

# Simulação do controle FOC de motor PMSM aplicado a um motor BLDC

1<sup>st</sup> Felipe Lenschow

Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica

Universidade do Estado de Santa Catarina

Joinville, Santa Catarina, Brasil

felipe.lenschow@edu.udesc.br

**Resumo**—Este artigo apresenta a modelagem e simulação do acionamento utilizando Controle Orientado a Campo (FOC), comparando seu desempenho quando aplicado a um motor de corrente alternada sem escovas (BLAC), para o qual foi projetado, e a um Motor de Corrente Contínua Sem Escovas (BLDC). O modelo matemático no referencial dq é derivado para ambas as máquinas, e uma estratégia de controle empregando controladores Proporcional-Integral (PI) é implementada. A simulação, desenvolvida em Python, demonstra que, embora o FOC mantenha um controle preciso de velocidade para ambos os motores, ele introduz um ripple de torque significativo no motor BLDC devido à sua força contra-eletromotriz trapezoidal. Os resultados evidenciam as limitações do FOC padrão para máquinas BLDC em aplicações que exigem baixo ripple de torque.

**Index Terms**—PMSM, Controle Orientado a Campo, Simulação, Python, Acionamento de Motor

## I. INTRODUÇÃO

Motores Síncronos de Ímãs Permanentes (PMSMs) são amplamente utilizados em aplicações industriais, veículos elétricos e robótica devido à sua alta eficiência, alta densidade de potência e excelente desempenho dinâmico. Para alcançar um controle de alto desempenho, o Controle Orientado a Campo (FOC) é comumente empregado. O FOC permite o controle independente de fluxo e torque transformando as correntes trifásicas do estator para um referencial girante dq, alinhado com o fluxo do rotor [1], porém, tal método de controle apresenta limitações quando aplicado a motores de corrente contínua sem escovas (BLDC), que possuem uma força contra-eletromotriz trapezoidal, em vez senoidal como nos motores de corrente alternada sem escovas (BLACs).

Este artigo desenvolve um ambiente de simulação para um sistema de acionamento PMSM. A simulação inclui a física do motor, o inversor de fonte de tensão e o algoritmo FOC. O objetivo é fornecer uma compreensão clara da dinâmica do sistema, validando o controle desenvolvido em [4], bem como mostrar os efeitos do mesmo FOC na dinâmica do motor BLDC.

## II. MODELO DO SISTEMA

### A. Modelo de Motores PMSC

O modelo dinâmico dos PMSMs pode ser derivado a partir das equações de tensão de fase. Conforme descrito em [2], as tensões nos enrolamentos do estator são definidas por:

$$\begin{bmatrix} v_a \\ v_b \\ v_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R_s & 0 & 0 \\ 0 & R_s & 0 \\ 0 & 0 & R_s \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_a \\ i_b \\ i_c \end{bmatrix} + \frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \psi_a \\ \psi_b \\ \psi_c \end{bmatrix} \quad (1)$$

onde  $\psi$  representa o fluxo total concatenado em cada enrolamento, dado por:

$$\begin{bmatrix} \psi_a \\ \psi_b \\ \psi_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_{aa} & L_{ab} & L_{ac} \\ L_{ba} & L_{bb} & L_{bc} \\ L_{ca} & L_{cb} & L_{cc} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_a \\ i_b \\ i_c \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \psi_{am} \\ \psi_{bm} \\ \psi_{cm} \end{bmatrix} \quad (2)$$

A matriz de indutâncias  $L_{abc}$  contém termos que variam com a posição do rotor  $\theta_m$  devido à saliência dos polos. Como apresentado por [4], as indutâncias próprias e mútuas são dadas por:

$$L_{aa} = L_{al} + L_{aa0} + L_{g2} \cos(2\theta_e) \quad (3)$$

$$L_{bb} = L_{al} + L_{aa0} + L_{g2} \cos(2\theta_e + 2\pi/3) \quad (4)$$

$$L_{cc} = L_{al} + L_{aa0} + L_{g2} \cos(2\theta_e - 2\pi/3) \quad (5)$$

$$L_{ab} = -\frac{1}{2}L_{aa0} + L_{g2} \cos(2\theta_e - 2\pi/3) \quad (6)$$

$$L_{bc} = -\frac{1}{2}L_{aa0} + L_{g2} \cos(2\theta_e) \quad (7)$$

$$L_{ca} = -\frac{1}{2}L_{aa0} + L_{g2} \cos(2\theta_e + 2\pi/3) \quad (8)$$

onde  $L_{al}$  é a indutância de dispersão,  $L_{aa0}$  é a componente constante da indutância mútua e  $L_{g2}$  representa a amplitude da variação de indutância devido à saliência.

