é também uma transformação linear. Sendo assim, nas redes neurais são utilizadas funções não-lineares. Alguns exemplos são:

- **Função Logística:**

$$g(u) = \frac{1}{1 + e^{-\beta u}} \quad (3.16)$$

Onde  $\beta$  é uma constante real que modifica a inclinação da reta.

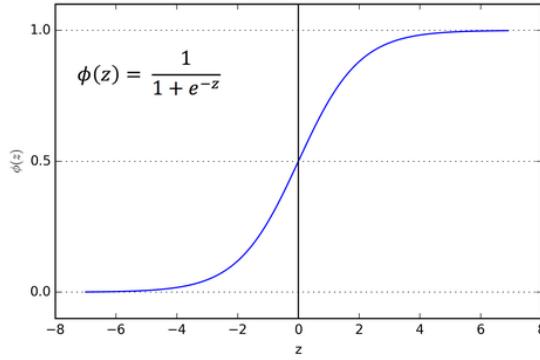


Figura 3.11: Neurônio Artificial. Fonte: [38]

- **Tangente Hiperbólica:**

$$g(u) = \frac{1 - e^{-\beta u}}{1 + e^{-\beta u}} \quad (3.17)$$

Onde  $-1 \leq g(u) \leq 1$  para qualquer  $u$  e assim como em 3.16,  $\beta$  também modifica a inclinação da reta.

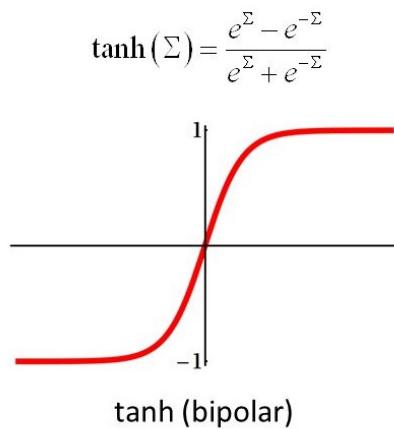


Figura 3.12: Tangente Hiperbólica. Fonte: [39]

- **Unidade Linear Retificada - ReLU [40]:**

$$g(u) = \max(0, u) \quad (3.18)$$

Esta função é linear na parte positiva e zero na parte negativa.

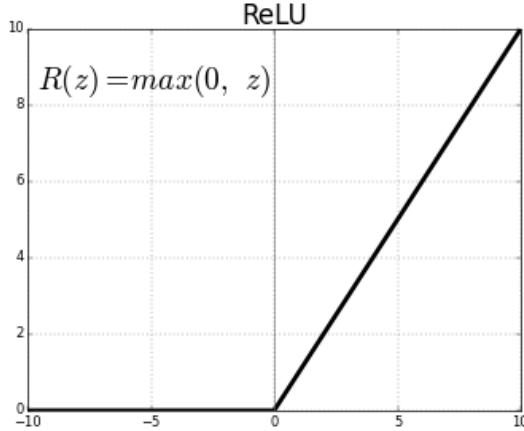


Figura 3.13: ReLU. Fonte: [41]

As funções de ativação 3.16 e 3.17 são deriváveis em todos os pontos e a 3.18 só não é derivável no ponto zero, porém contorna-se essa limitação fazendo  $g'(0) = 0$ . A ReLU tem sido essencial para o estado da arte de redes neurais [41] [42] [43] [44]. A derivada da função de ativação é utilizada pelos algoritmos de treinamento baseados no gradiente do erro assim como será visto mais à frente.

### 3.3.1 Backpropagation

O algoritmo de backpropagation é bastante utilizado no treinamento de redes neurais e utiliza o gradiente do erro como base dos cálculos, assim como mencionado anteriormente [37] [45]. Busca-se mover o vetor dos pesos na direção do mínimo global. A expressão de atualização dos pesos é da seguinte forma:

$$w^{(\tau+1)} = w^{(\tau)} - \eta \nabla E_n w^{(\tau)} \quad (3.19)$$

O qual deve ser repetido até que o erro se torne suficientemente pequeno. O gradiente do erro nessa fórmula é dado por:

$$\nabla E^{(\tau)} = \frac{\partial E}{\partial W_{ji}^{(\tau)}} = \frac{\partial E}{\partial Y_j^{(\tau)}} \cdot \frac{\partial Y_j^{(\tau)}}{\partial u_j^{(\tau)}} \cdot \frac{\partial u_j^{(\tau)}}{\partial W_{ji}^{(\tau)}} \quad (3.20)$$

Têm-se como ideia principal do mesmo avaliar quanto que um determinado peso em uma camada influencia no erro da saída e assim, modificá-lo de forma a tornar

esse erro menor. Um ponto importante para o sucesso do algoritmo é a normalização da entrada, visto que diminui o tempo de convergência.

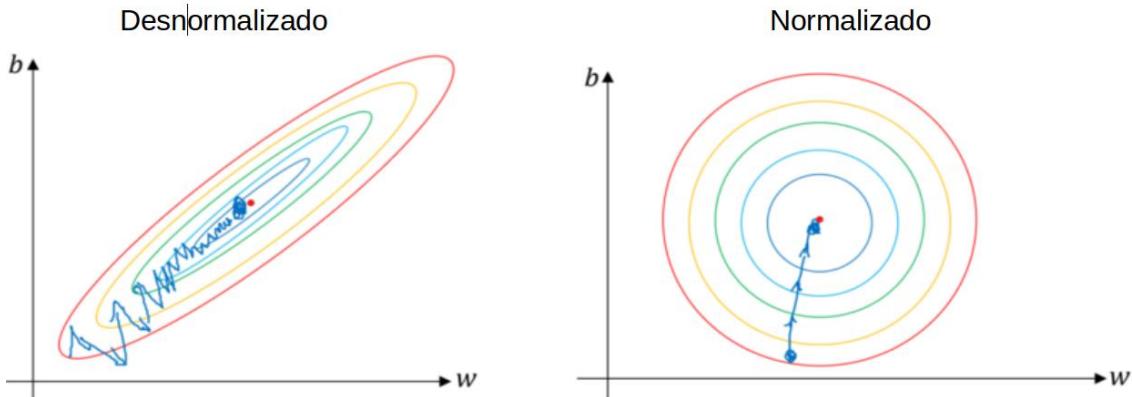


Figura 3.14: Gradiente Descendente desnormalizado e normalizado. Fonte: [41]

### 3.3.2 Rede perceptron multicamadas

Assim como no cérebro, os neurônios artificiais podem ser agrupados em estrutura mais complexas. Para uma camada inicial com  $N$  entradas têm se na  $J$ -ésima saída:

$$Y_j^{(1)} = g\left(\sum_{i=0}^N W_{ji}^{(1)} \cdot X_i\right) \quad (3.21)$$

Nas camadas seguintes utiliza-se a saída da camada anterior (com  $M$  neurônios) como entrada na camada atual. Na fórmula busca-se obter a saída para o  $P$ -ésimo neurônio da camada  $H$ .

$$Y_P^{(H)} = g\left(\sum_{i=0}^M W_{pi}^{(H)} \cdot Y_i^{(H-1)}\right) \quad (3.22)$$

As redes MLP - MultiLayer Perceptron tem sido utilizadas em diferentes classes de problemas como classificação de elementos e previsão de séries temporais [29][32][46]. Com o grande crescimento do número de dados disponível para utilização e o desenvolvimento das tecnologias computacionais, têm-se atualmente redes com muitas camadas e neurônios. Essas redes tem como objetivo aumentar a capacidade de separação, previsão, além de poder obter informações relevantes sobre neurônios intermediários da rede [47][48][49].

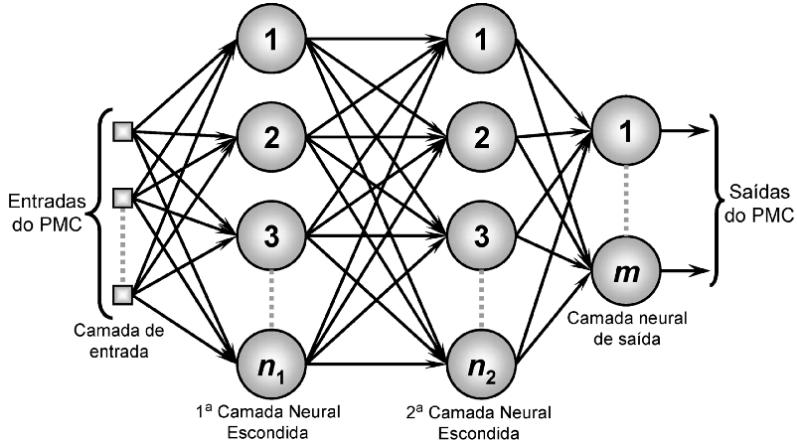


Figura 3.15: Rede Perceptron Multicamadas. Fonte: [50]

### 3.3.3 Treinamento

Para que a rede consiga de fato “aprender” com os dados é necessário realizar o treinamento. Para que o mesmo seja bem sucedido deve-se atentar para alguns fatores como:

- **Inicialização dos pesos:** Os pesos não devem ser iniciados com o mesmo valor, pois isto faria com que cada neurônio interprete a entrada da mesma forma, gerando então uma estrutura simétrica [41][51][52].
- **Função custo:** Há necessidade de definir qual função de custo será utilizada na avaliação dos resultados da rede. A função mais comum é o erro médio quadrático -  $MSE$ , porém dependendo da análise que se deseja fazer e do problema a ser resolvido, outras funções podem ser utilizadas como o erro médio quadrático -  $RMSE$ , erro absoluto -  $MAE$  e acurácia -  $ACC$  [30].
- **Curva de aprendizado:** É comum também utilizar um gráfico do erro na saída em função da época de treinamento para o conjunto de treinamento e validação. Através do mesmo é possível observar características como *overfitting* e *underfitting* e selecionar o conjunto de pesos que tem o melhor compromisso [53].
- **Quantidade de dados X complexidade da rede:** Outro fator importante a ser observado é a quantidade de dados disponível para treinamento, visto que

quanto maior a complexidade estrutural da rede, maior a capacidade de gerar funções mais complexas, portanto torna-se necessário uma maior quantidade de dados para que a mesma seja treinada sem o efeito de *overfitting*.

- **Taxa de aprendizado:** Caso o fator  $\eta$  da fórmula 3.19 seja um valor muito grande, o algoritmo não conseguirá convergir para um mínimo, porém se  $\eta$  for um número muito grande, o treinamento pode levar muita épocas até convergir. Cabe então a quem especifica os parâmetros da rede neural escolher um  $\eta$  adequado de forma com que a convergência ocorra e não demore demais. A figura 3.19 mostra como esse fator  $\eta$  pode influenciar a maneira como a taxa de aprendizado muda durante as épocas de treinamento

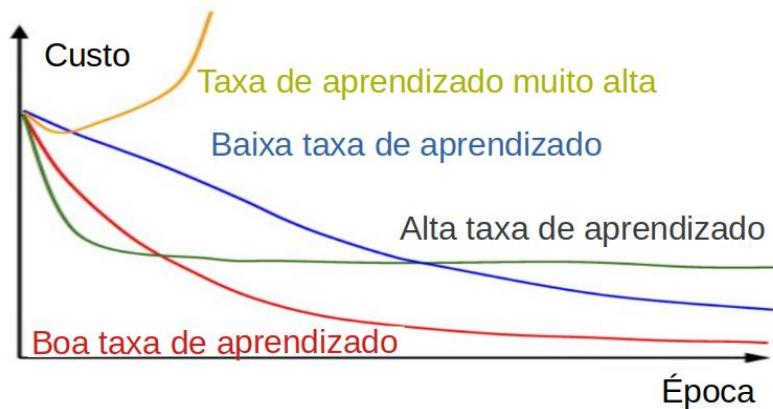


Figura 3.16: Influência da taxa de aprendizado. Fonte: [54]

- **Divisão dos dados de entrada:** Uma prática comum para se obter resultados consistentes é dividir os dados em um conjunto de testes e outro de validação, este último é utilizado para avaliar os resultados do treinamento com dados externos até então desconhecidos para o modelo. Sendo assim, o conjunto de testes não é usado no treinamento, e, portanto, pode ser utilizado para verificar o quão bom são os resultados da rede para dados desconhecidos. Outra prática comum é dividir o conjunto de treinamento em treino e validação e utilizar a validação cruzada. Nesta abordagem, a cada roda de treinamento da rede neural, uma parte do conjunto de treino (geralmente escolhida de forma aleatória) é separada para avaliação enquanto o resto é utilizado para o treino de fato. Isso permite realizar vários treinos com a mesma arquitetura,

podendo obter melhores resultados no treinamento [55].

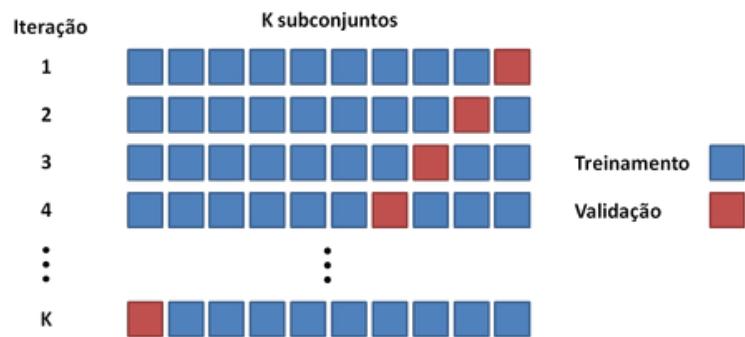


Figura 3.17: Validação cruzada. Fonte: [56]

# Capítulo 4

## Método

O objetivo deste capítulo é descrever o método utilizado no desenvolvimento do trabalho. Será descrito o fluxo de dados utilizado na previsão do PLD. Isso inclui o pré-processamento dos dados e o treinamento das redes neurais.

### 4.1 Coleta de dados

Serão utilizados nos modelos os seguintes dados do setor elétrico. Todos os dados da tabela 4.1 estão disponíveis publicamente e são séries temporais com intervalo de amostragem de 1 mês.:

No início do trabalho definiu-se que o foco seria a região sudeste, sendo assim, todos os dados utilizados foram filtrados para a região SE/CO. Os dados provenientes da ONS foram baixados direto do site no formato *Comma Separated Values - CSV*.

Para facilitar o processamento, serão retiradas todas as colunas que não fossem a data no formato ”mês (por extenso) ano”. Então, essas serão renomeadas para *month* e *value* e o valor do dado referido (ex: MWh produzidos por usinas hidroelétricas no mês), facilitando o desenvolvimento do código.

Dado que as regras para o cálculo do PLD variam durante os anos, serão utilizados somente os dados para o período entre 01/2015 e 12/2018, de modo a tentar reduzir ao máximo esse efeito. Sendo assim, o conjunto de dados possuirá um total de 48 pontos.

Tabela 4.1: Dados utilizado no trabalho.

Dado	Tipo	Fonte
PLD	Saída	CCEE [1]
Energia Total Armazenada	Entrada	ONS [5]
Energia Gerada pelas Usinas Hidroelétricas	Entrada	ONS [5]
Energia Gerada pelas Usinas Térmicas	Entrada	ONS [5]
Energia Gerada pelas Usinas Solares	Entrada	ONS [5]
Energia Gerada pelas Usinas Eólicas	Entrada	ONS [5]
Energia de Carga	Entrada	ONS [5]
Energia Natural Afluente	Entrada	ONS [5]
Soma das Vazões Afluentes	Entrada	CCEE [1]
Valor Útil da Soma das Vazões Afluentes	Entrada	CCEE [1]

Os dados do PLD são fornecidos no formato tabelar no site da CCEE[1], assim como visto na figura 4.1. Sendo assim, os dados que interessantes ao problema serão copiados para uma planilha e importados no por um código python usando a biblioteca Pandas[57].

Os dados da ONS serão retirados de uma aplicação online com Tableau para visualizar os dados, assim como visto na figura 4.2. Os dados serão então extraídos no formato CSV. Após a extração, serão removidas as colunas que não são necessárias para a análise que será feita. Ao final sobrarão duas colunas, sendo que uma será nomeada ”month” e terá a informação sobre o mês relacionado ao dado. A outra coluna será nomeada como ”value”, e trará o valor numérico do dados que está sendo analisado. Ao final do processo, a planilha será importada pelo código python préviamente citado.

Para o cálculo da soma das vazões, será utilizado o arquivo VAZOES.DAT fornecido pela CCEE. Este arquivo é binário e para ser lido precisa da utilização do executável vazedit também fornecido pela CCEE, visto na figura 4.3a. Após o processamento deste programa, obtém-se um arquivo texto com as vazões de cada posto

fluviométrico para cada mês em cada ano desde de 1931, assim como exibido na figura 4.3b. Esses valores foram somados para os postos que pertencem exclusivamente à região Sudeste.

O ”valor útil da soma das vazões afluentes” é um cálculo semelhante ao descrito no parágrafo anterior, porém removendo em cada posto a vazão mínima necessária para a produção de energia. Para obter essa informação, será utilizado o arquivo HIDR.DAT, também fornecido pela CCEE, o qual possui o cadastro de todas as usinas consideradas nos cálculos do PLD. Assim como no caso do arquivo VAZOES.DAT, o HIDR.DAT também é binário. Para processar o mesmo será necessário um executável também fornecido pela CCEE chamado hydroedit, visto na figura 4.4.

Os resultados, já no formato texto, serão lidos pelo arquivo python. A inconsistência observada nos dados para o ano de 1931 será removida por meio de código. Além disso, será necessário filtrar os postos, também por meio do código, para só importar dados do subsistema SE/CO.

Mês	Submercado			
	SE/CO	S	NE	N
02/2020	154.44	175.16	149.80	125.84
01/2020	327.38	327.38	327.22	327.22
12/2019	227.30	227.30	227.30	227.30
11/2019	317.28	317.28	317.28	317.28
10/2019	273.89	273.89	273.89	273.89
09/2019	219.57	219.57	218.52	218.52
08/2019	237.29	237.29	211.33	211.33
07/2019	185.52	185.52	177.49	177.49
06/2019	78.52	78.52	78.52	78.52
05/2019	135.17	135.17	50.95	50.95
04/2019	180.41	180.41	42.35	42.35
03/2019	234.49	234.49	154.15	42.35
02/2019	443.66	443.67	164.24	45.28
01/2019	192.10	192.10	84.76	74.19

Figura 4.1: Tabela de PLD médio na CCEE[1]

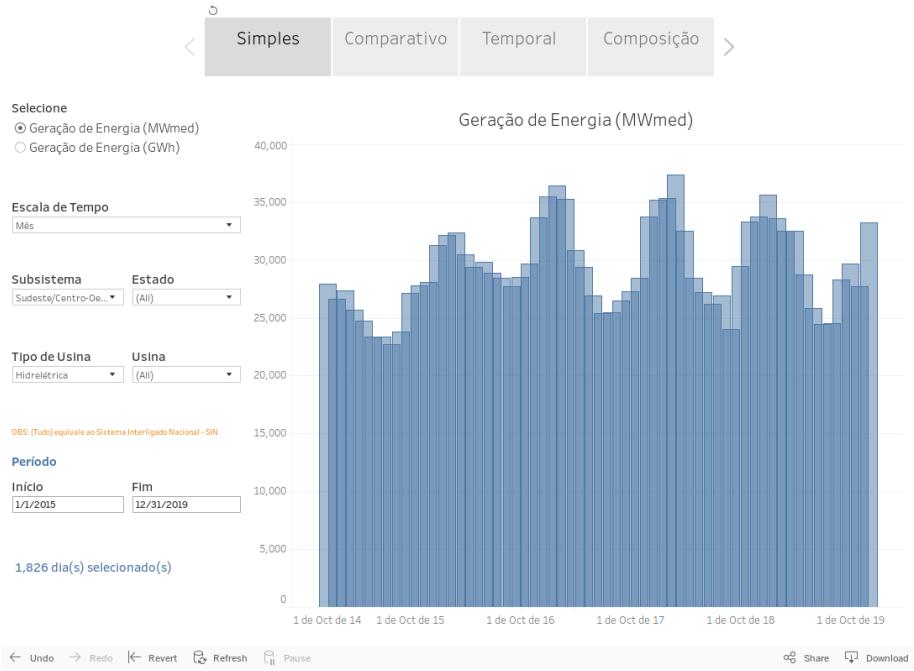
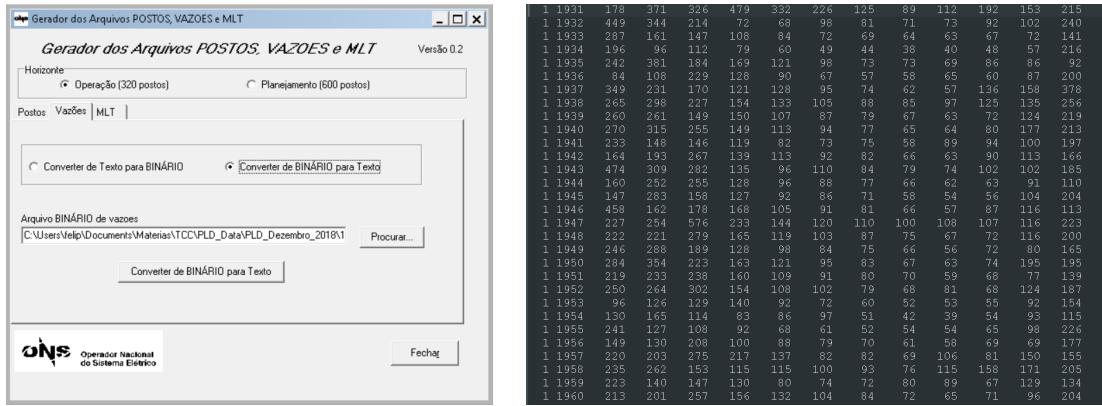


Figura 4.2: Histórico de geração de energia elétrica entre 2015 e 2019 segundo ONS[5]



(a) Interface Vazedit

(b) Arquivo de vazões no formato texto

Figura 4.3: Previsão do PLD utilizando o modelo híbrido

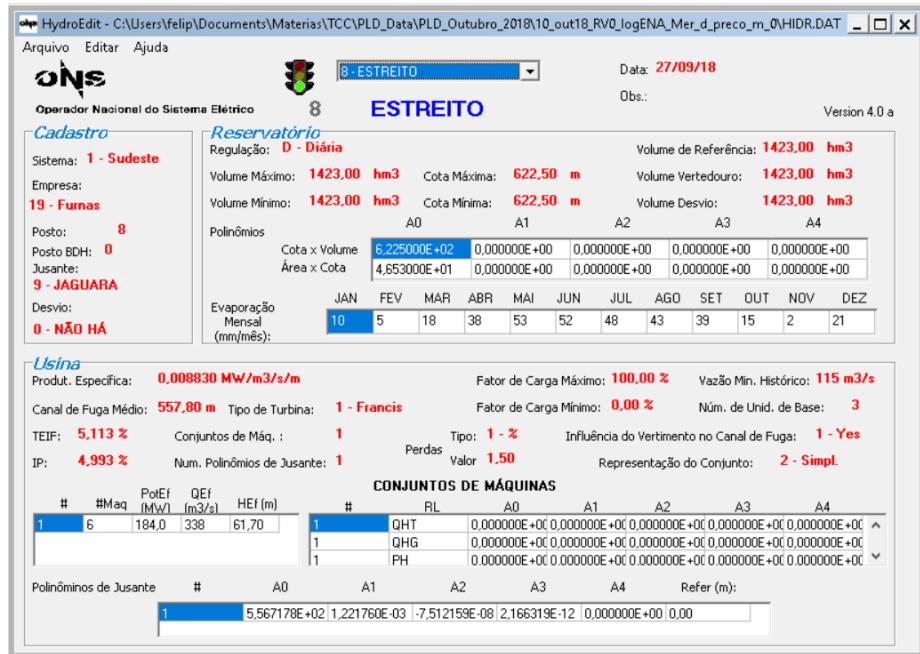


Figura 4.4: Hydroedit sendo usado para converter as informações sobre as usinas para o formato csv

## 4.2 Pré-processamento

A etapa de pré-processamento descrita nessa seção foi aplicada tanto nos sinais de entrada quanto na saída. Busca-se decompor o sinal conforme mencionado em 3.1. Ao final do processamento, o sinal  $X_t$  poderá ser obtido através das soma dos sinais extraídos, assim como visto na formula a seguir:  $X_t = tend_t + sz_t + cst + rest$ . O primeiro passo a ser realizado é a extração da tendência.

