



# Recursividade

*Prof. Rosana Traversa*



# Recursividade

- É o nome que se dá quando uma função chama a si própria.
  - Existe a recursão **direta** – quando uma função chama a si mesma diretamente.
  - E a recursão **indireta** – quando uma função chama outra, e esta, por sua vez chama a primeira.

# Recursividade

- Uma função pode ser implementada de forma **interativa** ou **recursiva**.
  - quase sempre a forma **recursiva** apresenta uma codificação **mais simples** (reduzida).
  - Por outro lado, implementações **interativas** tendem a ser **mais eficientes** (performance) que as recursivas.



# Recursividade

- Sempre que há uma chamada de função (recursiva ou não) os parâmetros e as variáveis locais são empilhadas na pilha de execução.
- No caso da função **recursiva**, para cada chamada é criado um ambiente local próprio. (As variáveis locais de chamadas recursivas são independentes entre si, como se fossem provenientes de funções diferentes).

# Recursividade

- Para se aplicar a **recursividade** deve-se pensar na definição recursiva do problema.
- Vejamos o caso do cálculo do fatorial de um número  $n$ :
  - Pela definição recursiva temos:  
 $n! = 1$ , se  $n=0$  ou  
 $n \cdot (n-1)!$ , se  $n > 0$

# Recursividade - fatorial

- Então teremos a seguinte função:

*/\* calculo do fatorial – função recursiva \*/*

```
int fatorial (int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else  
        return n*fatorial(n-1);  
}
```

# Recursividade - Potência

- **Problema:**

Calcular um valor base (b) elevado a uma potência inteira positiva (p).

- **Definição** em linguagem algorítmica

se  $p=0$      $b^p = 1$

se  $p \geq 2$      $b^p = b * b^{(p-1)}$

# Recursividade - Potência

*/\*calcula da potencia – função recursiva \*/*

```
double potencia (float b, int p) {
```

```
    if (p==0) return 1;
```

```
    else//desnecessário devido ao return anterior
```

```
        return b*potencia(b, p-1);
```

```
}
```



# Recursividade - MDC

- Problema:

Cálculo do mdc entre dois números, usando o algoritmo de Euclides.

quociente		1	1	2
dividendo/divisor	30	18	12	6
resto	12	6	0	

- Lembram-se da versão interativa?

# Versão Interativa do MDC

```
int mdc(int a, int b) {  
    int r;  
    r = a % b;  
    while (r != 0){  
        a = b;  
        b = r;  
        r = a % b;  
    }  
    return b;  
}
```

# Definição do problema do MDC

- Definição recursiva para o MDC:

$\text{mdc}(a, b) = b$  se  $b$  divide  $a$ ,  
ou seja  $a \% b = 0$

$\text{mdc}(b, a \% b)$  caso contrário

# Solução recursiva do MDC

```
int mdc_recursiva(int a, int b) {  
    if (a % b == 0) return b;  
    return mdc_recursiva (b, a % b);  
}
```

# Percurso em lista simplesmente ou duplamente encadeada.

- `typedef struct lista {  
    int info; struct lista *ant, *prox;}`
- sendo `Lista* p`, um ponteiro para o início da lista.
  - se `p==NULL` significa: fim da lista, ou lista vazia
  - caso contrário escrever conteúdo do item da lista

# Solução interativa de percurso em lista

```
void mostra_lista (Lista* p) {  
    Lista *aux;  
    for(aux=p; aux!=NULL;aux=aux->prox) {  
        printf ("%d\t", aux->info);  
    }  
}
```

# Solução recursiva de percurso em lista

```
void mostra_lista_recursivo1(Lista* p) {  
    if (p==NULL) return;  
    else { //desnecessário após return  
        printf ("%d\t", p->info);  
        mostra_lista_recursivo(p->prox);  
    }  
}
```

**OU**



# Solução recursiva de percurso em lista

```
void mostra_lista_recursivo2 (Lista* p) {  
    if (p!=NULL) {  
        printf ("%d\t", p->info);  
        mostra_lista_recursivo(p->prox);  
    }  
}
```



# Exercícios:

1. Escreva uma função recursiva que calcule a soma de todos os números compreendidos entre os valores A e B passados por parâmetro.  
Protótipo: **int soma(int a, int b)**
2. Escreva uma função recursiva que calcule os juros compostos de um valor. Para isso o programa deverá ler um valor inicial, o número de meses e a taxa de juros ao mês, e passar estes valores à função como parâmetros.  
Protótipo: **double juroscompostos(double valor, double taxa, int meses)** - formato para double é %lf
3. Escreva uma função que faça a procura sequencial de um valor passado por parâmetro num vetor também passado por parâmetro.  
Obs. Retornar o índice se encontrado, ou -1 se não encontrado.  
Protótipo: **int buscavetor (int \*vet, int tam, int valor)**
4. Escreva uma função que faça a procura sequencial de um valor passado por parâmetro numa lista simplesmente encadeada cujo ponteiro para o valor inicial foi passado por parâmetro.  
Protótipo: **void buscalista (Lista \*l, int valor)**
5. Escreva uma versão recursiva do bubble sort.  
Protótipo: **void bolha\_rec (int \*vet, int tam)**