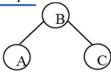
## EJERCICIOS DE TEORÍA DE COLAS

## Ejercicio 3 – Colas con prioridades

Considérese la red de datos de la figura compuesta por <u>3</u> nodos (A, B y C). Los nodos A y B están conectados por un <u>enlace bidireccional simétrico de 30 Mbps</u>, mientras que <u>entre los nodos B y C hay</u> otro enlace bidireccional simétrico de 15 Mbps.



El tráfico que se intercambia entre los 3 nodos es de dos tipos: voz y datos. Para asegurar la calidad de servicio de la voz, se priorizan los paquetes de voz frente a los de datos con una política de prioridad sin desocupación. El tráfico que circula por la red viene dado por las siguientes matrices:

Tráfico de voz en Mbps

			Destinos	
		A	В	С
Orígenes	A		4	2
	В	4		3
Or	С	2	3	

Tráfico de datos en Mbps

		Destinos		
		A	В	С
Orígenes	A		15	6
	В	15		3
Oı	С	6	3	

Supóngase que <u>las llegadas</u> de paquetes a la red siguen procesos de <u>Poisson</u>, que <u>los paquetes que transportan la voz siguen una distribución exponencial</u> de media 500 bits y que <u>la longitud</u> de <u>los paquetes</u> de datos que circulan por la red siguen una distribución hiperexponencial con parámetros p<sub>1</sub>=0.4, l<sub>1</sub>=1000 bits, p<sub>2</sub>=0.6, l<sub>2</sub>=1500 bits.

- a) Calcular el retardo medio de los paquetes de voz y de los paquetes de datos cuyo origen es el nodo A y cuyo destino es el nodo C.
- b) Calcular el retardo medio de los paquetes de voz y de los paquetes de datos intercambiados entre cada par de nodos.

Ejercicios 3 Noviembre 2024

$$\mu = \frac{c}{\ell} \longrightarrow \mu_{00} = \frac{30.10^6 \text{ bits/s}}{\text{soo bits/paq}} = 60000 \text{ paq/s}$$

$$\mu_{AB} = \rho_{1} \mu_{AB} + \rho_{2} \mu_{BD} = 0.4 \frac{30.10^{6} \text{ bits/s}}{1000 \text{ bit/paq}} + 0.6 \frac{30.10^{6} \text{ bits/s}}{1500 \text{ bits/paq}} = 24000 \text{ pag/s}$$

$$E(\tau_{sAB}^{2}) = \frac{2}{\mu_{vol}^{AB}} = \frac{2}{(60000 \mu_{a}q/s)^{2}} = 5.5.10^{-10} (\mu_{a}q/s)^{-2}$$

$$E(Ts^{2}A0) = \frac{2}{M_{A0}^{2}} \cdot 0_{1}4 + \frac{2}{M_{A0}^{2}} \cdot 0_{1}6 = \frac{2}{(30000 \text{ pag/s})^{2}} \cdot 0_{1}4 + \frac{2}{(20000 \text{ pag/s})^{2}} \cdot 0_{1}6 = 3.8 \cdot 10^{-9} (\text{pag/s})^{-2}$$
where  $M_{A0}^{2}$  and  $M_{A0$ 

$$E(Z_{A0}) = \frac{\lambda_{A0} vol}{\lambda_{A0}} \cdot E(Z_{SAD}^2) + \frac{\lambda_{A0} voloc}{\lambda_{A0}} \cdot E(Z_{SAD}^2) = 0$$

$$= \frac{12000 \text{ pag/s}}{28453 \text{ pag/s}} \cdot 5.5 \cdot 10^{-10} \left(\text{pag/s}\right)^{-2} + \frac{16453 \text{ pag/s}}{28453 \text{ pag/s}} \cdot 3.8 \cdot 10^{-9} \left(\text{pag/s}\right)^{-2} = 2.4469 \cdot 10^{-9} \left(\text{pag/s}\right)^{-2}$$

En 
$$M/6/4$$
:  $E(T_0) = \frac{1}{2} \cdot E(T_s^2)$ 

$$E(T_0) = \frac{\Lambda_{AD}}{2} \cdot E(T_0 R_0) = \frac{28453 \rho aq/s}{2} \cdot 21447 \cdot 10^{-9} (\rho aq/s)^{-2} = 31402 \cdot 10^{-5} s/\rho aq$$

$$E(W)_{VOL}^{AB} = \frac{E(T_0)_{AB}}{1 - Q_{AB}} = \frac{3,402 \cdot 40^{-5}}{1 - Q_{AB}} = 4,253 \cdot 40^{-5} s/pag$$

$$E(W)_{\text{lorios}}^{A0} = \frac{E(T_0)_{\text{AB}}}{(4-\ell_{\text{vol}}^{A0}) \cdot (4-\ell_{\text{vol}}^{A0}-\ell_{\text{bolos}}^{A0})} = \frac{3.402 \cdot 40^{-5}_{\text{s}} s/paq}{(4-0.2) \cdot (4-0.2-0.673)} = 3.348 \cdot 40^{-4}_{\text{s}} s/paq$$

