Algoritmos e Estruturas de Dados III

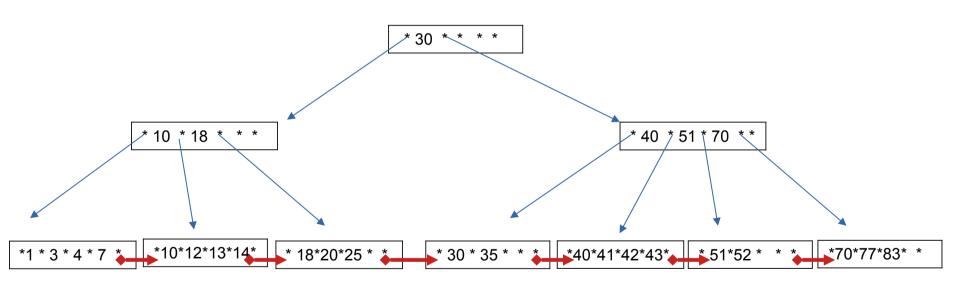
4.2 Árvores B

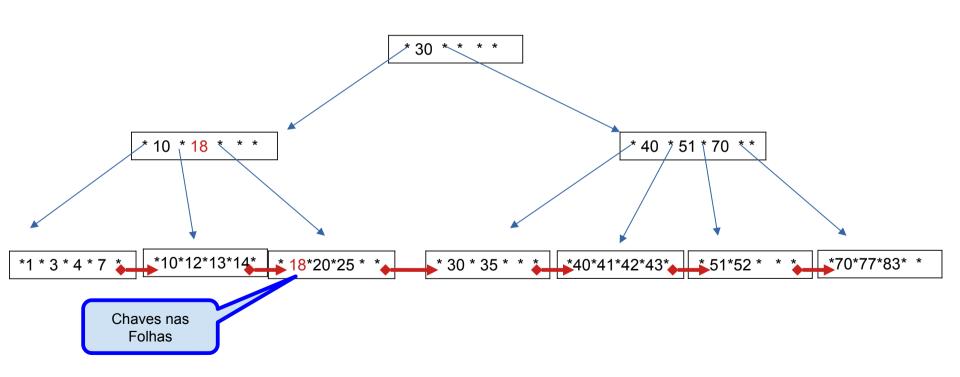
Prof. Hayala Curto 2022

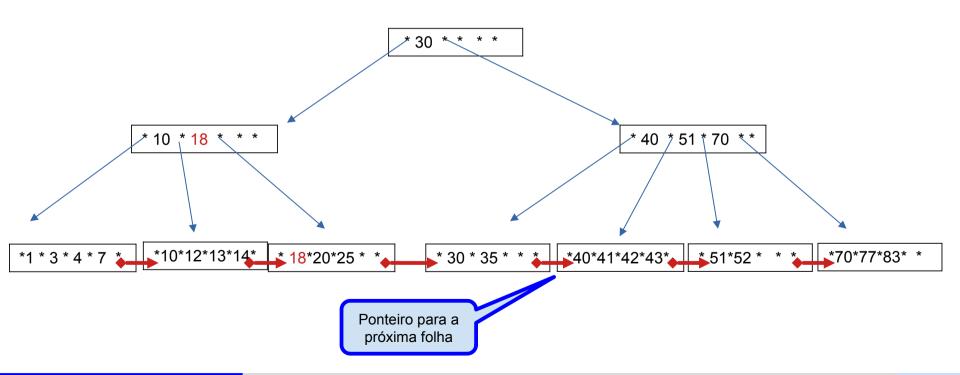




- Todas as chaves são armazenadas nas folhas
- Cada folha aponta para a próxima folha (para permitir a leitura sequencial)
- As folhas podem possuir uma estrutura diferente das páginas não folhas, por serem as únicas páginas a carregarem dados
- Vantagens
 - Mantém a eficiência da busca e da inserção da árvore B
 - Aumenta a eficiência da localização do próximo registro na árvore de O(log n) para O(1)
 - O Não é necessário manter nenhum ponteiro de registro em nós não-folha