Para simplificar a análise, aplica-se a Transformada de Park para converter as variáveis do referencial trifásico ( $abc$ ) para o referencial síncrono girante ( $dq0$ ). A transformação é definida por  $\mathbf{x}_{dq0} = \mathbf{T}\mathbf{x}_{abc}$ , onde  $\mathbf{T}$  é a matriz de transformação dada por:

$$\mathbf{T} = \frac{2}{3} \begin{bmatrix} \cos(\theta_e) & \cos(\theta_e - \frac{2\pi}{3}) & \cos(\theta_e + \frac{2\pi}{3}) \\ -\sin(\theta_e) & -\sin(\theta_e - \frac{2\pi}{3}) & -\sin(\theta_e + \frac{2\pi}{3}) \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \quad (9)$$

Aplicando a Transformada de Park na equação (1), obtemos a equação de tensão no referencial  $dq0$ :

$$\mathbf{v}_{dq0} = \mathbf{T}\mathbf{v}_{abc} = \mathbf{T}\mathbf{R}\mathbf{i}_{abc} + \mathbf{T} \frac{d\psi_{abc}}{dt} \quad (10)$$

Sabendo que  $\mathbf{i}_{abc} = \mathbf{T}^{-1}\mathbf{i}_{dq0}$  e  $\psi_{abc} = \mathbf{T}^{-1}\psi_{dq0}$ :

$$\mathbf{v}_{dq0} = \mathbf{R}\mathbf{i}_{dq0} + \mathbf{T} \frac{d}{dt}(\mathbf{T}^{-1}\psi_{dq0}) \quad (11)$$

Expandindo a derivada do produto::

$$\frac{d}{dt}(\mathbf{T}^{-1}\psi_{dq0}) = \mathbf{T}^{-1} \frac{d\psi_{dq0}}{dt} + \frac{d\mathbf{T}^{-1}}{dt} \psi_{dq0} \quad (12)$$

Substituindo na equação (11):

$$\mathbf{v}_{dq0} = \mathbf{R}\mathbf{i}_{dq0} + \frac{d\psi_{dq0}}{dt} + \mathbf{T} \frac{d\mathbf{T}^{-1}}{dt} \psi_{dq0} \quad (13)$$

A matriz inversa da transformada de Park é definida como:

$$\mathbf{T}^{-1} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_e) & -\sin(\theta_e) & 1 \\ \cos(\theta_e - \frac{2\pi}{3}) & -\sin(\theta_e - \frac{2\pi}{3}) & 1 \\ \cos(\theta_e + \frac{2\pi}{3}) & -\sin(\theta_e + \frac{2\pi}{3}) & 1 \end{bmatrix} \quad (14)$$

Sua derivada em relação ao tempo é:

$$\frac{d\mathbf{T}^{-1}}{dt} = \omega_e \begin{bmatrix} -\sin(\theta_e) & -\cos(\theta_e) & 0 \\ -\sin(\theta_e - \frac{2\pi}{3}) & -\cos(\theta_e - \frac{2\pi}{3}) & 0 \\ -\sin(\theta_e + \frac{2\pi}{3}) & -\cos(\theta_e + \frac{2\pi}{3}) & 0 \end{bmatrix} \quad (15)$$

Portanto, o termo  $\mathbf{T} \frac{d\mathbf{T}^{-1}}{dt}$  resulta em um acoplamento cruzado entre os eixos  $d$  e  $q$  devido à velocidade angular elétrica  $\omega_e$ :

$$\mathbf{T} \frac{d\mathbf{T}^{-1}}{dt} = \omega_e \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (16)$$

Em seguida, aplica-se a transformada de Park na equação de fluxo (2):

$$\psi_{dq0} = \mathbf{T}\psi_{abc} = \mathbf{T}(\mathbf{L}_{abc}\mathbf{i}_{abc} + \psi_{m,abc}) \quad (17)$$

$$\psi_{dq0} = \mathbf{T}\mathbf{L}_{abc}\mathbf{T}^{-1}\mathbf{i}_{dq0} + \mathbf{T}\psi_{m,abc} \quad (18)$$

