Sistemas Lineares

Fabricio Murai

Aula passada

- · Introdução: que tipos de problemas vamos estudar?
 - · Correção no slide sobre Método de Newton

$$x_{n+1} = x_n - f(x_n)/f'(x_n)$$

- Conceitos fundamentais:
 - etapas no desenvolvimento de métodos numéricos
 - pseudo-código
- · Revisão de conceitos em Álgebra Linear

Aula de hoje

- Revisar complexidade de algoritmos
 - objetivo: determinar a complexidade de um algoritmo simples usando a notação O
- · Continuar revisão de Álgebra Linear
 - operações com transposta e inversa
 - autovalores e autovetores
 - normas vetoriais e matriciais

Anúncios

- Página do curso: tiny.cc/cn20171
- Não haverá aula 16/03 quinta em função das Atividades Acadêmicas Complementares
- Mudamos provas para Sábado às 08:00.
- Quizz será realizado ao final de cada aula lo. quizz no dia 21/03 (terça)
- Vamos utilizar o app Socrative para "Questões do tipo clicker"
 Room: ANCN

O(1), tempo constante
 Algoritmo que tem sempre mesmo tempo de execução,
 independente do tamanho da entrada

```
bool IsFirstElementNull(IList<string> elements)
{
    return elements[0] == null;
}
```

• O(n), linear

Algoritmo cujo tempo de execução cresce linearmente e em proporção direta ao tamanho da entrada

```
bool ContainsValue(IList<string> elements, string value)
{
    foreach (var element in elements)
    {
        if (element == value) return true;
    }
    return false;
}
```

O(n²), quadrático

... tempo cresce proporcional ao quadrado da entrada

- O(2ⁿ), exponencial
 - ... tempo de execução cresce proporcional a 2 elevado ao tamanho da entrada

```
int Fibonacci(int number)
{
   if (number <= 1) return number;
   return Fibonacci(number - 2) + Fibonacci(number - 1);
}</pre>
```

$$y = 3x$$
 $y = 6x-2$ $y = 15x + 44$
 $y = x^2$ $y = x^2-6x+9$ $y = 3x^2+4x$

- Primeira família é O(n), segunda família é $O(n^2)$
- Intuição: Família de curvas, mesma forma
- Mais formalmente, O(f(n)) é um limite superior; para n grande o suficiente, cf(n) é maior.
- Intuição:

função linear: dobra a entrada, dobra o tempo; função quadrática: dobra a entrada, quadriplica o tempo;

Fonte: https://rob-bell.net/2009/06/a-beginners-guide-to-big-o-notation/

Determinante pela expansão de Laplace: quantas operações?

$$\det(A) = a_{11} \det(M_{11}) - a_{12} \det(M_{12}) + \dots + (-1)^{n+1} a_{1n} \det(M_{1n}).$$

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} \longrightarrow \det(A) = a_{11}a_{22} - a_{21}a_{12}$$

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \longrightarrow$$

$$\det(A) = a_{11}(a_{22}a_{33} - a_{32}a_{23}) - a_{12}(a_{21}a_{33} - a_{31}a_{23}) + a_{13}(a_{21}a_{32} - a_{31}a_{22}).$$

Clicker question: Complexidade da Expansão de Laplace

Sistemas Lineares (cont'd)

Slides do Prof. Frederico Ferreira Campos Filho

Recapitulando

- Revisamos complexidade de algoritmos
 - objetivo: determinar a complexidade de um algoritmo simples usando a notação O
- · Terminamos revisão de Álgebra Linear
 - operações com transposta e inversa
 - autovalores e autovetores
 - normas vetoriais e matriciais
- Próxima aula: 21 de março (haverá quizz!)