N_EST DAD_A3 – Texto de Apoio

Site: <u>EAD Mackenzie</u>

Tema: ESTRUTURA DE DADOS {TURMA 03A} 2023/1

Livro: N_EST DAD_A3 – Texto de Apoio

Impresso por: FELIPE BALDIM GUERRA.

Data: quarta, 26 abr 2023, 00:52

Índice

ALGORITMOS DE ORDENAÇÃO

Algumas considerações...
Algoritmos de ordenação mais conhecidos
Ordenação por trocas – Bubble Sort
Ordenação por inserção – Insertion Sort
Ordenação por seleção – Selection Sort

ALGORITMOS DE BUSCA

Busca sequencial
Busca binária
Busca Sequencial versus Busca Binária

ALGORITMOS DE ORDENAÇÃO

Um algoritmo de ordenação coloca os elementos de uma lista em determinada ordem. A ordenação pode ser crescente ou decrescente e pode seguir uma das regras abaixo:

- ordem numérica; ou
- ordem lexicográfica (como as palavras de um dicionário).

Um método de ordenação eficiente é importante para otimizar o uso de outros algoritmos, como busca e mesclagem (merge) as quais requerem, como entrada, listas ordenadas. A ordenação é útil também para facilitar a recuperação dos dados pelas pessoas.

Em computação:

Ordenar (ou seja, rearranjar) os elementos de um vetor v[0..n-1] de tal modo que eles fiquem em ordem crescente, ou seja, para que tenhamos

 $v[0] \le v[1] \le ... \le v[n-1]$

Algumas considerações...

- Computadores gastam mais tempo ordenando do que fazendo qualquer outra coisa.
- A ordenação aparece em muitos problemas na prática e é o problema mais estudado em ciência da computação.
- A ordenação pode ser **interna**, quando o conjunto de dados a ser ordenado é armazenado inteiramente na memória principal do computador ou **externa**, quando o conjunto de dados não cabe na memória principal e precisa ser armazenado em um disco, por exemplo.
- Se os itens com chaves iguais permanecerem na mesma ordem (não posição!) que estavam nos dados iniciais após a ordenação, então, dizemos que o método é **estável**.
- Notação utilizada nos algoritmos:
 - Os algoritmos trabalham sobre os registros de um arquivo, sobre vetores de tipos primitivos ou ainda sobre vetores de objetos.
 - Independente da estrutura a ser ordenada, ela deve ter uma ou mais chaves que controlarão a ordenação. Por exemplo: ordem crescente de nome, ordem decrescente de salário etc.
- A escolha de um algoritmo de ordenação deve considerar o tempo gasto pela ordenação.
- Sendo **n** o número registros/dados a serem ordenados, as instruções relevantes, na questão de "contagem" do tempo são:
 - Número de comparações C(n) entre chaves.
 - Número de movimentações M(n) de itens do arquivo.

Algoritmos de ordenação mais conhecidos

- Ordenação pelo método das trocas (Bubble Sort).
- Ordenação por inserção (Insertion Sort).
- Ordenação por seleção (Selection Sort).
- Ordenação por intercalação (Merge Sort).
- Ordenação por heaps (Heap Sort).
- Ordenação rápida (Quick Sort).

Neste primeiro contato com ordenação, veremos apenas os métodos **Bubble Sort**, **Insertion Sort** e **Selection Sort**.

Ordenação por trocas – Bubble Sort

O Bublle Sort data da década de 1950 e, apesar de ser antigo, é o método mais simples e mais conhecido. Porém, é também o menos eficiente (realiza muitos passos para completar a classificação). Nesse método, a chave de maior/menor valor é colocada no final/início do vetor a cada varredura efetuada.