A matriz de indutância no referencial  $dq0$ ,  $\mathbf{L}_{dq0}$ , é obtida pela transformação de similaridade  $\mathbf{T}\mathbf{L}_{abc}\mathbf{T}^{-1}$ . Esta operação desacopla as fases e elimina a dependência da posição do rotor, resultando em uma matriz diagonal constante:

$$\mathbf{L}_{dq0} = \begin{bmatrix} L_d & 0 & 0 \\ 0 & L_q & 0 \\ 0 & 0 & L_{al} \end{bmatrix} \quad (19)$$

onde as indutâncias de eixo direto e quadratura são constantes, e dadas por:

$$L_d = L_{al} + \frac{3}{2}(L_{aa0} + L_{g2}) \quad (20)$$

$$L_q = L_{al} + \frac{3}{2}(L_{aa0} - L_{g2}) \quad (21)$$

Definindo o fluxo dos ímãs transformado como  $\psi_{m,dq0} = \mathbf{T}\psi_{m,abc}$ , a equação de fluxo no referencial  $dq0$  é dada por:

$$\psi_{dq0} = \mathbf{L}_{dq0}\mathbf{i}_{dq0} + \psi_{m,dq0} \quad (22)$$

Substituindo (22) em (13):

$$\mathbf{v}_{dq0} = \mathbf{R}\mathbf{i}_{dq0} + \mathbf{L}_{dq0} \frac{d\mathbf{i}_{dq0}}{dt} + \mathbf{T} \frac{d\mathbf{T}^{-1}}{dt} \mathbf{L}_{dq0}\mathbf{i}_{dq0} + \mathbf{e}_{dq0} \quad (23)$$

onde  $\mathbf{e}_{dq0}$  é a força contra-eletromotriz no referencial  $dq0$ , dada por:

$$\mathbf{e}_{dq0} = \frac{d\psi_{m,dq0}}{dt} + \mathbf{T} \frac{d\mathbf{T}^{-1}}{dt} \psi_{m,dq0} \quad (24)$$

A forma matricial explícita no referencial  $dq$  torna-se:

$$\frac{d\mathbf{i}_{dq0}}{dt} = \mathbf{A}\mathbf{i}_{dq0} + \mathbf{B}(\mathbf{v}_{dq0} - \mathbf{e}_{dq0}) \quad (25)$$

onde as matrizes de estado  $\mathbf{A}$  e de entrada  $\mathbf{B}$  são dadas por:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -\frac{R_s}{L_d} & \omega_e \frac{L_q}{L_d} \\ -\omega_e \frac{L_d}{L_q} & -\frac{R_s}{L_q} \end{bmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} \frac{1}{L_d} & 0 \\ 0 & \frac{1}{L_q} \end{bmatrix} \quad (26)$$

Isolando as derivadas para cada componente:

$$\frac{dI_d}{dt} = \frac{1}{L_d}(V_d - R_s I_d + \omega_e L_q I_q - e_d) \quad (27)$$

$$\frac{dI_q}{dt} = \frac{1}{L_q}(V_q - R_s I_q - \omega_e L_d I_d - e_q) \quad (28)$$

## B. Diferenças entre BLDC e BLAC

Ambos são motores síncronos de ímãs permanentes, mas a principal distinção entre o motor BLDC e o BLAC reside na distribuição do fluxo magnético e na forma de onda da força contra-eletromotriz (Back-EMF).

1) *BLAC*: O Motor Síncrono de Ímãs Permanentes (PMSM), ou BLAC, possui uma distribuição de fluxo senoidal. No referencial síncrono  $dq$ , as componentes da força contra-eletromotriz tornam-se constantes:

$$e_d = 0 \quad (29)$$

$$e_q = \omega_e \lambda_m \quad (30)$$

Isso simplifica o controle, pois as referências de corrente podem ser constantes para torque constante.

2) *BLDC*: O motor BLDC possui uma distribuição de fluxo trapezoidal. Ao contrário do BLAC, as componentes  $e_d$  e  $e_q$  no referencial síncrono não são constantes, mas variam com a posição do rotor, apresentando ondulações características.

