

Modelagem e Otimização de um Sistema de Produção usando Python

OBS: Alguns códigos não couberam inteiros na print, vou deixar um link com os código completos para testar e verificar no GITHUB no final do arquivo.

1. Estipular a função Custo, Receita e Lucro de produção;

Dados: Custo $\rightarrow C(x) = 120x^2 + 25x$
Receita $\rightarrow R(x) = 60x$

Fórmula função de Lucro $L(x)$:

$$L(x) = R(x) - C(x) \rightarrow$$

$$L(x) = 60x - (120x^2 + 25x)$$

$$L(x) = -120x^2 + 60x - 25x$$

$$L(x) = -120x^2 + 35x$$

logo:

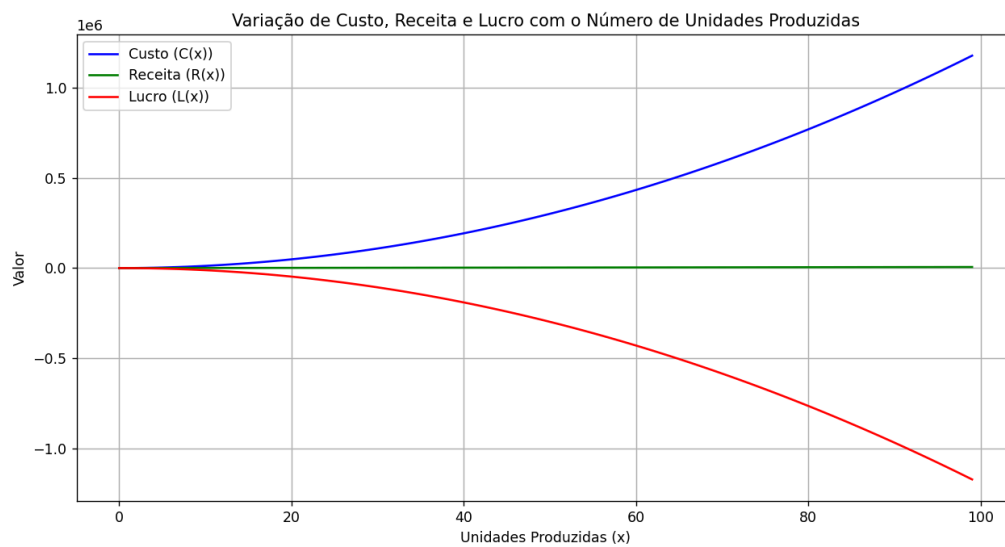
$$C(x) = 120x^2 + 25x$$

$$R(x) = 60x$$

$$L(x) = -120x^2 + 35x$$

2. Implementar simulações no Python, variando o número de unidades produzidas e observando como o custo, receita e lucro variam;

```
4      # Funções para Custo, Receita e Lucro
      2 usages
5      def custo(x):
6          return 120 * x**2 + 25 * x
7
      2 usages
8      def receita(x):
9          return 60 * x
10
      1 usage
11     def lucro(x):
12         return receita(x) - custo(x)
13
14     # Variando o número de unidades produzidas
15     x_values = np.arange(0, 100, 1)
16     custo_values = custo(x_values)
17     receita_values = receita(x_values)
18     lucro_values = lucro(x_values)
19
20     # Plotando os resultados
21     plt.figure(figsize=(12, 6))
22     plt.plot(*args: x_values, custo_values, label="Custo (C(x))", color="blue")
23     plt.plot(*args: x_values, receita_values, label="Receita (R(x))", color="green")
24     plt.plot(*args: x_values, lucro_values, label="Lucro (L(x))", color="red")
25     plt.xlabel("Unidades Produzidas (x)")
26     plt.ylabel("Valor")
27     plt.title("Variação de Custo, Receita e Lucro com o Número de Unidades Produzidas")
28     plt.legend()
29     plt.grid(True)
30     plt.show()
```