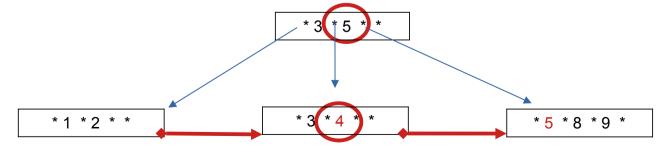




Árvore B+ Operações

- As operações de busca, inserção e remoção são efetuadas de modo similar à Árvore B
- Uma busca por conjunto de chaves é simplificada à encontrar a primeira chave de interesse, seguida por uma operação de busca linear na lista ligada de folhas

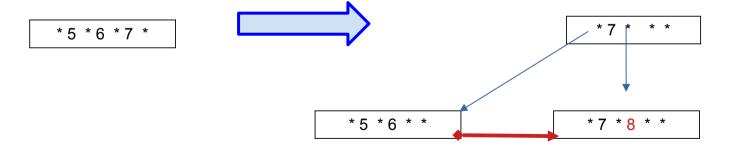
Exemplo: Retorne todos os registros entre [4, 5]



Árvore B+ Inserção

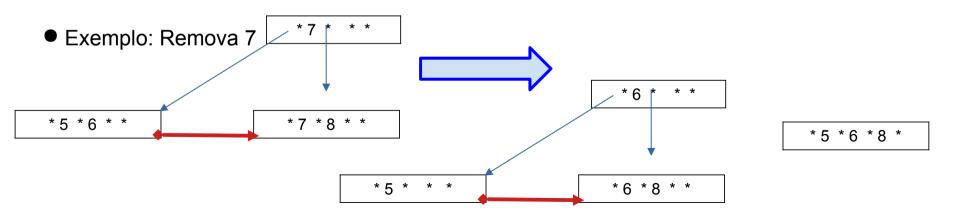
- Todas as chaves devem existir tanto em nó interno quanto em nó folha
- Ao ocorrer uma divisão de nó a chave mediana deve ser copiada para o novo nó pai e mantida no novo nó folha

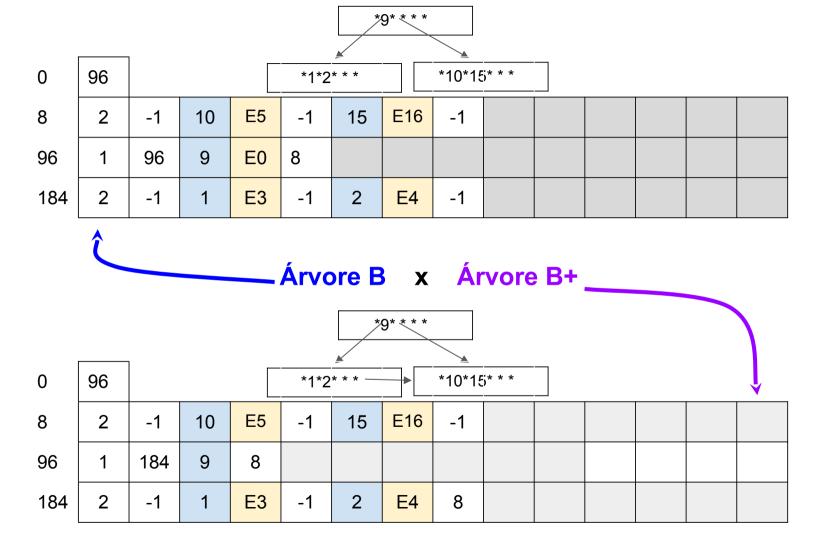
Exemplo: Insira 8



Árvore B+ Remoção

- Se chave a ser removida estiver em um nó folha: basta executar a remoção normalmente
- Se chave a ser removida estiver em um nó interno: ela deve ser substituída por seu antecessor ou sucessor (depende do algoritmo). Buscá-lo em seu filho esquerdo ou direito (depende do algoritmo), fazer a substituição e então chamar a função de remoção recursivamente para a subárvore à direita.