A Fig. 1 ilustra que  $e_q$  apresenta ondulações (harmônicos de ordem  $6k$ ) em vez de ser um valor DC puro, e  $e_d$  também oscila em torno de zero. Essas variações introduzem ripple de torque se o controle FOC padrão (projetado para PMSM) for aplicado sem compensação.

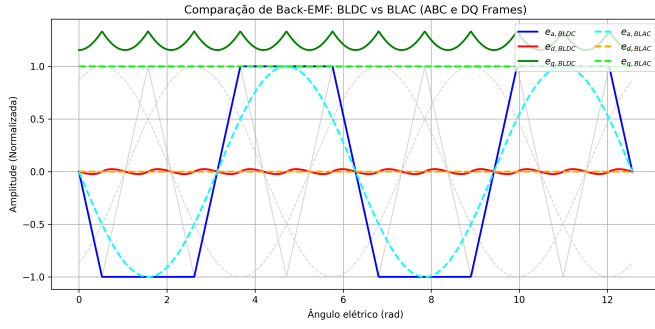


Figura 1. Formas de onda da força contra-eletromotriz trapezoidal no referencial trifásico ( $e_a, e_b, e_c$ ) e suas componentes no referencial síncrono ( $e_d, e_q$ ).

### C. Equação de Torque

A potência instantânea de entrada nos terminais do estator no referencial  $abc$  é dada por:

$$P_{abc} = v_a i_a + v_b i_b + v_c i_c \quad (31)$$

Utilizando a transformação de Park, e considerando a transformação invariante em amplitude e a componente zero nula, a potência pode ser reescrita no referencial  $dq0$ :

$$P_{dq} = \frac{3}{2} (v_d i_d + v_q i_q) \quad (32)$$

Substituindo as equações de tensão  $v_d$  e  $v_q$  na equação de potência (13 em 32):

$$P_{dq} = \frac{3}{2} \left[ i_d \left( R_s i_d + L_d \frac{di_d}{dt} - \omega_e L_q i_q + e_d \right) + i_q \left( R_s i_q + L_q \frac{di_q}{dt} + \omega_e L_d i_d + e_q \right) \right] \quad (33)$$

Reagrupando os termos, podemos identificar três componentes distintas de potência:

$$P_{dq} = \underbrace{\frac{3}{2} R_s (i_d^2 + i_q^2)}_{P_{cu}} + \underbrace{\frac{3}{2} \left( L_d i_d \frac{di_d}{dt} + L_q i_q \frac{di_q}{dt} \right)}_{P_{mag}} + \underbrace{\frac{3}{2} [(e_d i_d + e_q i_q) + \omega_e (L_d - L_q) i_d i_q]}_{P_{em}} \quad (34)$$

onde  $P_{cu}$  representa as perdas resistivas no cobre,  $P_{mag}$  é a taxa de variação da energia magnética armazenada, e  $P_{em}$  é a potência eletromecânica convertida. Portanto, a potência eletromecânica é:

$$P_{em} = \frac{3}{2} (e_d i_d + e_q i_q) + \frac{3}{2} \omega_e (L_d - L_q) i_d i_q \quad (35)$$

O torque eletromagnético  $T_e$  relaciona-se com a potência mecânica pela velocidade angular do rotor  $\omega_m$ . Considerando  $\omega_e = P \omega_m$ , onde  $P$  é o número de pares de polos:

$$T_e = \frac{P_{em}}{\omega_m} = \frac{P P_{em}}{\omega_e} \quad (36)$$

Substituindo a expressão de  $P_{em}$ :

$$T_e = \frac{3}{2} P \left[ \frac{e_d i_d + e_q i_q}{\omega_e} + (L_d - L_q) i_d i_q \right] \quad (37)$$

Podemos separar o torque em duas componentes: o torque de alinhamento (ou síncrono), devido à interação com a força contra-eletromotriz, e o torque de relutância, devido à assimetria do rotor:

$$T_e = \underbrace{\frac{3}{2} P \frac{e_d i_d + e_q i_q}{\omega_e}}_{T_{sinc}} + \underbrace{\frac{3}{2} P (L_d - L_q) i_d i_q}_{T_{rel}} \quad (38)$$

O termo  $T_{relutancia}$  surge em máquinas com saliência ( $L_d \neq L_q$ ), sendo proporcional a  $(L_d - L_q) I_d I_q$ .

Para máquinas de ímãs permanentes com  $L_d = L_q$ , o torque de relutância se torna zero.

