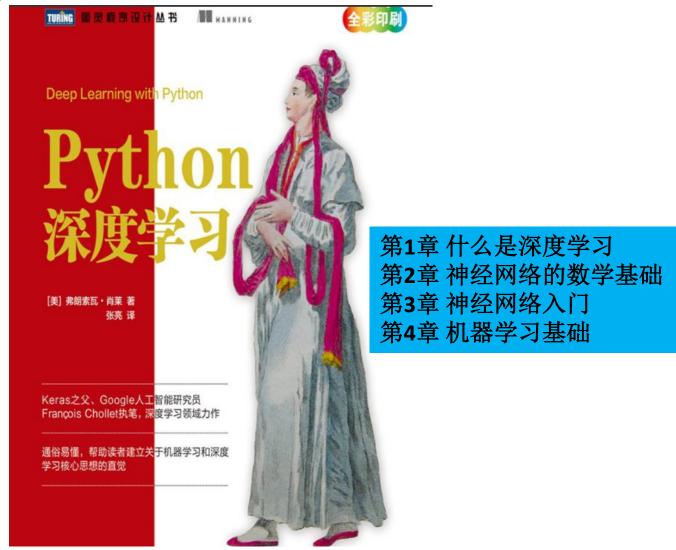
深度学习基础

参考资料



教材代码: https://github.com/fchollet/deep-learning-with-python-notebooks

本章内容

1什么是深度学习

2神经网络的数学基础

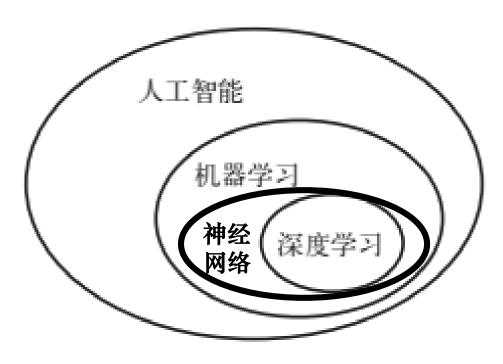
3神经网络入门

4神经网络的通用工作流程

1什么是深度学习?

- 基本概念的定义
- 机器学习发展的时间线
- 深度学习日益流行的关键因素及其未来潜力
- 1什么是深度学习?
 - -人工智能、机器学习与深度学习
 - 发展历程
 - 为什么是深度学习,为什么是现在
 - ABC

人工智能、机器学习与深度学习



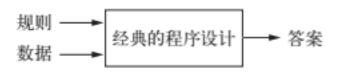
人工智能是一个综合性的领域。

- 符号主义:用符号逻辑表达 一些东西,目前并不是十分 流行。
- 行为主义: 行为能力不断增强,并没有很好的实现。
- 连接主义: 最主要的智能技术, 比如人工神经网络。

图 1-1 人工智能、机器学习与深度学习

机器学习

1. 机器学习: 通过观察数据自动学会数据处理规则。



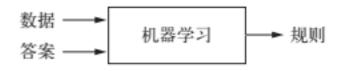


图 1-2 机器学习: 一种新的编程范式

- 2. 机器学习中的学习指的是,寻找更好数据表示的自动搜索过程。
- 3. 计算机程序利用经验E学习任务T, 性能是P, 如果针对任务T的性能P随着经验E不断增长,则称为机器学习。——汤姆·米切尔,1997

神经网络

- 从连续的层中进行学习
- 深度: 模型中的层数
- 结构特点: 逐层堆叠

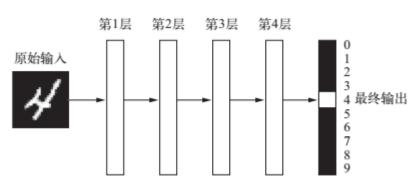
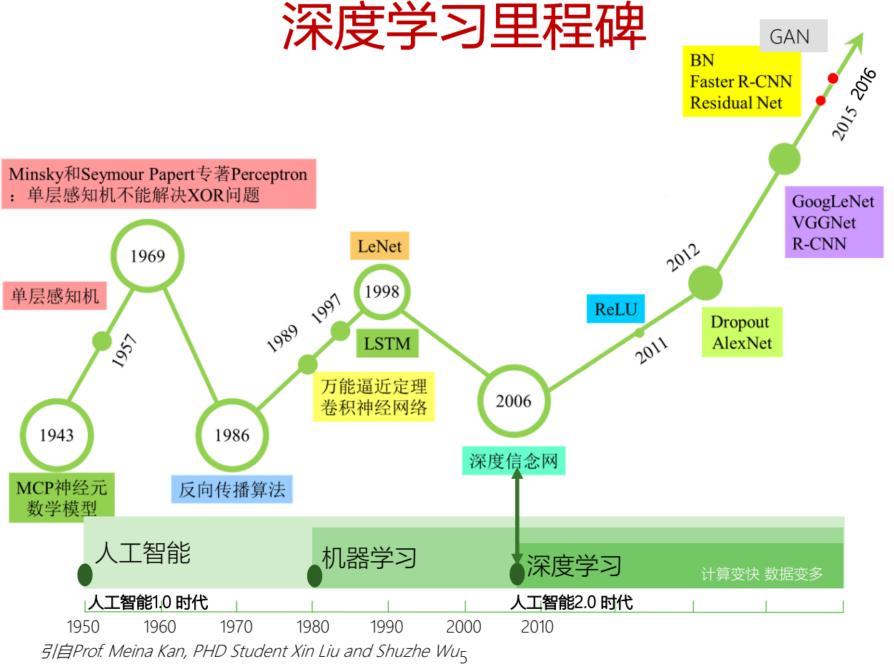


图 1-5 用于数字分类的深度神经网络

- 神经网络 VS. 机器学习
 - -神经网络:将特征工程完全自动化
 - 第一,通过渐进的、逐层的方式形成越来越复杂的表示;
 - 第二,对中间这些渐进的表示共同进行学习
 - 机器学习:
 - 也被称为浅层学习(shallow learning),往往是仅仅学习一两层的数据表示。
 - 需手动为数据设计好的表示层。

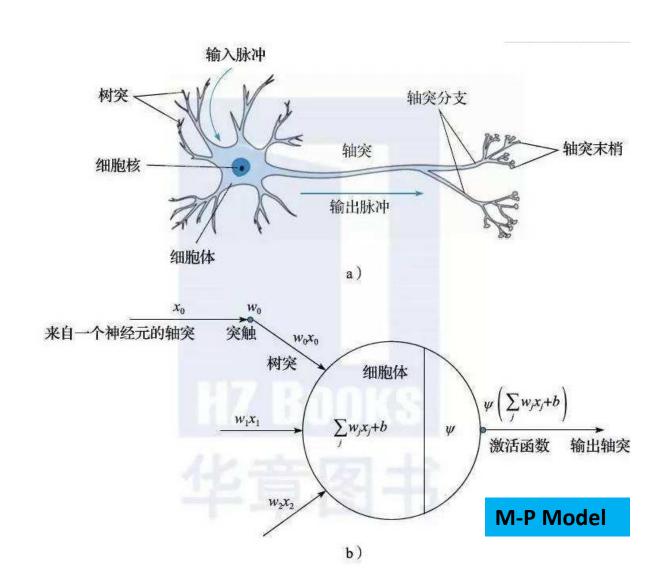


2010/10/10

- 1943: M-P model (McCulloch-Pitts Model)
- 1958: Perceptron (linear model)
- 1969: Perceptron has limitation
- 浅层神经网络 -> 深层神经网络 (深度学习)