Considere o vetor abaixo. Iremos ordená-lo de forma crescente (do menor para o maior):

1ª Varredura:

45	67	12	34	25	39	São comparados os elementos 0 e 1 do vetor (45 e 67) e são trocados de posição caso necessário. Nesse caso, não será feita a troca.
45	67	12	34	25	39	O foco, então, passa para os elementos 1 e 2 do vetor (67 e 12). Nesse caso, eles serão trocados de posição.
45	12	67	34	25	39	O foco, então, passa para os elementos 2 e 3 do vetor (67 e 34). Nesse caso, eles serão trocados de posição.
45	12	34	67	25	39	O foco, então, passa para os elementos 3 e 4 do vetor (67 e 25). Nesse caso, eles serão trocados de posição.

	T		I	I		I
45	12	34	25	67	39	O foco, então, passa para os elementos 4 e 5 do vetor (67 e 39). Nesse caso, eles serão trocados de posição.
		I.		l	I	
45	12	34	25	39	67	O vetor, então, fica com o número 67 em sua posição definitiva. Ou seja, ele é o maior valor do vetor!
Aqui, termina a primeira varredura. Repare que ainda não temos o vetor ordenado. Esse processo se repetirá até que todas as chaves ocupem suas posições finais. 2ª Varredura						
45	12	34	25	39	67	São comparados os elementos 0 e 1 do vetor (45 e 12) e são trocados de posição caso necessário. Nesse caso, será feita a troca.
12	45	34	25	39	67	São comparados os elementos 1 e 2 do vetor (45 e 34). Nesse caso, eles serão trocados de posição.
			•			
12	34	45	25	39	67	São comparados os elementos 2 e 3 do vetor (45 e 25). Nesse caso, eles serão trocados de posição.
-		!	!	!	!	
12	34	25	45	39	67	São comparados os elementos 3 e 4 do vetor (45 e 39). Nesse caso, eles serão trocados de posição.

•	12	34	25	39	45	67	O vetor,

O vetor, então, fica com o número 45 em sua posição definitiva.

Aqui, termina a segunda varredura.

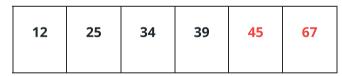
3ª Varredura:

12 34 25 39 45 67	,
-------------------	---

São comparados os elementos 0 e 1 do vetor (12 e 34) e são trocados de posição caso necessário. Nesse caso, não será feita a troca.



São comparados os elementos 1 e 2 do vetor (34 e 25). Nesse caso, eles serão trocados de posição.



São comparados os elementos 2 e 3 do vetor (34 e 39). Nesse caso, eles não são trocados de posição.

12	25	34	39	45	67

O vetor, então, fica com o número 39 em sua posição definitiva.

Aqui, termina a terceira varredura.

4ª Varredura:

12	25	34	39	45	67	São comparados os elementos 0 e 1 do vetor (12 e 25) e são trocados de posição caso necessário. Nesse caso, não será feita a troca.
12	25	34	39	45	67	São comparados os elementos 1 e 2 do vetor (25 e 34). Nesse caso, não será feita a troca.
12	25	34	39	45	67	O vetor, então, fica com o número 34 em sua posição definitiva.

Aqui, termina a quarta varredura.

<u>5ª Varredura:</u>

12	25	34	39	45	67	São comparados os elementos 0 e 1 do vetor (12 e 25) e são trocados de posição caso necessário. Nesse caso, não será feita a troca.
				Ι		- 1
12	25	34	39	45	67	O vetor, então, fica com os números 12 e 25 em suas posições definitivas.

Aqui, termina a quinta e última varredura.

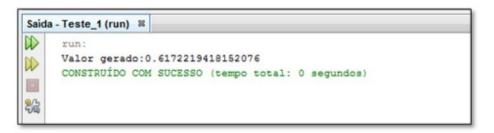
<u>IMPLEMENTAÇÃO</u>

A implementação desse método é bastante simples, não exigindo nenhum grande artifício. O programa é controlado por um looping, que é executado enquanto ocorrerem trocas durante uma varredura.