No caso do BLAC, onde  $e_d = 0$  e  $e_q = \omega_e \lambda_m$ , a equação simplifica-se para a forma clássica:

$$T_e = \frac{3}{2} P \lambda_m I_q \quad (39)$$

Para o motor BLDC, como visto anteriormente,  $e_d$  e  $e_q$  variam com a posição do rotor, resultando em ondulações de torque se as correntes  $I_d$  e  $I_q$  forem mantidas constantes. A simulação utiliza a forma geral baseada nas componentes de força contra-eletromotriz para capturar este comportamento.

A dinâmica mecânica é descrita por:

$$J \frac{d\omega_m}{dt} = T_e - T_L - B \omega_m - T_c \quad (40)$$

onde  $J$  é o momento de inércia,  $\omega_m$  é a velocidade mecânica,  $T_L$  é o torque de carga,  $B$  é o coeficiente de atrito viscoso, e  $T_c$  é o torque de atrito de Coulomb.

### D. Parâmetros do Motor

Os parâmetros do motor utilizado neste trabalho, baseados em [4], são apresentados na Tabela I.

Tabela I  
PARÂMETROS DO MOTOR BLAC

Parâmetro	Símbolo	Valor
Pares de polos	$P$	21
Resistência do estator	$R_s$	4.485 $\Omega$
Indutância de eixo direto	$L_d$	54.8 mH
Indutância de eixo em quadratura	$L_q$	54.8 mH
Fluxo magnético	$\lambda_m$	0.201 Wb
Momento de inércia	$J$	0.1444 kg·m <sup>2</sup>
Atrito viscoso	$B$	0.0057 Nms/rad

### III. ESTRATÉGIA DE CONTROLE

A estratégia de controle adotada é o Controle Orientado a Campo (FOC), que permite o controle desacoplado de torque e fluxo. O diagrama de blocos geral do sistema de controle é apresentado na Fig. 2. O sistema consiste em uma malha externa de velocidade e duas malhas internas de corrente ( $I_d$  e  $I_q$ ).

A referência de velocidade é comparada com a velocidade medida, gerando uma referência de corrente de quadratura  $I_q^*$  através de um controlador PI. A referência de corrente de eixo direto  $I_d^*$  é mantida em zero para maximizar o torque por ampère (estratégia MTPA para SPMSM). As correntes medidas são transformadas para o referencial síncrono e controladas por controladores PI independentes, gerando as tensões de referência para o algoritmo SVPWM.

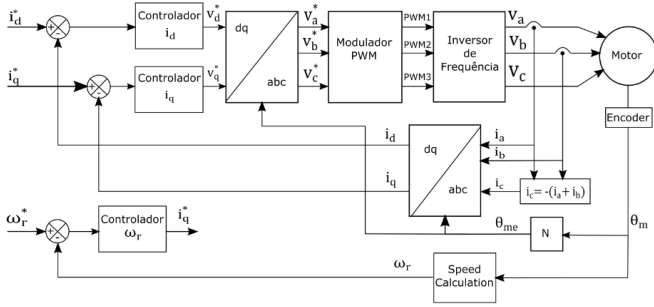


Figura 2. Diagrama de blocos geral do controle FOC.

#### A. Modelo do Inversor

O Inversor de Fonte de Tensão (VSI) trifásico é modelado idealmente, assumindo que as tensões de referência geradas pelo controlador são aplicadas com precisão aos terminais do motor, limitadas apenas pela tensão do barramento CC  $V_{bus}$ . Os limites da Modulação por Largura de Pulso Vetorial Espacial (SVPWM) são considerados saturando a magnitude do vetor de tensão para  $V_{bus}/\sqrt{3}$  para um movimento suave.

#### B. Projeto do Controlador de Corrente

O controle de corrente é realizado no referencial síncrono  $dq$ , utilizando dois controladores PI independentes para regular as correntes  $I_d$  e  $I_q$ . O diagrama de blocos do controlador de corrente implementado é mostrado na Fig. 3.