### 4.2.1 Tendência

Dado o tamanho reduzido da série temporal, não foi possível aplicar a média móvel diretamente pois isso implicaria na perda de alguns pontos da série. Sendo assim, utilizou-se uma abordagem híbrida na extração da tendência onde as primeiras amostras são obtidas através de uma regressão linear e a média móvel é usada no restante da série. A transição entre os dois métodos costuma ser bastante brusca, gerando altas frequências na transformada de Fourier. A solução para esse novo problema foi implementar um transição gradual entre os métodos de extração. O

processamento realizado na obtenção da tendência pode ser visto na fórmula abaixo:

$$\hat{y} = \begin{cases} X_i, & \text{se } i \leq 2 \\ LR(1, X_i), & \text{se } 2 < i < W \\ \alpha LR(1, X_W) + (1 - \alpha) MA(W), & \text{se } W \leq i < W + K \\ MA(W), & \text{se } i \geq W + K \end{cases} \quad (4.1)$$

Para um filtro de média de comprimento  $W$  com  $K$  passos de transição e com  $0 \leq \alpha \leq 1$  proporcional ao número de passos de transição, define-se o filtro acima para resolver o problema da falta de pontos para realizar a média móvel. LR se refere à regressão linear e MA refere-se à média móvel e a qual é definida pela seguinte equação:

$$MA(W) = \frac{1}{W+1} \sum_{j=-W}^0 x_{t+j} \quad (4.2)$$

A outra proposta de extração de tendência utilizada foi a seguinte:

$$\hat{y} = \begin{cases} X_i, & \text{se } i \leq W \\ MA(W), & \text{se } i > W \end{cases} \quad (4.3)$$

As duas fórmulas acima dependem do parâmetro ( $W$ ) o qual varia conforme o problema a ser resolvido. A escolha do  $W$  foi feita a partir da análise do MSE pelo tamanho da janela. Como o objetivo é obter uma função que tenha a capacidade de prever a tendência um passo à frente com o mínimo erro possível, busca-se um valor de  $W$  que não seja pequeno demais (pouca capacidade de generalização) nem muito grande (pouco sensível às variações).

#### 4.2.2 Sazonalidade

Após a extração da tendência, o sinal restante é descrito pela seguinte fórmula:  $s_{1t} = sz_t + cst + rest$ . O método de extração é similar ao descrito acima, porém, no caso da sazonalidade a série é decimada conforme um parâmetro  $T$  que indica o valor do atraso temporal utilizado.

As fórmulas utilizadas na extração da sazonalidade foram as seguintes:

$$\hat{y} = \begin{cases} X_{RESTO(i/T)}, & \text{se } i \leq 2T \\ LR(1, X^*), & \text{se } i > 2T \end{cases} \quad (4.4)$$

$$\hat{y} = \begin{cases} X_{RESTO(i/T)}, & \text{se } i \leq 2T \\ MA(1, X^*), & \text{se } i > 2T \end{cases} \quad (4.5)$$

Onde  $X^*$  é o conjunto composto por todas as amostras em um determinado instante onde  $RESTO(i/T) = 0$ .

Em 4.4 utiliza-se a regressão linear dos pontos decimados para tentar prever a sazonalidade, já em 4.5 utiliza-se a média móvel. Em ambos os casos utilizam-se todos os pontos fornecidos ao filtro como base para a previsão, eliminando o problema de selecionar o parâmetro  $W$ . Todavia, ainda existe o problema de selecionar o valor correto do parâmetro  $T$  para que se obtenha o menor erro possível na extração da componente sazonal.

#### 4.2.3 Ciclos Senoidais e Resíduo

O ciclo senoidal será obtido através da seleção do maior pico na transformada de Fourier do sinal. Para a extração do mesmo será utilizado o filtro Notch. O resultado dessa operação é um sinal composto somente pela componente residual. Esta é a parte não determinística da série. Finalmente o sinal é normalizado utilizando a técnica *MinMaxScaler* [58].

### 4.3 Seleção dos sinais de entrada

A seleção dos sinais de entrada será feita através do gráfico de correlação dos mesmos. Buscou-se sinais com alta correlação, para que pudesse ser removido um dos pares, visto que isso é um indicativo de que há uma redundância na informação fornecida no modelo. A remoção dos sinais com alta correlação diminui o tempo de treinamento e também pode diminuir o ruído na entrada, fazendo assim com que o treinamento tenha uma precisão maior.

### **4.3.1 Seleção dos atrasos do sinal de saída**

A entrada do modelo é composta por sinais no tempo atual e sinais defasados em períodos de tempo específicos. A seleção das defasagens será feita através do cálculo da autocorrelação do sinal de saída. Todos os valores com autocorrelação maior ou próximo do limite do intervalo de 95% de confiança foram selecionados. Os valores de defasagem foram replicados para todos os sinais utilizados na entrada do modelo.

## **4.4 Rede Neural**

Foi definido que a rede neural utilizada será um MLP de uma camada escondida somente, com ReLU 3.13 como função de ativação. A saída conterá somente um neurônio com função de ativação linear, de modo a conseguir obter o sinal utilizado na previsão do resíduo do PLD.

### **4.4.1 Treinamento das redes neurais**

O treinamento será realizado modificando o número de neurônios na camada intermediária, de forma a avaliar qual arquitetura fornece o menor erro na saída. Para a avaliação dos resultados será utilizado como métrica o RMSE no conjunto de validação pelo número de neurônios. Outro critério para a avaliação utilizado também será o gráfico de pontos do dado previsto pelo original de forma similar ao visto em 2.3.

O passo seguinte desse trabalho será a definição da arquitetura utilizada pela rede neural. Devido à simplicidade e a boa capacidade de solução de problemas, foi utilizada a rede Perceptron Multicamadas com somente uma camada intermediária. Foi definido para a camada de entrada e intermediária que a função de ativação utilizada seria a ReLU, dado a velocidade de processamento e os bons resultados obtidos em pesquisas recentes 3.3.

O treinamento será feito utilizando validação cruzada com 8 subconjuntos no conjunto de dados de treinamento. Serão deixados 3 pontos da série temporal para realizar o teste. Para cada subconjunto serão feitas 3 inicializações aleatórias uti-

lizando o método chamado *he uniform*, o qual está descrito em [40]. Os 3 últimos elementos serão separados para teste e os outros 25 serão utilizados na validação cruzada. Após a extração residual, os dados serão normalizados para facilitar a convergência do treinamento, assim como mostrado em na seção 3.3.3.

O algoritmo de aprendizado que será utilizado é o AdaDelta com learning rate de  $\alpha = 0.01$  [59] por conta dos bons resultados obtidos no treinamento e rápida convergência para o estado final. Será utilizado o critério de parada antecipada *early stop* para que caso a rede não melhore o erro obtido em 25 épocas, o processamento será então interrompido. Para a camada de saída, a função de ativação escolhida será a linear, para que se possa construir a série temporal

Serão realizados treinamentos variando o número de neurônios entre 1 e 90, buscando obter o número de neurônios ideal na camada intermediária. O limite superior é arbitrariamente grande de formar a buscar que o melhor modelo esteja dentro desse intervalo. A partir disso, será gerado um gráfico com o RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação e de teste.

Para facilitar a seleção dos modelos, será feita uma tabela contendo informações sobre o erro médio, desvio padrão, coeficiente angular e offset médios para o conjunto de dados de validação. Sendo assim, será utilizada a métrica para medir o desvio do coeficiente angular ( $a$ ) e do  $offset(b)$  de cada modelo, fazendo com que um primeiro erro seja obtido através da fórmula  $\epsilon_1 = NORM(ABS(1 - a))$  e um segundo seja obtido por  $\epsilon_2 = NORM(ABS(b))$ , onde  $ABS$  é o valor absoluto do número. Além disso, para fins de ranqueamento, definiu-se uma terceira métrica descrita como  $\epsilon_3 = \epsilon_1 + \epsilon_2$ , onde  $NORM$  é a normalização feita dividindo todos os valores pela norma infinita do vetor. O modelo a ser utilizado é então o que tiver o menor erro  $\epsilon_3$ .

Na primeira fase do treinamento, será treinada uma rede, onde a entrada no mês atual,  $x(t)$ , será utilizada para estimar a saída para o mês atual,  $y(t)$ . Com isso será possível verificar se o processo utilizado no treinamento e seleção da rede está adequado ao problema e realizar os ajustes necessários. Além disso, essa rede servirá

como caso base para os modelos de previsão. Dado que as previsões são somente variações desse modelo básico, torna-se de extrema importância a boa adesão do modelo ao problema.

A saída utilizada no processamento foi o sinal residual do PLD médio mensal, dado que a tendência, sazonalidade e ciclos sazonais são determinísticos. Sendo assim, para obter valor final da PLD é necessário combinar a parte prevista pela rede com a parte determinística.

Da segunda fase em diante, foram feitas previsões do resíduo do PLD mensal de fato. Na segunda fase em específico, previu-se o resíduo PLD para o mês seguinte. Além disso, propôs-se uma abordagem com o treinamento de uma segunda rede neural para corrigir o erro entre a previsão feita pela primeira rede e o sinal original.

Nos passos seguintes somente foi feita a comparação entre o resíduo original e o previsto para  $N$  meses a frente. Ao final, será possível obter um gráfico com o erro e desvio padrão pela quantidade de meses a frente.

Sendo assim, o diagrama que resume o modelo exposto nesse capítulo pode ser visto na figura 4.5

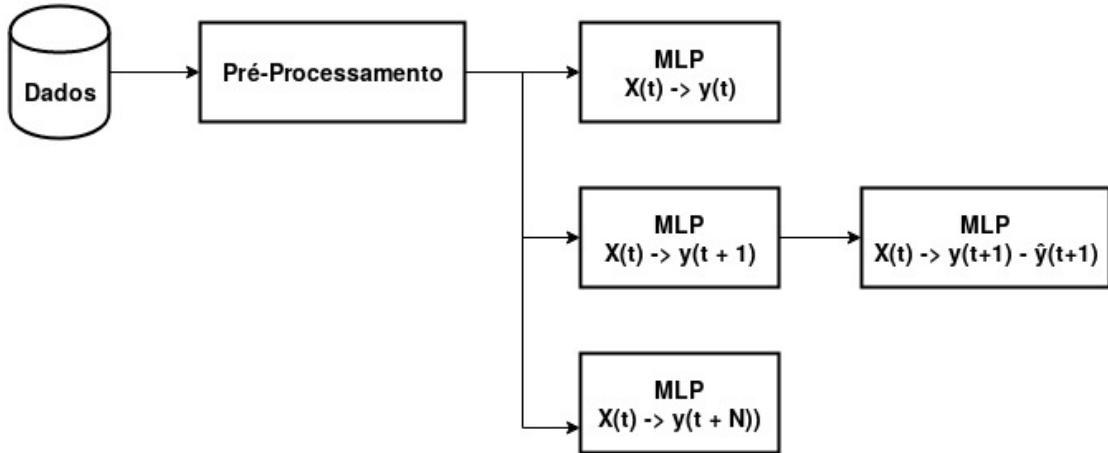


Figura 4.5: Diagrama do Método.

# **Capítulo 5**

## **Resultados**

Neste capítulo, são mostrados os resultados obtidos através da aplicação do método descrito no capítulo anterior. Serão detalhados as características dos sinais utilizados assim como os valores dos parâmetros aplicados em cada algoritmo. Alguns resultados obtidos serão expostos no apêndice para facilitar a leitura.

### **5.1 Pré-Processamento**

Antes de poder utilizar o sinais obtidos no treinamento da rede, fez-se necessário selecionar quais sinais seriam realmente fornecidos como entrada para o modelo e quantos atrasos temporais seriam necessários para determinar a saída. Além disso, houve necessidade de extrair a componente residual do PLD e normalizar os dados. Cada um desses tópicos será detalhado nos parágrafos a seguir.

#### **5.1.1 Seleção dos sinais de entrada**

Os sinais de entrada foram selecionados conforme a seguinte matriz de autocorrelação abaixo:

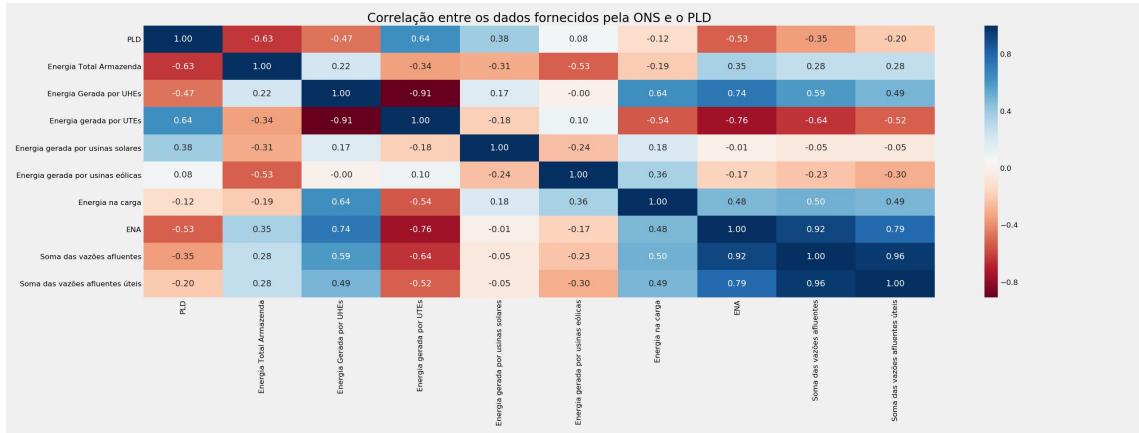


Figura 5.1: Correlação dos dados de entrada.

Observou-se alta correlação negativa entre a energia produzida pela hidroelétricas e térmicas. Isso ocorre pelo fato da energia gerada pelas termoelétricas ser a principal substituta para a energia proveniente de usinas térmicas. Sendo assim, decidiu-se então remover a série da energia gerada pelas UTEs de forma a remover a redundância dos dados fornecidos.

Outra correlação forte observada é a existente entre a ENA, as vazões affluentes e as vazões affluentes úteis. Uma possível explicação para o fato observado é a de todas as variáveis tem um objetivo em comum: calcular quanto de energia pode ser gerada dado uma quantidade de água presente na bacia.

Por fim, é observada alta correlação entre ENA e a energia produzida pelas usina hidroelétricas. Isso é esperado, pois a ENA é um indicativo de quanta energia pode ser gerada através de meios hidráulicos.

### 5.1.2 Seleção dos atrasos do sinal de saída

O gráfico de autocorrelação expressa de forma numérica uma relação linear entre o valor atual e os atrasos. Com isso, têm-se os atrasos com maior importância na formação do sinal. Foram selecionados os pontos que tinham correlação maior ou próximo do limite do intervalo de 95% de confiança.

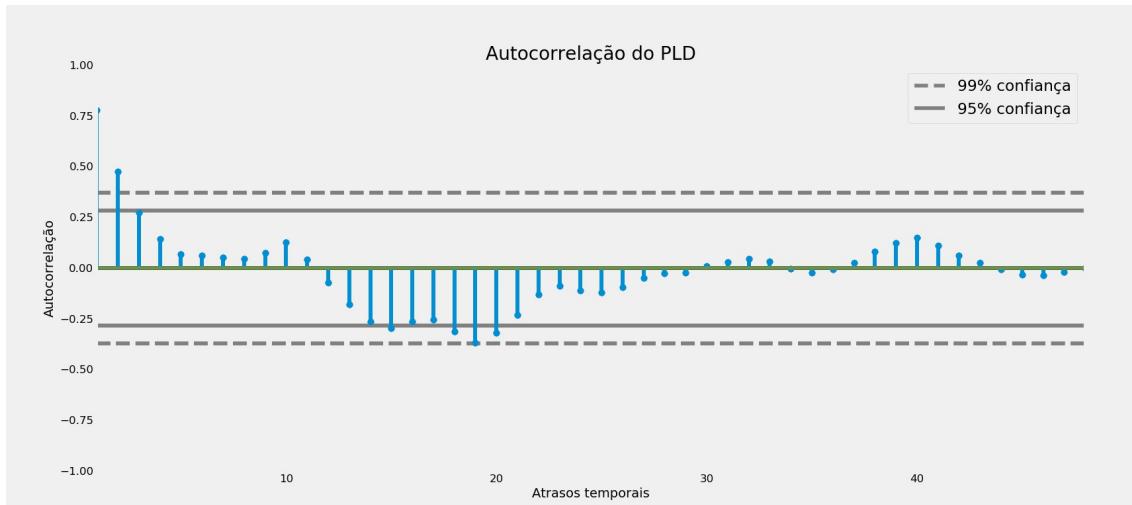


Figura 5.2: Autocorrelação do PLD.

Os atrasos obtidos através dessas análises foram replicados para os sinais da entrada, podendo assim definir quantos atrasos seriam necessários para obter informação suficiente para reconstruir a saída. Como conclui-se pelo gráfico que até 20 atrasos temporais são necessários para representar o sinal, o *conjunto de dados* de 48 pontos foi reduzido a 28 pontos.

### 5.1.3 Tendência

Para a definição do parâmetro  $W$ , responsável pelo tamanho da janela utilizada no processamento, fez-se um gráfico do MSE pelo tamanho da janela conforme visto na figura 5.3:

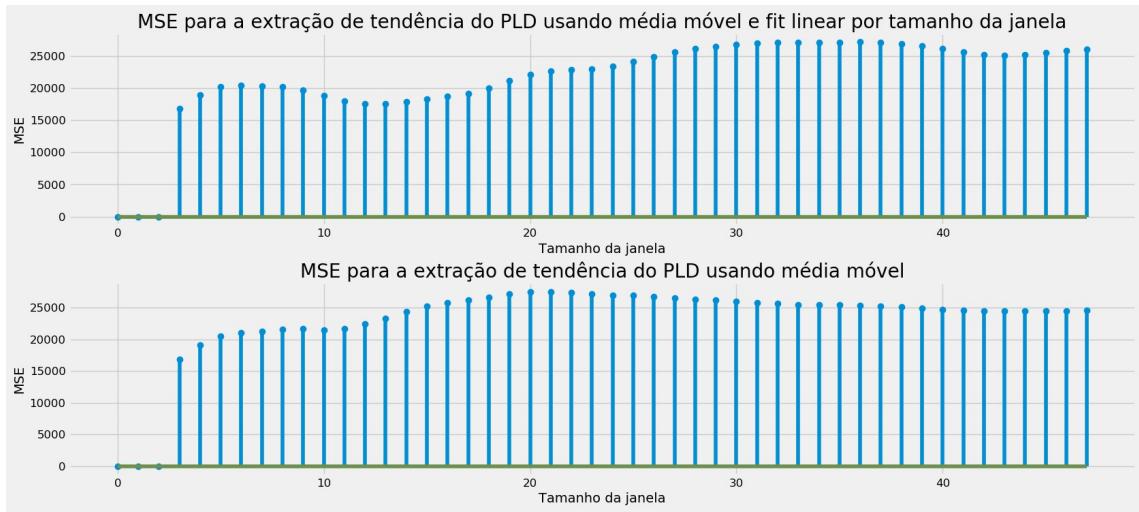


Figura 5.3: Análise do MSE pelo tamanho da janela na extração da tendência.

Tendo como base o gráfico acima, observou-se que a extração proposta em 4.1 obteve os melhores resultados (na figura 5.3) e selecionou-se  $W = 12$ . O parâmetro  $K$  foi definido como  $K = 5$  de forma empírica, buscando obter uma transição suave entre a regressão linear e a média móvel. Aplicando esse filtro obteve-se o seguinte resultado para a extração da tendência:

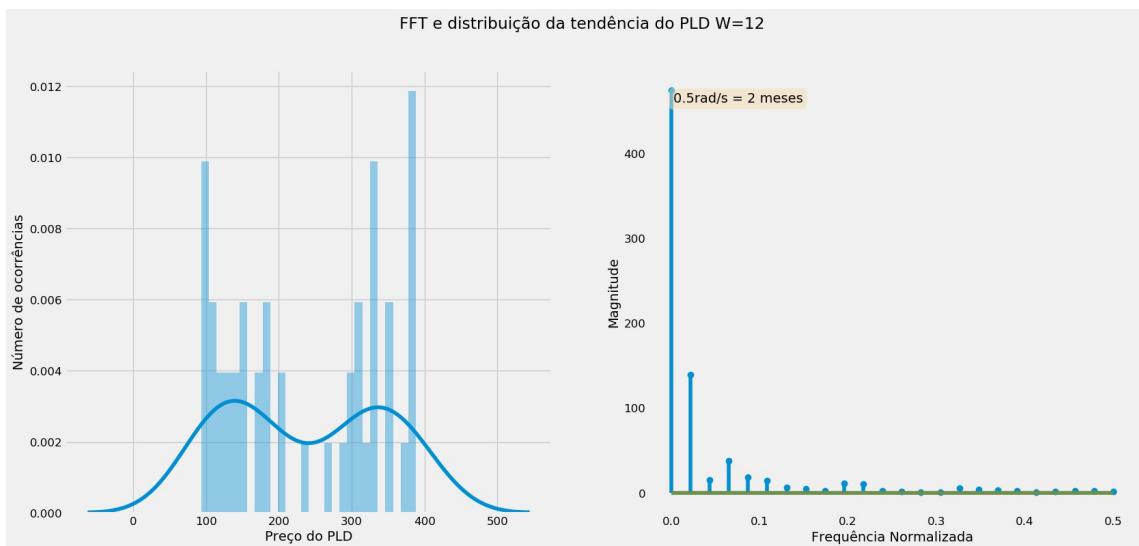


Figura 5.4: Histograma e FFT da tendência obtida.

No gráfico acima é possível ver que, assim como esperado, a tendência do sinal possui componentes acentuadas na alta frequência. Já no gráfico de distribuição,

observa-se que o preço no sinal está concentrado em 2 patamares, sendo eles: 100-200 R\$/MWh e 300-400 R\$/MWh.