Neste exemplo, criaremos um vetor com 50 números inteiros que serão "sorteados" aleatoriamente pelo Java. Usaremos, para isso, a função matemática Math.random(). Veja como funciona:

```
double x = Math.random();
System.out.println("Valor gerado:" + x);
```

Repare que o comando Math.random() gera um número do tipo double (real) entre 0 e 1. Se executarmos esse trecho de código, a saída gerada poderia ser (a cada vez que executamos o programa, um número diferente é gerado):



Como nós queremos números inteiros, basta multiplicarmos o número gerado (double) por um valor inteiro. O resultado será sempre em função do número que você usou na multiplicação:

```
double x = Math.random();
System.out.println("Valor gerado:" + x);
int y = (int) (100 * x);
System.out.println("Valor inteiro: " + y);
```



Vamos ao código do Bubble Sort:

```
public class NewClass {

public static void main(String[] args) {

    int[] lista = new int[50];

    sorteia(lista);
    bubbleSort(lista);
    exibe(lista);
}

public static void sorteia(int[] lista) {

    // sorteia valores para o vetor e os exibe na tela
    System.out.println("Vetor antes da ordenação");
    for (int i = 0; i < lista.length; i++) {
        lista[i] = (int) (100 * Math.random());
        System.out.print(lista[i] + " ");
    }
}</pre>
```

```
public static void bubbleSort(int[] lista) {
    int temp;
   // inicia o Bubble Sort
    for (int i = 0; i < lista.length; <math>i++) {
        for (int j = 1; j < lista.length - i; j++) {
            if (lista[j - 1] > lista[j]) {
                //troca os elementos
                temp = lista[i - 1];
                lista[j - 1] = lista[j];
                lista[j] = temp;
public static void bubbleSort(int[] lista) {
    int temp;
   // inicia o Bubble Sort
    for (int i = 0; i < lista.length; <math>i++) {
        for (int j = 1; j < lista.length - i; j++) {
            if (lista[j - 1] > lista[j]) {
                //troca os elementos
                temp = lista[j - 1];
                lista[j - 1] = lista[j];
                lista[j] = temp;
```

```
public static void exibe(int[] lista) {
    // exibe vetor ordenado
    System.out.println("\nVetor após a ordenação");
    for (int i = 0; i < lista.length; i++) {
        System.out.print(lista[i] + " ");
    }
}</pre>
```

Este algoritmo tem complexidade QUADRÁTICA, ou seja, O(n²). Se n dobra, o número de operações quadruplica.

Ordenação por inserção – Insertion Sort

A classificação por inserção é caracterizada pelo princípio no qual os n dados a serem ordenados são divididos em dois segmentos: um já ordenado e outro a ser ordenado.

Inicialmente, o primeiro segmento é formado apenas pelo primeiro elemento (já ordenado). O segundo segmento é formado pelos restantes n-1 elementos. A partir daí, o processo se desenvolve em n-1 iterações, sendo que, em cada uma delas, um elemento do segmento não ordenado é transferido para o segmento já ordenado, sendo inserido em sua posição correta.

15	27	8	42	30	18	9
Segmento ordenado			Segmento กล	ão ordenado		

A partir daí, "pega-se" o primeiro elemento do segmento não-ordenado e localiza-se sua posição correta no segmento ordenado, da direita para a esquerda.

Cada comparação realizada entre o elemento a ser inserido e os que estão no segmento ordenado pode gerar duas possibilidades: caso o elemento a ser inserido seja maior que todos que estão no segmento já ordenado, a inserção corresponde a deixá-lo na posição que já ocupava.

Após a inserção, a divisa entre os dois segmentos é deslocada uma posição para a direita, indicando que o segmento ordenado ganhou mais um elemento e o desordenado perdeu um. Este processo é repetido até que todos os elementos do segmento desordenado tenham sido inseridos no primeiro.

