

赛区评阅编号（由赛区组委会填写）：

2025 高教社杯全国大学生数学建模竞赛

承 诺 书

我们仔细阅读了《全国大学生数学建模竞赛章程》和《全国大学生数学建模竞赛参赛规则》（以下简称“竞赛章程和参赛规则”，可从 <http://www.mcm.edu.cn> 下载）。

我们完全清楚，在竞赛开始后参赛队员不能以任何方式，包括电话、电子邮件、“贴吧”、QQ 群、微信群等，与队外的任何人（包括指导教师）交流、讨论与赛题有关的问题；无论主动参与讨论还是被动接收讨论信息都是严重违反竞赛纪律的行为。

我们以中国大学生名誉和诚信郑重承诺，严格遵守竞赛章程和参赛规则，以保证竞赛的公正、公平性。如有违反竞赛章程和参赛规则的行为，我们将受到严肃处理。

我们授权全国大学生数学建模竞赛组委会，可将我们的论文以任何形式进行公开展示（包括进行网上公示，在书籍、期刊和其他媒体进行正式或非正式发表等）。

我们参赛选择的题号（从 A/B/C/D/E 中选择一项填写）： C

我们的报名参赛队号（12 位数字全国统一编号）： 4321

参赛学校（完整的学校全称，不含院系名）： 中山大学

参赛队员 (打印并签名)：1. 陈昊蔚

2. 李可乐

3. 蔡佳陆

指导教师或指导教师组负责人 (打印并签名)： 指导老师

（指导教师签名意味着对参赛队的行为和论文的真实性负责）

日期： 2025 年 9 月 5 日

（请勿改动此页内容和格式。此承诺书打印签名后作为纸质论文的封面，注意电子版论文中不得出现此页。以上内容请仔细核对，如填写错误，论文可能被取消评奖资格。）

赛区评阅编号：
(由赛区填写)

全国评阅编号：
(全国组委会填写)

2025 高教社杯全国大学生数学建模竞赛

编 号 专 用 页

赛区评阅记录（可供赛区评阅时使用）：

评阅人						
备注						

送全国评阅统一编号：

(赛区组委会填写)

(请勿改动此页内容和格式。此编号专用页仅供赛区和全国评阅使用，参赛队打印后装订到纸质论文的第二页上。注意电子版论文中不得出现此页。)

论文题目

摘要

摘要的具体内容。

关键字：Spearman 检验 K-Means 聚类分析 关键词 3

一、问题重述

本节旨在提取题目的关键信息，全面概括关于 NIPT 时点选择与胎儿异常判定的背景，并进一步明确根据孕妇的 BMI、孕周数、孕情等个体差异，推断出既能确保准确性、又能尽量降低治疗窗口期缩短的风险的最佳 NIPT 时点以及针对女胎异常的判定方法的现实要求，从而更加清晰地把握问题的核心要点。

1.1 问题背景

进入新时代，为了响应国家“晚婚晚育、少生优生”的号召，切实提高人口素质，许多家庭选择在较晚的年龄生育子女。然而，随着高龄产妇比例的增加，胎儿染色体异常的风险也随之上升。因此，如何在孕期早期准确筛查出胎儿染色体异常，成为了产前诊断领域亟需解决的重要问题。

NIPT (Non-Invasive Prenatal Test, 无创产前检测) 是一种产前检测技术，仅需对孕妇采集血样就可检测出其中的胎儿游离 DNA 片段，并分析胎儿染色体是否存在异常（例如 21 号染色体数量异常导致唐氏综合征），从而在早期就可掌握胎儿的健康状况。NIPT 技术可以有效筛查唐氏综合征、爱德华氏综合征和帕陶氏综合征这三大染色体异常疾病，准确率远超先前其他方法。此外，NIPT 技术无需侵入性操作，避免了传统产前诊断方法可能带来的流产风险和对胎儿可能造成的伤害，因而被广泛应用于临床实践中。