### 5.1.4 Sazonalidade

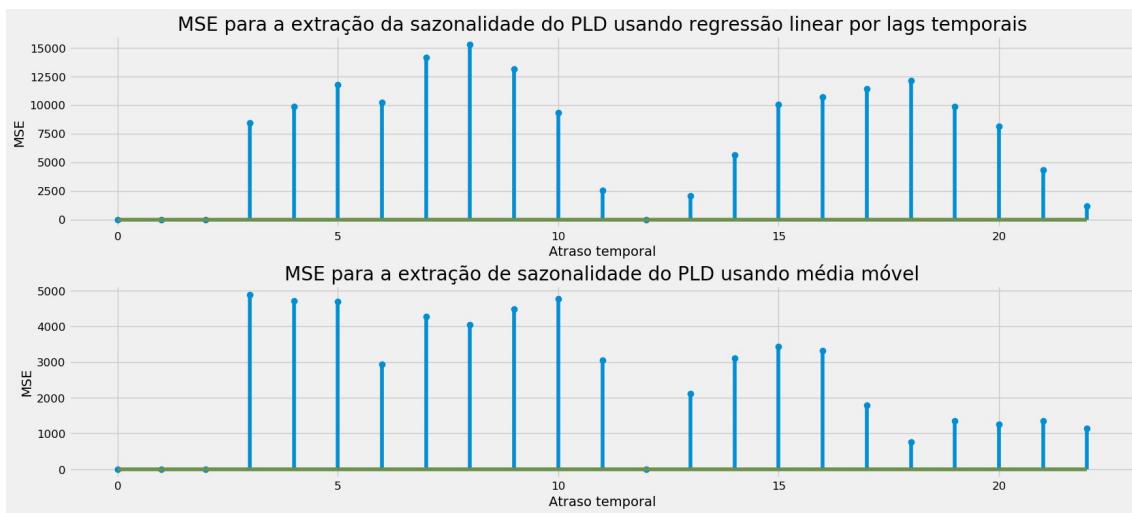


Figura 5.5: Análise do MSE pelo tamanho da janela na extração da sazonalidade.

Nesse caso, observou-se que existe um mínimo local em  $T = 6$  e um mínimo global em  $T = 12$ . Escolheu se o  $T = 6$  por ser um múltiplo comum dos dois. Entre as duas análises, a que trouxe os melhores resultados foi a que utilizou somente a média móvel (na figura 5.6). O resultado mostra que os eventos sazonais que influenciam o preço do PLD são de característica anual majoritariamente. Finalmente obteve-se como resultado da extração os seguintes gráficos:

Na figura 5.6 é possível ver que a distribuição do erro está centrada próxima de 0 R\$/MWh. No gráfico da FFT, observa-se que diferentemente da FFT vista extração do ciclo senoidal, existe um pico por volta de 0.18 rad/amostra. Isso era esperado, uma vez que a parte de baixa frequência foi removida na extração anterior.

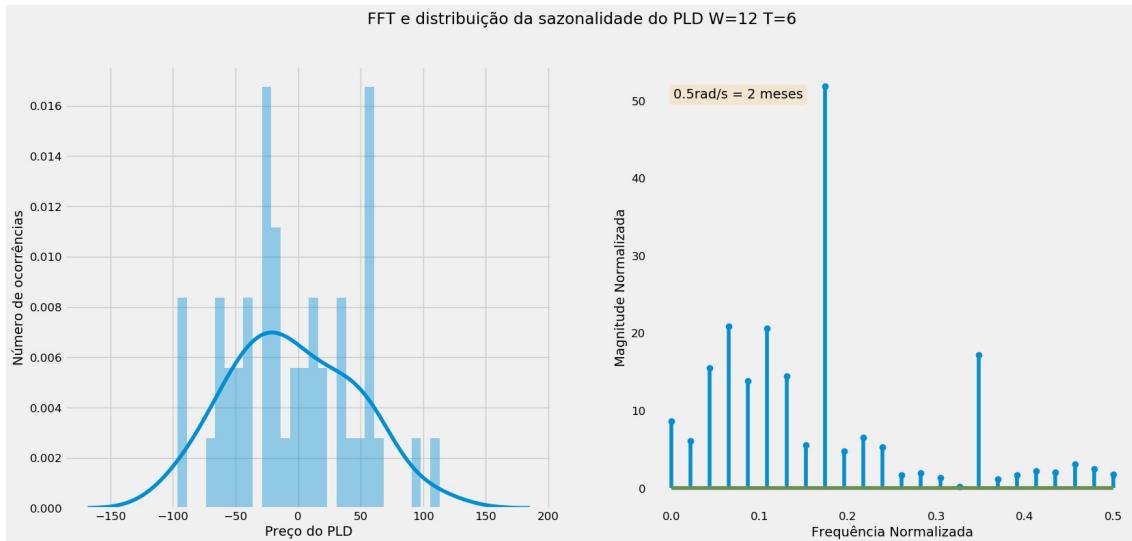


Figura 5.6: Histograma e FFT da sazonalidade obtida.

### 5.1.5 Ciclos Senoidais e Resíduo

Após o processamento descrito acima, obtém sinal  $s_{2t} = cs_t + rest$ , o qual tem a seguinte distribuição e FFT.

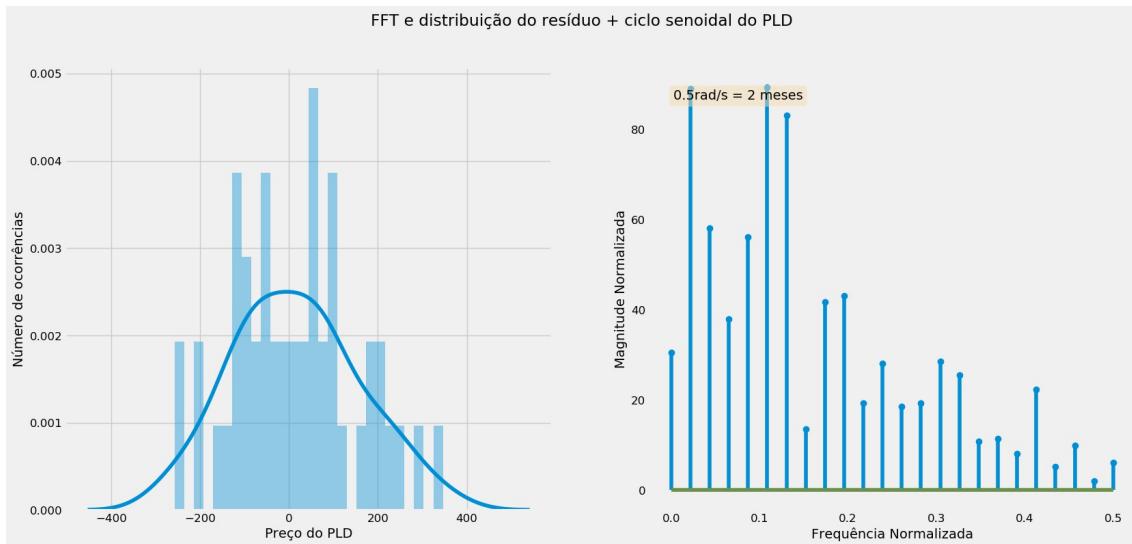


Figura 5.7: Análise do MSE pelo tamanho da janela na extração da sazonalidade.

A distribuição observada está centrada em 0 R\$/MWh e, dentre os picos observados na FFT, o com maior valor absoluto é o que está presente na frequência  $w = 0.10869$  rad/amostra. Sendo assim, a extração do resíduo foi feita com um

filtro Notch na maior frequência observada e  $Q = 0.01$  removendo então a frequência com maior energia na transformada de Fourier. Após este processamento, obteve-se os seguintes resultados:

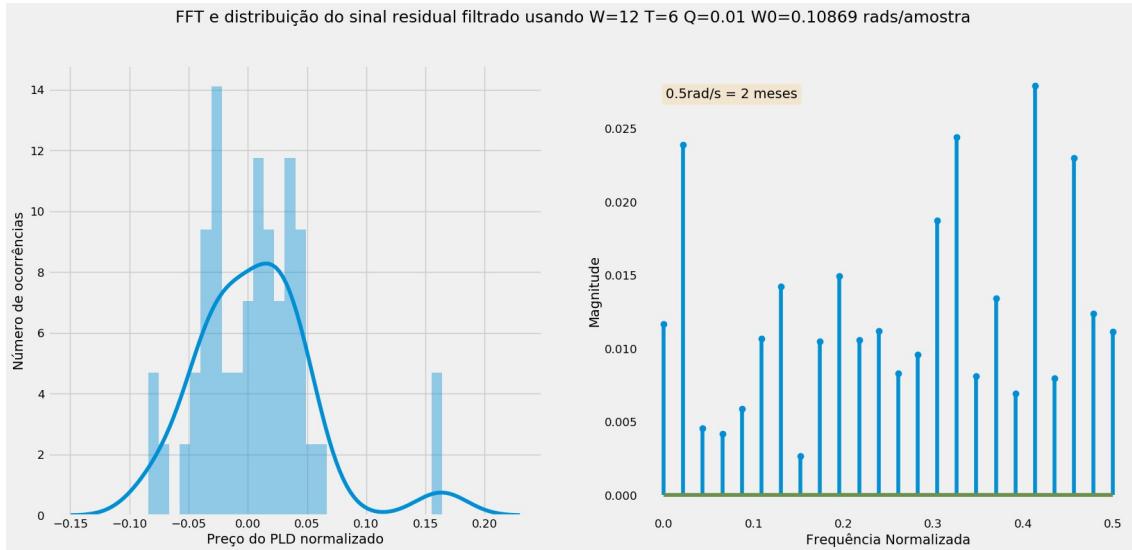


Figura 5.8: Distribuição e FFT após extração da componente de maior energia.

É possível observar que a distribuição continuou centrada em torno de 0 R\$/MWh, porém com um formato diferente. Além disso, a FFT mostra que as magnitudes estão espalhadas por todo o espectro ao invés de concentradas em poucas frequências. Isso atende à expectativa de que o ruído obtido ao final do processamento deveria estar linearmente distribuído pelo espectro.

Ao final do processo, os seguintes resultados foram obtidos:

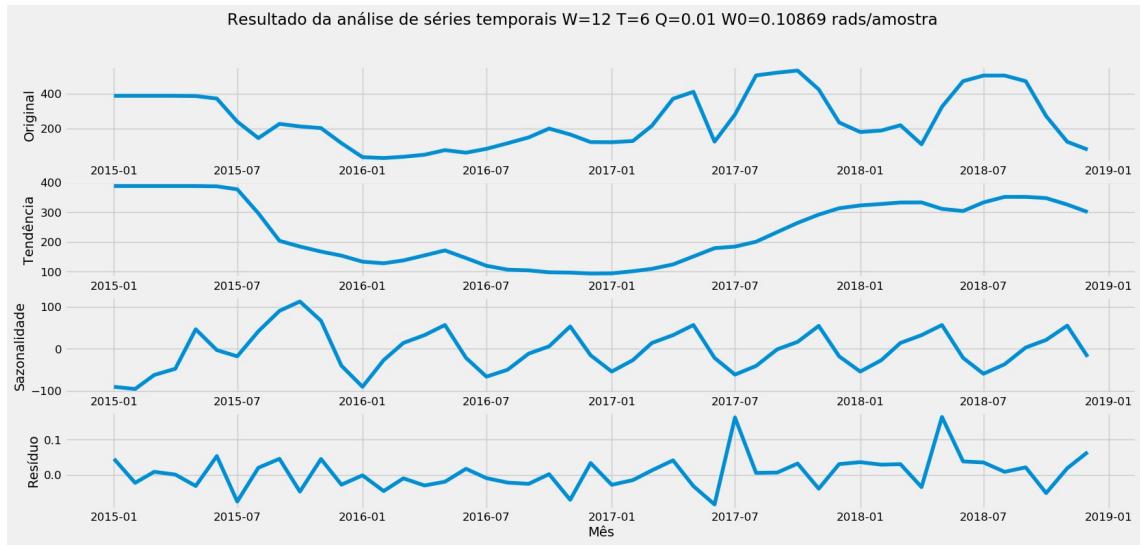


Figura 5.9: Resultado Final com as componentes separadas utilizando o método descrito acima.

## 5.2 Treinamento das redes neurais

Os resultados dos treinamentos presentes nessa seção seguiram a metodologia descrita em 4.4.1. Sendo assim, o primeiro treinamento realizado foi para determinar a estrutura da rede de estimacão da saída para o mês atual.

### 5.2.1 Treinamento da rede para obter a saída no mês atual

Para o treinamento rede para a saída atual, obteve-se o seguinte gráfico de RMSE pelo número de neurônios no conjunto de treinamento:

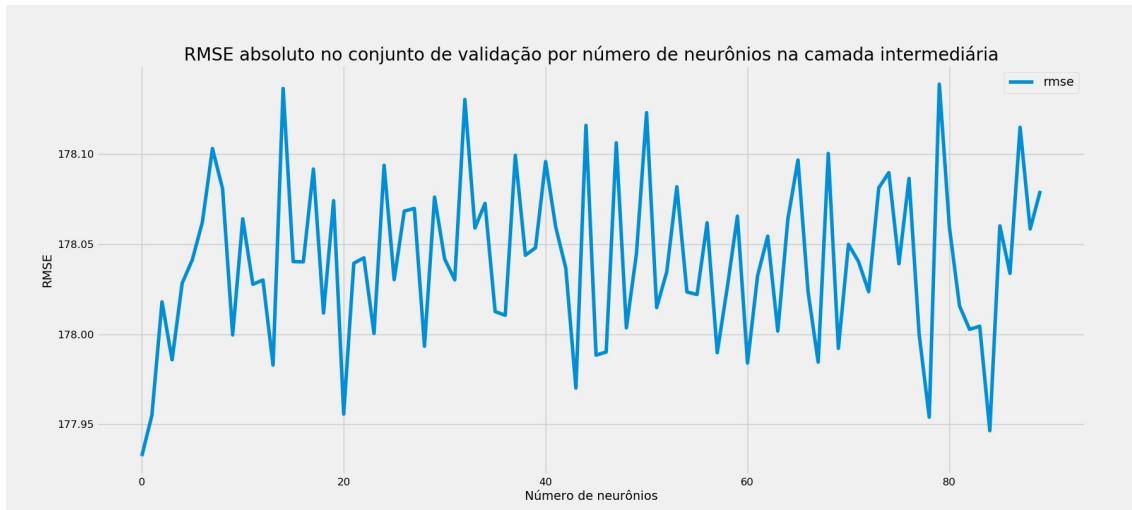


Figura 5.10: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação no mês atual.

No conjunto de testes o resultado foi o seguinte:

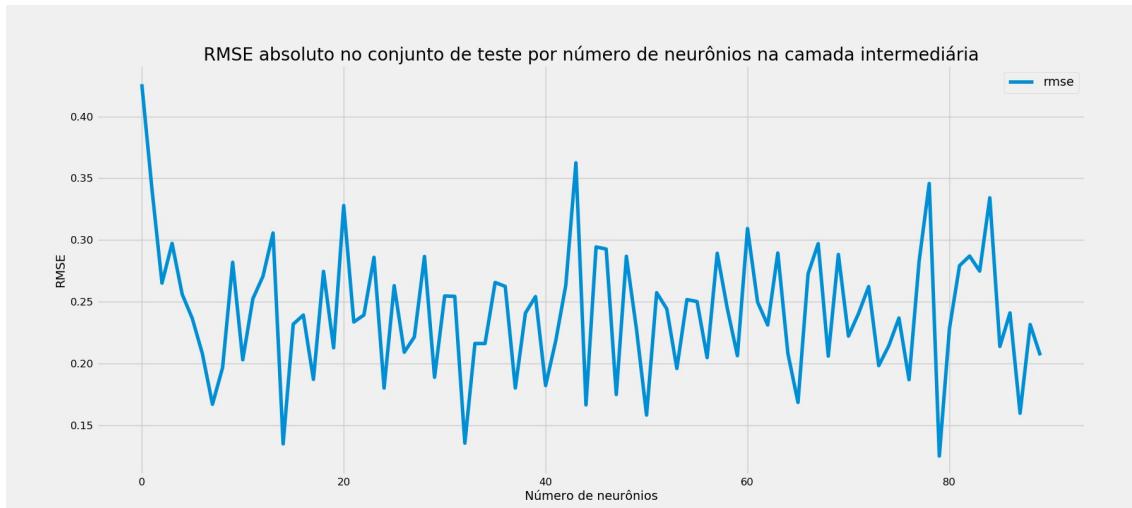


Figura 5.11: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste no mês atual.

Esperava-se que o gráfico do RMSE pelo número de neurônios na camada intermediária fosse decrescente, mas o resultado obtido oscilou em torno do valor médio do RMSE (em torno de 0.22). Isso pode ser uma das consequências da pouca quantidade de dados tanto para teste quanto para a validação. Redes neurais geralmente necessitam de grande conjuntos de dados para que se possa definir os pesos das conexões sinápticas de forma correta. Sendo assim, esse gráfico não foi suficiente para determinar qual estrutura seria utilizada para realizar as previsões. Para poder ran-

quear as estruturas e, então, escolher a utilizada nas previsões, fez a seguinte tabela. Os dados mostrado a seguir contém as 5 melhores estruturas de redes ranqueadas pelo critério  $\epsilon_3$  definido anteriormente:

Tabela 5.1: Resultados obtidos com as redes no conjunto de dados de validação no mês atual.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
61	64,435	61,180	0,998	0,008	-0,007	0,175	0,184
38	66,896	63,894	1,005	0,019	-0,003	0,175	0,194
97	63,509	61,957	1,000	0,001	0,046	0,224	0,225
77	56,788	54,954	1,003	0,010	0,044	0,224	0,234
92	55,370	53,135	0,983	0,063	0,009	0,224	0,287

E com isso o modelo com 61 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas e por subconjuntos:

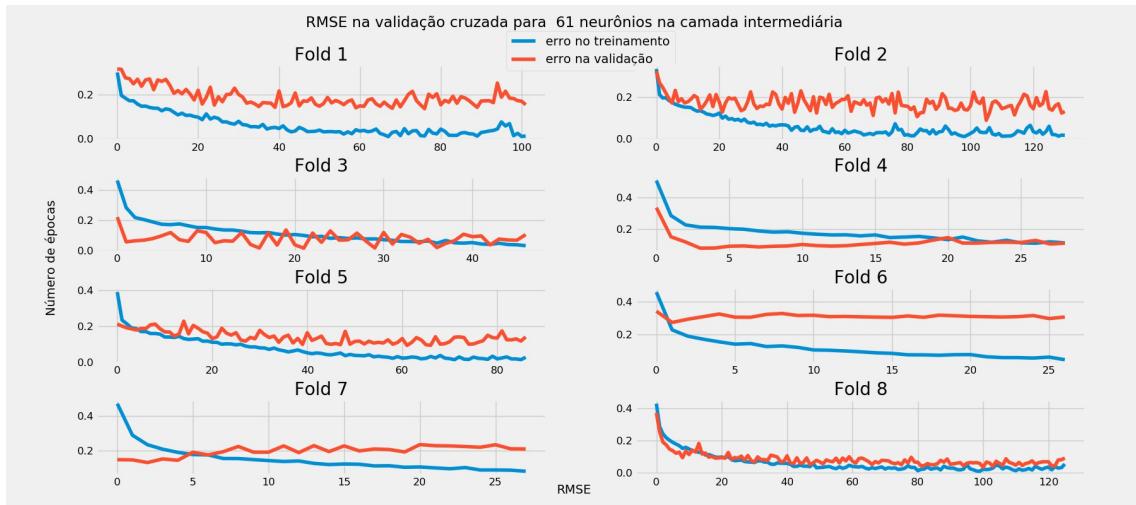


Figura 5.12: Erro pelo número de época e por subconjunto no mês atual.

Apesar de usar um fator de treinamento menor do que o padrão, ainda assim o algoritmo AdaDelta teve dificuldade em convergir para um valor de RMSE. Assim como esperado, o erro no conjunto de validação foi maior que no conjunto de teste.

E os seguintes resultados foram obtidos:

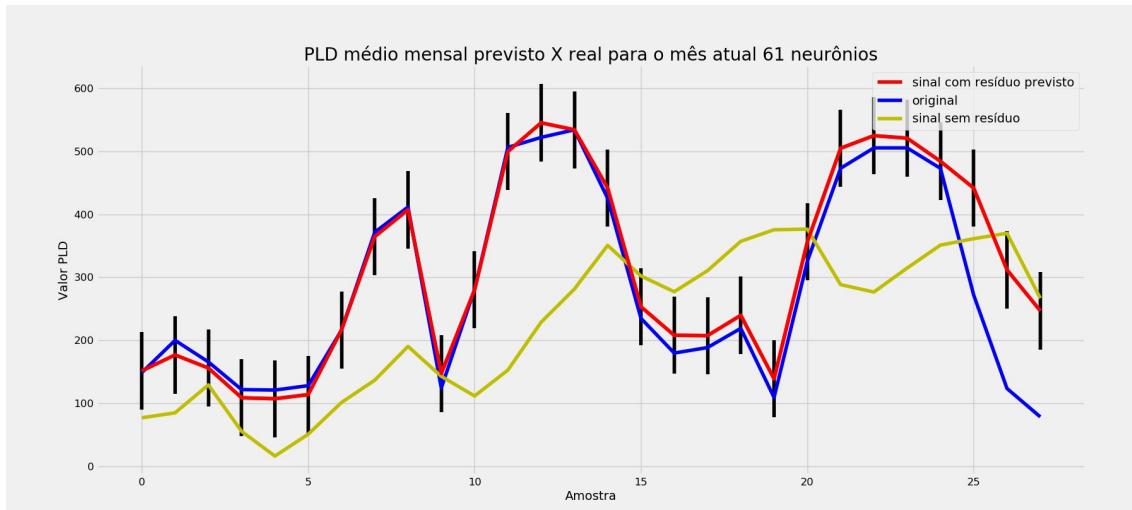


Figura 5.13: Comparação entre o PLD médio e o resultado obtido no mês atual.

Os 3 últimos pontos são do conjunto de dados de teste. Observa-se que a rede não conseguiu prevê-los tão bem quanto os pontos do conjunto de treinamento, assim como esperado.

Dado a pouca quantidade de dados, a rede não obteve o comportamento esperado nos treinamentos por validação cruzada, porém o resultado obtido mostrou que a mesma conseguiu mapear bem a entrada na saída. Sendo assim, viu-se que a rede está sendo treinada de forma coerente para obter  $y(t)$  a partir de  $x(t)$ . Esse caso também será utilizado como base para as previsões, pois espera-se que o erro para  $N$  passos a frente seja sempre maior ou igual ao caso base.