15	27	8	42	30	18	9
O núme	ero 27 é com	•	15. Como ele ordenado à di	•	é transferido	para o

15	27	8	42	30	18	9
O núr	nero 8 é com transferid			o ele é menc ado à esque	•	, ele é
8	15	27	42	30	18	9
O númei	ro 42 é compa pa			maior que to à direita do 2		ansferido
8 15 27 42 30						9
O número	30 é compara será transf			ior que 27 e l denado à dir	•	2, portanto
8	15	27	30	42	18	9
	o 18 é compai ortanto, será t				•	•
	15	18	27	30	42	9

O número 9 é comparado com 42, 30, 27, 18, 15 e 8. Ele é maior que 8 e menor que 15, portanto, será transferido para o segmento ordenado à direita do 8.

8	9	15	18	27	30	42				
	O vetor encontra-se totalmente ordenado.									

<u>IMPLEMENTAÇÃO</u>

O segmento já ordenado é percorrido da direita para a esquerda, até que seja encontrada uma chave menor ou igual àquela que está sendo inserida, ou até que o segmento termine. Enquanto nenhuma das condições ocorrer, as chaves comparadas vão sendo deslocadas uma posição para a direita. Na hipótese da chave a ser inserida ser maior que todas as chaves do segmento ordenado, ela permanece em seu local original; caso contrário, é inserida na posição deixada vaga pelos deslocamentos, avançando-se, a seguir, a fronteira entre os dois segmentos. O processo todo é completado em n-1 iterações.

```
public class NewClass {

   public static void main(String [] args){
        int [] lista = new int[50];
        geraVetor(lista);
        insertionSort(lista);
        exibeVetor(lista);
}

static void geraVetor (int[] lista) {
        System.out.println("Vetor antes da ordenação");
        for (int i=0;i<lista.length;i++) {
            lista[i]=(int) (100*Math.random());
            System.out.print(lista[i] + " ");
        }
}</pre>
```

Esse algoritmo tem complexidade QUADRÁTICA, ou seja, O(n²). Se n dobra, o número de operações quadruplica.

Ordenação por seleção – Selection Sort

Este método caracteriza-se por procurar, a cada iteração, a chave de menor (ou maior) valor do vetor e colocá-la em sua posição definitiva correta, seja no início ou no final, por troca com a chave que ocupava aquela posição. O vetor a ser classificado fica, então, reduzido de um elemento. O mesmo processo é repetido para o resto do vetor, até que este fique reduzido a um elemento, quando, então, a classificação estará concluída.

A busca pela menor chave é feita por pesquisa sequencial. Uma vez encontrada, esta é trocada com a chave que ocupa a posição inicial do vetor.

O processo de seleção é repetido para o restante do vetor.

15	29	38	6	55	1	62	13	Na primeira varredura, a chave de menor valor é selecionada e colocada na posição inicial do vetor. Chave selecionada=1 é movida para a posição do número 15.
1	29	38	6	55	15	62	13	Na segunda varredura, a chave de menor valor é selecionada e colocada na posição definitiva. Chave selecionada=6 é movida para a posição do número 29.
1	6	38	29	55	15	62	13	Na terceira varredura, a chave de menor valor é selecionada e colocada na posição definitiva. Chave selecionada=13 é movida para a posição do número 38.

1	6	13	29	55	15	62	38	Na quarta varredura, a chave de menor valor é selecionada e colocada na posição definitiva. Chave selecionada=15 é movida para a posição do número 29.
1	6	13	15	55	29	62	38	Na quinta varredura, a chave de menor valor é selecionada e colocada na posição definitiva. Chave selecionada=29 é
								movida para a posição do número 55.
1	6	13	15	29	55	62	38	Na sexta varredura, a chave de menor valor é selecionada e
'	6	15	15	29	55	62	30	colocada na posição definitiva. Chave selecionada=38 é movida para a posição do número 55.
	'							
1	6	13	15	29	38	62	55	Na sétima e última varredura, a chave de menor valor é selecionada e colocada na posição definitiva. Chave
'	0	13	13	29	30	02)))	selecionada=55 é movida para a posição do número 62.
1	6	13	15	29	38	55	62	Note que o vetor já está ordenado após a sétima varredura.
		1	L	L	1	1	1	I