我们本次研究的核心任务，便是基于一批孕妇的 NIPT 检测数据，构建有效的数学模型。我们希望能够借助数学模型分析胎儿 Y 染色体浓度和孕妇孕情的关系、不同 BMI 孕妇的最佳 NIPT 时点以及针对无 Y 染色体的女胎的异常判定方法等一系列问题。因此，如何利用现代数据分析与数学建模技术，排除或修正这些数据中潜在的干扰，准确地对上述问题完成模型建立与求解，成为了一个兼具医学意义与数据科学挑战的交叉学科课题。

1.2 基本问题

附件是某地区 BMI 偏高孕妇的 NIPT 检测数据，包含了孕妇的基本信息、孕情信息以及 NIPT 检测结果等内容。为了依据相关数据完成对更多孕妇的 NIPT 时点判断以及针对女胎的异常判定工作，现需要结合这些数据和已知条件，建立数学模型，分析以下问题：

问题一：依据男胎检测数据，分析胎儿 Y 染色体浓度与孕妇的孕周数和 BMI 等指标之间的相关特性，对有相关性的指标进行筛选，并建立数学模型，描述胎儿 Y 染色体浓度与孕妇孕周数和 BMI 等指标之间的关系。之后，再检验该模型的显著性。

问题二：依据男胎检测数据，建立数学模型，对男胎孕妇的 BMI 进行分组，分析不同组别男胎孕妇的最佳 NIPT 时点，并分析检测误差对判断最佳 NIPT 时点的影响。

问题三：依据男胎检测数据，综合考虑孕妇的身高、体重、年龄、生育次数等多种因素的影响，并结合检测误差以及胎儿 Y 染色体浓度达标比例，对孕妇的 BMI 进行再次分组，分析各组别孕妇的最佳 NIPT 时点，并分析检测误差对判断最佳 NIPT 时点的影响。

问题四：依据女胎检测数据，建立数学模型，综合考虑 X 染色体和其他检测染色体的 NIPT 结果 Z 值、GC 含量、读数段及相关比例、BMI 等因素，分析女胎孕妇的 21 号、18 号、13 号染色体非整倍体结果，给出判断女胎是否异常的方法。

二、问题分析

2.1 问题一分析

问题一要求我们依据男胎检测数据，分析胎儿 Y 染色体浓度与孕妇的孕周数和 BMI 等指标之间的相关特性。首先，我们需要对数据进行预处理，使得数据尽可能完整、合理。然后，我们可以使用统计分析方法，如 Pearson 检验和 Spearman 检验的相关系数计算和多元非线性回归分析，来探索胎儿 Y 染色体浓度与孕妇孕周数和 BMI 等指标之间的关系。通过建立数学模型，我们可以量化这些关系，并检验模型的显著性，以确保其可靠性。

具体步骤包括：

- 数据预处理：清洗数据，处理缺失值和异常值。
- 相关性分析：计算胎儿 Y 染色体浓度与孕妇孕周数和 BMI 等指标的相关系数。
- 模型建立：选择合适的回归模型（如线性回归、多元回归等）来描述这些关系。
- 模型检验：使用统计检验方法（如 F 检验、t 检验等）来评估模型的显著性和拟合优度。

三、模型假设

结合题意和上述对问题的分析，为了合理简化模型的建立与求解过程，我们提出了以下假设：

- **假设 1：**数据中的测量误差是随机分布的，不会系统性地偏向某一方向。
- **假设 2：**孕妇的身体状况和生活习惯等非 NIPT 检测指标在研究期间保持相对稳定，不会对胎儿 Y 染色体浓度产生显著影响。
- **假设 3：**不同孕妇之间的个体差异可以通过统计方法进行控制和调整。
- **假设 4：**

四、符号说明

符号	意义
D	木条宽度 (cm)