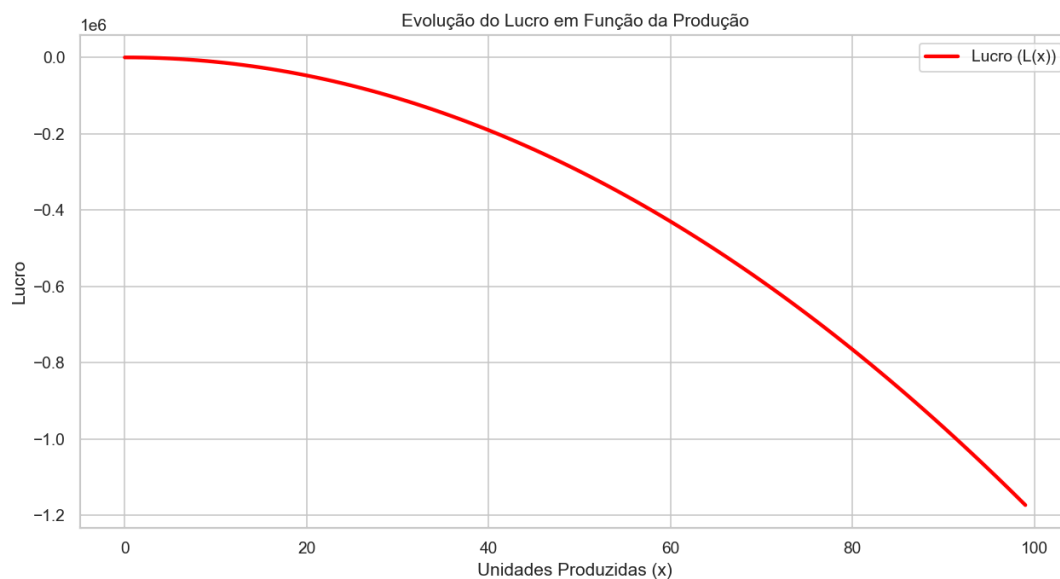


3. Usar bibliotecas como Matplotlib ou Seaborn para criar gráficos que mostrem a evolução do lucro em função da produção.

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import seaborn as sns
4
5 # Funções para Custo, Receita e Lucro
6 def custo(x):
7     return 120 * x**2 + 25 * x
8
9 def receita(x):
10    return 60 * x
11
12 def lucro(x):
13    return receita(x) - custo(x)
14
15 # Variando o número de unidades produzidas
16 x_values = np.arange(0, 100, 1)
17 lucro_values = lucro(x_values)
18
19 # Configuração do estilo do Seaborn
20 sns.set(style="whitegrid")
21
22 # Criando o gráfico para a evolução do lucro em função da produção
23 plt.figure(figsize=(12, 6))
24 sns.lineplot(x=x_values, y=lucro_values, color="red", linewidth=2.5, label="Lucro (L(x))")
25 plt.xlabel("Unidades Produzidas (x)")
26 plt.ylabel("Lucro")
27 plt.title("Evolução do Lucro em Função da Produção")
28 plt.legend()
29 plt.grid(True)
30 plt.show()

```

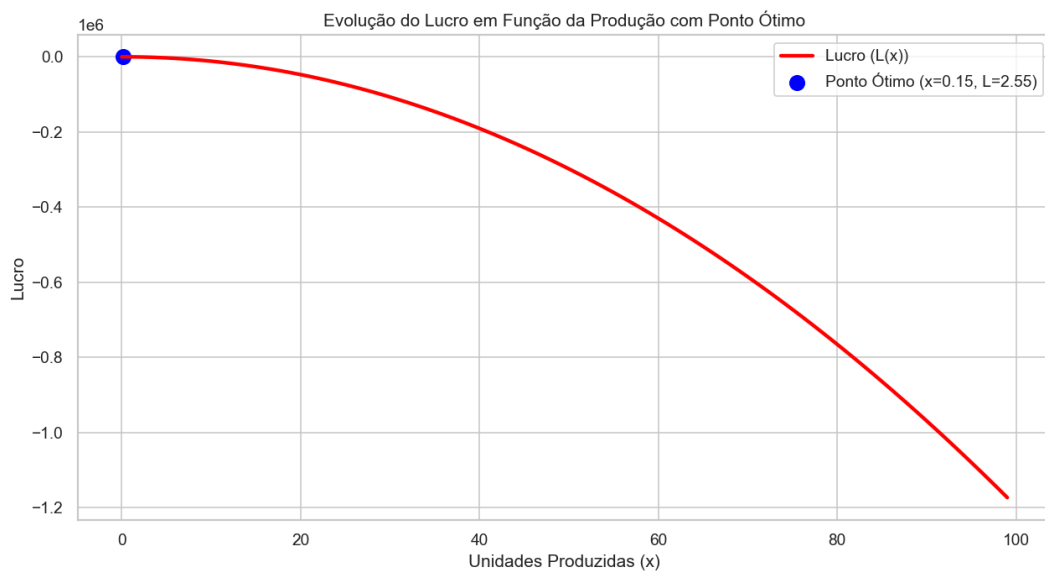


4. Exibir o ponto ótimo de produção no gráfico.