A banda passante ( $\omega_b$ ) da malha de corrente é projetada para ser aproximadamente 10 vezes maior que a da malha de velocidade, garantindo o desacoplamento dinâmico. Neste trabalho, adotou-se  $\omega_b = 350$  Hz e  $\xi = 4$ . Os ganhos resultantes são calculados conforme as equações analíticas apresentadas em [4], tendo como premissas que o acoplamento entre os eixos  $d$  e  $q$  é tratado como um distúrbio a ser compensado, que a dinâmica dos eixos  $d$  e  $q$  são iguais (válido para  $L_d = L_q$ ), e que a resistência do motor seja muito menor que o ganho do controlador:

$$k_p = \frac{\xi \omega_b 2 L_q}{\sqrt{2\xi^2 + 1} + \sqrt{(1 + 2\xi)^2 + 1}} \quad (41)$$

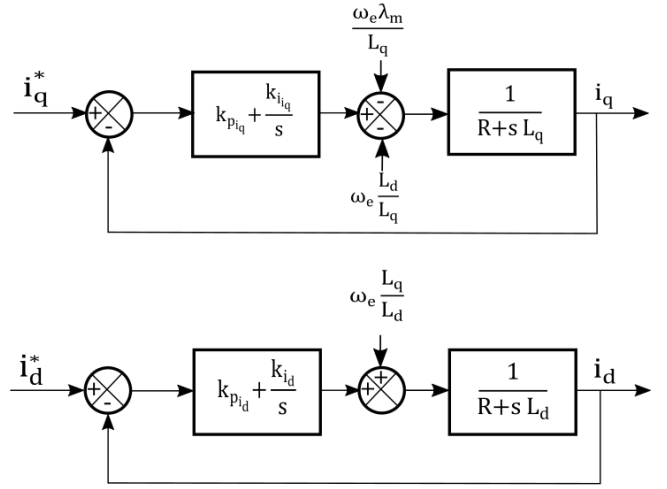


Figura 3. Diagrama de blocos do controlador de corrente [4].

$$k_i = \frac{L_q \omega_b^2}{2\xi^2 + 1 + \sqrt{(1 + 2\xi)^2 + 1}} \quad (42)$$

Substituindo os parâmetros, obtém-se  $k_p = 119$  e  $k_i = 4015$ .

#### C. Projeto do Controlador de Velocidade

O controlador de velocidade é responsável por regular a velocidade mecânica do rotor, gerando a referência de corrente  $I_q^*$  para a malha interna. Utiliza-se um controlador PI. O diagrama de blocos do controlador de velocidade é apresentado na Fig. 4. A referência de corrente de eixo direto  $I_d^*$  é mantida em zero.

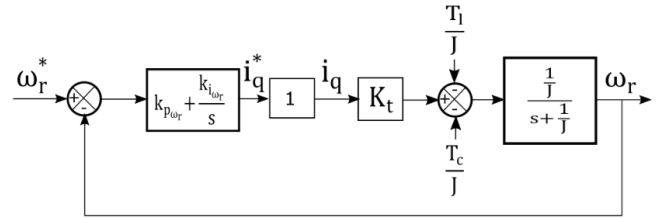


Figura 4. Diagrama de blocos do controlador de velocidade [4].

O projeto do controlador assume que a dinâmica da malha de corrente é suficientemente rápida para ser considerada ideal (ganho unitário) na faixa de frequências de interesse da malha de velocidade. A banda passante escolhida foi  $\omega_b = 35$  Hz com um fator de amortecimento  $\xi = 1.0$ . As equações para os ganhos, considerando o torque de carga e atrito de Coulomb como distúrbios e o atrito viscoso desprezível frente à inércia, são dadas por:

$$k_p = \frac{\xi \omega_b 2 J}{K_t \sqrt{2\xi^2 + 1} + \sqrt{(1 + 2\xi)^2 + 1}} \quad (43)$$

$$k_i = \frac{J\omega_b^2}{K_t(2\xi^2 + 1 + \sqrt{(1 + 2\xi)^2 + 1})} \quad (44)$$

Os ganhos obtidos para o controlador de velocidade são  $k_p = 1.25$  e  $k_i = 55$ .

#### IV. SIMULAÇÃO

##### A. Implementação

Para validar a análise comparativa, foi desenvolvido um simulador modular em Python, projetado para flexibilidade e facilidade de manutenção, pode ser visto no anexo A. A estrutura do simulador é baseada em componentes independentes que interagem através de interfaces bem definidas, permitindo a substituição de modelos de motor e estratégias de controle sem a necessidade de reescrever o código principal.