五、模型的建立与求解

5.1 问题一的模型建立与求解

5.1.1 数据预处理

在进行建模之前，我们应当对附件原始数据进行合理的预处理，包括以下几个方面：

缺失值处理：对于缺失的数据，采用均值填补、插值法或删除含有缺失值的样本等方法进行处理。

异常值检测：使用箱线图识别 BMI 等变量中的异常值，并根据具体情况决定是否剔除或修正这些异常值。使用 Python 绘制 BMI 的箱线图，发现在上须线以上有大量异常点，在下须线以下存在一个异常点，如图 1 所示。经过使用身高、体重的原始数据重

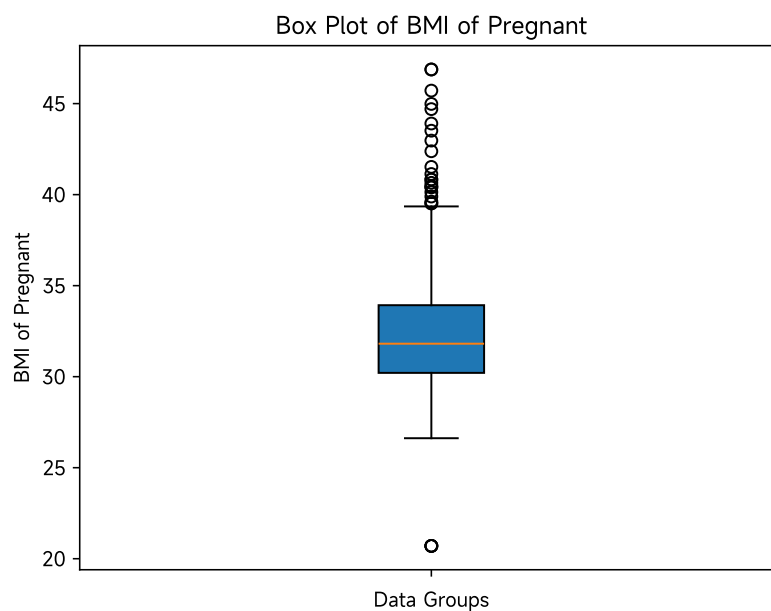


图 1 男胎孕妇 BMI 箱线图

新计算 BMI，我们发现异常值与重新计算值的相对误差不超过 1‰，因此对于上述异常值，我们选择保留。

此外，对于 Y 染色体浓度超过 20% 的异常值，显然已经不符合生物学常识，因此我们选择剔除这些异常值。

纵向数据整理：对于“一次抽血多次检验”的数据，取其中位数作为该孕妇的最终检测结果，以减少偶然误差的影响。

5.1.2 相关性检验

为了分析胎儿 Y 染色体浓度与孕妇的孕周数和 BMI 等指标之间的相关特性，我们首先计算这些变量之间的相关系数。

由于 BMI 和孕周数均为连续变量，我们可以使用 Pearson 相关系数来衡量它们与 Y 染色体浓度之间的线性关系。同时考虑到该关系也有可能是非线性的，因此我们也计算了 Spearman 秩相关系数，以便交互验证。

然而，BMI 与 Y 染色体浓度的 Pearson 相关系数仅为 0.15，表明两者之间的线性关系较弱。为了进一步探讨 BMI 与 Y 染色体浓度之间可能存在的非线性关系，我们采用 Spearman 秩相关系数进行检验。计算结果显示，BMI 与 Y 染色体浓度的 Spearman 相关系数为 0.30，表明两者之间存在一定的单调关系。

综合上述分析结果，我们决定在后续模型中同时考虑孕周数和 BMI 对 Y 染色体浓度的影响。

5.1.3 回归模型建立

5.1.4 模型显著性检验

5.2 问题二的模型建立与求解

5.3 问题三的模型建立与求解

5.4 问题四的模型建立与求解

六、 总结

参考文献

[1]

附录的内容。