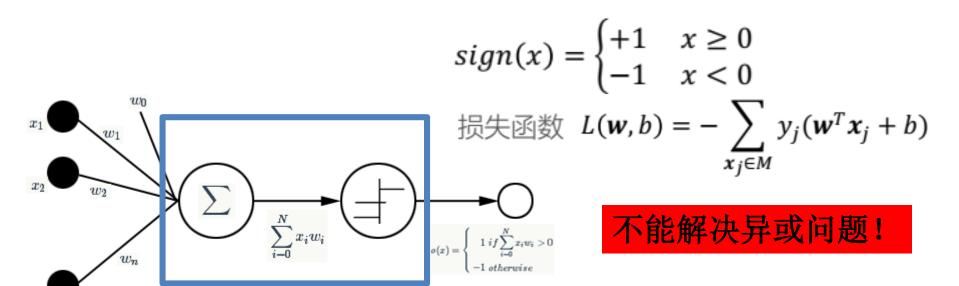
- 1980s: Multi-layer perceptron
 - Do not have significant difference from DNN today
- 1986: Backpropagation
 - Usually more than 3 hidden layers is not helpful
- 1989: 1 hidden layer is "good enough", why deep?
- 2006: "Deep Learning"; RBM(Restricted Boltzmann machine) initialization
- 2009: GPU
- 2011: Start to be popular in speech recognition
- 2012: win ILSVRC image competition
- 2015.2: Image recognition surpassing human-level performance
- 2016.3: Alpha GO beats Lee Sedol
- 2016.10: Speech recognition system as good as humans

人工神经元 VS. 生物神经元



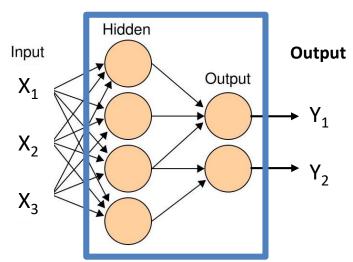
感知机(Perceptron)模型

- 目标:找到一个(**w**, b),将线性可分的数据集中的所有样本点都正确地分为两类。
- 问题设定: 寻找(\boldsymbol{w} , b),使得损失函数极小化的最优问题。 $f(x) = sign(\boldsymbol{w}^T\boldsymbol{x} + b)$



多层感知机(Multi-layer perceptron)

- 是一种全连接的两层神经网络
- 相较于感知机,有三点改进:
 - 1. 加入了隐藏层,增强模型的表达能力,但同时也增加了模型的复杂度
 - 2. 输出层的神经元也可以不止一个输出;
 - 3. 对激活函数做扩展,增强模型的表达能力。
 - 感知机的激活函数是sign(z), 虽然简单但是处理能力有限。

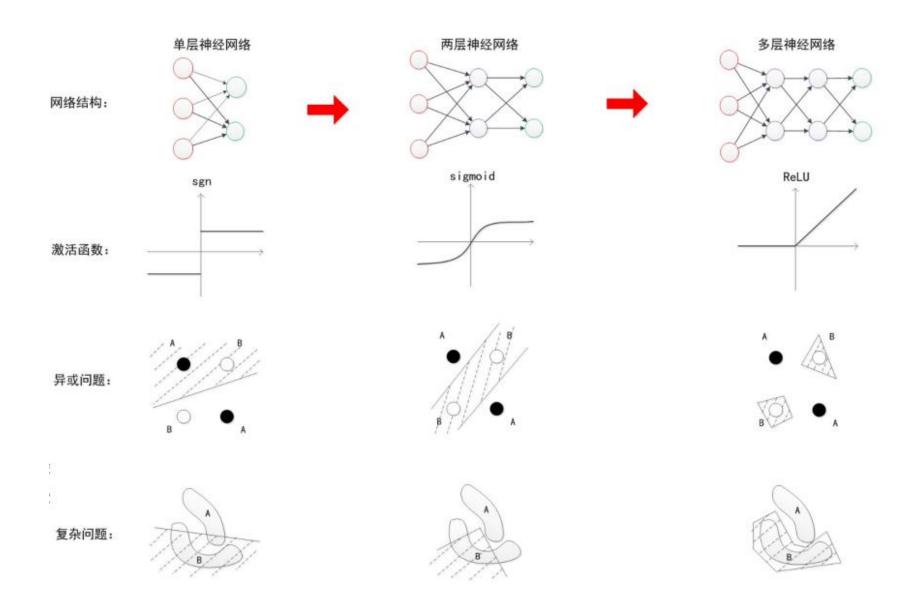


总结: 浅层神经网络

- 优势:
 - 需要的数据量小
 - 训练快
- 局限性: 对复杂问题的表示能力有限, 泛化性弱。
- Why not go deeper?
 - Kurt Hornik证明: 理论上两层神经网络足以拟合任何函数。
 - 数据量和计算能力的约束

多层神经网络(深度学习)

- 深度学习:最早是由多伦多大学的G.
 E.Hinton等于2006年在Science上发表的论文" Reducing the dimensionality of data with neural networks"中提出。
- 深度学习三位开创者: Hinton, LeCun, Bengio
 - Nature杂志为纪念AI 60周年推出的综述文献: 《Deep Learning》



随着网络层数的增加,以及激活函数的调整,神经网络对非线性问题的拟合能力越来越强。

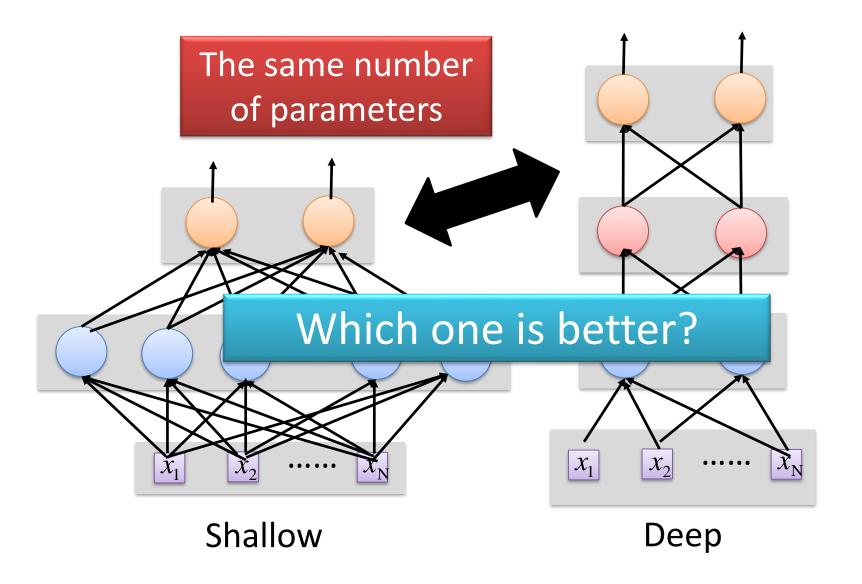
Deeper is Better?

Layer X Size	Word Error Rate (%)	
1 X 2k	24.2	
2 X 2k	20.4	
3 X 2k	18.4	
4 X 2k	17.8	
5 X 2k	17.2	
7 X 2k	17.1	

Not surprised, more parameters, better performance

Seide, Frank, Gang Li, and Dong Yu. "Conversational Speech Transcription Using Context-Dependent Deep Neural Networks." *Interspeech*. 2011.

