## Quiz 17 Cálculo Numérico / Análise Numérica

Prof.: Fabrício Murai

Nome:

Nº de matricula:

1. Dado o polinômio  $P(x) = x^4 - 7x^3 - 4x^2 + 45x + 40 = 0$  e que uma das raízes encontra-se no intervalo [5;6], encontre uma aproximação para essa raiz a partir de 3 iterações do método da bisseção.

i	a	Fa	b	Fb	X	Fx
0	3	31,0	4	-36,0	3,5	-1,6
1	3	31,0	3,5	-1,6	3,25	15,3
2	3,25	15,3	3,5	-1,6	3,38	7,0

$$x = 3,38$$

- 2. Qual o número de iterações necessárias para que  $|x_k x_{k+1}| \le 0,0625$ ?
- 3. O que podemos dizer sobre o número de raízes reais positivas desse polinômio?
- 4. Aplicando o método de Isolamento de raízes visto em sala, concluímos que [0.705,8] é o intervalo onde se encontram as raízes reais positivas (caso haja alguma). Podemos usar essa informação para aplicar o método da bisseção, fazendo a=0.705 e b=8?

2. Qual o número de iterações necessárias para que  $|x_k - x_{k+1}| \le 0,0625$ ?

$$|x_k - x_{k+1}| = \frac{b - a}{2^{k+1}}$$

$$\frac{b - a}{2^{k+1}} <= 0,0625$$

$$\frac{4 - 3}{2^{k+1}} <= 0,0625$$

$$k >= 3$$

3. O que podemos dizer sobre o número de raízes reais positivas desse polinômio?

De acordo com a regra de sinais de Descartes, o número de raízes reais positivas de P(x) = 0 é igual ao número de variações de sinais na sequência dos coeficientes ou é menor que este número por um inteiro par, sendo as raízes contadas de acordo com a sua multiplicidade e ão sendo considerados os coeficientes nulos.

Dessa forma, temos os seguintes coeficientes:  $c_4 = 1$ ;  $c_3 = -7$ ;  $c_2 = -4$ ;  $c_1 = 45$ ;  $c_0 = 40$ . O número de variações de sinais na sequência dos coeficientes é igual a 2, logo, o número de raízes reais positivas é igual a 2 ou zero.

4. O que podemos dizer sobre o número de raízes reais negativas desse polinômio?

Se P(x) = 0 não possuir coeficientes nulos, então o número de raízes reais negativas (contando multiplicidades) é igual ao número de permanências de sinais na sequência dos coeficientes ou é menor que este número por um inteiro par.

Dados os coeficientes mostrados no item anterior, podemos ver 2 permanêcias de sinais na sequência, logo, o número de raízes reais negativas é igual a 2 ou zero.

5. Aplicando o método de Isolamento de raízes visto em sala, concluímos que [0.705,8] é o intervalo onde se encontram as raízes reais positivas (caso haja alguma). Podemos usar essa informação para aplicar o método da bisseção, fazendo a=0.705 e b=8?

Não, pois P(a) = 67,5 e P(b) = 656,0. Como P(a) e P(b) possuem o mesmo sinal, o método da bisseção não pode ser utilizado.