



Quantenkryptographie (Teil 2) - Zusammenfassung

Prof. Dr. Jörg Hettel
Hochschule Kaiserslautern
Fachbereich Informatik

Agenda

- | | |
|--------------------------------|---------------------------------------|
| 1. Einführung | 11. Verschränkungsmaß |
| 2. Wiederholung BB84 | 12. Entropie und Monogamie |
| 3. Qubits und Messbasen | 13. Entanglement Swapping |
| 4. Zusammengesetzte Systeme | 14. Entanglement Distillation |
| 5. Verschränkung | 15. CHSH-Ungleichung (klassisch) |
| 6. Anwendung von Verschränkung | 16. CHSH-Ungleichung (Quantenversion) |
| 7. Shared Randomness | 17. CHSH-Ungleichung (Simulation) |
| 8. Schmidt-Darstellung | 18. Ekert-Protokoll |
| 9. Dichtematrizen | 19. Sicherheit und DIQKD |
| 10. Partielle Spur | 20. Zusammenfassung |

Quanten- kryptographie

Prof. Dr. Jörg Hettel
Hochschule
Kaiserslautern
Chart 2

Zusammenfassung

- Einsatz von Kryptographie ist essentiell für die sichere Datenübertragung und den Schutz der Privatsphäre.
 - Es existieren viele etablierte klassische Verfahren.
 - Symmetrische und asymmetrische
 - Asymmetrische Systeme bilden Grundlage für den Schlüsseltausch bei der Anwendung von symmetrischen Krypto-Systemen.
- Verfahren sind in der Regel nur "berechnungssicher".
 - Außer One-Time-Pad, das perfekt sicher ist!

Quanten- kryptographie

Prof. Dr. Jörg Hettel
Hochschule
Kaiserslautern
Chart **3**

Zusammenfassung

- Quantencomputer können die heute verwendeten asymmetrischen Systeme brechen.
- Zwei Lösungsvarianten:
 - Einsatz von Post-Quantum-Kryptographie.
 - Algorithmen sind nach wie vor "berechnungssicher".
 - Kein echter Sicherheitsbeweis möglich. Beruhen auf nicht-beweisbaren Annahmen.
 - Einsatz von Quanten Key Distribution.
 - Basiert auf sicherem Schlüsseltausch (Detektion eines Lauschers).
 - Es existieren Sicherheitsbeweise!

Quanten- kryptographie

Prof. Dr. Jörg Hettel
Hochschule
Kaiserslautern
Chart 4

Verschränkung als Ressource

- Verschränkung ist eine universelle Ressource, die kein klassisches Äquivalent besitzt.
 - Verschränkung ist experimentell beherrschbar.
 - Bei Zwei-Qubit-Systemen ist die Verschränkung "gut verstanden".
 - Maximal verschränkte Qubits sind "monogam".
 - Verschränkung stellt eine neue Art von Korrelation dar.
 - Grundlage verschiedener Protokolle.
 - Maximale Verschränktheit kann überprüft werden.
 - CHSH-Ungleichung ist nur eine von vielen sogenannten Bell-Ungleichungen.
 - Für verschränkungsbasierte Protokolle existieren Sicherheitsbeweise.

Quanten- kryptographie

Prof. Dr. Jörg Hettel
Hochschule
Kaiserslautern
Chart **5**

Das Ekert-Protokoll

- QKD-Protokoll auf Basis von Verschränkung (Ekert 1991)
 - Es gibt mittlerweile verschiedene Varianten.
- Zur Schlüsselgenerierung werden maximal verschränkte Qubits im folgenden Zustand benutzt

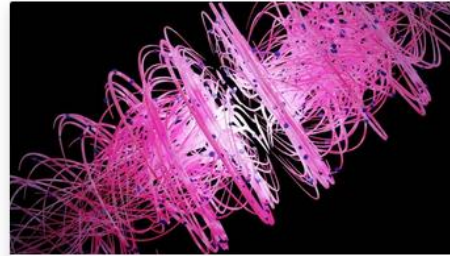
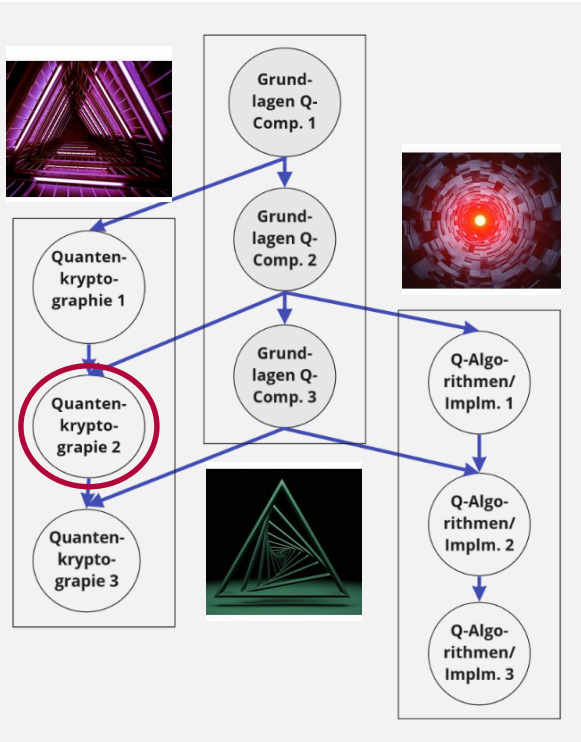
$$|\Psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle + |11\rangle)$$

- Ressource für *Shared Randomness*
 - Erzeugung des Schlüssels
 - Schlüssel wird erst bei der Messung generiert!
 - Detektion eines Lauschers basiert auf der Überprüfung der CHSH-Ungleichung.
- "Klassische" Nachbearbeitung wie bei BB84.

Literatur zu QKD

- Primärquelle sind die Originalveröffentlichungen.
 - Oft zu finden auf <https://arxiv.org/>
- Viele Bücher zum Thema Quantum Computing enthalten einführende Kapitel zur QKD.
- Kleine Auswahl an Lehrbüchern speziell zum Thema (QKD):
 - Loepf und Wootters: *Protecting Information. From Classical Error Correction to Quantum Cryptography*, Cambridge (2006)
 - Kollmitzer et al: *Applied Quantum Cryptography*, Lecture Notes in Physics, Springer (2010)
 - Ramona Wolf: *Quantum Key Distribution. An Introduction with Exercises*, Springer (2021)

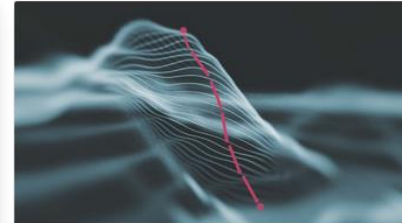
Agenda Gesamtkursprogramm



Quantum Computing Forum



Introduction to Quantum Computing
with Qiskit (with IBM Quantum...)



Quantum Machine Learning (with
IBM Quantum Research)

Quanten-kryptographie

Prof. Dr. Jörg Hettel
Hochschule
Kaiserslautern
Chart 8



Vielen Dank
für die Aufmerksamkeit!

Prof. Dr. Jörg Hettel
Hochschule Kaiserslautern
Fachbereich Informatik