Fat + Short v.s. Thin + Tall

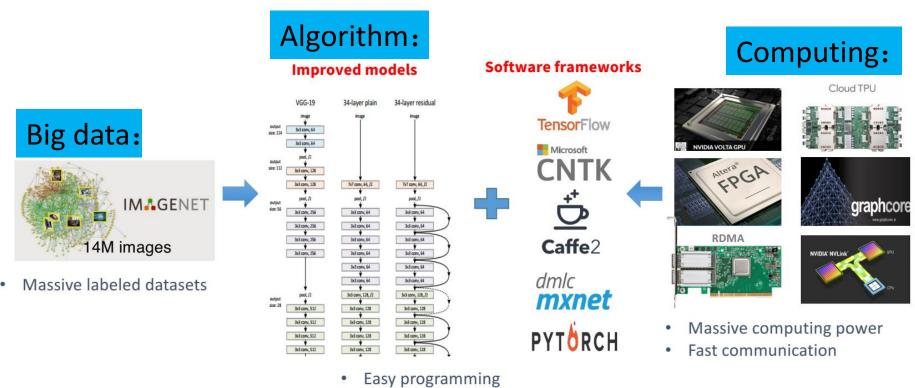


Fat + Short v.s. Thin + Tall

Layer X Size	Word Error Rate (%)	Layer X Size	Word Error Rate (%)
1 X 2k	24.2		
2 X 2k	20.4	Why?	
3 X 2k	18.4		
4 X 2k	17.8		
5 X 2k	17.2	1 X 3772	22.5
7 X 2k	17.1	→ 1 X 4634	22.6
		1 X 16k	22.1

Seide, Frank, Gang Li, and Dong Yu. "Conversational Speech Transcription Using Context-Dependent Deep Neural Networks." *Interspeech*. 2011.

What Makes Deep Learning Succeed Now?



- Fast model evolution
- Fast training and inferencing

Deep Learning Approach

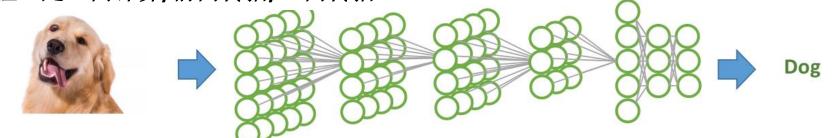
训练过程: 正向计算 & 反向传播(backpropagation)

预测过程: 是正向计算/前向传播/正向传播

Deep Learning Approach

训练过程: 正向计算 & 反向传播(backpropagation)

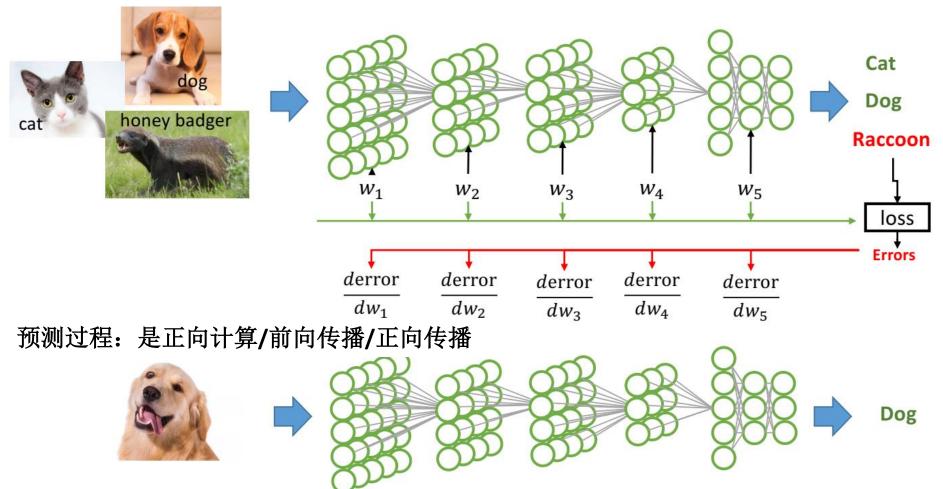
预测过程: 是正向计算/前向传播/正向传播



- 1. 正向计算
- 2. 反向传播

Deep Learning Approach

训练过程: 正向计算 & 反向传播(backpropagation)



本章内容

1什么是深度学习

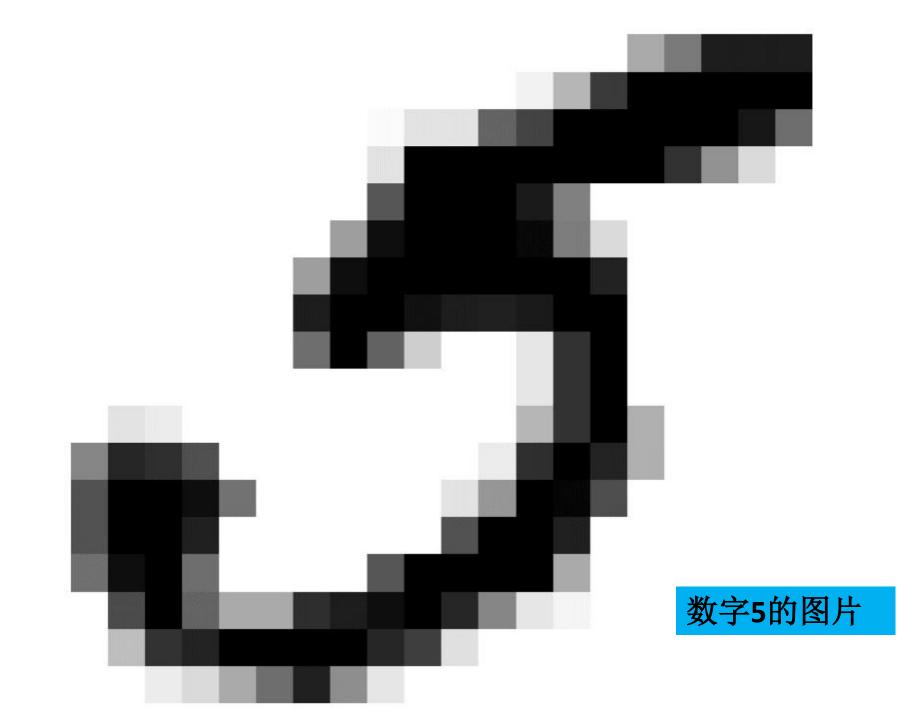
2神经网络的数学基础

3神经网络入门

4神经网络的通用工作流程

• MNIST数据集

- 包含70000张尺寸较小的手写数字图片,由美国的高中生和美国人口调查局的职员手写而成。
 - 图像被编码为Numpy数组,每个样本,即每图片有784个特征,因为每个图片都是28*28像素的。每个特征对应一个介于0~255之间的像素值
 - 标签是数字数组,取值范围为0~9。
 - 图像和标签一一对应。
- 任务:将手写数字的灰度图像(28像素×28 像素)划分到10个类别中(0~9)。
- 问题设定: 多分类问题
 - 机器学习中的"HelloWorld"



• 安装Keras

```
C:\WINDOWS\system32>pip install keras
Collecting keras
  Downloading https://files.pythonhosted.org/packages/ad/fd/6bfe87920d7f4
479832bdc0fe9e589a60ceb/Keras-2.3.1-py2.py3-none-any.whl (377kB)
Requirement already satisfied: six>=1.9.0 in c:\program files (x86)\micro
d\anaconda3_64\lib\site-packages (from keras) (1.12.0)
Requirement already satisfied: nyvaml in c.\nrogram files (v86)\microsoft
  代码清单 2-1 加载 Keras 中的 MNIST 数据集
      from keras.datasets import mnist
      (train_images, train_labels), (test_images, test_labels) = mnist.load_data()
  我们来看一下训练数据:
  >>> train_images.shape
  (60000, 28, 28)
  >>> len(train labels)
  60000
  >>> train labels
  array([5, 0, 4, ..., 5, 6, 8], dtype=uint8)
  下面是测试数据:
  >>> test_images.shape
  (10000, 28, 28)
  >>> len(test_labels)
  10000
  >>> test labels
  array([7, 2, 1, ..., 4, 5, 6], dtype=uint8)
```