### 5.2.2 Treinamento da rede para obter a saída um mês a frente

Seguindo o procedimento previamente determinado, obteve-se os seguintes resultados para a previsão do PLD para 1 mês a frente:

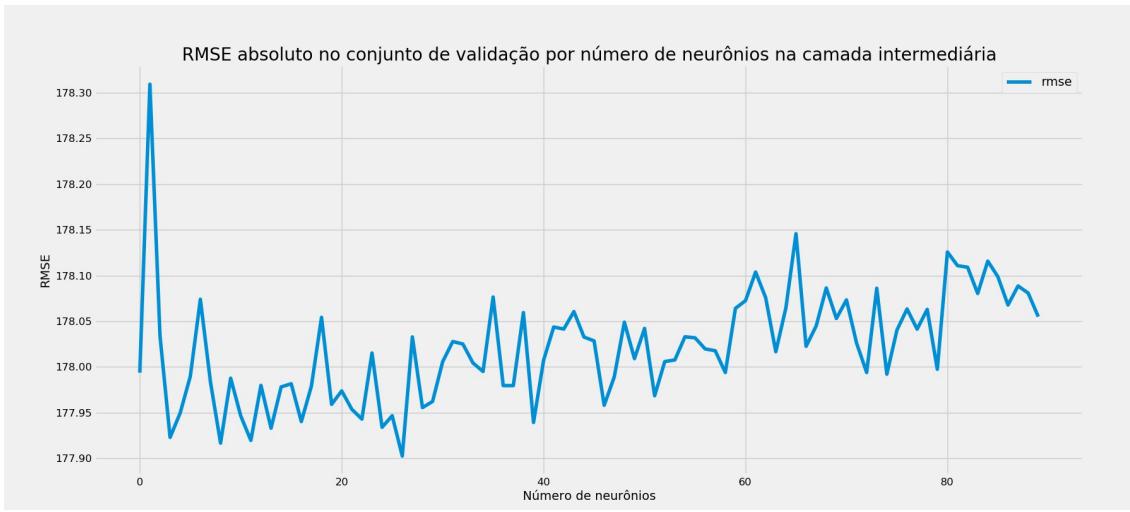


Figura 5.14: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação no mês seguinte.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

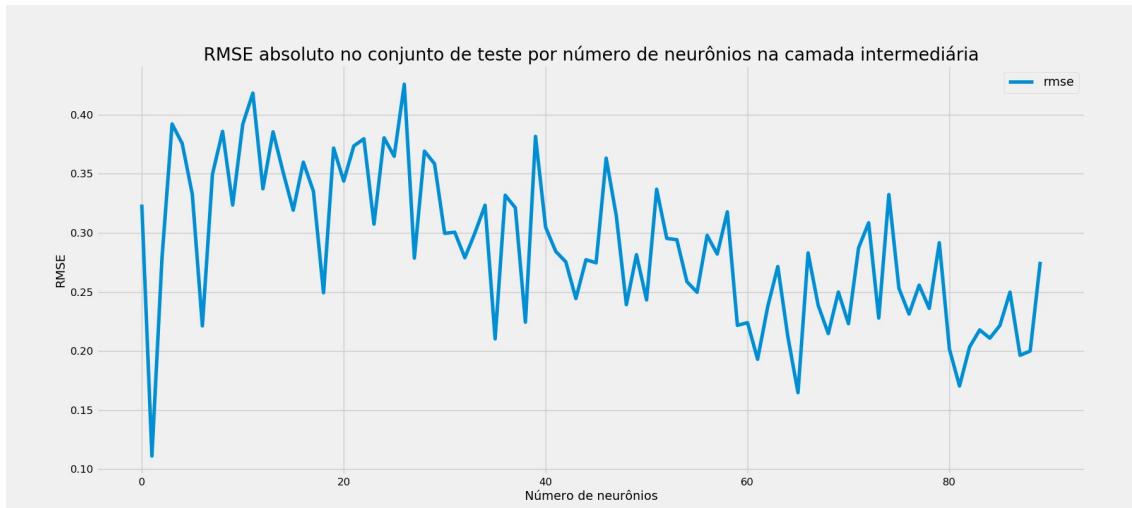


Figura 5.15: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste no mês seguinte.

Novamente observou-se que o gráfico de RMSE pelo número de neurônios não seguiu um formato decrescente contínuo. Sendo assim, utilizou-se a tabela com informações adicionais sobre cada treinamento para auxiliar a escolha do melhor modelo. Os resultados são vistos a seguir:

Tabela 5.2: Resultados obtidos com as redes no conjunto de dados de validação no mês seguinte.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
63	82,911	69,521	0,993	0,002	0,005	0,003	0,004
71	88,327	74,076	0,985	0,004	-0,027	0,014	0,018
25	93,041	73,840	0,966	0,008	0,020	0,010	0,018
50	103,137	93,552	0,927	0,018	0,032	0,016	0,034
51	94,937	81,015	0,860	0,034	0,000	0,000	0,034

E com isso o modelo com 63 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

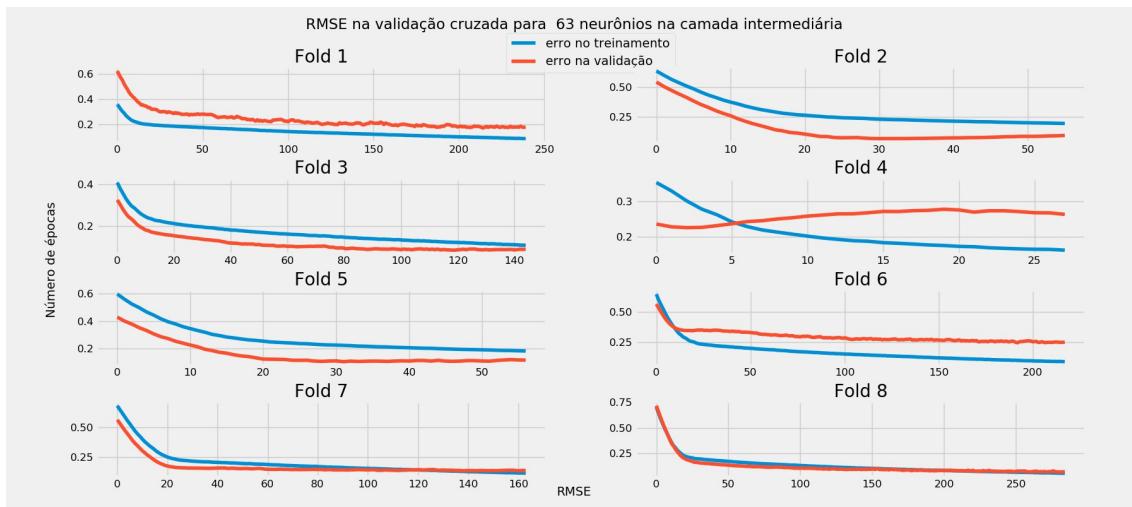


Figura 5.16: Erro pelo número de épocas e por subconjunto no mês seguinte.

E obteve-se os seguintes resultados:

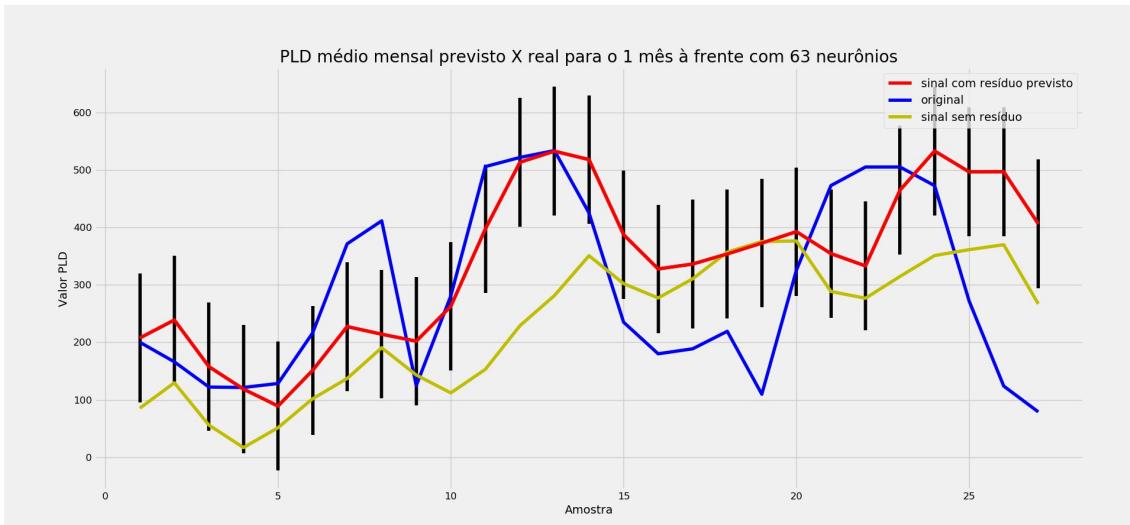


Figura 5.17: Comparação entre o sinal original e o resultado obtido no mês seguinte.

Uma rápida análise qualitativa mostra que a previsão do ruído do sinal fez com que o erro obtido no conjunto de treino fosse menor, porém no conjunto de testes (últimos 3 pontos), o erro foi maior do que o modelo sem ruído.

Para essa previsão, foi treinada uma rede para reduzir o erro de estimativa usando como entrada os dados já mencionados anteriormente. Os erros de estimativa entre o sinal reconstruído e o original foram utilizados como alvos da rede. Obteve-se então os seguintes resultados:

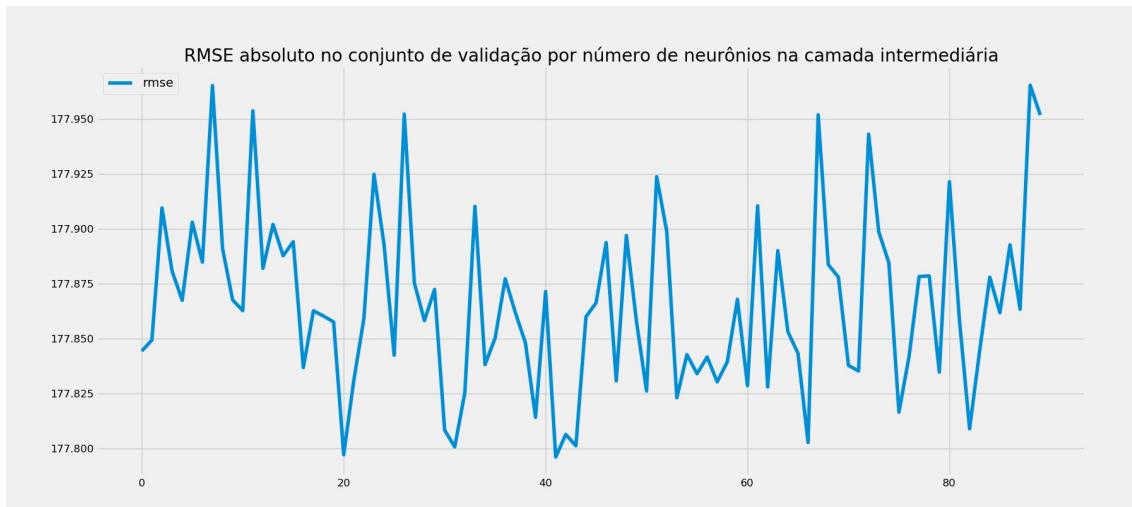


Figura 5.18: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação no mês seguinte com correção de erro.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

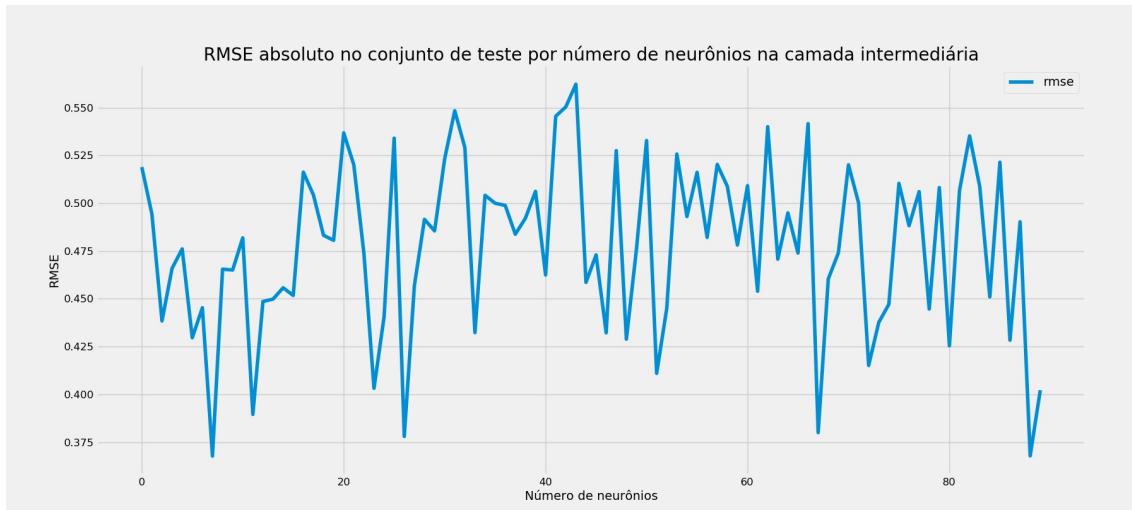


Figura 5.19: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste no mês seguinte com correção de erro.

Tabela 5.3: Resultados obtidos com as redes no conjunto de dados de validação no mês seguinte com correção de erro.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
90	126,678	101,233	1,029	0,001	-0,001	0,000	0,001
14	130,352	98,738	0,973	0,001	-0,002	0,000	0,001
46	137,971	99,784	1,017	0,001	-0,017	0,001	0,002
76	136,014	105,032	0,982	0,001	0,057	0,003	0,004
60	123,420	98,844	1,070	0,002	-0,031	0,002	0,004

E com isso o modelo com 90 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

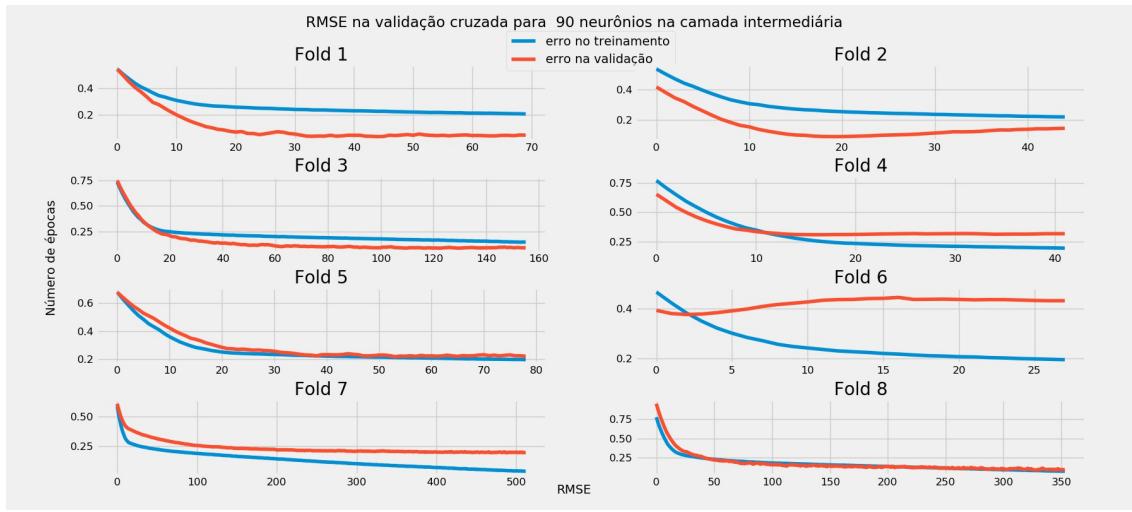


Figura 5.20: Erro pelo número de épocas e por subconjunto no mês seguinte com correção de erro.

E finalmente obteve-se os seguintes resultados:

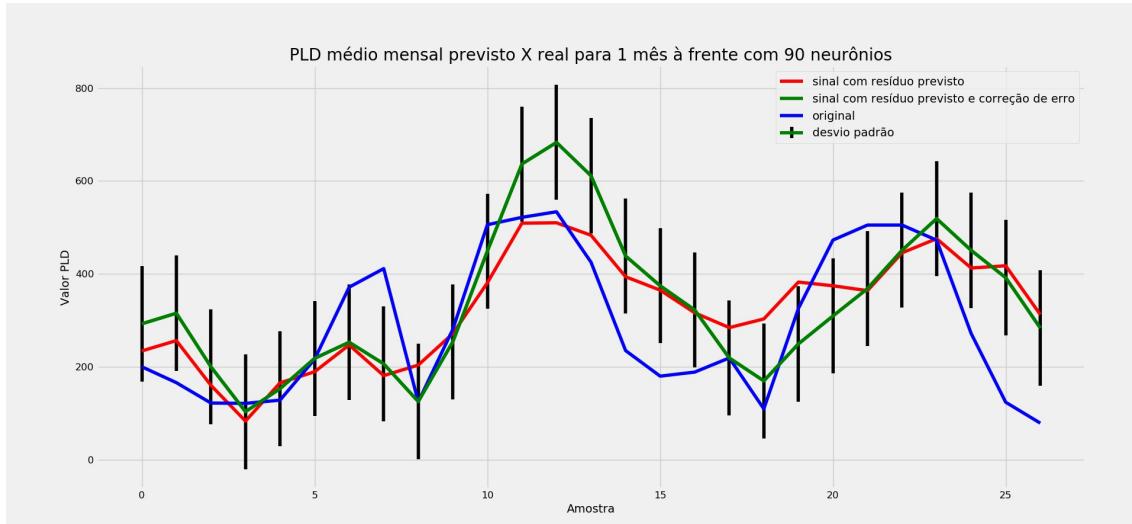


Figura 5.21: Comparação entre o sinal original e o resultado obtido no mês seguinte com correção de erro.

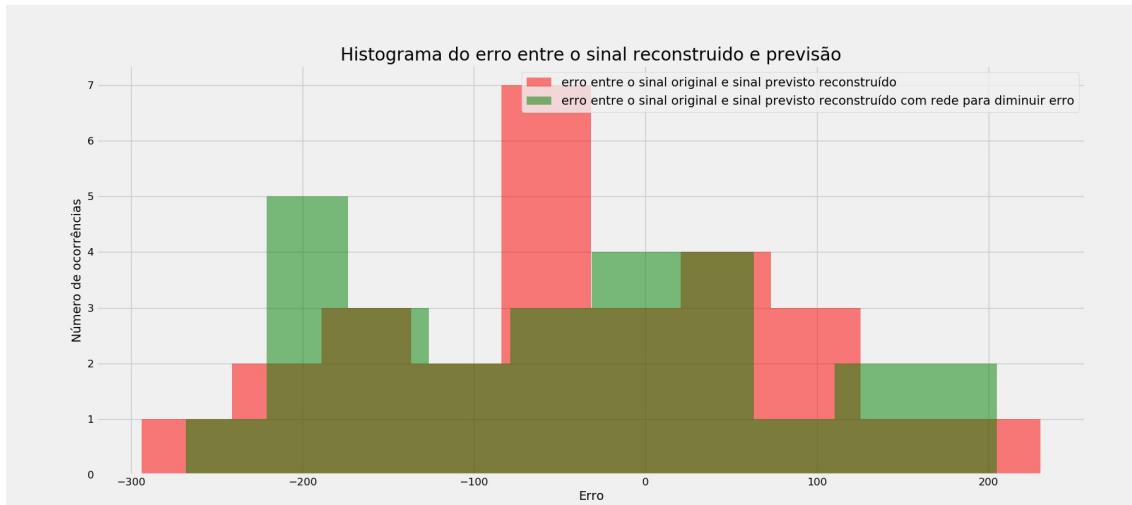


Figura 5.22: Histograma de previsão sem e com a correção de erro.

Pelo histograma é possível ver que a rede de correção do erro de estimativa diminuiu o erro máximo e mínimo, porém a estrutura sem a correção do erro tem maior concentração de pontos próximos do zero. Sendo assim, espera-se que a saída com a correção de erro erre mais, porém com discrepância menor, enquanto espera-se que sem a correção de erro o resultado seja melhor na maioria das vezes, podendo correr o risco de errar muito em alguns pontos.

Realizando novamente uma análise qualitativa, observa-se que o sinal com a rede de correção do erro não parece trazer resultados melhores. O resultado discutido no parágrafo acima é, de fato, observável no gráfico. Cabe a quem for utilizar analisar se compensa mais errar menos na média, porém ter uma chance de errar muito em casos extremos ou errar um pouco mais na média e ter o erro dentro de uma faixa menor.

### 5.2.3 Treinamento da rede para obter a saída para vários meses à frente

A rede para vários meses à frente foi treinada de forma similar ao observado anteriormente, porém nesse caso, observou-se somente a parte residual e não foi treinada uma rede secundária para corrigir o erro de estimativa em cada caso.

A partir dos resultados, gerou-se o seguinte gráfico que mostra o erro da rede em relação ao sinal original para diferentes números de passos a frente:

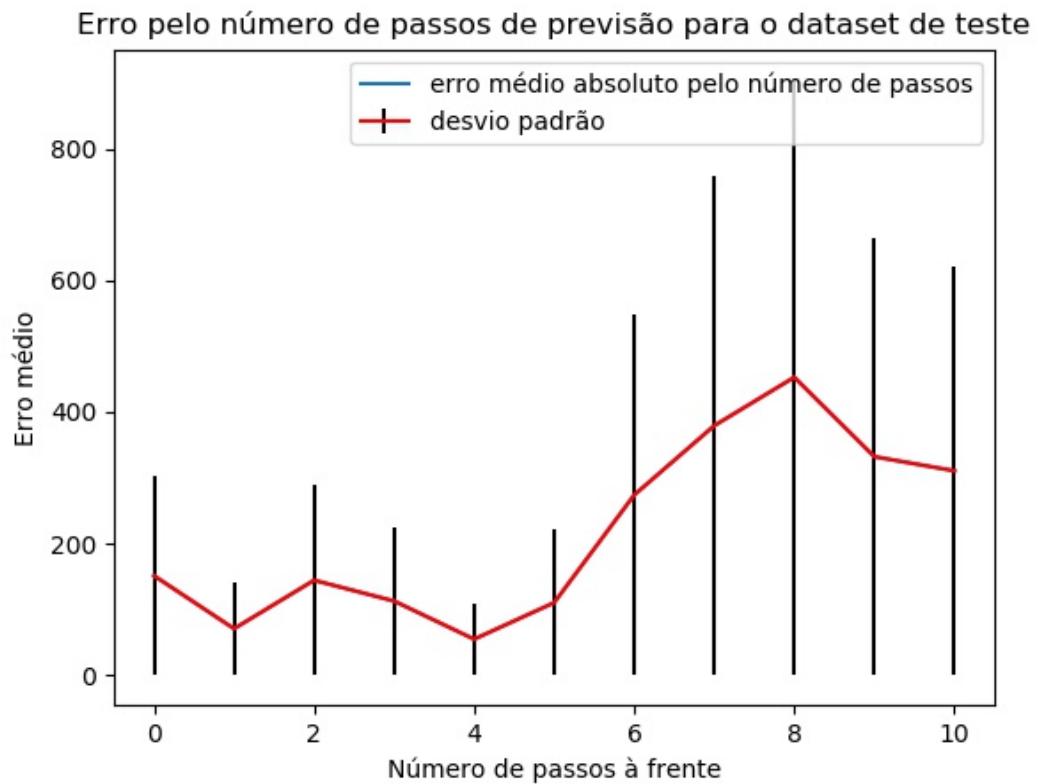


Figura 5.23: Erro no sinal residual pelo número de passos no conjunto de dados de teste.