$$\frac{\partial AB}{\partial VOZ} = \frac{\lambda \frac{AB}{VOZ}}{\mu \frac{AB}{VOZ}} = \frac{12000 \text{ pag/s}}{60000 \text{ pag/s}} = 0.2$$

$$\frac{\partial AB}{\partial voz} = \frac{\lambda \frac{AB}{Voz}}{\mu \frac{AB}{Voz}} = \frac{16153 \text{ pag/s}}{20000 \text{ pag/s}} = 0.673$$

$$E(w) \frac{\theta c}{\omega c} = \frac{E(T_0) \alpha c}{1 - \rho \theta c} = \frac{6_1 u_1 + 6 \cdot 10^{-5} s}{1 - 1/3} = q_1 + 10^{-5} s$$

$$E(w)_{\text{polos}}^{\text{QC}} = \frac{E(T_0)_{\text{QC}}}{(1 - \ell_{\text{wot}}^{\text{QC}}) \cdot (1 - \ell_{\text{wot}}^{\text{QC}} - \ell_{\text{mbo}}^{\text{QC}})} = \frac{6 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 5}{(4 - 4 \cdot 3) \cdot (4 - 4 \cdot 3)} = 4.083 \cdot 40^{-3} s$$

$$\int_{0}^{0} \frac{\partial C}{\partial x} = \frac{\int_{0}^{0} \frac{\partial C}{\partial x}}{\int_{0}^{0} \frac{\partial C}{\partial x}} = \frac{10000 \text{ pag/s}}{30000 \text{ pag/s}} = \frac{1}{3} \qquad \int_{0}^{0} \frac{\partial C}{\partial x \log x} = \frac{\int_{0}^{0} \frac{\partial C}{\partial x \log x}}{\int_{0}^{0} \frac{\partial C}{\partial x \log x}} = \frac{G_{0}23 \text{ pag/s}}{12000 \text{ pag/s}} = 0.1577$$

$$E(w)_{vot}^{Ac} = E(w)_{vot}^{AB} + E(w)_{vot}^{BC} = 4.253 \cdot 10^{-5} + 9.74 \cdot 10^{-5} = 1.39 \cdot 10^{-4} \text{ s}$$
  
 $E(w)_{vot}^{AC} = E(w)_{vot}^{AB} + E(w)_{vot}^{BC} = 3.348 \cdot 10^{-4} + 1.023 \cdot 10^{-3} = 1.442 \cdot 10^{-3} \text{ s}$ 

$$E(T) = E(w) + \frac{1}{\mu}$$

$$E(T)_{WDZ}^{AC} = E(W)_{WDZ}^{AC} + \frac{1}{\mu_{WDZ}^{AD}} + \frac{1}{\mu_{WDZ}^{BC}} = 1,39 \cdot 10^{-4} + \frac{1}{60000 \mu g/s} + \frac{1}{30000 \mu g/s} = 1,89 \cdot 10^{-4}$$

$$E(\tau)^{AC}_{\text{polos}} = E(w)^{AC}_{\text{polos}} + \frac{1}{\mu^{AB}_{\text{polos}}} + \frac{1}{\mu^{BC}_{\text{polos}}} = 1.14820^{-3} + \frac{1}{24000 \, \text{pog/s}} + \frac{1}{12000 \, \text{pog/s}} = 1.543.40^{-3} \text{s}$$

B) Relado medio de ada lipo ontre cada pou de nodos

$$E(T)AB = E(W)AB + \frac{1}{\mu AB}$$

$$E(T)_{vol}^{AB} = E(w)_{vol}^{AB} + \frac{1}{\mu_{vol}^{AB}} = 4.253 \cdot 10^{-5} + \frac{1}{60.000 \mu oq k} = 5.4406 \cdot 10^{-5} s$$

$$E(T)_{Datos}^{AB} = E(w)_{Datos}^{AB} + \frac{1}{\mu_{Datos}^{AB}} = 3.342.10^{4} + \frac{1}{24000 \mu g/s} = 3.7646.10^{4} s$$

$$E(T)_{voz}^{BC} = E(w)_{voz}^{BC} + \frac{1}{\mu_{voz}^{BC}} = 9.34 \cdot 10^{-5} + \frac{1}{30000 \text{ pagls}} = 1.3043 \cdot 10^{-4} \text{ s}$$

$$E(\tau)_{polos}^{BC} = E(\omega)_{polos}^{BC} + \frac{1}{\mu_{polos}^{BC}} = 1,083 \cdot 10^{-5} + \frac{1}{12000 \text{ polos}} = 9,4463 \cdot 10^{-5} \text{s}$$