神经网络的数学基础

· 神经网络的数据表示: 张量(tensor)

• 经网络的"齿轮": 张量运算

• 神经网络的"引擎": 基于梯度的优化

神经网络的数据表示: 张量(tensor)

- 是机器学习中的基本数据结构
- 是一个数据容器。它包含的数据几乎总是数值数据,因此它是数字的容器。
- 张量的维度(dimension): 通常叫作轴(axis)
 - 可以用ndim属性来查看一个Numpy张量的轴的个数。
 - 张量轴的个数也叫作阶(rank)
- 张量是矩阵向任意维度的推广。比如,矩阵是二维张量。
- 张量是由以下三个关键属性来定义的。
 - 轴的个数(阶)。在Numpy等Python库中也叫张量的ndim。
 - 一形状。这是一个整数元组,表示张量沿每个轴的维度大小(元素 个数)。
 - 数据类型(在Python库中通常叫作dtype)。这是张量中所包含数据的类型。
 - 注意, Numpy(以及大多数其他库)中不存在字符串张量,因为 张量存储在预先分配的连续内存段中,而字符串的长度是可变的, 无法用这种方式存储。

• 观察MNIST数据集中的数据

```
from keras.datasets import mnist
(train_images, train_labels), (test_images, test_labels) = mnist.load_data()
接下来,我们给出张量 train_images 的轴的个数,即 ndim 属性。
>>> print(train_images.ndim)
3
下面是它的形状。
>>> print(train_images.shape)
(60000, 28, 28)
下面是它的数据类型,即 dtype 属性。
>>> print(train_images.dtype)
uint8
```

神经网络的数据表示: 张量(tensor)

- 按照维度, 张量分为:
 - 标量(OD张量): 仅包含一个数字的张量叫作标量(scalar,也叫标量张量、零维张量、OD张量)。
 - 向量(1D张量)
 - -矩阵(2D张量)
 - 3D张量与更高维张量

- 标量(OD张量): 仅包含一个数字的张量叫作标量(scalar,也叫标量张量、零维张量、OD张量)。
- 比如,在Numpy中,一个float32或float64的数字就是一个标量张量(或标量数组)。
- 标量张量有0个轴(ndim == 0)。

```
>>> import numpy as np
>>> x = np.array(12)
>>> x
array(12)
>>> x.ndim
0
```

· 向量(1D张量)

数字组成的数组叫作**向量**(vector)或一维张量(1D 张量)。一维张量只有一个轴。下面是一个 Numpy 向量。

```
>>> x = np.array([12, 3, 6, 14, 7])
>>> x
array([12, 3, 6, 14, 7])
>>> x.ndim
1
```

这个向量有 5 个元素, 所以被称为 5D 向量。不要把 5D 向量和 5D 张量弄混! 5D 向量只有一个轴, 沿着轴有 5 个维度, 而 5D 张量有 5 个轴(沿着每个轴可能有任意个维度)。维度(dimensionality)可以表示沿着某个轴上的元素个数(比如 5D 向量), 也可以表示张量中轴的个数(比如 5D 张量), 这有时会令人感到混乱。对于后一种情况, 技术上更准确的说法是 5 阶张量(张量的阶数即轴的个数), 但 5D 张量这种模糊的写法更常见。

• 矩阵 (2D张量)

向量组成的数组叫作**矩阵**(matrix)或二维张量(2D 张量)。矩阵有2个轴(通常叫作行和**列**)。你可以将矩阵直观地理解为数字组成的矩形网格。下面是一个Numpy矩阵。

第一个轴上的元素叫作行(row),第二个轴上的元素叫作列(column)。在上面的例子中, [5,78,2,34,0]是 \times 的第一行, [5,6,7]是第一列。

• 3D张量与更高维张量

将多个矩阵组合成一个新的数组,可以得到一个 3D 张量,你可以将其直观地理解为数字组成的立方体。下面是一个 Numpy 的 3D 张量。

将多个 3D 张量组合成一个数组,可以创建一个 4D 张量,以此类推。深度学习处理的一般是 0D 到 4D 的张量,但处理视频数据时可能会遇到 5D 张量。

在Numpy中操作张量

- 使用语法train_images[i]来选择沿着第一个轴的特定数字。选择张量的特定元素叫作张量切片(tensor slicing)。
- Numpy数组上的张量切片运算示例:
 - 选择第10~100个数字(不包括第100个),并 将其放在形状为(90, 28,28)的数组中。

```
>>> my_slice = train_images[10:100]
>>> print(my_slice.shape)
(90, 28, 28)

| 注意,:等同于选择整个轴。
```

数据批量

- 通常来说,深度学习中所有数据张量的第一个轴(0轴,因为索引从0开始)都是样本轴(samples axis,有时也叫样本维度)。
 - 比如,在MNIST的例子中,样本就是数字图像。
- 深度学习模型不会同时处理整个数据集,而是将数据拆分成小批量。
 - 比如,下面是MNIST数据集的一个批量,批量大小为128。 batch = train_images[:128]
 - 然后是下一个批量。 batch = train_images[128:256]
 - 然后是第n个批量。 batch = train_images[128 * n:128 * (n + 1)]
- 对于这种批量张量,第一个轴(0轴)叫作批量轴(batch axis)或批量维度(batch dimension)。

现实世界中的数据张量

- 向量数据: 2D张量,形状为(samples, features)。
- 时间序列数据或序列数据: 3D张量,形状为 (samples, timesteps, features)。
- 图像: 4D张量,形状为(samples, height, width, channels)或(samples, channels, height, width)。
- 视频: 5D张量,形状为(samples, frames, height, width, channels)或(samples, frames, channels, height, width)。

现实世界中的数据张量 — 向量数据

- 是最常见的数据。
- 对于MNIST数据集,每个数据点(即每个样本/每张图像)都被编码为一个向量,因此一个数据批量就被编码为2D张量(即向量组成的数组),其中第一个轴是样本轴,第二个轴是特征轴。
- 人口统计数据集,其中包括每个人的年龄、邮编和收入。每个人可以表示为包含3个值的向量,而整个数据集包含100000个人,因此可以存储在形状为(100000,3)的2D张量中。
- 文本文档数据集,我们将每个文档表示为每个单词在其中出现的次数(字典中包含20000个常见单词)。每个文档可以被编码为包含20000个值的向量(每个值对应于字典中每个单词的出现次数),整个数据集包含500个文档,因此可以存储在形状为(500,20000)的张量中。

现实世界中的数据张量一时间序列数据或序列数据

- 当时间(或序列顺序)对于数据很重要时,应该将数据存储在带有时间轴的3D张量中。每个样本可以被编码为一个向量序列(即2D张量),因此一个数据批量就被编码为一个3D张量(见图2-3)。_______
 - 根据惯例,时间轴始终是第2个轴(索引为1的轴)

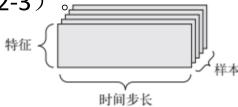


图 2-3 时间序列数据组成的 3D 张量

- 股票价格数据集。每一分钟,我们将股票的当前价格、前一分钟的最高价格和前一分钟的最低价格保存下来。因此每分钟被编码为一个3D向量,整个交易日被编码为一个形状为(390,3)的2D张量(一个交易日有390分钟),而250天的数据则可以保存在一个形状为(250,390,3)的3D张量中。这里每个样本是一天的股票数据。
- 推文数据集。我们将每条推文编码为280个字符组成的序列,而每个字符又来自于128个字符组成的字母表。在这种情况下,每个字符可以被编码为大小为128的二进制向量(只有在该字符对应的索引位置取值为1,其他元素都为0)。那么每条推文可以被编码为一个形状为(280,128)的2D张量,而包含100万条推文的数据集则可以存储在一个形状为(1000000,280,128)的张量中。