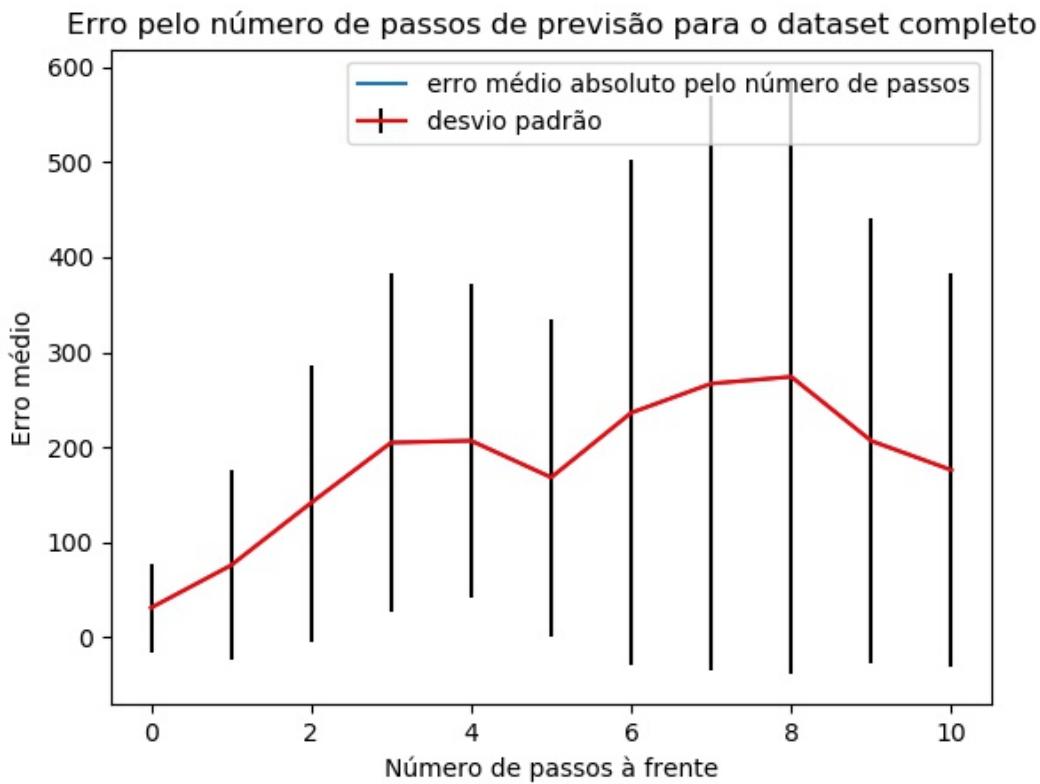


Figura 5.24: Erro no sinal residual pelo número de passos no conjunto de dados de completo.

A tabela com os dados utilizados na seleção de cada modelo, o gráfico de convergência e os resultados obtidos estão presente no apêndice A.

Assim como o esperado, tanto o erro quanto o desvio padrão aumentam com o número de passos a frente, salvo algumas exceções. Além disso, após o quinto mês, os erros de previsão aumentam bastante, tornando pouco informativa a previsão para os meses posteriores

Sendo assim, a previsão para muitos passo a frente traz um risco maior para a análise. Cabe a quem for usar mensurar quanto de risco pode ser tolerado baseado nesses gráficos.

Ainda assim cabe ressaltar que a análise foi feita somente para a parte residual. Provavelmente ao reconstruir o PLD, os erros ainda devem aumentar, pois serão

somados os erros de estimativa da tendência, sazonalidade e ciclos senoidais. A estratégia da rede para a correção dos erros pode ser aplicada para cada um dos casos buscando deixar a distribuição do erro mais concentrada em torno do zero.

Ao final do processo obteve-se um modelo de estimativa do PLD para o mês atual que foi utilizado como base para as análises seguintes. Além disso, criou-se um método de ranqueamento dos modelos com baseada em parâmetros como o coeficiente angular e offset no *scatter plot*. Outra abordagem explorada nesse texto foi uma rede para corrigir o erro de uma primeira rede.

O resultado final do trabalho foi, então, a definição de um método para avaliar estruturas de redes neurais em casos onde há poucos dados. Este método pode ser usado e replicado em outras aplicações. Os gráficos 5.23 e 5.24 mostram que, assim como esperado para um modelo de previsão com número de passos variáveis, o erro cresce conforme a necessidade de prever eventos mais à frente.

# Capítulo 6

## Conclusões

Neste trabalho foi proposto um modelo baseado em redes neurais, com o objetivo de prever o valor médio do PLD para alguns meses a frente. Para isso, foi necessária a decomposição do sinal, deixando para o treinamento da rede somente a parte não-determinística. Foram testados diferentes métodos de extração das componentes até chegar na que foi utilizada no Capítulo 5. Além disso, as MLPs foram treinadas para quantidades variadas de neurônios na camada intermediária, buscando a melhor arquitetura que solucionasse o problema proposto.

Ao final do projeto, obteve-se um método de seleção do número de neurônios para MLPs com uma camada escondida e quantidade de dados reduzida. Além disso, a própria extração das componentes, pode trazer valor se analisada com cuidado, pois a tendência, sazonalidade e ciclos senoidais podem ajudar no entendimento dos fenômenos observado na curva do PLD.

Devido ao fato do modelo ter erros de estimação relativamente elevados, não é possível utilizar o mesmo de forma direta para prever o valor do PLD. Apesar disso, pode-se usar o mesmo em outras aplicações, como por exemplo, análise de relevância das variáveis de entrada. Há também a possibilidade de realizar previsões sobre os patamares dos valores, assim como visto na figura 2.8a. Sendo assim, é possível utilizar o modelo na tomada de decisões estratégicas.

Quanto às conclusões obtidas através do experimento, observou-se que o erro tem uma tendência crescente conforme o número de meses à frente, assim como

esperado. Isso torna cada vez mais complexa a utilização do modelo para cenário muito distantes, sendo que a após os 5 meses, o erro de previsão aumenta bastante. A aplicação da rede para correção dos erros trouxe para a previsão um compromisso entre erro máximo e médio, conforme a arquitetura escolhida.

Para trabalhos futuros, seria interessante comparar os resultados obtidos com modelos diferentes, como por exemplo, SARIMA e GARCH e ADALASSO. Além disso, podem ser exploradas outras formas de extração das componentes da série temporal, de forma a obter um sinal residual com menos energia dos que os que foram encontrados.

Outra abordagem pode ser a de considerar os dados para os anos anteriores 2015 e analisar quanto isso afeta a previsão do PLD médio mensal. Nesse caso, cabe também utilizar estruturas de redes neurais mais complexas, como por exemplo LSTM - *Long Short-Term Memory*.

# Referências Bibliográficas

- [1] CCEE, “Câmara de Comercialização de Energia Elétrica”, <https://www.ccee.org.br/>, 2019, (Acesso em 31 Janeiro 2019).
- [2] (1988), N., “Monthly New York City births: unknown scale. Jan 1946 ? Dec 1959”, <https://datamarket.com/data/set/22nv/monthly-new-york-city-births-unknown-scale-jan-1946-dec-1959#!ds=22nv&display=line>, 1988, (Acesso em 9 de Abril 2019).
- [3] EPE, “Empresa de Pesquisa Energética”, <http://www.epe.gov.br/pt/abcdenergia/matrizes-energeticas-eletrica>, 2018, (Acesso em 26 Janeiro 2019).
- [4] SILVA, E. F. D., *Principais Condicionantes das alterações no modelo de comercialização*. M.Sc. dissertation, Escola Politécnica da Universidade de São Paulo, 2008.
- [5] ONS, “Operador Nacional do Sistema Elétrico”, <http://ons.org.br/>, 2019, (Acesso em 27 Janeiro 2019).
- [6] SILVA, B. G. D., *Evolução do setor elétrico brasileiro no contexto econômico nacional: Uma análise histórica e econométrica de longo prazo*. Ph.D. dissertation, Universidade de São Paulo - Programa de pós-graduação em energia EP-FEA-IEE-IF, 2011.
- [7] ANEEL, “Bem-vindo à ANEEL!”, <https://www.aneel.gov.br/a-aneel>, 2020, (Acesso em 29 Fevereiro 2020).
- [8] JURÍDICOS, S. P. A., “DECRETO Nº 2.003, DE 10 DE SETEMBRO DE 1996”, [http://www.planalto.gov.br/ccivil\\_03/decreto/D2003.html](http://www.planalto.gov.br/ccivil_03/decreto/D2003.html), 2020, (Acesso em 29 Fevereiro 2020).

- [9] CASTRO, N. J. D., LEITE, A. L. D. S., “Preço spot de eletricidade: teoria e evidências do caso brasileiro”, *IV Encontro de Enconomia Catarinense, 2010, Criciúma*, , 2010.
- [10] CAVALIERE, M. A., “Previsão de preços futuros de energia elétrica no ambiente de contratação livre - uma abordagem de equilíbrio de mercado sob incertezas”, 2017, Monografia (Engenharia da Produção), UFRJ (Universidade Federal do Rio de Janeiro), Rio de Janeiro, Brasil.
- [11] FILHO, J. C. R., *Previsão multi-passo a frente do preço de energia elétrica de curto prazo no mercado brasileiro*. Ph.D. dissertation, Universidade Federal do Pará - Instituto de Tecnologia, programa de pós-graduação em engenharia elétrica, 2014.
- [12] BARRETO, E. P. B. M., “Smart grid: Eficiência energética e a geração distribuída a partir das redes inteligentes”, 2018, Monografia (Engenharia Elétrica), UFRJ (Universidade Federal do Rio de Janeiro), Rio de Janeiro, Brasil.
- [13] ANEEL, “Resolução normativa nº 482, de 17 de abril de 2012”, <http://www2.aneel.gov.br/cedoc/ren2012482.pdf>, 2019, (Acesso em 26 Fevereiro 2019).
- [14] IVASHINA, V., SCHARFSTEIN, D., “Bank lending during the financial crisis of 2008”, *Journal of Financial Economics*, v. 97, n. 3, pp. 319 – 338, 2010. The 2007-8 financial crisis: Lessons from corporate finance.
- [15] UFJF, E. I., “Especial: A crise energética brasileira”, <http://energainteligenteufjf.com/especial/especial-a-crise-energetica-brasileira/>, 2019, (Acesso em 26 Fevereiro 2019).
- [16] CEPEL, “Documentação Técnica das metodologias e modelos de otimização energética do CEPEL”, <http://www.cepel.br/sala-de-imprensa/noticias/menu/noticias/documentacao-tecnica-das-metodologias-e-modelos-de-otimizacao-energetica-do-cepel.htm>, 2019, (Acesso em 26 Fevereiro 2019).

- [17] SILVA, A. P. S., “Previsão do preço de liquidação das diferenças por meio de redes neurais artificiais”, 2018, Monografia (Engenharia Elétrica), UFOP (Universidade Federal de Ouro Preto), Minas Gerais, Brasil.
- [18] JUNIOR, F. R., *Redes neurais diretas e recorrentes na previsão do preço de energia elétrica de curto prazo no mercado brasileiro*. M.Sc. dissertation, Universidade Federal do Pará, 2016.
- [19] RODRIGUES, A. L., *Redes neurais artificiais aplicadas na previsão de preços do mercado spot de energia elétrica*. M.Sc. dissertation, Universidade de São Paulo, 2009.
- [20] NASCIMENTO, F. B. D., “Redes Neurais Artificiais Aplicadas à Predição do Preço De Liquidação das Diferenças no Mercado De Energia”, 2017, Monografia (Engenharia Elétrica), UFJF (Universidade Federado de Juiz de Fora), Minas Gerais, Brasil.
- [21] SOUSA, A. J. S. D., *Análise e Previsão da Volatilidade do Preço de Liquidação das Diferenças no Mercado Brasileiro Utilizando o Modelo GARCH*. M.Sc. dissertation, Universidade Federal da Bahia, 2013.
- [22] Martinez Alvarez, F., Troncoso, A., Riquelme, J. C., *et al.*, “Energy Time Series Forecasting Based on Pattern Sequence Similarity”, *IEEE Transactions on Knowledge and Data Engineering*, v. 23, n. 8, pp. 1230–1243, Aug 2011.
- [23] Rodriguez, C. P., Anders, G. J., “Energy price forecasting in the Ontario competitive power system market”, *IEEE Transactions on Power Systems*, v. 19, n. 1, pp. 366–374, Feb 2004.
- [24] Amjady, N., Hemmati, M., “Energy price forecasting - problems and proposals for such predictions”, *IEEE Power and Energy Magazine*, v. 4, n. 2, pp. 20–29, March 2006.
- [25] HONG, T., PINSON, P., FAN, S., *et al.*, “Probabilistic energy forecasting: Global Energy Forecasting Competition 2014 and beyond”, *International Journal of Forecasting*, v. 32, n. 3, pp. 896 – 913, 2016.

- [26] SHAFIE-KHAH, M., MOGHADDAM, M. P., SHEIKH-EL-ESLAMI, M., “Price forecasting of day-ahead electricity markets using a hybrid forecast method”, *Energy Conversion and Management*, v. 52, n. 5, pp. 2165 – 2169, 2011.
- [27] EHLERS, R. S., “Análise de Séries Temporais”, <http://www.each.usp.br/rvicente/AnaliseDeSeriesTemporais.pdf>, 2009.
- [28] MAKRIDAKIS, W., HYNDMAN, “Sales of shampoo over a three year period”, <https://datamarket.com/data/set/22r0/sales-of-shampoo-over-a-three-year-period#!ds=22r0&display=line>, 1998, (Acesso em 9 de Abril 2019).
- [29] CALÔBA, L. P., *Introdução ao Uso de Redes Neurais na Modelagem de Sistemas Dinâmicos e Séries Temporais*. XIV Congresso Brasileiro de Automática, Natal, 2002.
- [30] PEREIRA, D. F. R., “Aprendizado de máquina e aprendizado profundo para apoio à decisão no mercado financeiro”, 2018, Monografia (Engenharia Eletrônica e da Computação), UFRJ (Universidade Federal do Rio de Janeiro), Rio de Janeiro, Brasil.
- [31] ORFANIDIS, S. J., *Introduction to Signal Processing*. Pearson Education, 2002. pp. 464-523.
- [32] SILVA, I. N. D., SPATTI, D. H., FLAUZINO, R. A., *Redes neurais artificiais para engenharia e ciências aplicadas*. Artliber Editora, 2010.
- [33] GURNEY, K., *An Introduction to Neural Networks*. Bristol, PA, USA, Taylor & Francis, Inc., 1997.
- [34] ESCOLA, B., “O que é neurônio?”, <https://brasilescola.uol.com.br/o-que-e/biologia/o-que-e-neuronio.htm>, 2019.
- [35] VINICIUS, A., “Redes Neurais Artificiais”, <https://medium.com/@avinicius.adorno/redes-neurais-artificiais-418a34ea1a39>, 2017.

- [36] HILDEBRANDT, T. H., DINGLE, A., “Improving C++ Performance Using Temporaries”, *Computer*, v. 29, n. 03, pp. 31–41, mar 1998.
- [37] BISHOP, C. M., *Pattern Recognition and Machine Learning (Information Science and Statistics)*. Berlin, Heidelberg, Springer-Verlag, 2006.
- [38] SHARMA, S., “Redes Neurais Artificiais”, <https://towardsdatascience.com/activation-functions-neural-networks-1cbd9f8d91d6>, 2017.
- [39] BHATTARAI, S., “tanh-activation-function”, <https://saugatbhattarai.com.np/what-is-activation-functions-in-neural-network-nn/logistic-sigmoid-unipolar-tanh-bipolar/>, 2018.
- [40] HE, K., ZHANG, X., REN, S., *et al.*, “Delving Deep into Rectifiers: Surpassing Human-Level Performance on ImageNet Classification”, *CoRR*, v. abs/1502.01852, 2015.
- [41] SARKAR, K., “ReLU : Not a Differentiable Function: Why used in Gradient Based Optimization? and Other Generalizations of ReLU.”, <https://medium.com/@kanchansarkar/relu-not-a-differentiable-function-why-used-in-gradient-based-optimization-7fef3a4cece>, 2018.
- [42] AGARAP, A. F., “Deep Learning using Rectified Linear Units (ReLU)”, *CoRR*, v. abs/1803.08375, 2018.
- [43] CHENG, H.-T., KOC, L., HARMSEN, J., *et al.*, “Wide & Deep Learning for Recommender Systems”. In: *Proceedings of the 1st Workshop on Deep Learning for Recommender Systems*, DLRS 2016, pp. 7–10, New York, NY, USA, 2016.
- [44] TANG, Y., “Deep Learning using Support Vector Machines”, *CoRR*, v. abs/1306.0239, 2013.
- [45] Hecht-Nielsen, “Theory of the backpropagation neural network”. In: *International 1989 Joint Conference on Neural Networks*, pp. 593–605 vol.1, 1989.
- [46] GARDNER, M., DORLING, S., “Artificial neural networks (the multilayer perceptron)—A review of applications in the atmospheric sciences”, *Atmospheric Environment*, v. 32, n. 14-15, pp. 2627–2636, 1998.

- [47] SCHMIDHUBER, J., “Deep learning in neural networks: An overview”, *Neural Networks*, v. 61, pp. 85 – 117, 2015.
- [48] DENG, L., YU, D., “Deep Learning: Methods and Applications”, *Foundations and Trends® in Signal Processing*, v. 7, n. 3?4, pp. 197–387, 2014.
- [49] HINTON, G., DENG, L., YU, D., *et al.*, “Deep Neural Networks for Acoustic Modeling in Speech Recognition”, *IEEE Signal Processing Magazine*, v. 29, pp. 82–97, November 2012.
- [50] MOREIRA, S., “Rede Neural Perceptron Multicamadas”, <https://medium.com/ensina-ai/rede-neural-perceptron-multicamadas-f9de8471f1a9>, 2018.
- [51] YAM, J. Y., CHOW, T. W., “A weight initialization method for improving training speed in feedforward neural network”, *Neurocomputing*, v. 30, n. 1, pp. 219 – 232, 2000.
- [52] HSIAO, T.-C. R., LIN, C.-W., CHIANG, H. K., “Partial least-squares algorithm for weights initialization of backpropagation network”, *Neurocomputing*, v. 50, pp. 237 – 247, 2003.
- [53] Russo, D., Zou, J., “How much does your data exploration overfit? Controlling bias via information usage”, *arXiv e-prints*, p. arXiv:1511.05219, Nov 2015.
- [54] DABBURA, I., “Gradient Descent Algorithm and Its Variants”, <https://towardsdatascience.com/gradient-descent-algorithm-and-its-variants-10f652806a3>, 2017.
- [55] Arlot, S., Celisse, A., “A survey of cross-validation procedures for model selection”, *arXiv e-prints*, p. arXiv:0907.4728, Jul 2009.
- [56] COUTO, E., “Bias vs. Variância (Parte 2)”, <https://ericcouto.wordpress.com/2013/07/18/bias-vs-variancia-parte-2/>, 2013.
- [57] PANDAS, “Pandas”, <https://pandas.pydata.org/>, 2020, (Acesso em 07 Março 2020).

- [58] LEARN, S., “sklearn.preprocessing.MinMaxScaler”, <https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.preprocessing.MinMaxScaler.html>, 2019.
- [59] ZEILER, M. D., “ADADELTA: An Adaptive Learning Rate Method”, 2012.

# Apêndice A

## Outros resultados

### A.1 Previsão para 2 meses à frente

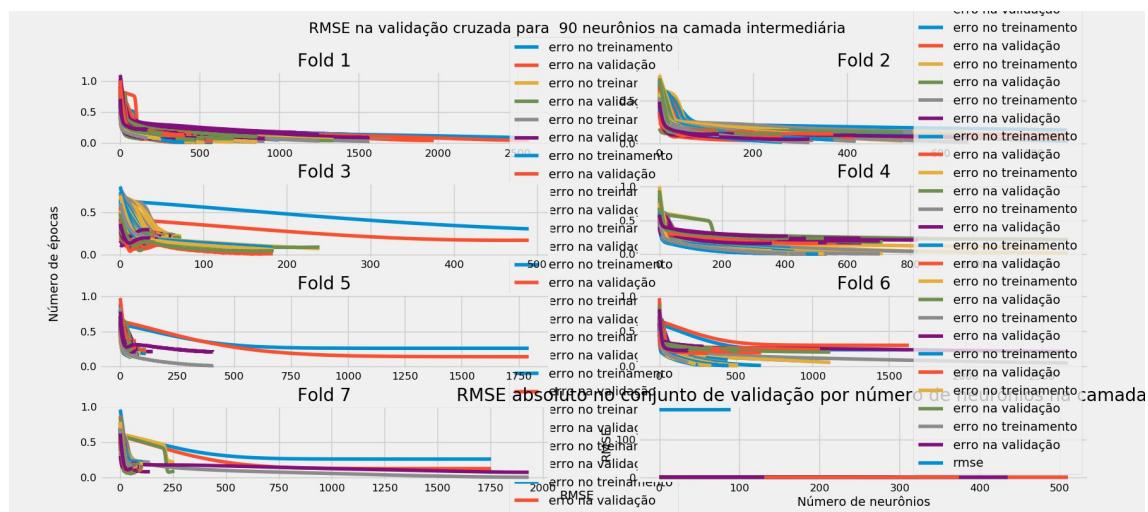


Figura A.1: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

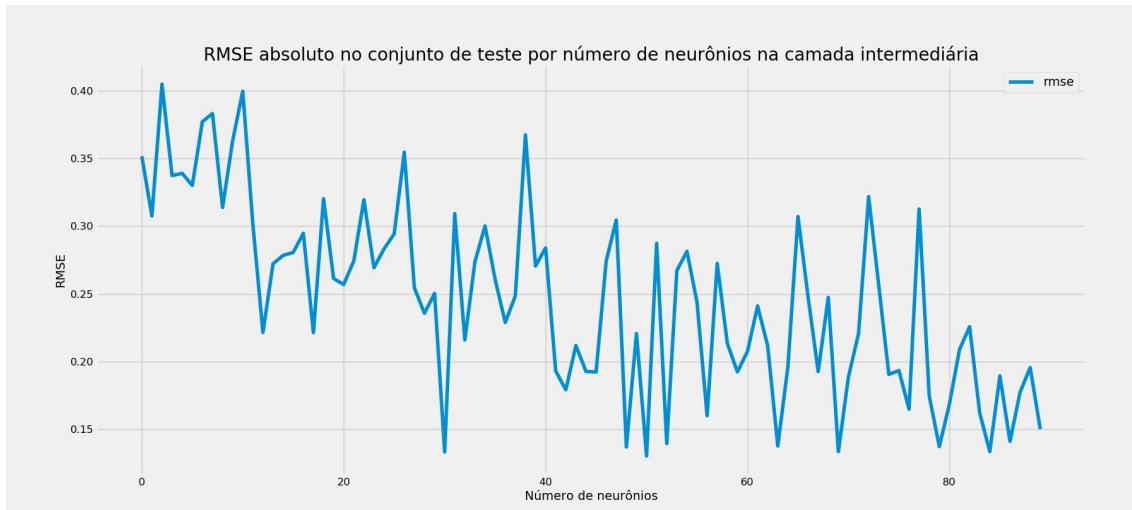


Figura A.2: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste.

