

# BuK – Blatt 1 – Gruppe 17

Felix Kiunke, 357322  
Philipp Hochmann, 356148

## Aufgabe 1.1

### 1.1 a)

$$\Sigma = \{\#, 0, 1\}$$

$$L_{Teilsumme} = \{b\#M_1\#M_2\#\dots\#M_n \mid \exists T \subseteq M : \sum_{t \in T} t = b\}$$

wobei  $b$  und  $M_i$  in Binärdarstellung kodiert werden.

### 1.1 b)

$$\Sigma = \{\#, \checkmark, X, 0, 1\}$$

$$L_{Clique} = \{b\#M \mid \exists \text{ Clique in durch } M \text{ codierten Graph der Größe von mind. } b\}$$

wobei  $b$  in Binärdarstellung kodiert wird und  $M$  die Adjazenzmatrix als String kodiert bezeichnet.

Bsp.:  $\begin{pmatrix} X & \checkmark & X \\ \checkmark & X & \checkmark \\ X & \checkmark & X \end{pmatrix}$  wird zu  $M = X\checkmark X\# \checkmark X\checkmark \# X\checkmark X$

## Aufgabe 1.2

Gegeben die Turingmaschine  $M = (Q, \Sigma, \Gamma, B, q_0, \bar{q}, \delta)$  mit

$$Q = \{q_0, q_1, \bar{q}\}, \Sigma = \{0, 1\}, \Gamma = \{0, 1, B\},$$

| $\delta$ | 0                 | 1             | B             |
|----------|-------------------|---------------|---------------|
| $q_0$    | $(q_0, 0, R)$     | $(q_0, 1, R)$ | $(q_1, B, L)$ |
| $q_1$    | $(\bar{q}, 0, R)$ | $(q_1, 1, L)$ | $(q_0, B, R)$ |

Dann werden mit der Eingabe  $w = 110$  folgende Konfigurationen erreicht:

$$q_0110 \vdash 1q_010 \vdash 11q_00 \vdash 110q_0 \vdash 11q_10 \vdash 110\bar{q}$$

## Aufgabe 1.3

Gegeben die Turingmaschine  $M = (Q, \Sigma, \Gamma, B, q_0, \bar{q}, \delta)$  mit

$$Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, \bar{q}\}, \Sigma = \{0, 1\}, \Gamma = \{0, 1, B\},$$

| $\delta$ | 0                 | 1                 | B                 |
|----------|-------------------|-------------------|-------------------|
| $q_0$    | $(q_1, 0, R)$     | $(q_2, 1, R)$     | $(\bar{q}, 0, N)$ |
| $q_1$    | $(q_1, 0, R)$     | $(q_1, 1, R)$     | $(q_3, B, L)$     |
| $q_2$    | $(q_2, 0, R)$     | $(q_2, 1, R)$     | $(q_4, B, L)$     |
| $q_3$    | $(\bar{q}, 0, N)$ | $(\bar{q}, 1, N)$ | $(\bar{q}, 0, N)$ |
| $q_4$    | $(\bar{q}, 1, N)$ | $(\bar{q}, 0, N)$ | $(\bar{q}, 0, N)$ |

Wenn das erste Zeichen der Eingabe ungleich dem letzten Zeichen derselben ist, ist die Ausgabe von  $M$  1, ansonsten 0.

Von  $M$  wird also die Funktion  $f : \Sigma^* \rightarrow \{0, 1\}$  mit

$$f(w) = \begin{cases} 0, & \text{falls } |w| < 2 \\ v \text{ xor } u, & \text{sonst, wobei } w = vw'u \text{ mit } v, u \in \{0, 1\} \end{cases}$$

## Aufgabe 1.4

$$M = (\{q_0, q_1, q_2, q_e, \bar{q}\}, \{0, 1\}, \{0, 1, B\}, B, q_0, \bar{q}, \delta)$$

|       | 0             | 1             | B                 |
|-------|---------------|---------------|-------------------|
| $q_0$ | $(q_0, 0, R)$ | $(q_0, 1, R)$ | $(q_1, B, L)$     |
| $q_1$ | $(q_2, 0, L)$ | $(q_2, 1, L)$ | $(\bar{q}, B, N)$ |
| $q_2$ | $(q_e, 1, N)$ | $(q_2, 0, L)$ | $(\bar{q}, 1, N)$ |
| $q_e$ | $(q_e, 0, L)$ | $(q_e, 1, L)$ | $(\bar{q}, B, R)$ |

Zuerst wird in  $q_0$  der Lesekopf von links nach rechts zum least significant Bit bewegt.

In  $q_1$  wird geendet, wenn das aktuelle Symbol ein Blank ist, denn dann ist das Eingabewort  $\epsilon$ . Sonst wird der Lesekopf ein Symbol nach links verschoben, zum zweiten Bit von rechts, und in Zustand  $q_2$  übergegangen.

In  $q_2$  fährt der Lesekopf von rechts nach links das Eingabewort ab und negiert die Bits (Addition von 1), bis kein Überlauf mehr stattfindet. Ein Blank wird als 0 gewertet, für den Fall, dass die Aufgabe ein Symbol länger ist, als die Eingabe.

In Zustand  $q_e$  wird der Lesekopf zurück nach links bewegt, damit die Ausgabe vollständig ist.

Da ab dem zweitniedrigsten Bit mit 1 addiert wird, entspricht das Ergebnis der Addition mit 10, also dezimal 2.