现实世界中的数据张量 — 图像数据

- 描述一张图像张量始终都是3D张量。
 - 图像通常具有三个维度: 高度、宽度和颜色深度。
- 考虑到图像的通道数的不同,
 - 灰度图像的彩色通道只有一维。因此,如果图像大小为256×256,那么128张灰度图像组成的批量可以保存在一个形状为(128,256,256,1)的张量中
 - 灰度图像(比如MNIST数字图像)只有一个颜色通道,因此可以保存在2D 张量中
 - 128张彩色图像组成的批量则可以保存在一个形状为(128, 256, 256, 3)的张量中。
- 图像张量的形状有两种约定:
 - 通道在后(channels-last)的约定(在TensorFlow中使用)
 - (samples, height, width, color_depth)
 - 通道在前(channels-first)的约定(在Theano中使用)。
 - (samples, color_depth, height, width)
- Keras框架同时支持这两种格式。

现实世界中的数据张量 — 图像数据

- · 描述一张图像张量始终都是3D张量。
 - 图像通常具有三个维度: 高度、宽度和颜色深度。
- 考虑到图像的通道数的不同,图像数据是4D张量。
 - 灰度图像的彩色通道只有一维。因此,如果图像大小为256×256,那么128张灰度图像组成的批量可以保存在一个形状为(128,256,256,1)的张量中
 - 灰度图像(比如MNIST数字图像)只有一个颜色通道,因此可以保存在2D 张量中

- 128张彩色图像组成的批量则可以保存在一个形状为(128, 256, 256, 3)的张量中。

- 图像张量的形状有两种约定:
 - 通道在后(channels-last)的约定(注
 - (samples, height, width, color_depth)
 - 通道在前(channels-first)的约定(
 - (samples, color_depth, height, width)
- Keras框架同时支持这两种格式。

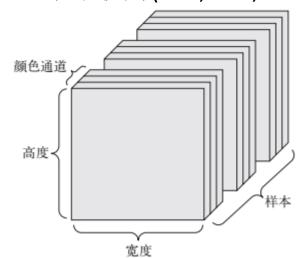


图 2-4 图像数据组成的 4D 张量(通道在前的约定)

现实世界中的数据张量 - 视频数据

- 视频数据是现实生活中需要用到5D张量的少数数据类型之一。
 - 视频可以看作一系列帧,每一帧都是一张彩色图像。每一帧都可以保存在一个形状为(height, width, color_depth)的3D张量中,因此一系列帧可以保存在一个形状为(frames, height, width, color_depth)的4D张量中,而不同视频组成的批量则可以保存在一个5D张量中,其形状为(samples, frames, height, width, color_depth)。
- 举个例子,一个以每秒4帧采样的60秒YouTube视频片段,视频尺寸为144×256,这个视频共有240帧。4个这样的视频片段组成的批量将保存在形状为(4,240,144,256,3)的张量中。总共有106 168 320个值!如果张量的数据类型(dtype)是float32,每个值都是32位,那么这个张量共有405MB。
 - 现实生活中遇到的视频要小得多,因为它们不以float32格式存储,而且通常被大大压缩,比如MPEG格式。

神经网络的"齿轮": 张量运算

- 加法运算(+)
- relu运算
- 点积运算(dot)
- · 广播:两个形状不同的张量进行运算时,如果没有歧义的话,较小的张量会被广播(broadcast),以匹配较大张量的形状。广播包含以下两步。
 - 1. 向较小的张量添加轴(叫作广播轴),使其ndim 与较大的张量相同。
 - 2. 将较小的张量沿着新轴重复,使其形状与较大的张量相同。

神经网络的"齿轮": 张量运算

• 张量变形

```
>>> x = np.array([[0., 1.]],
                 [2., 3.],
                 [4., 5.11)
>>> print(x.shape)
(3, 2)
>>> x = x.reshape((6, 1))
>>> X
array([[ 0.],
       [ 1.],
       [ 2.],
       [ 3.],
       [4.],
       [5.11)
>>> x = x.reshape((2, 3))
>>> X
array([[ 0., 1., 2.],
        3., 4., 5.]])
```

- 转置(transposition): 特殊的张量变形
 - 对矩阵做转置是指将行和列互换,使x[i,:]变为

```
x[:, i]。
```

神经网络的"引擎":基于梯度的优化

- 一个训练循环(training loop)包含的具体过程如下:
 - (1)抽取训练样本x和对应目标y组成的数据批量。
 - (2)在x上运行网络,得到预测值y_pred。[这一步叫作前向传播(forward pass)]
 - (3)计算网络在这批数据上的损失,用于衡量y_pred和y之间的距离。
 - (4)更新网络的所有权重,使网络在这批数据上的损失略微下降。
- 经过多轮的训练循环后,最终得到的网络在训练数据上的损失非常小,即预测值y_pred和预期目标y之间的距离非常小。网络"学会"将输入映射到正确的目标。
- 存在问题: 如何使得每次训练循环后, 损失都下降?
 - 利用网络中所有运算都是可微(differentiable)的这一事实, 计算 损失相对于网络系数的梯度(gradient),然后向梯度 的反方向改变系数,从而使损失降低。

• 什么是导数?

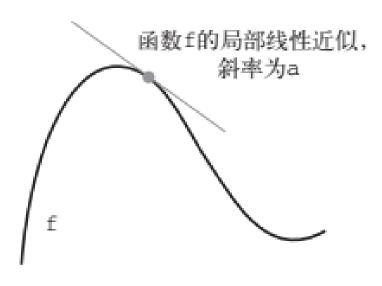


图 2-10 f 在 p 点的导数

- 某函数f(x)可微,是指"可以被求导"。
- 梯度: 张量运算的导数
 - 梯度(gradient)是张量运算的导数。它是导数这一概念向 多元函数导数的推广。多元函数是以张量作为输入的函数。

链式求导:反向传播算法(Backpropagation)

• Backpropagation: an efficient way to compute $\partial L/\partial w$ in neural network

















Gradient Descent

Network parameters
$$\theta = \{w_1, w_2, \dots, b_1, b_2, \dots\}$$

Starting Parameters
$$\theta^{<0>} \longrightarrow \theta^{<1>} \longrightarrow \theta^{<2>} \longrightarrow \cdots$$

$$\begin{array}{ll} \nabla L(\theta) \\ = \begin{bmatrix} \partial L(\theta)/\partial w_1 \\ \partial L(\theta)/\partial w_2 \\ \vdots \\ \partial L(\theta)/\partial b_1 \\ \vdots \\ \partial L(\theta)/\partial b_2 \\ \vdots \\ \partial L(\theta)/\partial b_2 \\ \vdots \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} \textbf{Compute} \, \nabla \textbf{L}\big(\theta^{<0>}\big) \quad \theta^{<1>} = \theta^{<0>} - \eta \nabla \textbf{L}\big(\theta^{<0>}\big) \\ \theta^{<2>} = \theta^{<1>} - \eta \nabla \textbf{L}\big(\theta^{<1>}\big) \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} \textbf{Millions of parameters} \\ \textbf{To compute the gradients efficiently,} \\ \textbf{we use } \textbf{backpropagation}. \end{array}$$

Compute
$$\nabla L(\theta^{<0>})$$
 $\theta^{<1>} = \theta^{<0>} - \eta \nabla L(\theta^{<0>})$

Compute
$$\nabla L(\theta^{<1>})$$
 $\theta^{<2>} = \theta^{<1>} - \eta \nabla L(\theta^{<1>})$

we use **backpropagation**.