Tabela A.1: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 2 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
69	97,141	76,580	1,029	0,001	0,011	0,000	0,001
79	96,834	84,359	0,945	0,001	0,022	0,001	0,002
42	100,878	80,880	1,056	0,001	-0,022	0,001	0,002
86	96,153	77,890	0,945	0,001	-0,032	0,001	0,002
58	108,011	83,478	1,181	0,003	0,001	0,000	0,003

E com isso o modelo com 69 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

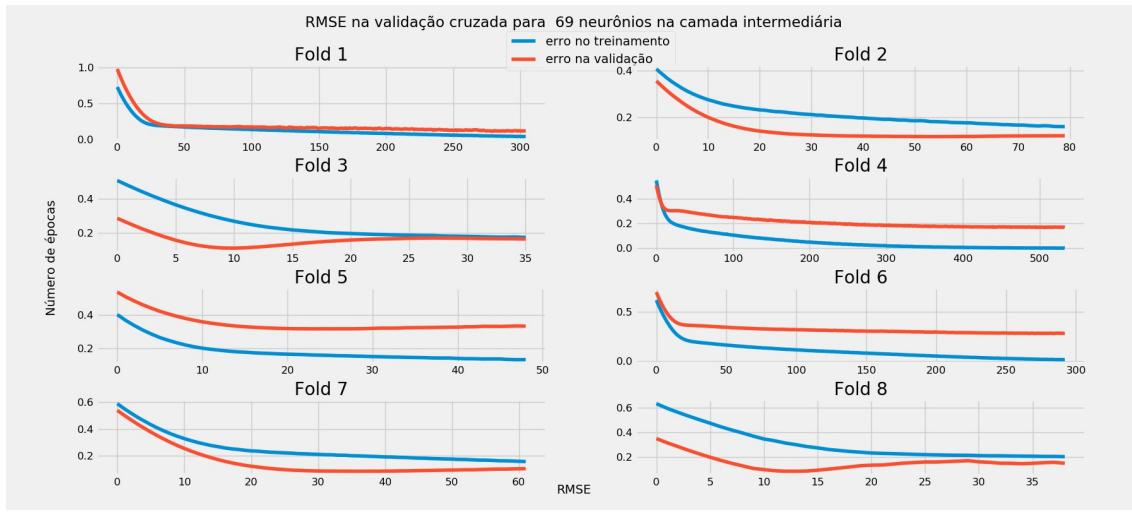


Figura A.3: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 2 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

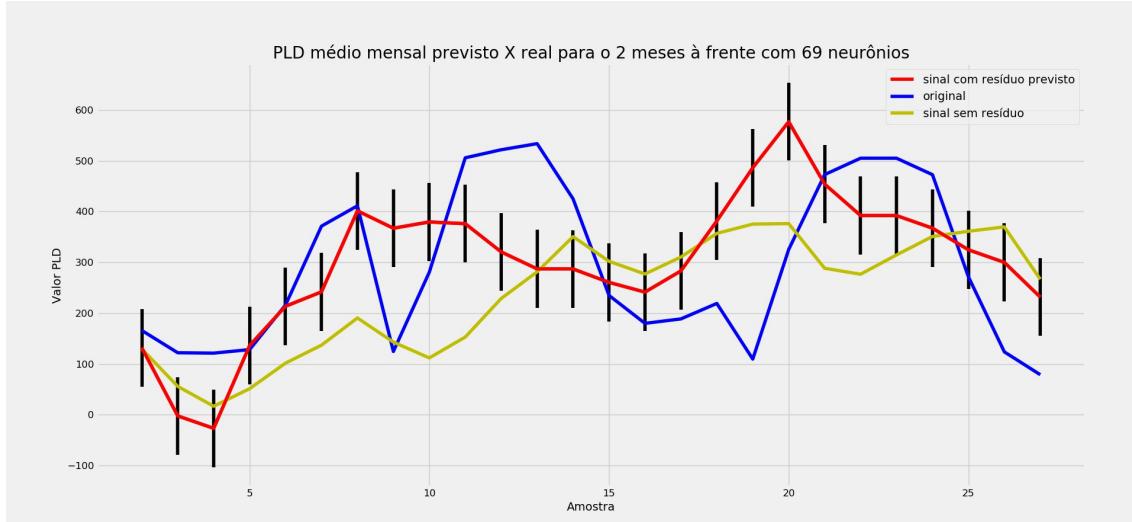


Figura A.4: Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 2 meses à frente.

## A.2 Previsão para 3 meses à frente

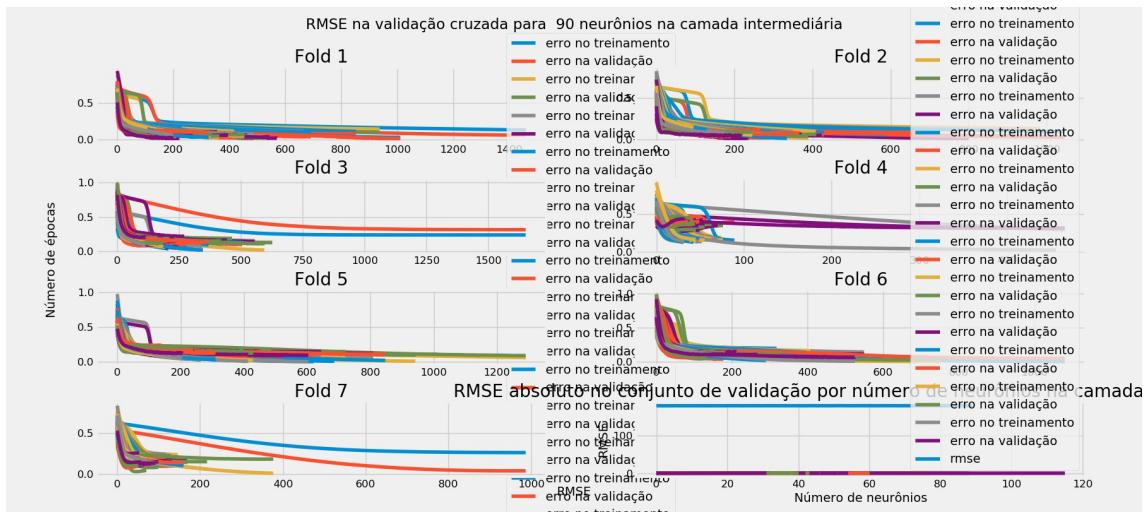


Figura A.5: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 3 meses à frente.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

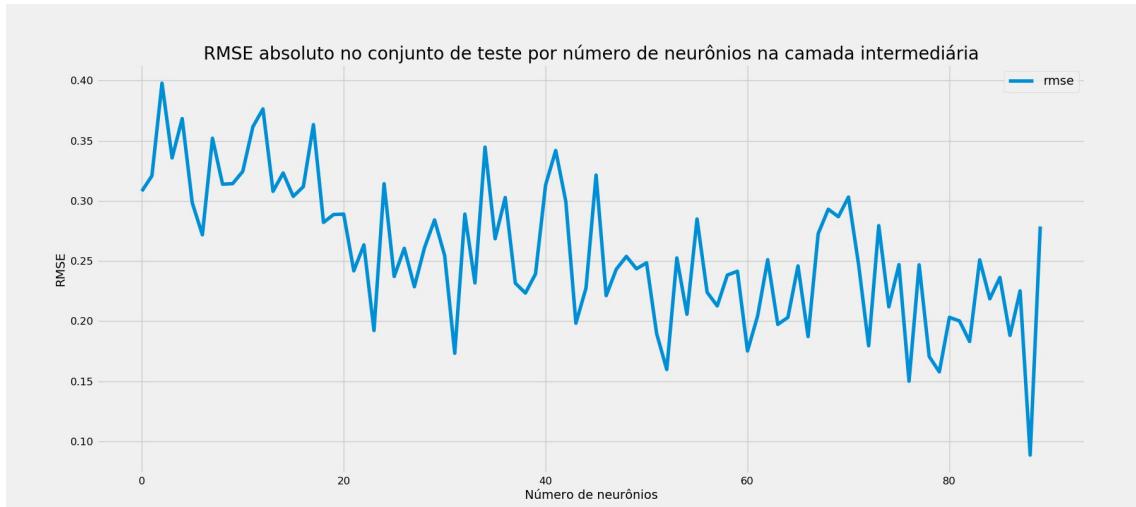


Figura A.6: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 3 meses à frente.

Tabela A.2: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 3 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
88	75,835	69,489	1,003	0,000	0,019	0,004	0,004
39	79,729	69,457	0,906	0,006	-0,008	0,002	0,008
62	78,011	70,262	0,954	0,003	0,052	0,011	0,014
61	88,784	75,252	0,845	0,010	0,023	0,005	0,015
27	72,325	64,862	0,906	0,006	0,049	0,010	0,016

E com isso o modelo com 88 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

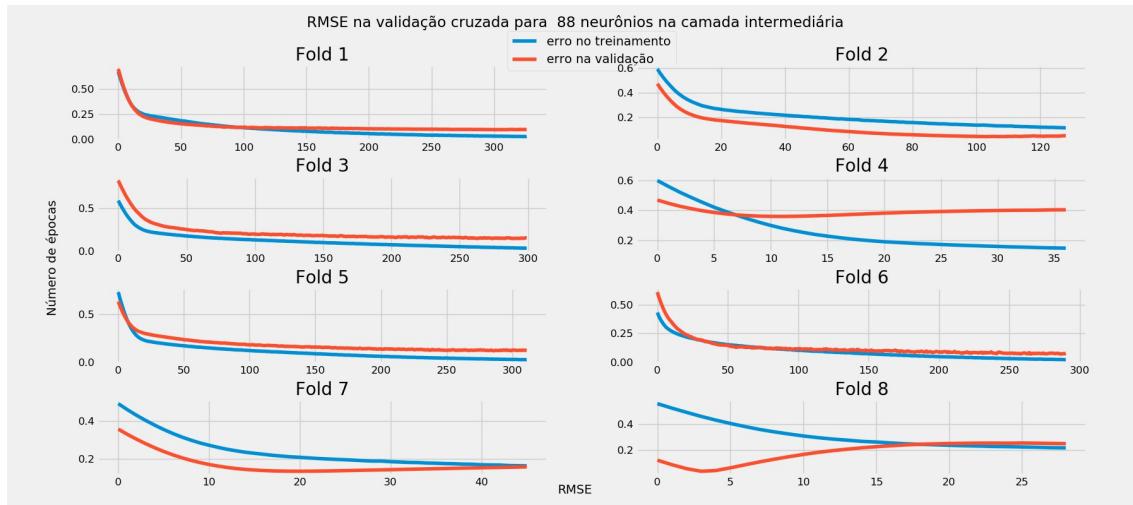


Figura A.7: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 3 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

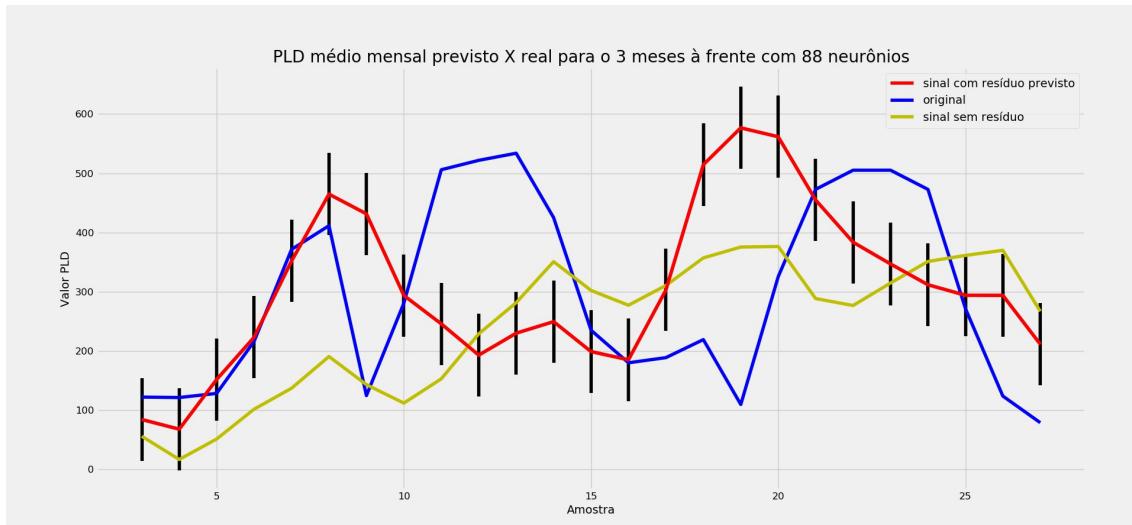


Figura A.8: Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 3 meses à frente.

### A.3 Previsão para 4 meses à frente

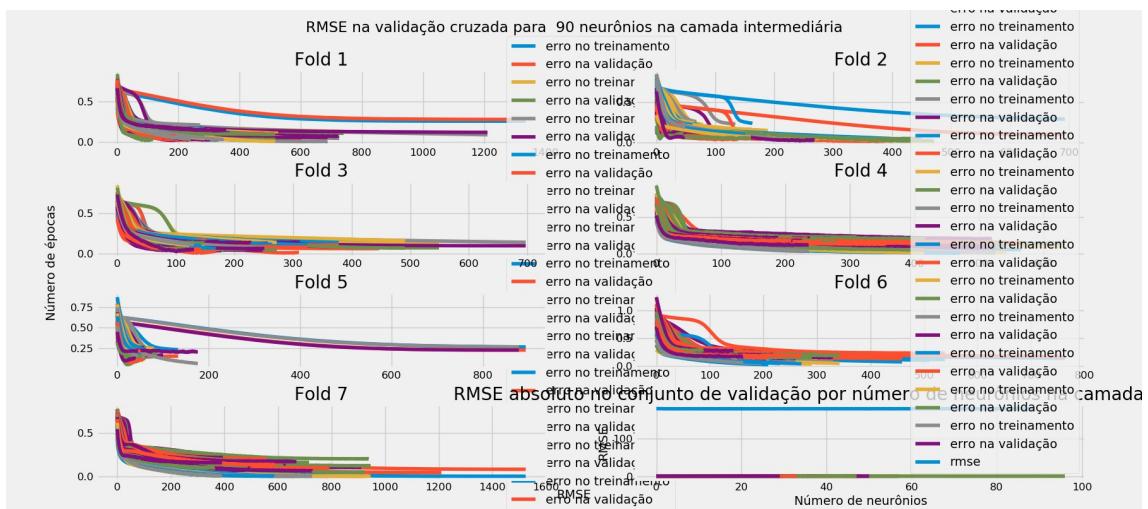


Figura A.9: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 4 meses à frente.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

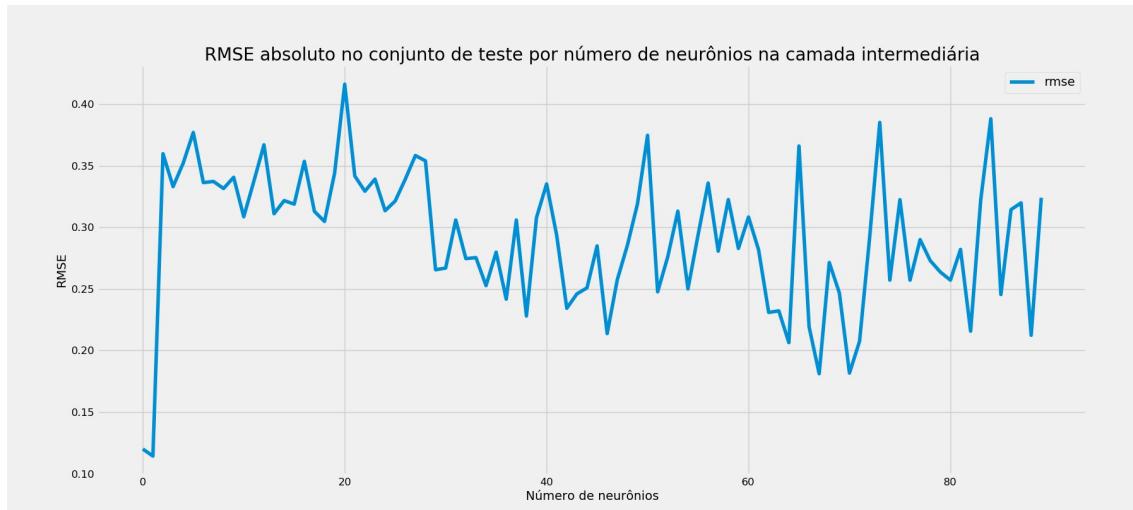


Figura A.10: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 4 meses à frente.

Tabela A.3: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 4 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
87	66,068	49,039	1,093	0,002	0,029	0,001	0,003
14	84,320	61,843	0,939	0,001	0,107	0,004	0,005
81	92,701	75,397	1,148	0,003	0,069	0,002	0,005
37	79,235	56,037	0,916	0,002	0,119	0,004	0,006
45	93,947	62,609	1,074	0,001	0,127	0,004	0,006

E com isso o modelo com 88 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

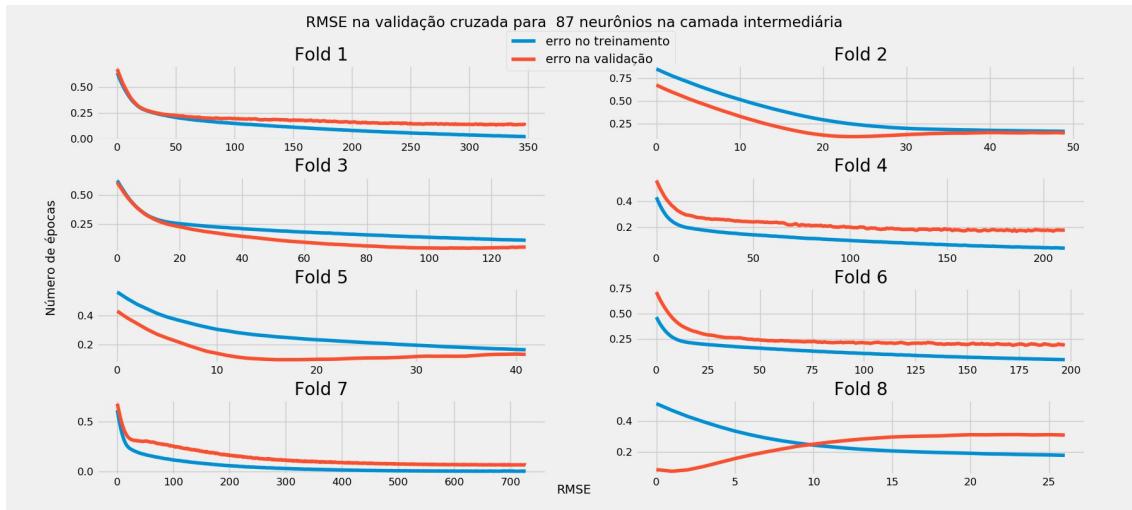


Figura A.11: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 4 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

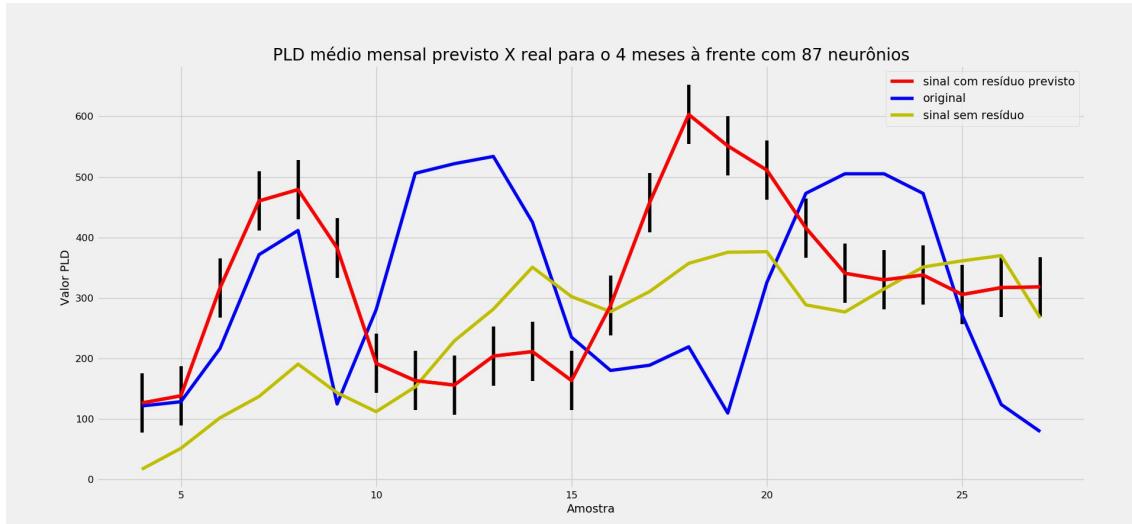


Figura A.12: Comparaçāo entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 4 meses à frente.

## A.4 Previsão para 5 meses à frente

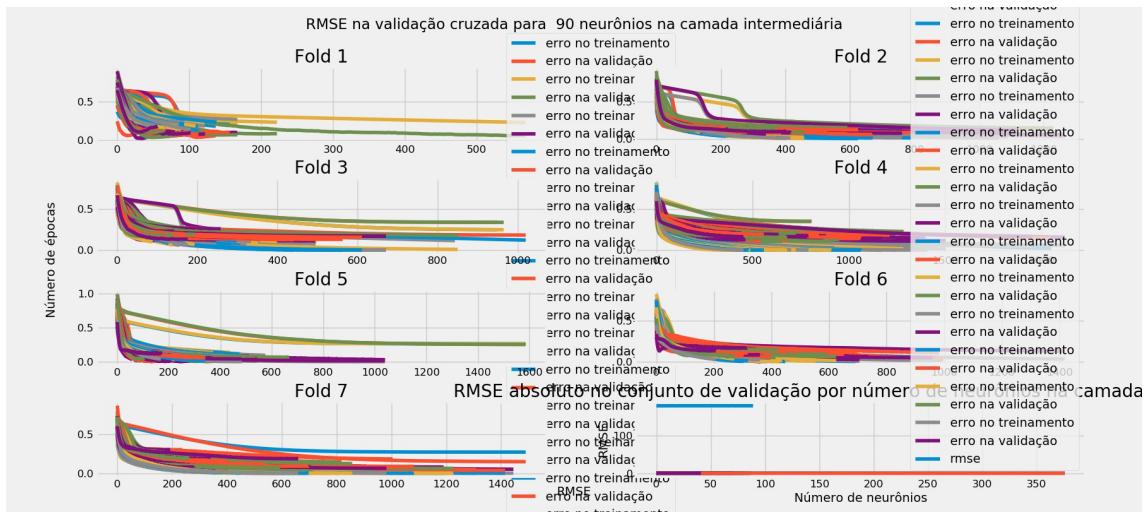


Figura A.13: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 5 meses à frente.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

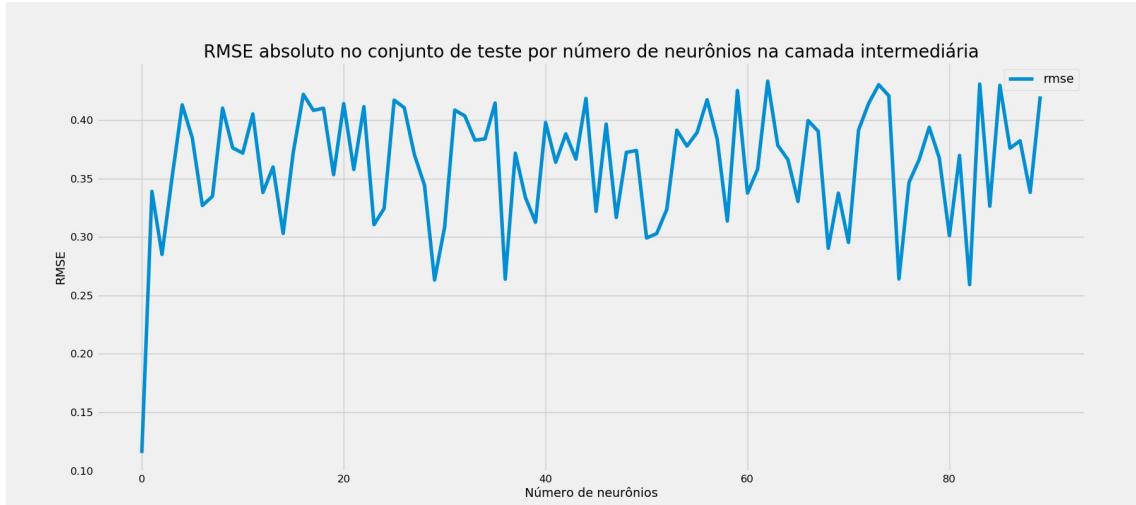


Figura A.14: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 5 meses à frente.