<u>IMPLEMENTAÇÃO</u>

Para esse método, precisamos selecionar o menor elemento do vetor e trocá-lo pelo primeiro. Essas operações serão repetidas, considerando apenas os n-1 elementos que ainda não estão selecionados.

```
public class NewClass {
    public static void main(String [] args) {
        int [] lista = new int[50];
        geraVetor(lista);
        selectionSort(lista);
        exibeVetor(lista);
    }

static void geraVetor (int[] lista) {
        System.out.println("Vetor antes da ordenação");
        for (int i=0;i<lista.length;i++) {
            lista[i]=(int) (100*Math.random());
            System.out.print(lista[i] + " ");
        }
    }
}</pre>
```

```
static void selectionSort(int[] lista){
                 int j, min, aux;
                 for (int i=0;i<lista.length-1;i++) {</pre>
                         min=i;
                         for (j=i+1;j<lista.length;j++)</pre>
                                  if (lista[j]<lista[min])</pre>
                                          min=j;
                                           if (i!=min) {
                                                   aux=lista[i];
                                                   lista[i]=lista[min];
                                                   lista[min]=aux;
static void exibeVetor (int[] lista) {
        System.out.println("\nVetor após ordenação");
        for (int i=0;i<lista.length;i++){</pre>
                 System.out.print(lista[i] + " ");
```

Esse algoritmo tem complexidade QUADRÁTICA, ou seja, O(n²). Se n dobra, o número de operações quadruplica.

ALGORITMOS DE BUSCA

Existem basicamente dois modelos de algoritmos de busca: a busca sequencial e a busca binária. Devemos conhecer o funcionamento, discutir e analisar os algoritmos de busca antes de utilizá-los para uma aplicação específica.

Busca sequencial

Nós já utilizamos o algoritmo de busca sequencial na aula sobre Listas Lineares. Dentro da classe Vetor, fizemos um método chamado search:

```
public int search(String nomeBusca) {
    for (int i = 0; i < qtde; i++) {
        if (vetor[i].nome.equals(nomeBusca)) {
            return i;
        }
    }
    return -1;
}</pre>
```

Basicamente, estamos procurando um determinado elemento em uma lista. Podemos não saber se o elemento PROCURADO existe na lista antes da pesquisa. A Busca Sequencial funciona da mesma forma, independentemente da estrutura de dados utilizada (vetor, arrayList etc.).

Normalmente, não temos garantia sobre a ordem dos elementos na lista, se (por exemplo) as inserções aconteceram sob o controle de um usuário. Em tais circunstâncias, uma busca sequencial a partir da posição 0 é tão eficiente quanto qualquer outro método, para encontrar um valor. Assim, a busca começa no primeiro elemento da lista e continua até que o item seja encontrado ou toda a lista tenha sido percorrida.

Dado um vetor V e um elemento E, o **problema da busca** consiste em **verificar se E pertence a V** e, normalmente, quer se saber, também, qual é **primeira posição em que o elemento E aparece no vetor**.

0	1	2	3	4	5	6
8	7	5	6	7	-3	4

Na busca sequencial, parte-se da primeira posição do vetor e, a cada elemento consultado, verificamos se ele é o procurado: caso afirmativo, devolve-se o índice. Em caso negativo, isto é, o elemento não está no vetor, devolve-se -1.

A sequência abaixo ilustra a busca pelo elemento 6 no vetor V:

0	1	2	3	4	5	6
8	7	5	6	7	-3	4
?						
0	1	2	3	4	5	6
8	7	5	6	7	-3	4
	?					
0	1	2	3	4	5	6
8	7	5	6	7	-3	4
		?				
0	1	2	3	4	5	6
8	8 7		6	7	-3	4
			?			

Pela simulação da busca sequencial acima, concluímos que o elemento 6 está na posição 3 do vetor.