Chain Rule

Case 1

$$y = g(x)$$
 $z = h(y)$

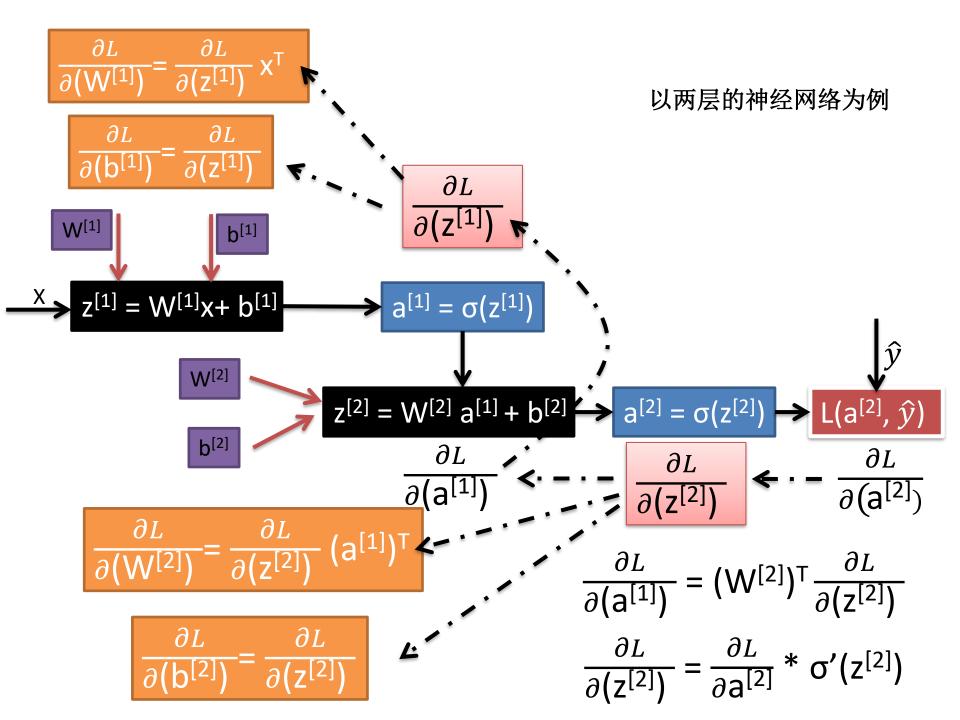
$$\Delta x \to \Delta y \to \Delta z$$

$$\frac{dz}{dx} = \frac{dz}{dy} \frac{dy}{dx}$$

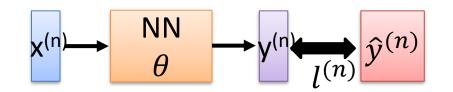
Case 2

$$x = g(s)$$
 $y = h(s)$ $z = k(x, y)$

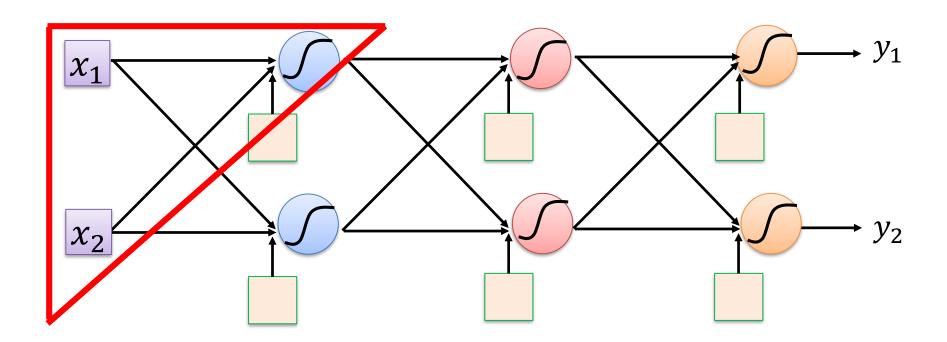
$$\Delta s = \frac{\partial z}{\partial x} \frac{\partial x}{\partial s} + \frac{\partial z}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial s}$$



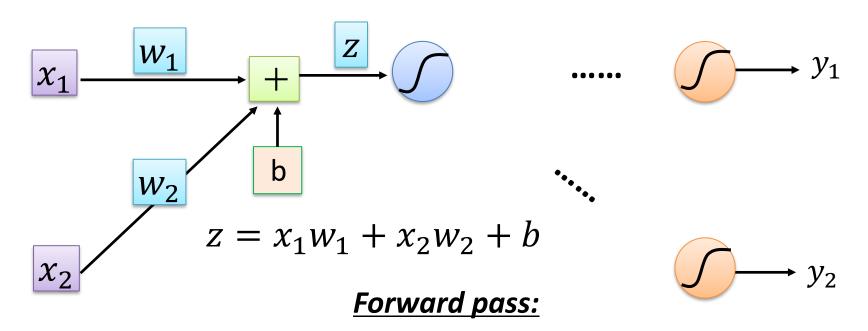
Backpropagation



$$L(\theta) = \sum_{n=1}^{N} l^{(n)}(\theta) \longrightarrow \frac{\partial L(\theta)}{\partial w} = \sum_{n=1}^{N} \frac{\partial l^{(n)}(\theta)}{\partial w}$$



Backpropagation



$$\frac{\partial l}{\partial w} = ? \quad \frac{\partial z}{\partial w} \frac{\partial l}{\partial z}$$
(Chain rule)

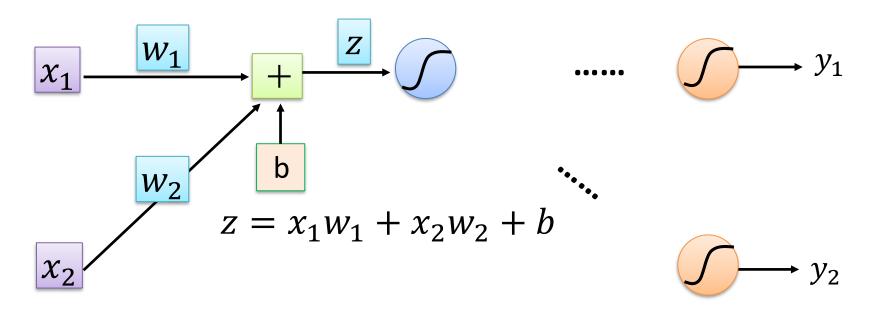
Backward pass:

Compute $\partial l/\partial z$ for all activation function inputs z

Compute $\partial z/\partial w$ for all parameters

Backpropagation – Forward pass

Compute $\partial z/\partial w$ for all parameters



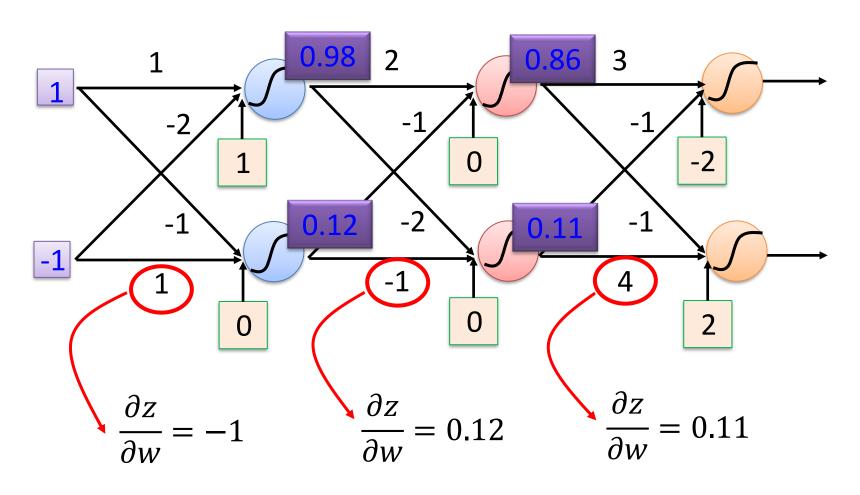
$$\frac{\partial z}{\partial w_1} = ? x_1$$