Árvore B*



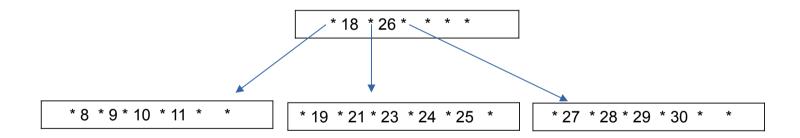
Árvore B*

- Variação da árvore B proposta em 1973 por Knuth
- Técnica de redistribuição de chaves também é empregada durante as operações de inserção.
- Operação de split pode ser adiada até que duas páginas irmãs estejam completamente cheias

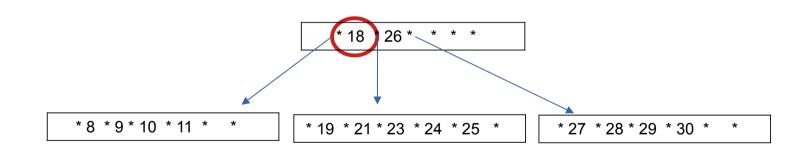
Para lembrar, na Operação de Inserção na Árvore B:

- Se o elemento couber na página, basta incluí-lo de forma ordenada
- Se n\u00e3o couber, a p\u00e1gina deve ser dividida em duas (split) e o elemento do meio deve ser promovido

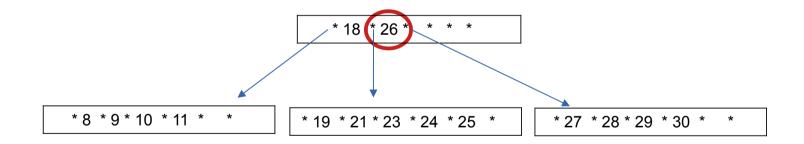
Inclusão da chave 20 em uma Árvore B*:



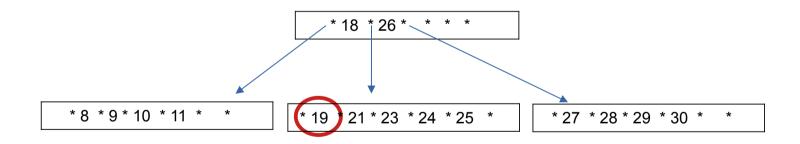
Inclusão da chave 20 em uma Árvore B*: Redistribuição de Chaves entre irmãos



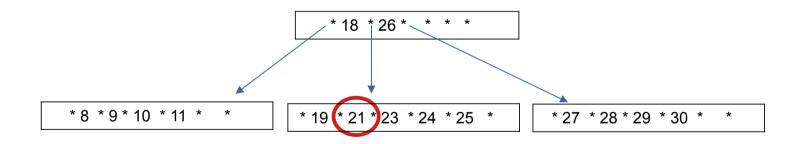
Inclusão da chave 20 em uma Árvore B*:



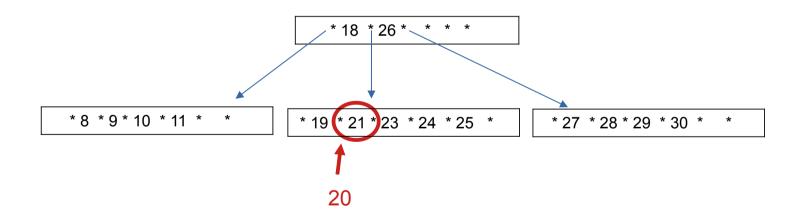
Inclusão da chave 20 em uma Árvore B*:



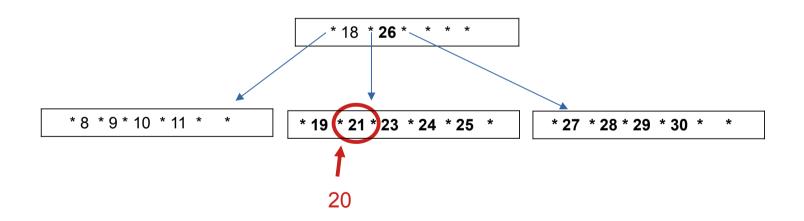
Inclusão da chave 20 em uma Árvore B*:



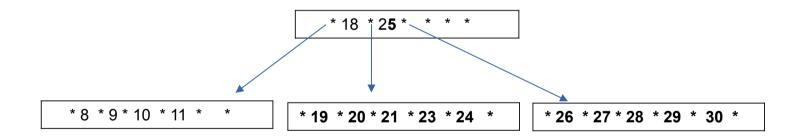
Inclusão da chave 20 em uma Árvore B*:

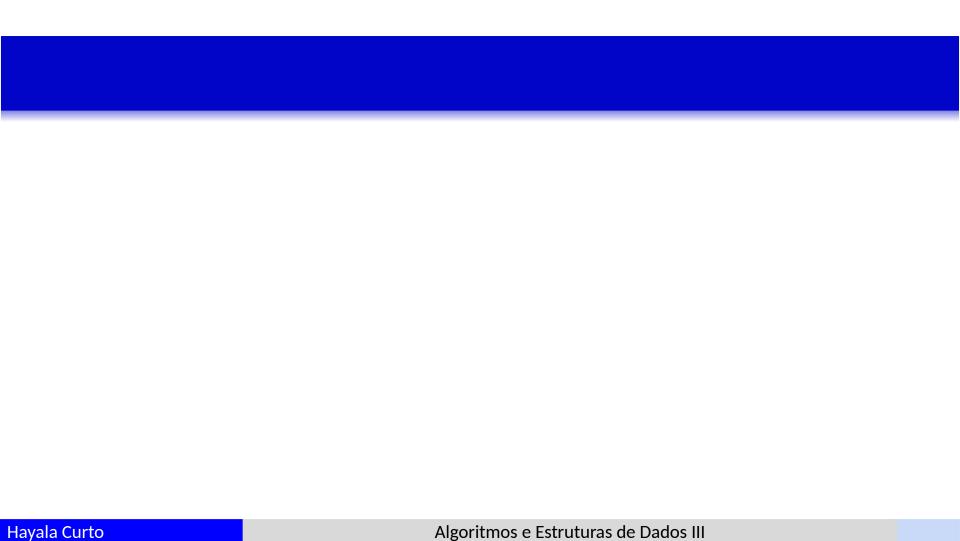


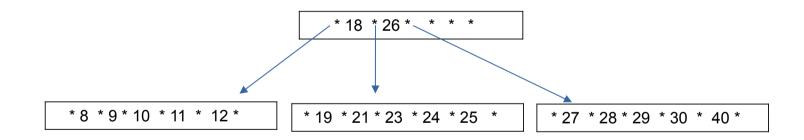
Inclusão da chave 20 em uma Árvore B*:

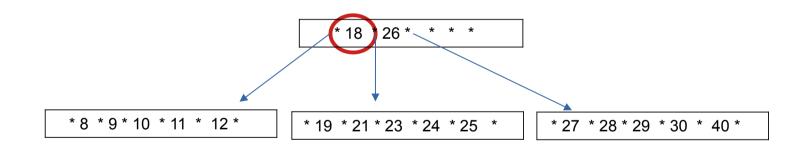


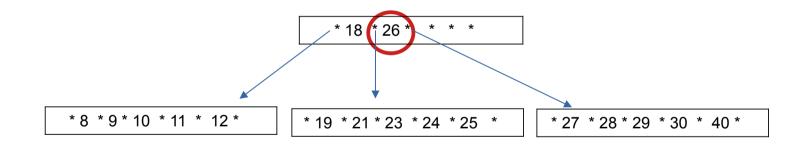
Inclusão da chave 20 em uma Árvore B*:

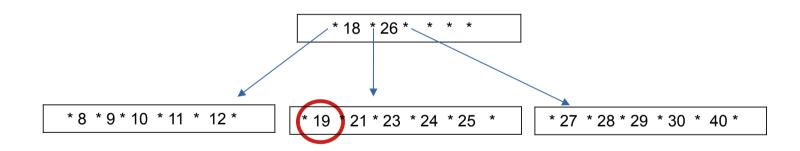


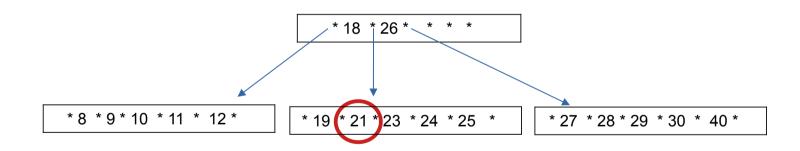


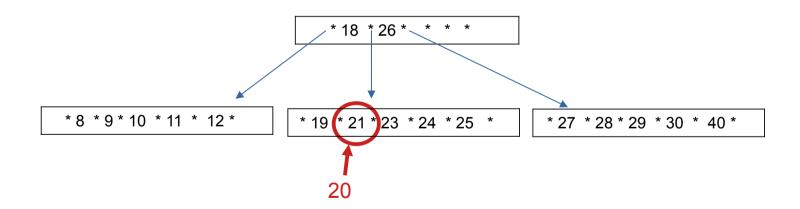


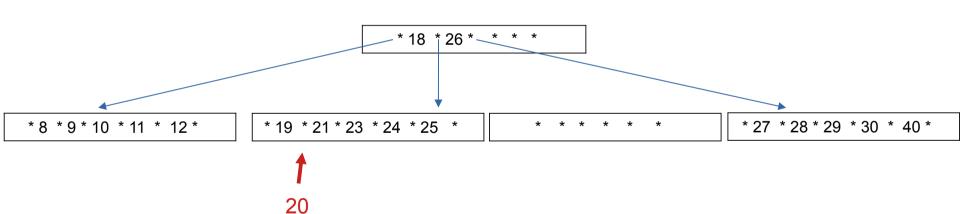


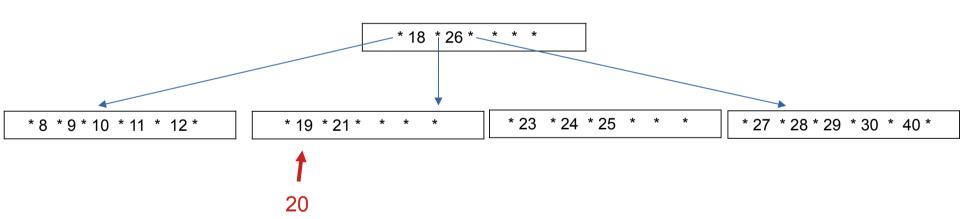


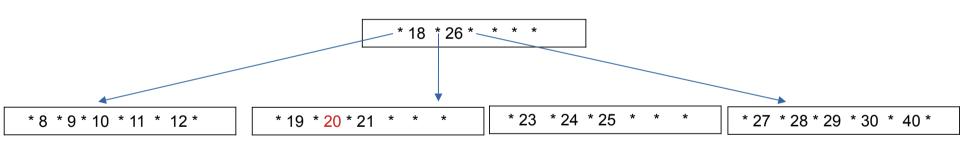


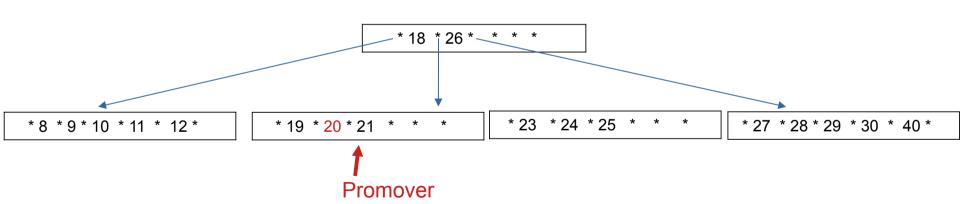


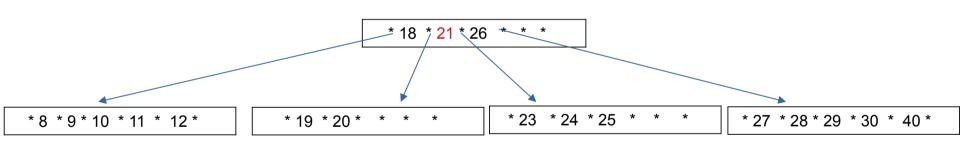












Árvore B* - Propriedades

- Em uma Árvore B* de ordem m
- Cada página tem no máximo m descendentes
- Toda página, exceto a raiz e as folhas, tem no mínimo (2m-1)/3 descendentes
- A raiz tem pelo menos 2 descendentes, a menos que seja uma folha
- Todas as folhas estão no mesmo nível
- Uma página não-folha com k descendentes contém k-1 chaves
- Uma página folha contém no mínimo piso((2m-1)/3) e no máximo m-1 chaves

Árvore B* - Propriedades

- As principais alterações estão na segunda e na última regra
- Esta propriedade afeta as regras para remoção e redistribuição
- Deve-se tomar cuidado na implementação, uma vez que a raiz nunca tem irmã, e portanto requer tratamento especial
- Uma solução é dividir a raiz usando a divisão convencional (one-to-two split), outra é permitir que a raiz seja maior