Tabela A.4: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 5 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
34	63,022	54,479	0,956	0,000	-0,014	0,000	0,001
90	72,624	68,375	1,067	0,001	-0,005	0,000	0,001
53	62,794	56,172	0,916	0,001	-0,002	0,000	0,001
86	62,563	57,758	1,033	0,000	-0,038	0,001	0,001
41	66,194	62,095	0,970	0,000	-0,047	0,001	0,001

E com isso o modelo com 34 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

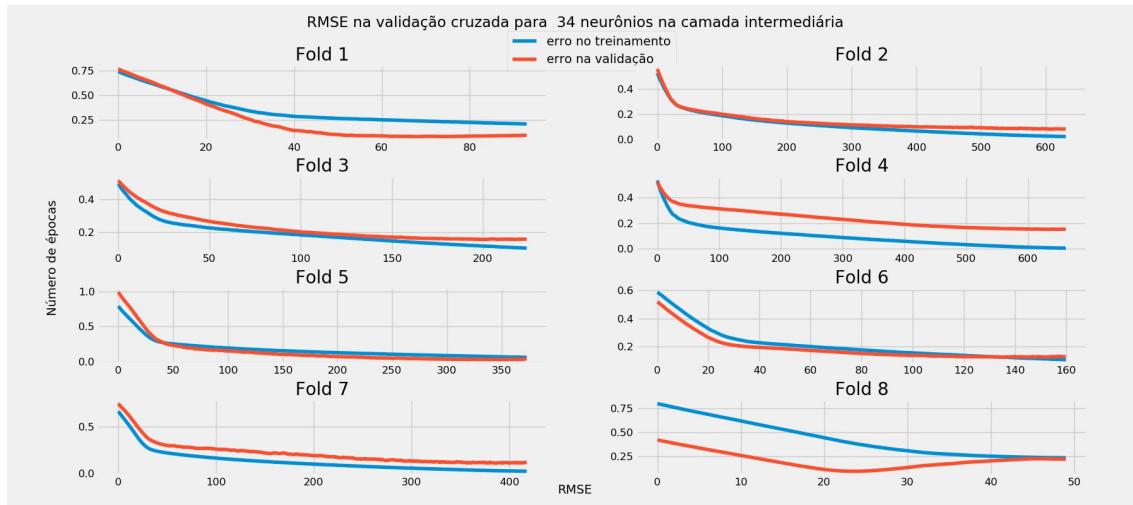


Figura A.15: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 5 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

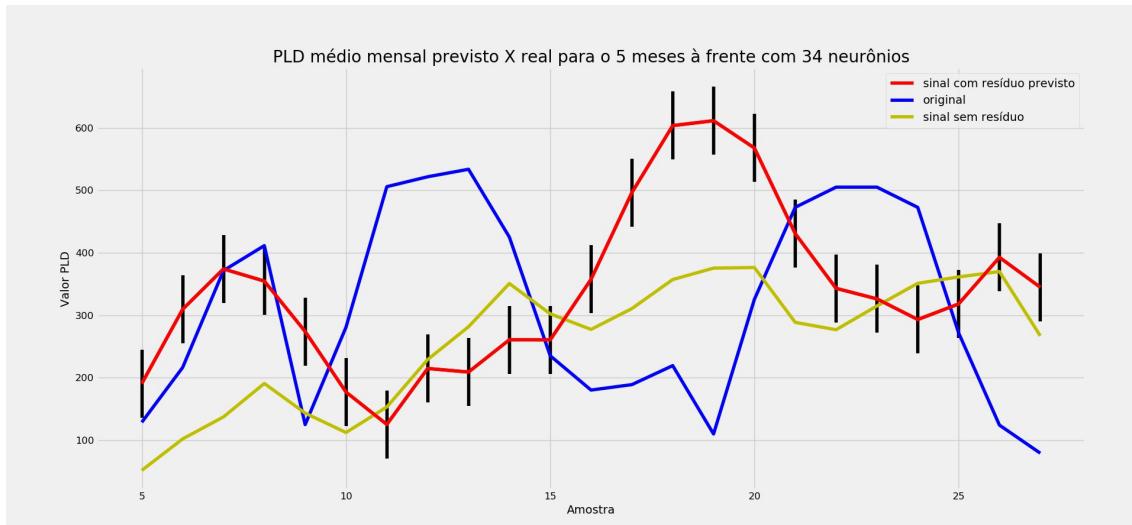


Figura A.16: Comparaçāo entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 5 meses à frente.

## A.5 Previsão para 6 meses à frente

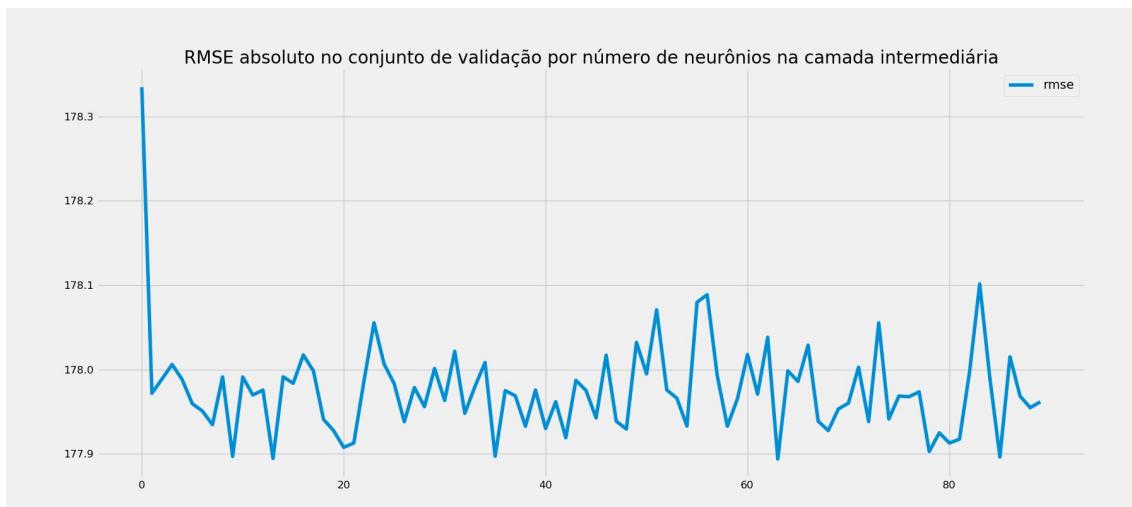


Figura A.17: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

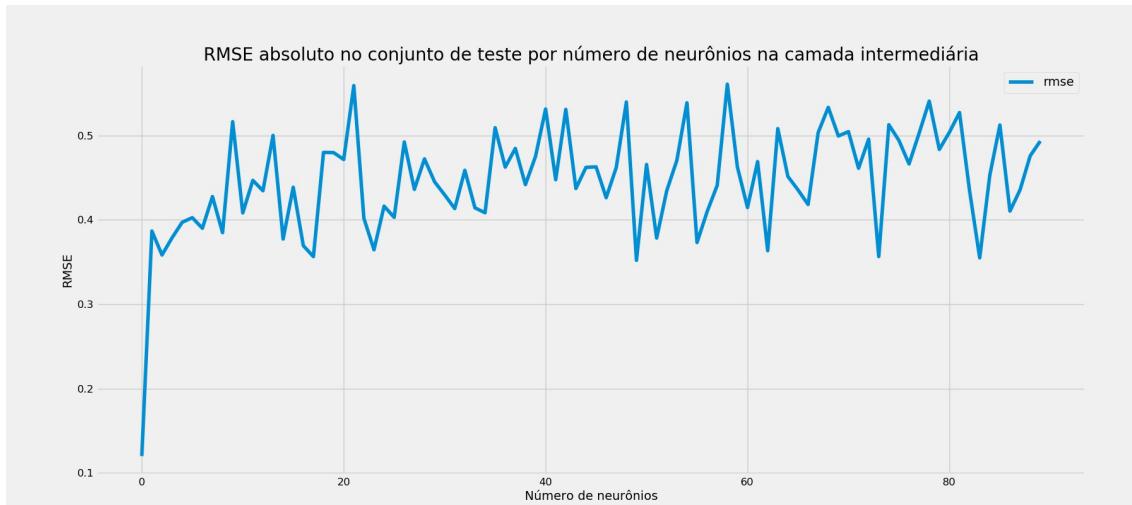


Figura A.18: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 6 meses à frente.

Tabela A.5: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 6 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
57	88,770	79,111	0,975	0,000	-0,008	0,000	0,001
20	95,084	88,687	0,953	0,001	-0,007	0,000	0,001
71	81,320	75,164	1,074	0,001	0,001	0,000	0,001
85	73,433	70,922	0,978	0,000	0,032	0,001	0,002
17	72,576	66,944	1,089	0,002	-0,028	0,001	0,003

E com isso o modelo com 57 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

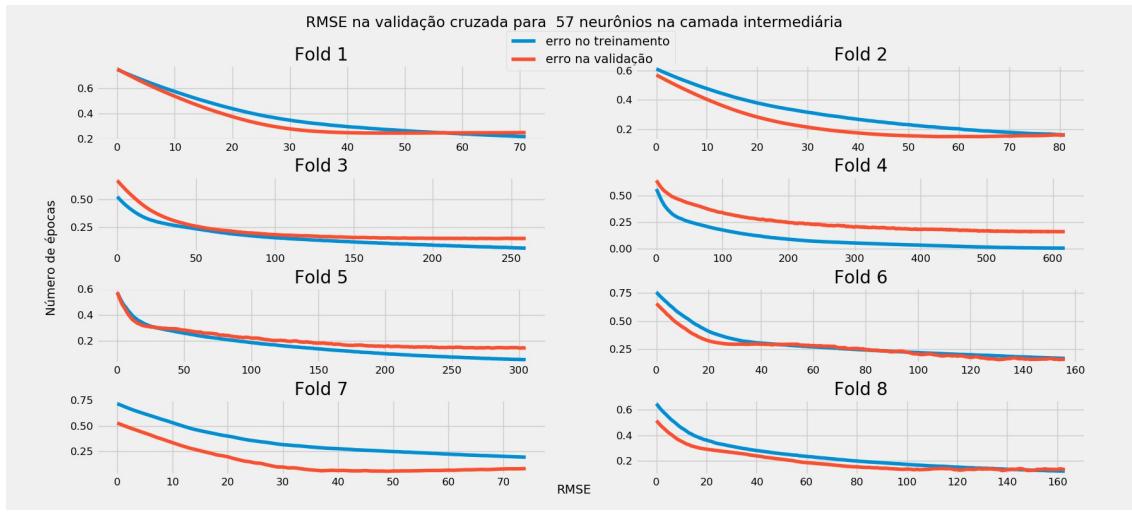


Figura A.19: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 6 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

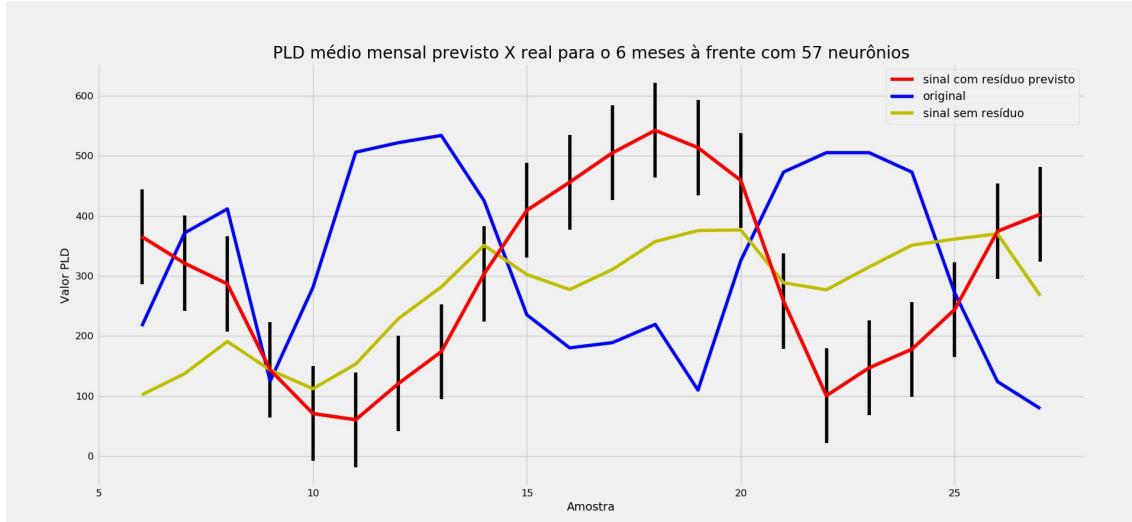


Figura A.20: Comparaçāo entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 6 meses à frente.

## A.6 Previsão para 7 meses à frente

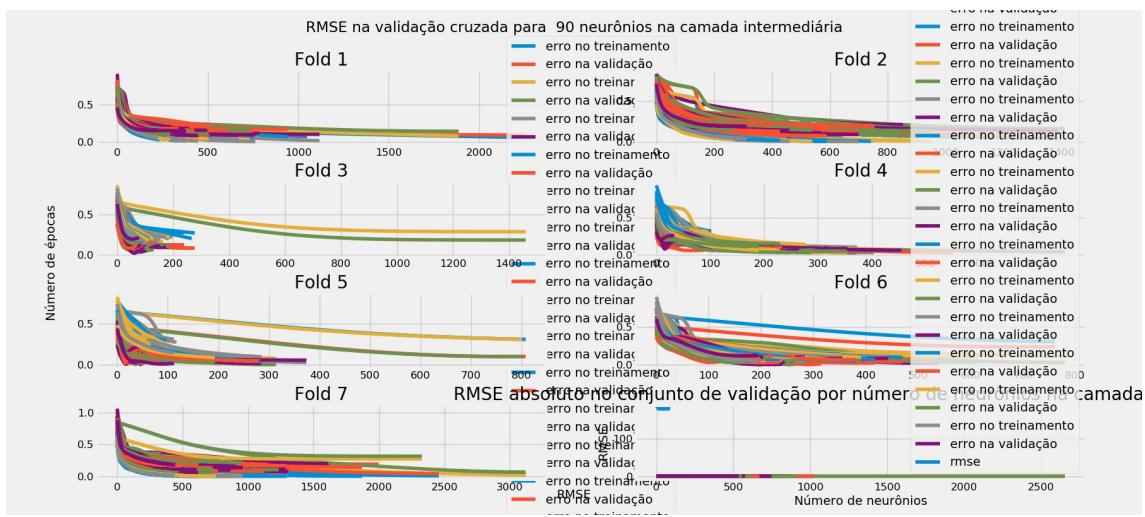


Figura A.21: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 7 meses à frente.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

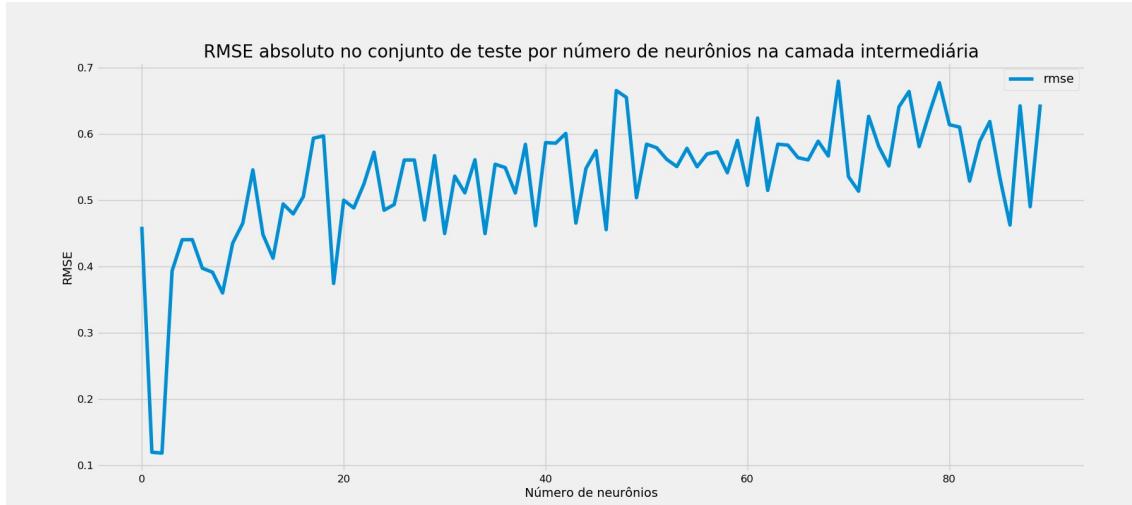


Figura A.22: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 7 meses à frente.

Tabela A.6: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 7 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
85	81,374	74,638	1,073	0,001	-0,015	0,000	0,001
59	87,220	79,156	0,963	0,000	0,034	0,001	0,001
55	94,054	84,463	0,964	0,000	-0,041	0,001	0,001
88	88,838	80,536	1,105	0,001	-0,038	0,001	0,002
45	82,782	78,053	0,891	0,001	-0,048	0,001	0,002

E com isso o modelo com 85 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

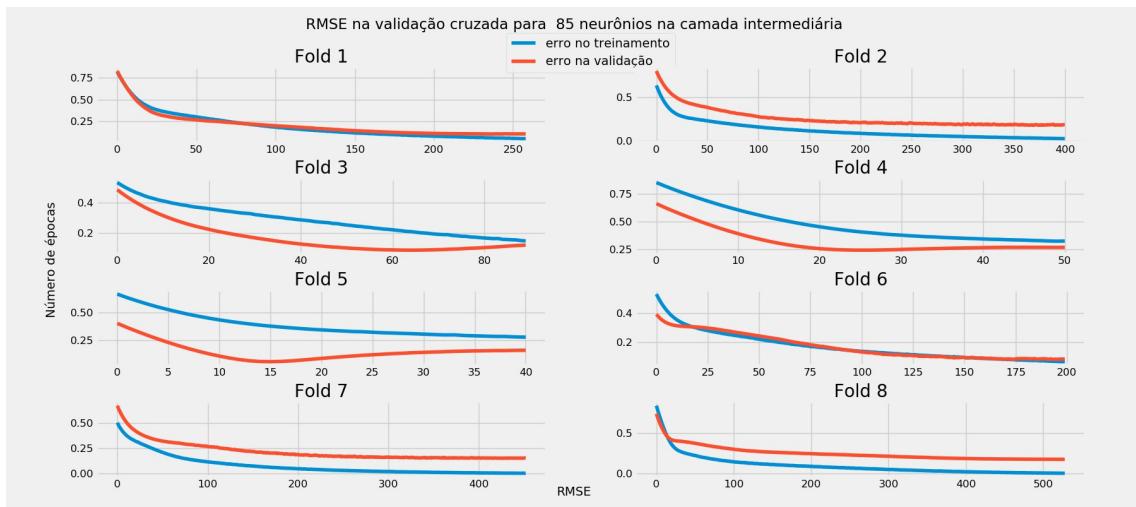


Figura A.23: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 7 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

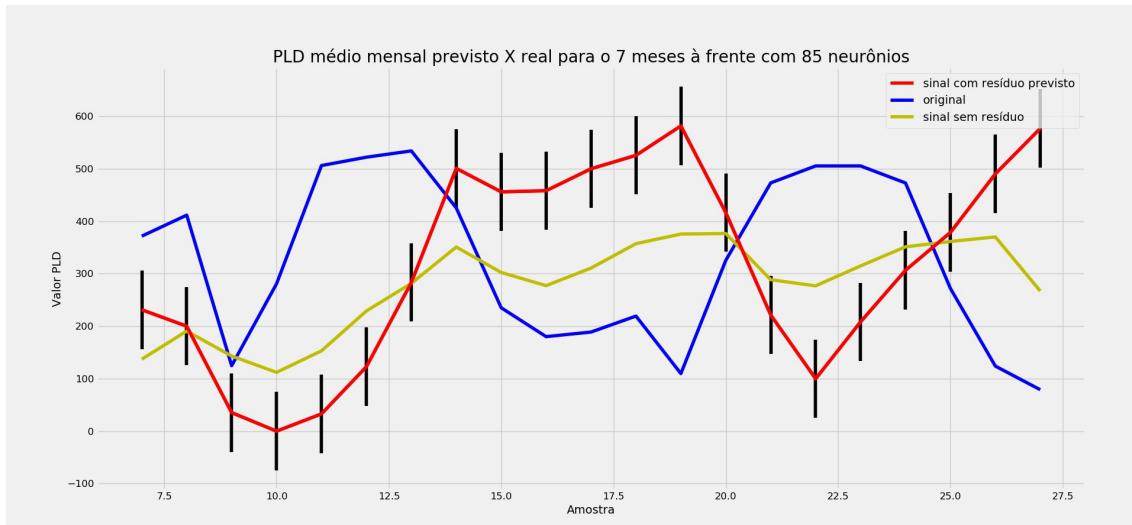


Figura A.24: Comparação entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 7 meses à frente.

## A.7 Previsão para 8 meses à frente

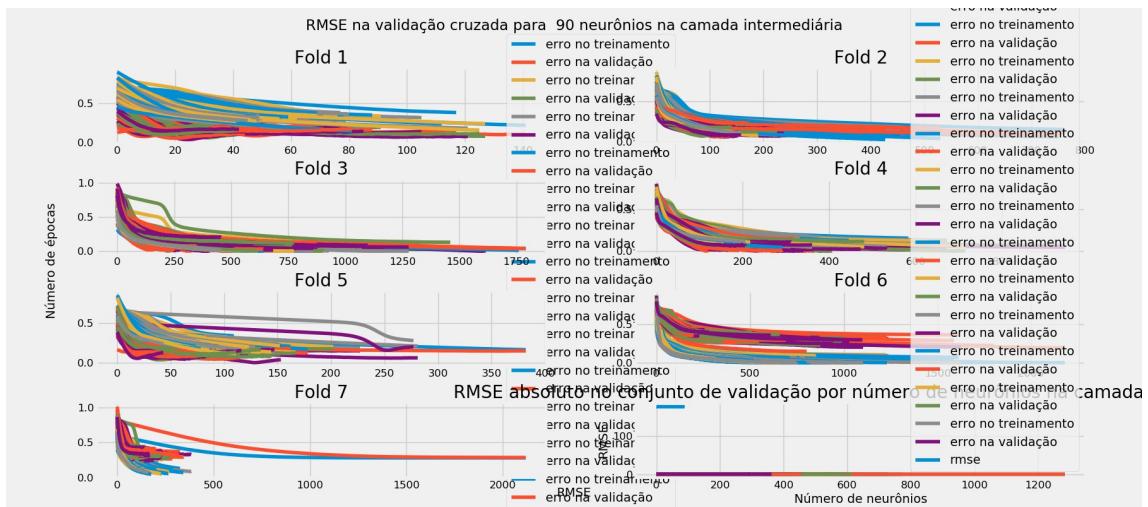


Figura A.25: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 7 meses à frente.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

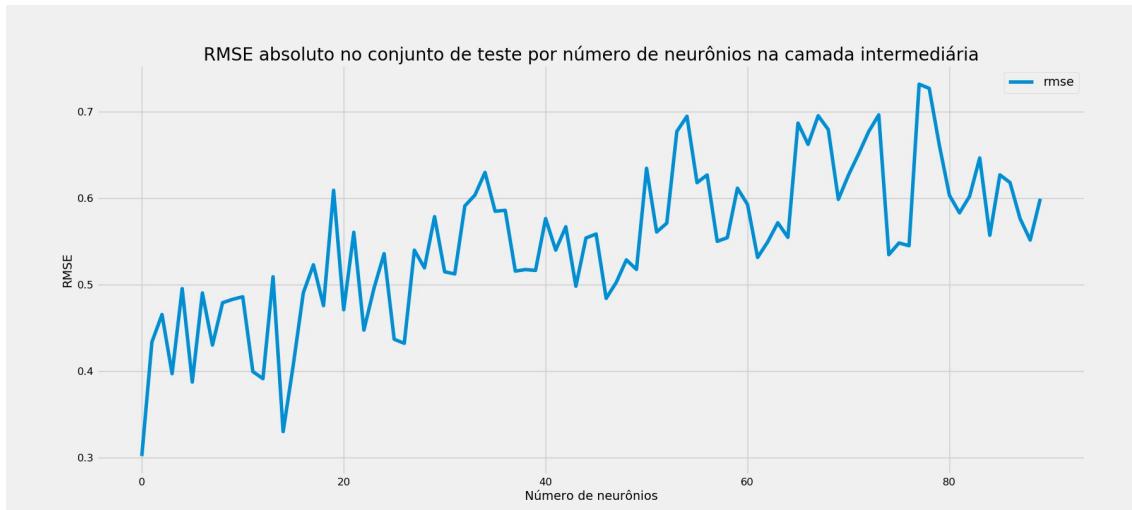


Figura A.26: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 8 meses à frente.