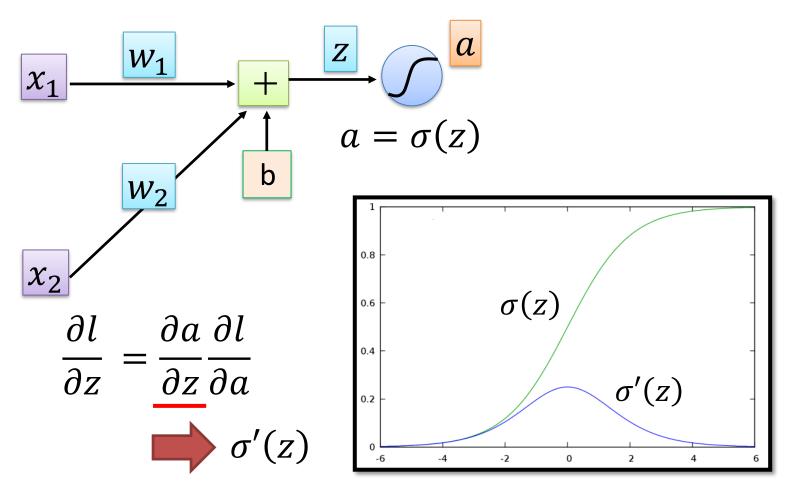
$$\frac{\partial z}{\partial w_2} = ? x_2$$

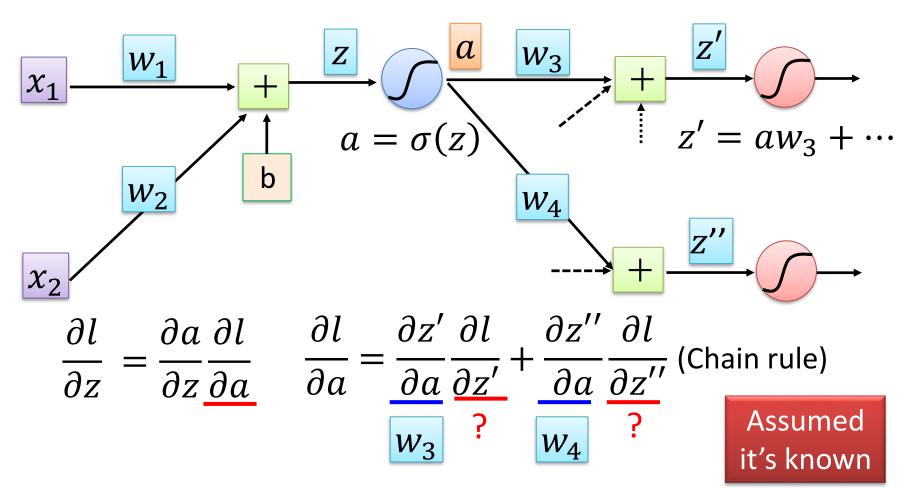
The value of the input connected by the weight

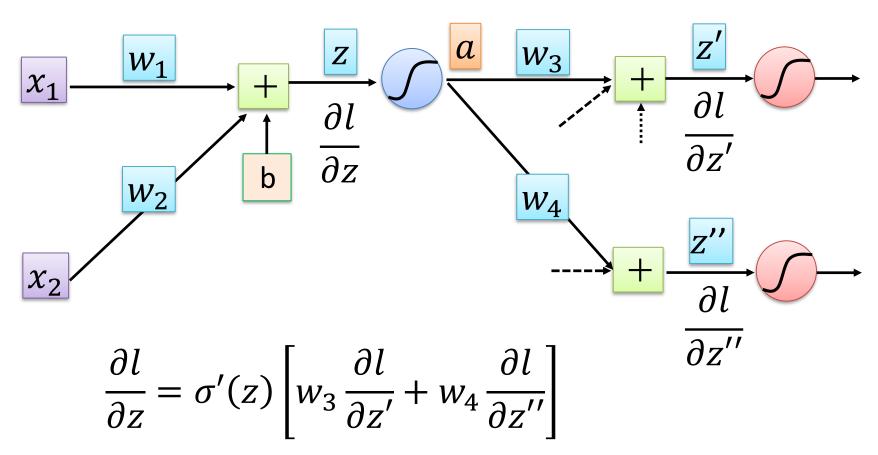
Backpropagation – Forward pass

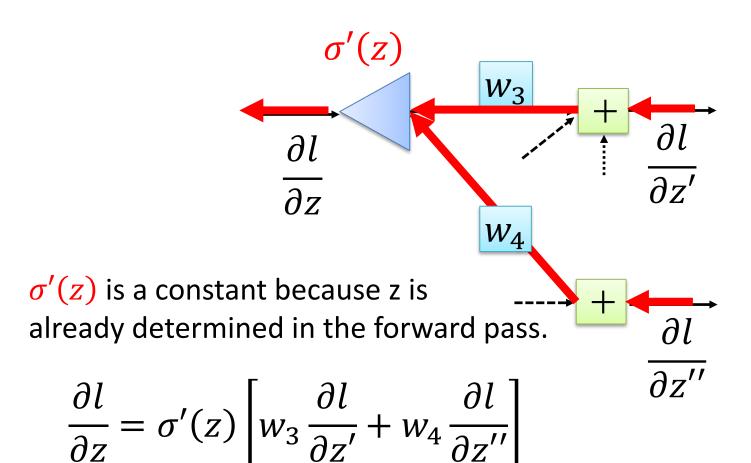
Compute $\partial z/\partial w$ for all parameters



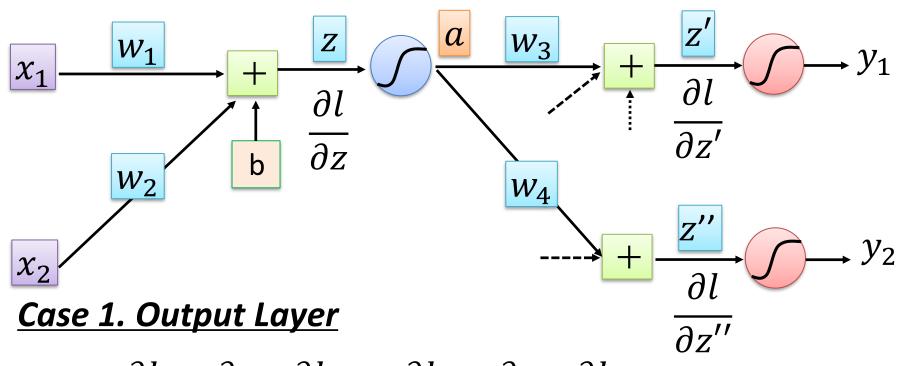








Compute $\partial l/\partial z$ for all activation function inputs z

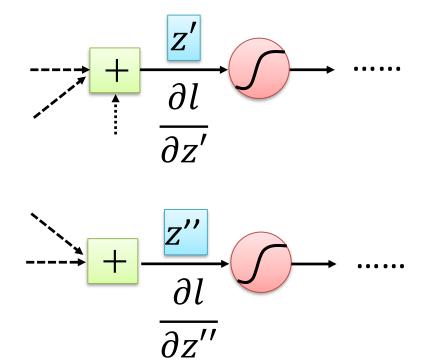


$$\frac{\partial l}{\partial z'} = \frac{\partial y_1}{\partial z'} \frac{\partial l}{\partial v_1} \qquad \frac{\partial l}{\partial z''} = \frac{\partial y_2}{\partial z''} \frac{\partial l}{\partial v_2}$$

Done!