Analisando esse algoritmo

As instruções do loop "for" são repetidas várias vezes. Para cada iteração do loop, o item de pesquisa é comparado com um elemento da lista. O loop termina quando o item de busca é encontrado na lista ou quando o elemento não é encontrado na lista. Para efeito de cálculo, contaremos o número de comparações realizadas.

- Nós queremos determinar o número de comparações feitas pelo algoritmo de Busca Sequencial, quando a lista é percorrida para encontrar determinado valor.
- Se o item não estiver na lista, então, n comparações são realizadas (todos os itens da lista devem ser verificados) antes do retorno indicando que não existe o elemento.
- MELHOR CASO o valor procurado é o primeiro 1 comparação O(1)
- PIOR CASO o valor procurado é o último valor da lista n comparações O(n)
- CASO MÉDIO (1+n)/2 O(n)

O que acontece se tivermos de buscar uma palavra em um vetor de 100.000.000.000 de elementos? A Busca Sequencial consumirá MUITO tempo...

Busca binária

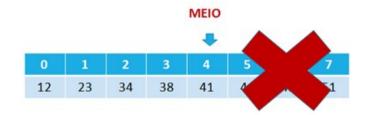
Quando **o vetor está ordenado**, podemos utilizar uma técnica de divisão-e-conquista chamada busca binária:

- Acessamos o elemento central do vetor.
- Se o elemento procurado for o elemento do meio, pare. Se o elemento procurado for menor que o elemento do meio, repetimos o processo para os elementos menores que o elemento do meio; caso contrário, repetimos o processo nos elementos maiores que o elemento do meio.

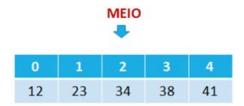
Vamos localizar o número 34 na lista abaixo:



O processo se repete com a primeira metade da lista. Vamos localizar o valor 34 na lista abaixo:



O processo se repete... Vamos localizar o valor 34 na lista abaixo:



ELEMENTO ENCONTRADO COM TRÊS COMPARAÇÕES!

IMPLEMENTAÇÃO

```
int pesquisaBinaria(int X, int numero[]) {
   int inf, sup, meio;
   inf = 0;
   sup = numero.length - 1;
   while (inf <= sup) {
      meio = (inf + sup) / 2;
      if (X == numero[meio]) {
          return meio;
      } else if (X < numero[meio]) {
          sup = meio - 1;
      } else {
          inf = meio + 1;
      }
   }
   return -1;
   /* não encontrado */
}</pre>
```

Analisando esse algoritmo

A cada passo do algoritmo, o tamanho do vetor é reduzido aproximadamente pela metade. No pior caso, quando o elemento não está no vetor, a redução do vetor vai até o tamanho 1. A partir desse ponto, low > high e o algoritmo termina. Para se atingir o tamanho 1, devemos calcular a quantidade de passos k para chegar a tal tamanho:

$$2k=n \Rightarrow k = log_2 n passos$$

Como em cada passo as operações de comparação e divisão pela metade podem ser feitas em tempo O(1), a complexidade total da busca binária é O(log₂ n). Normalmente, omite-se a base 2 e é comum dizermos que este algoritmo é **O(log n)**.

Para n muito grande, log n é bem menor que n. Assim, um algoritmo O(log n) é mais eficiente que um O(n). Isso nos permite concluir que, para vetores ordenados, a **busca binária [O(log n)] é mais eficiente que a busca sequencial [O(n)]**.

Busca Sequencial versus Busca Binária

- O benefício de busca binária sobre busca sequencial torna-se significativo para as listas com mais de 100 elementos. Para listas menores, a busca sequencial pode ser mais rápida.
- A regra geral é que, para listas grandes, a busca binária é muito mais rápida do que a busca sequencial, mas não vale a pena para listas pequenas.
- Note que a pesquisa binária não é apropriada para estruturas de lista ligada (sem acesso aleatório para o termo central).