Tabela A.7: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 8 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	a (média)	$\epsilon_1$	b (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
29	93,498	61,547	1,060	0,001	-0,002	0,000	0,001
24	94,052	69,505	1,055	0,001	-0,035	0,001	0,002
9	83,198	57,893	1,089	0,001	-0,029	0,001	0,002
66	86,705	61,198	1,068	0,001	-0,042	0,001	0,002
51	92,674	62,083	1,036	0,001	0,060	0,002	0,003

E com isso o modelo com 29 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

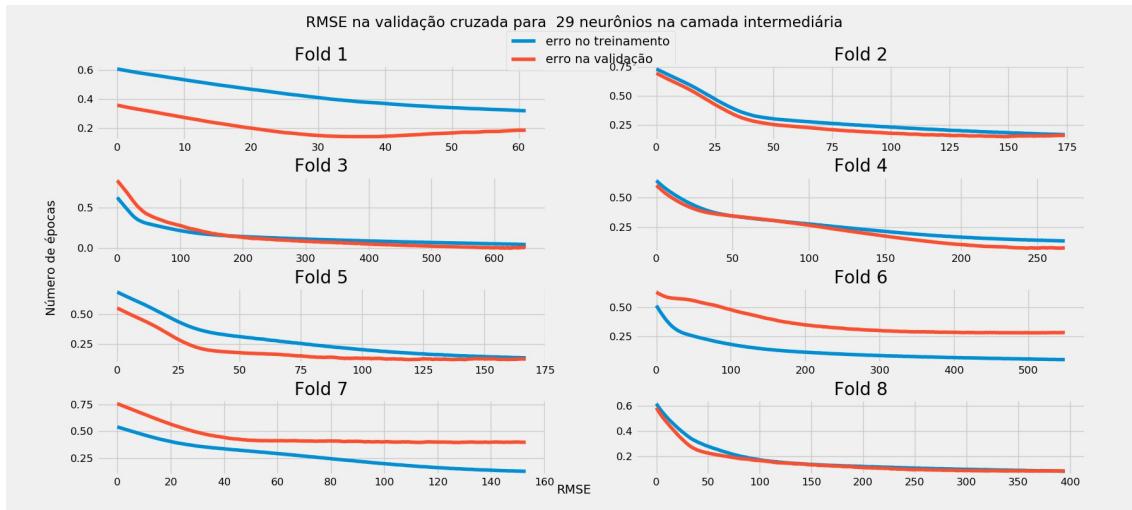


Figura A.27: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 8 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

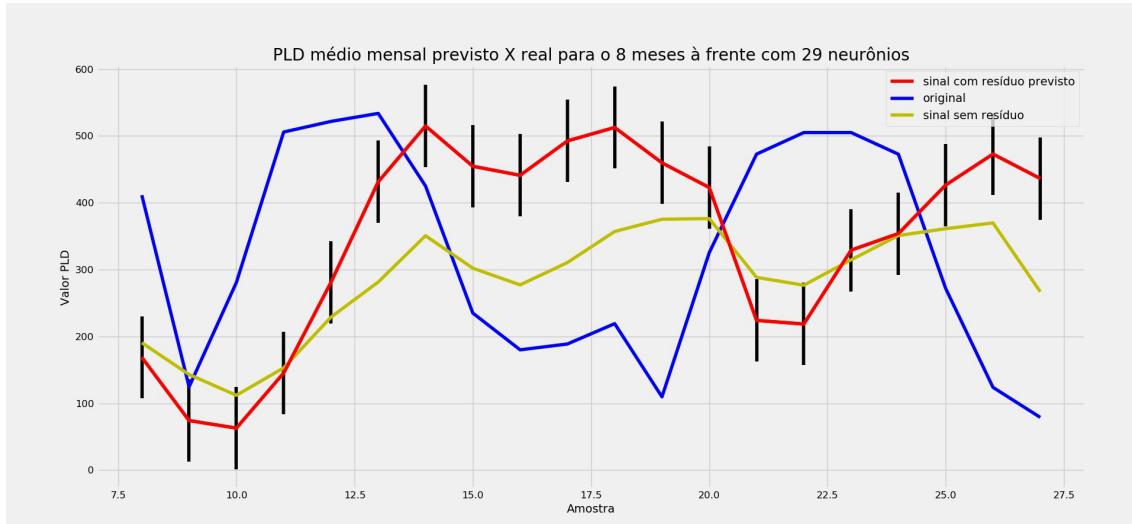


Figura A.28: Comparaçāo entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 8 meses à frente.

## A.8 Previsão para 9 meses à frente

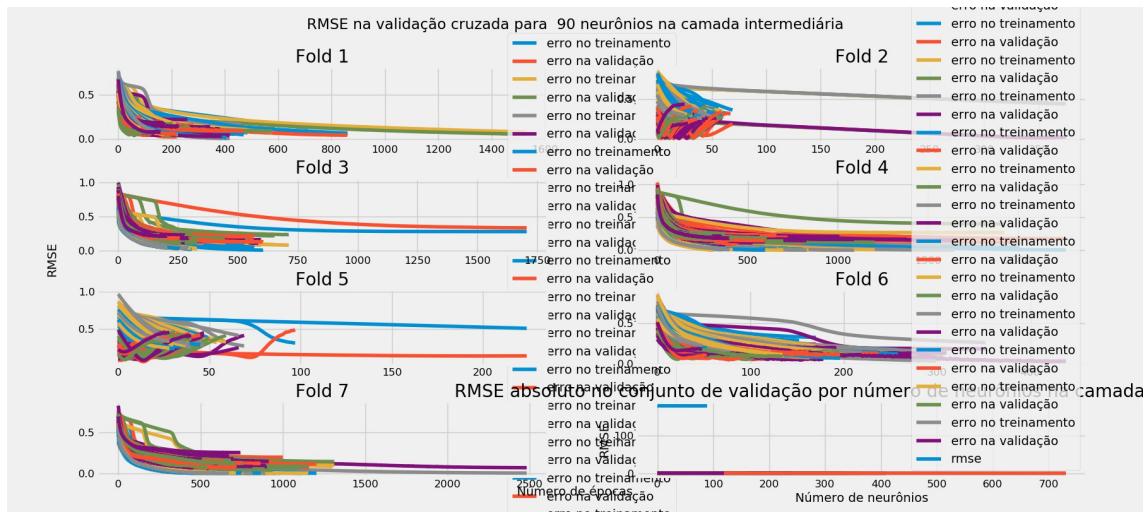


Figura A.29: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 9 meses à frente.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

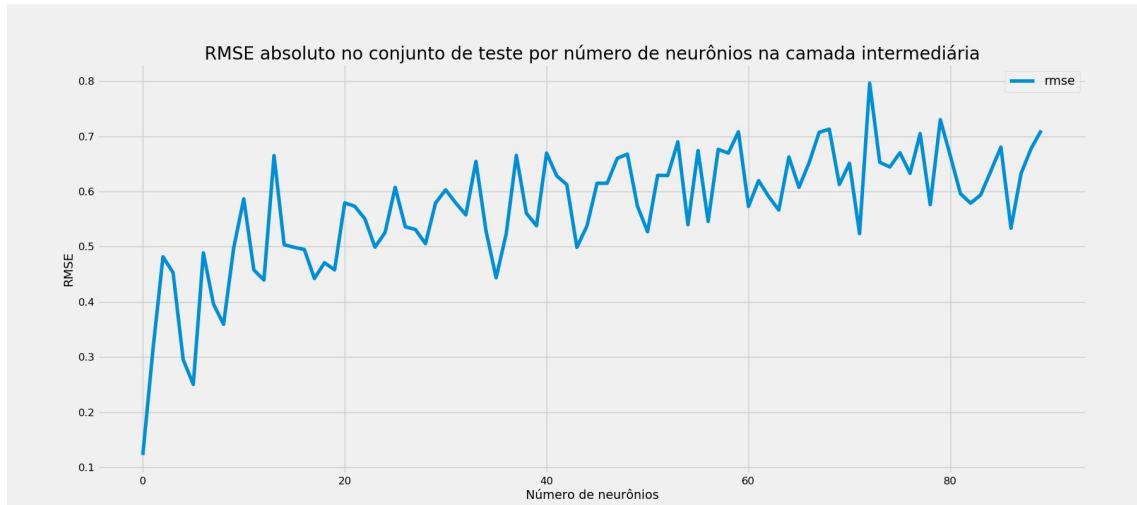


Figura A.30: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 9 meses à frente.

Tabela A.8: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 9 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
66	53,146	35,811	0,968	0,000	-0,132	0,001	0,002
30	81,717	66,631	1,147	0,001	0,050	0,000	0,002
39	74,664	53,134	0,996	0,000	-0,220	0,002	0,002
74	63,687	45,221	0,708	0,002	-0,017	0,000	0,002
90	93,000	79,354	0,944	0,000	0,220	0,002	0,003

E com isso o modelo com 66 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

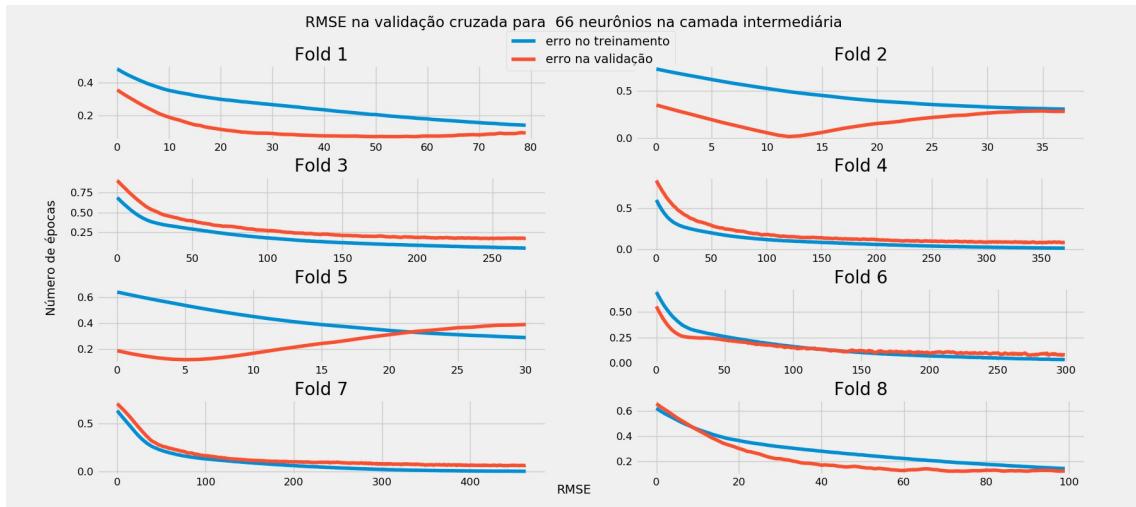


Figura A.31: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 9 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

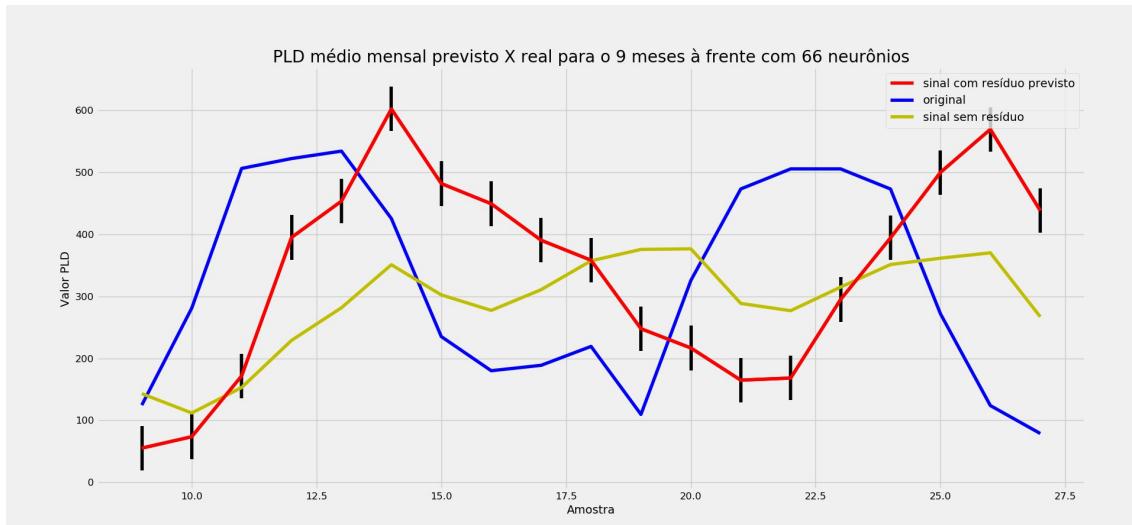


Figura A.32: Comparaçāo entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 9 meses à frente.

## A.9 Previsão para 10 meses à frente

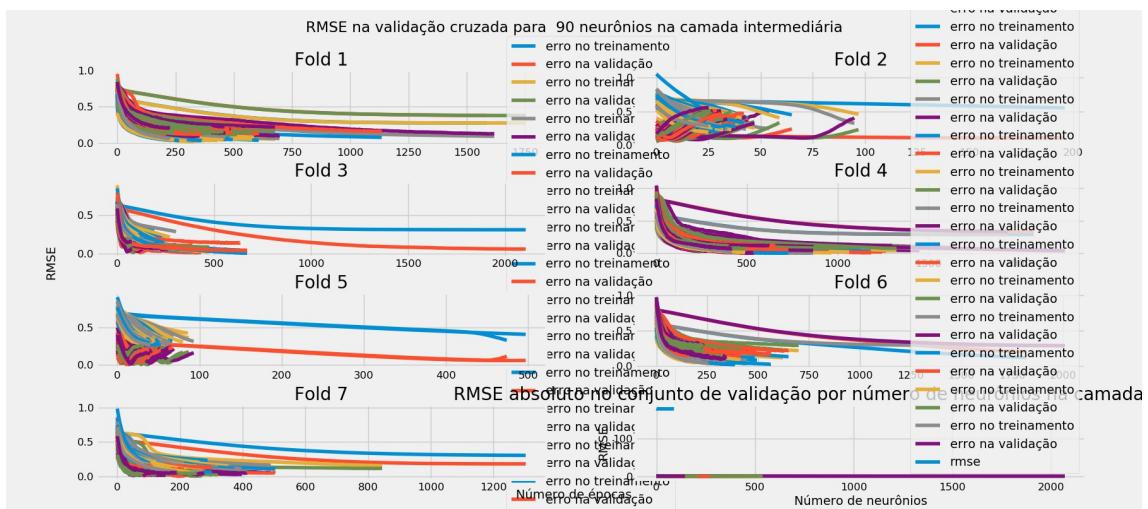


Figura A.33: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de validação para previsão do PLD 10 meses à frente.

No conjunto de teste o resultado foi o seguinte:

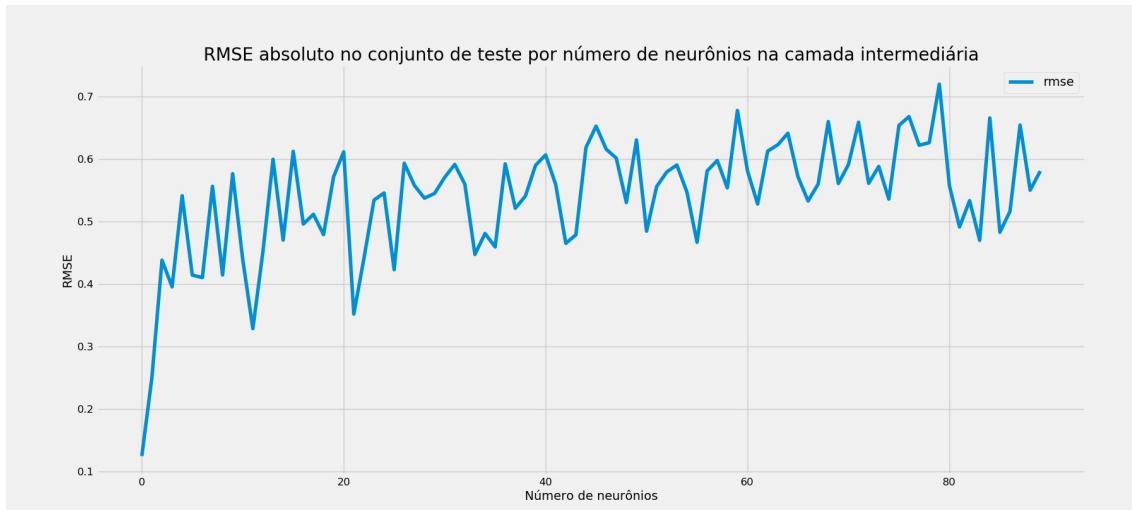


Figura A.34: RMSE pelo número de neurônios no conjunto de teste para previsão do PLD 10 meses à frente.

Tabela A.9: Resultados obtidos com as redes no dataset de validação para previsão do PLD 10 meses à frente.

#neurônios	RMSE	STD	$a$ (média)	$\epsilon_1$	$b$ (média)	$\epsilon_2$	$\epsilon_3$
74	47,276	24,496	0,979	0,000	0,092	0,002	0,002
82	50,150	38,221	0,794	0,002	-0,065	0,002	0,004
86	71,629	49,838	0,744	0,003	-0,061	0,001	0,004
55	47,440	34,009	1,408	0,005	0,011	0,000	0,005
32	41,108	27,709	1,073	0,001	0,181	0,004	0,005

E com isso o modelo com 74 neurônios foi escolhido. O treinamento dessa estrutura obteve os seguintes erros pelo número de épocas:

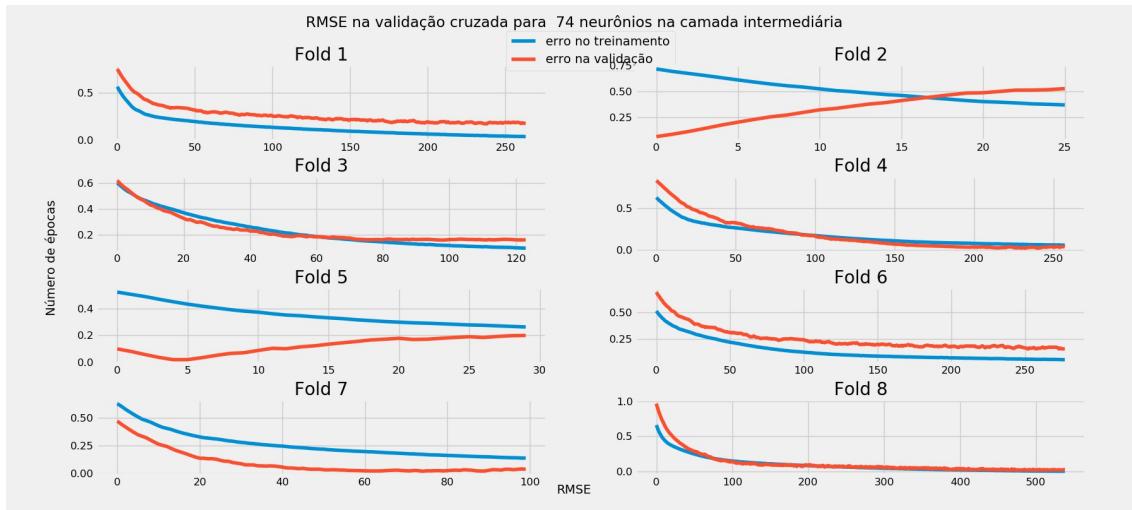


Figura A.35: Erro pelo número de épocas e por subconjunto para previsão do PLD 10 meses à frente.

E obteve-se os seguintes resultados:

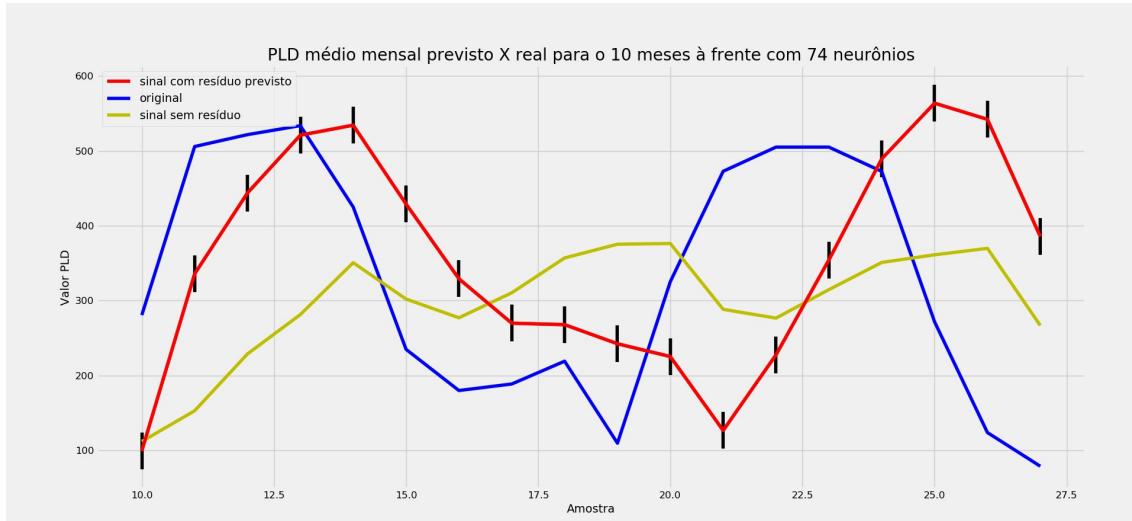


Figura A.36: Comparaçāo entre o sinal original e o resultado obtido para previsão do PLD 10 meses à frente.