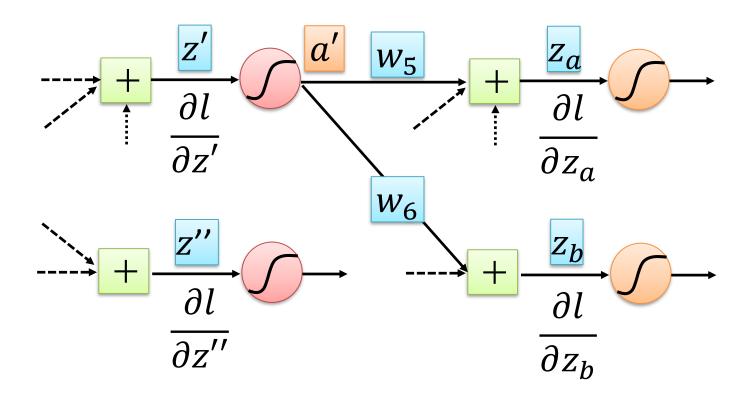
Compute $\partial l/\partial z$ for all activation function inputs z

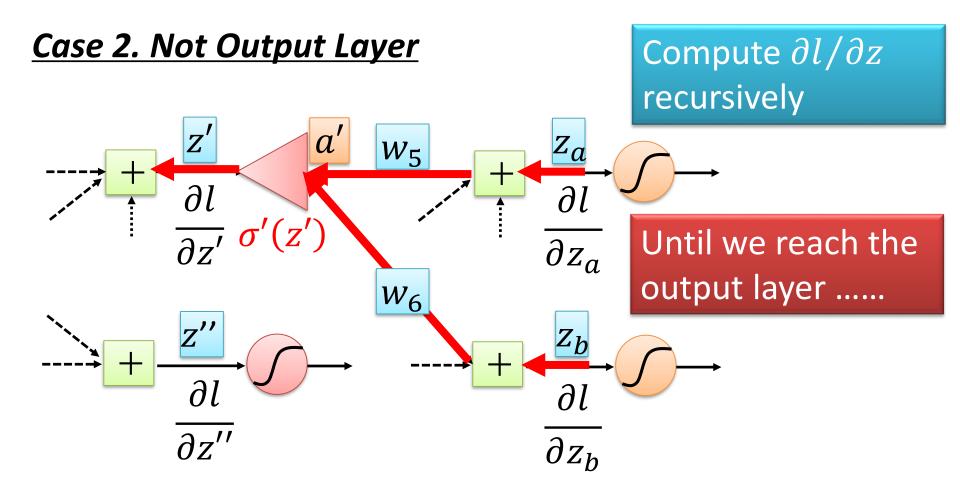
Case 2. Not Output Layer



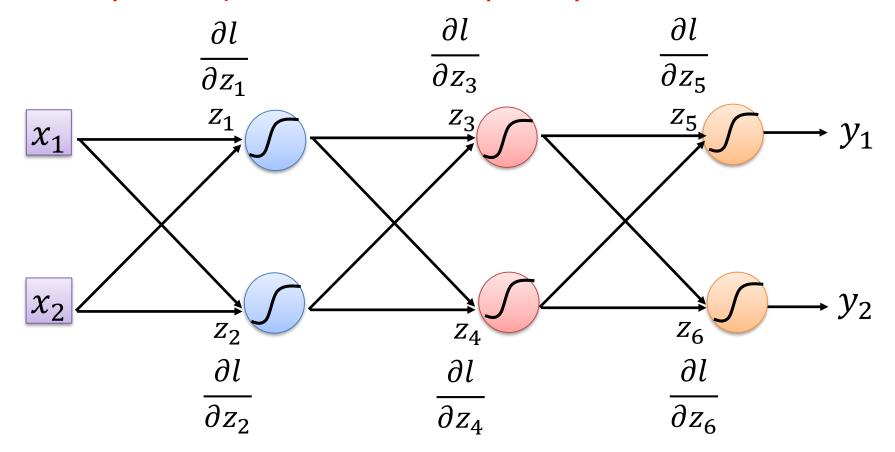
Compute $\partial l/\partial z$ for all activation function inputs z

Case 2. Not Output Layer

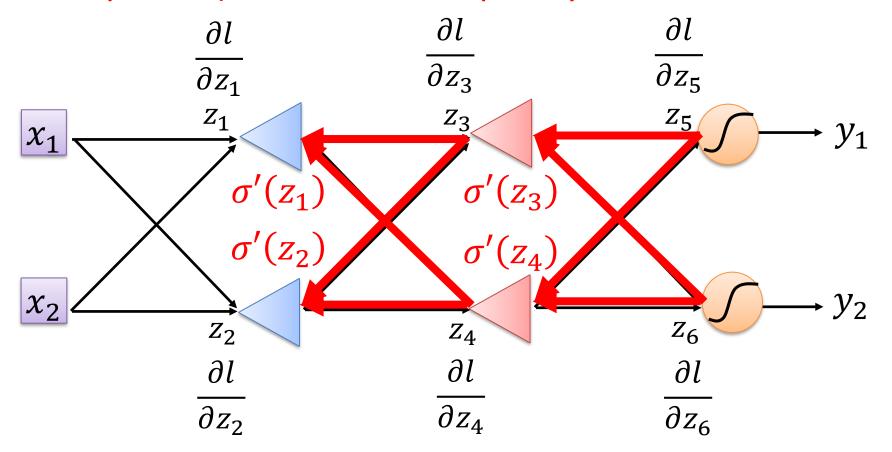




Compute $\partial l/\partial z$ for all activation function inputs z Compute $\partial l/\partial z$ from the output layer



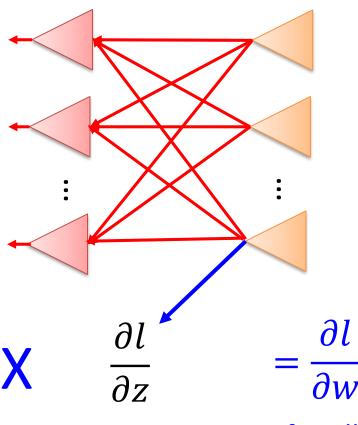
Compute $\partial l/\partial z$ for all activation function inputs z Compute $\partial l/\partial z$ from the output layer



Backpropagation – Summary

Forward Pass

Backward Pass



for all w

链式求导:反向传播算法(Backpropagation)

输入数据。

输入图像保存在float32格式的Numpy 张量中,形状分别为(60000,784)(训 练数据)和(10000,784)(测试数据)

• 构建网络。

```
network = models.Sequential()
network.add(layers.Dense(512, activation='relu', input_shape=(28 * 28,)))
network.add(layers.Dense(10, activation='softmax'))
```

• 网络的编译。

```
network.compile(optimizer='rmsprop',
loss='categorical_crossentropy',
metrics=['accuracy'])
```

训练循环。

network.fit(train_images, train_labels, epochs=5, batch_size=128)

- 调用fit时发生了什么?
- 网络开始在训练数据上进行迭代(每个小批量包含128个样本),共迭代5次[在所有训练数据上迭代一次叫作一个轮次(epoch)]。在每次迭代过程中,网络会计算批量损失相对于权重的梯度,并相应地更新权重。5轮之后,网络进行了2345次梯度更新(每轮469次),网络损失值将变得足够小,使得网络能够以很高的精度对手写数字进行分类。