```

10 def receita(x):
11     return 60 * x
12
13 3 usages
13 def lucro(x):
14     return receita(x) - custo(x)
15
16 # Função negativa do lucro para maximizar usando fmin
17 1 usage
17 def lucro_neg(x):
18     return -lucro(x)
19
20 # Encontrando o ponto ótimo
21 x_otimo = fmin(lucro_neg, x0=1, disp=False)[0]
22 lucro_otimo = lucro(x_otimo)
23
24 # Variando o número de unidades produzidas
25 x_values = np.arange(0, 100, 1)
26 lucro_values = lucro(x_values)
27
28 # Plotando o gráfico com o ponto ótimo
29 sns.set(style="whitegrid")
30 plt.figure(figsize=(12, 6))
31 sns.lineplot(x=x_values, y=lucro_values, color="red", linewidth=2.5, label="Lucro (L(x))")
32 plt.scatter(x_otimo, lucro_otimo, color="blue", s=100, label=f'Ponto Ótimo (x={x_otimo:.2f}, L={lucro_otimo:.2f})')
33 plt.xlabel("Unidades Produzidas (x)")
34 plt.ylabel("Lucro")
35 plt.title("Evolução do Lucro em Função da Produção com Ponto Ótimo")
36 plt.legend()
37 plt.grid(True)
38 plt.show()

```



5. Considerar fatores externos que possam impactar a produção, como impostos, variação no custo das matérias-primas, etc

Para incorporar fatores externos que afetam a produção, como impostos e variação no custo das matérias-primas, podemos ajustar a função de custo ou receita para refletir essas variações. Aqui estão algumas sugestões de ajustes:

1. Impostos sobre Produção ou Lucro

- Um imposto fixo pode ser aplicado ao lucro final, ou podemos adicionar uma porcentagem fixa ao custo total.
- Suponha que o imposto seja de $t\%$ sobre o lucro. A nova função lucro será:

$$L_{ajustado}(x) = L(x) \cdot (1 - t / 100)$$

2. Variação no Custo das Matérias-Primas

- A variação no custo das matérias-primas pode ser representada com um fator multiplicativo no custo. Se o custo das matérias-primas aumenta em $m\%$, o novo custo é:

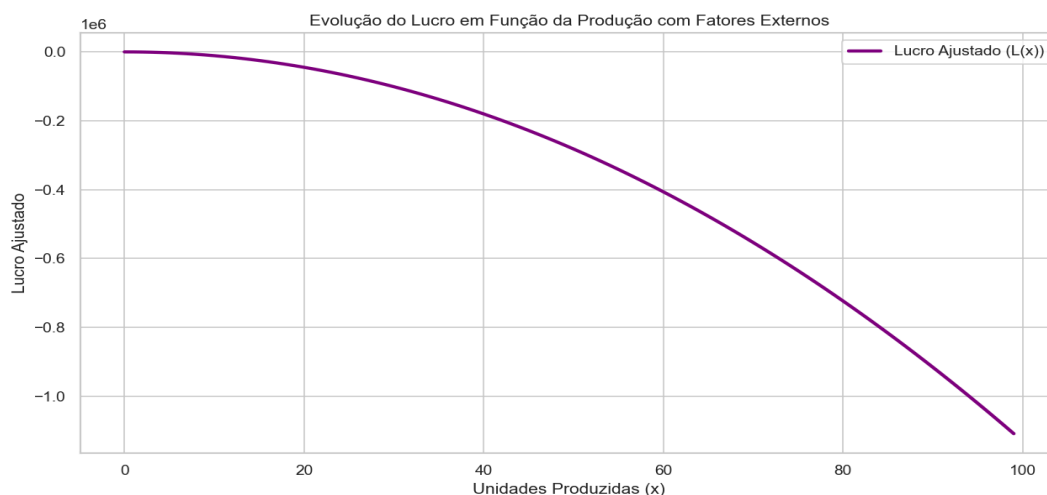
$$C_{ajustado}(x) = C(x) \cdot (1 + m / 100)$$

3. Custo de Mão de Obra e Logística Variáveis

- Podemos também considerar um fator variável para a logística, como aumento percentual baseado na quantidade produzida.

Implementação com Ajustes Externos

Aqui está um exemplo que integra um imposto de 10% sobre o lucro e uma variação de 5% no custo das matérias-primas.



```

6 taxa_imposto = 10 # em porcentagem sobre o lucro
7 aumento_materia_prima = 5 # em porcentagem de aumento no custo das matérias-primas
8
9 # Funções de Custo, Receita e Lucro ajustadas
10 1 usage
11 def custo_ajustado(x):
12     return (120 * x**2 + 25 * x) * (1 + aumento_materia_prima / 100)
13
14 1 usage
15 def receita(x):
16     return 60 * x
17
18 1 usage
19 def lucro_ajustado(x):
20     lucro_bruto = receita(x) - custo_ajustado(x)
21     return lucro_bruto * (1 - taxa_imposto / 100)
22
23 # Variando o número de unidades produzidas
24 x_values = np.arange(0, 100, 1)
25 lucro_values = lucro_ajustado(x_values)
26
27 # Plotando o gráfico com as novas variáveis
28 sns.set(style="whitegrid")
29 plt.figure(figsize=(12, 6))
30 sns.lineplot(x=x_values, y=lucro_values, color="purple", linewidth=2.5, label="Lucro Ajustado (L(x))")
31 plt.xlabel("Unidades Produzidas (x)")
32 plt.ylabel("Lucro Ajustado")
33 plt.title("Evolução do Lucro em Função da Produção com Fatores Externos")
34 plt.legend()
35 plt.grid(True)
36 plt.show()

```

GITHUB: <https://github.com/FelipeMenDosSantos/CP3-Problem-Solving>