A arquitetura do simulador é composta pelos seguintes módulos principais:

- **Motor:** Define a física da máquina elétrica. Foram implementadas classes distintas para `BLDCMotor` e `BLACMotor`, ambas herdando ou seguindo uma interface comum que expõe métodos para o cálculo da dinâmica eletromecânica. Isso permite a troca direta entre os modelos de motor no script principal.
- **Controller:** Implementa a lógica de controle, como o FOC. Este módulo recebe as referências e as medições dos sensores para calcular as tensões de referência.
- **Inverter:** Modela o comportamento do inversor de potência, convertendo as tensões de referência em tensões aplicadas aos terminais do motor, considerando a tensão do barramento DC.
- **Sensors:** Simula a aquisição de dados, fornecendo medições de corrente, posição e velocidade, podendo incluir ruídos ou atrasos para maior realismo.

O ciclo de simulação, executado em `Simulate.py`, opera em passos de tempo discretos ( $T_s$ ). Em cada iteração, o fluxo de dados segue a sequência:

- 1) **Definição de Perfil:** Atualização das referências de velocidade e torque de carga conforme o tempo de simulação.
- 2) **Sensoriamento:** O módulo de sensores lê o estado atual do motor.
- 3) **Controle:** O controlador calcula as ações de controle baseadas nas leituras dos sensores e nas referências.
- 4) **Atuação:** O inversor aplica as tensões resultantes ao motor.
- 5) **Física:** O modelo do motor atualiza suas variáveis de estado (correntes, velocidade, posição) resolvendo as equações diferenciais do sistema.
- 6) **Registro:** As variáveis de interesse são armazenadas para análise posterior.

Essa abordagem modular facilitou a comparação direta entre o desempenho do FOC em motores BLDC e BLAC, garantindo que as mesmas condições de controle e simulação fossem aplicadas a ambos os casos, isolando as diferenças

intrínsecas das máquinas. Os parâmetros do motor utilizados são apresentados na Tabela I.

O perfil de simulação segue o padrão desenvolvido em [4], que consiste em:

- $t = 0.0s$ : Início em 40 RPM.
- $t = 0.2s$ : Degrau de torque de carga de 20 Nm aplicado.
- $t = 0.4s$ : Degrau de referência de velocidade para 80 RPM.
- $t = 0.6s$ : Degrau de referência de velocidade de volta para 40 RPM.
- $t = 0.8s$ : Torque de carga removido.

#### V. RESULTADOS

A Fig. 5 e a Fig. 6 mostram a resposta do sistema comparando o motor BLAC e o motor BLDC sob o mesmo controle FOC.

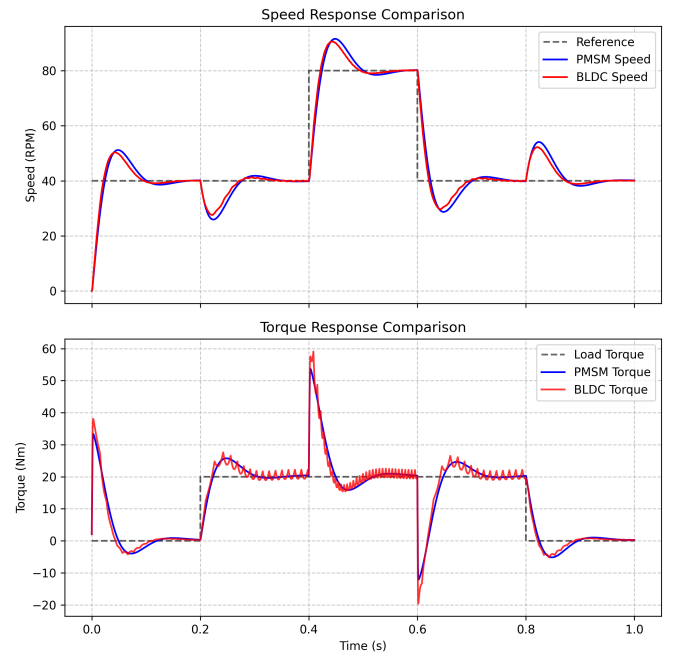


Figura 5. Comparação de Velocidade e Torque entre BLAC e BLDC.

O controlador de velocidade rastreia a referência de RPM com precisão para ambos os motores, mesmo tendo uma leve oscilação e ter o comportamento levemente mais rápido no caso do BLDC. Já para o torque, observa-se que o motor BLDC apresenta um ripple significativo em comparação com o BLAC. Este ripple é intrínseco à aplicação do controle FOC, projetado para formas de onda senoidais, em uma máquina com força contra-eletromotriz trapezoidal. A frequência fundamental deste ripple é de 6 vezes a frequência elétrica, correspondendo às comutações que ocorreriam em um controle trapezoidal padrão, efeito esse que pode ser observado no intervalo  $0.4 < t < 0.6$  s, em que a velocidade é dobrada, e a frequência do ripple de torque também é dobrada.

As correntes  $I_d$  e  $I_q$  no caso do BLDC (Fig. 6) mostram oscilações claras. O controlador PI de corrente tenta compensar a variação da Back-EMF trapezoidal, que não é constante

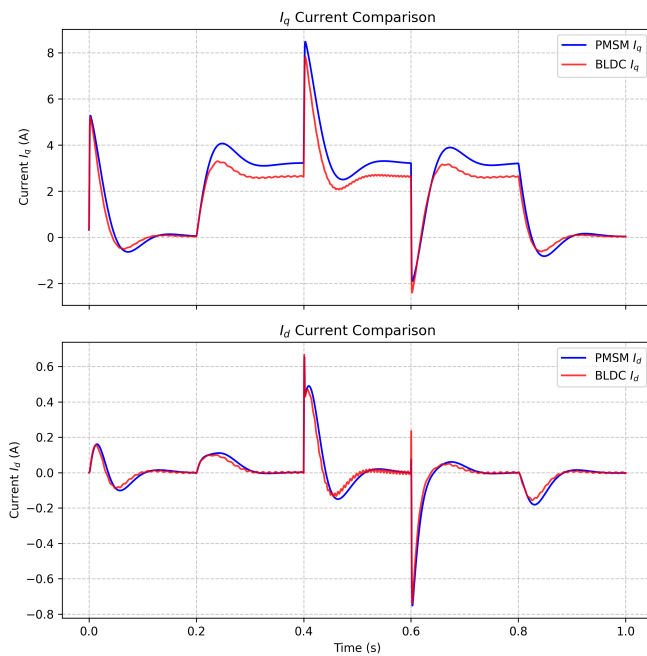


Figura 6. Comparação das Correntes  $I_d$  e  $I_q$  entre BLAC e BLDC.

no referencial  $dq$ , resultando nessas ondulações. Embora a velocidade média seja mantida, a qualidade do torque é degradada, o que pode gerar vibrações e ruído acústico em aplicações reais.

## VI. CONCLUSÃO

Uma simulação completa de um acionamento PMSM usando FOC foi apresentada e comparada com a aplicação da mesma estratégia em um motor BLDC. A implementação modular em Python permitiu uma análise detalhada das diferenças de desempenho.

Os resultados confirmam que, embora o FOC possa controlar a velocidade de um motor BLDC com eficácia, ele introduz um ripple de torque considerável devido ao descasamento entre a estratégia de controle (baseada em modelos senoidais) e a física do motor (Back-EMF trapezoidal). Para aplicações de alto desempenho utilizando motores BLDC, estratégias de minimização de ripple de torque ou o uso de controle trapezoidal dedicado seriam mais apropriados. O ambiente de simulação desenvolvido serve como uma ferramenta valiosa para estudar e validar tais estratégias de controle avançado.

## APÊNDICE A CÓDIGO DA SIMULAÇÃO

Os códigos fonte da simulação desenvolvida em Python são apresentados a seguir.

## REFERÊNCIAS

- [1] P. Pillay and R. Krishnan, "Modeling, simulation, and analysis of permanent-magnet motor drives. I. The permanent-magnet synchronous motor drive," IEEE Transactions on Industry Applications, vol. 25, no. 2, pp. 265-273, March-April 1989.
- [2] MathWorks, "BLDC - Three-winding brushless direct current motor with trapezoidal flux distribution," [Online]. Available: <https://www.mathworks.com/help/sps/ref/bldc.html>.
- [3] MathWorks, "PMSM - Permanent Magnet Synchronous Motor," [Online]. Available: <https://www.mathworks.com/help/sps/ref/pmsm.html>.
- [4] Matheus Alexandre Bevilaqua, "Implementação do Controle de Velocidade de Motores Síncronos a Ímãs Permanentes em Plataforma LabVIEW FPGA", Universidade do Estado de Santa Catarina, 2015.