

$f_i$ : 前  $i$  座塔. 最少合并几次

$p_i$ : 前  $i$  座塔. 最少合并次数时  
最后一座合并后的塔高.

for  $j = 0 \sim n-1$

for  $i = j+1$  to  $n$

if  $s_i - s_j \geq p_j$

$$f_i \leftarrow^{\min} f_j + (i - j - 1)$$

$$p_i = s_i - s_j$$

找到第一个  $i$ , 满足  $s_i \geq s_j + p_j$

$s_1 \quad s_2 \quad \dots \quad s_{n-1} \quad s_n$

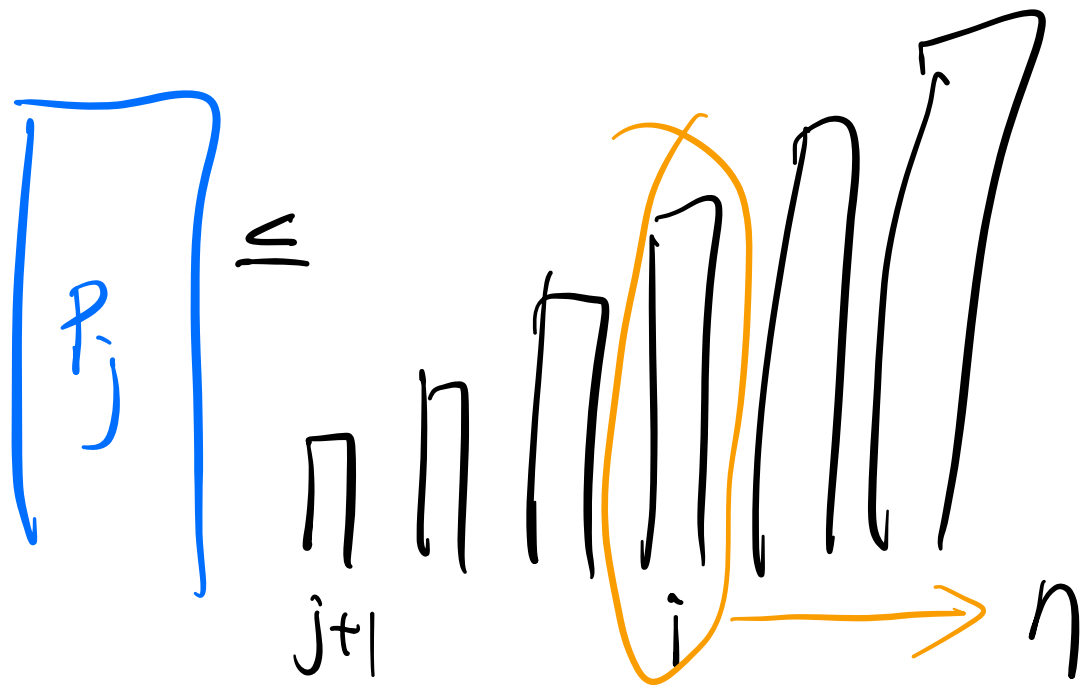
lower-bound.

$$f_i \leftarrow^{\min} f_j + (i - j - 1)$$

$$\text{tag}[i] = j$$

$$f_{i+1} \leftarrow^{\min} f_j + (i+1 - j - 1) \quad \left. \begin{array}{l} \text{tag}[i+1] \\ \text{tag}[i] \end{array} \right\} = j$$

还得从第一个  $i$  循环到  $n$  ???

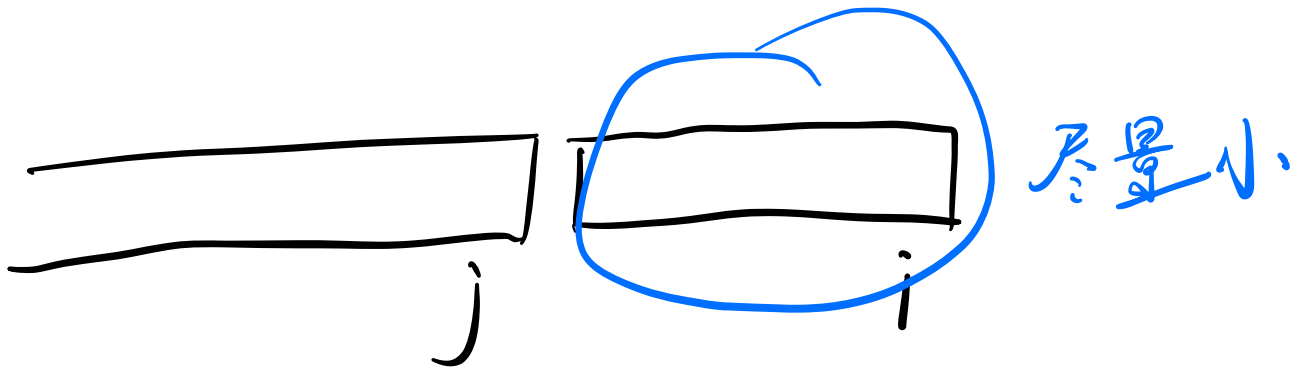


$f_i \quad f_{i+1} \quad \dots \quad f_n$

都要由  $f_j$  更新一次。

除非：有另一个  $j'$ ，使得：  
用  $f_{j'}$  更新  $f_{i+1}$  会让  
 $f_{i+1}$  更小。

考虑  $f_i$  可以由哪些  $f_j$  更新.



$$s_i - s_j \geq p_j$$

$\Rightarrow j$  越后越好!

但有可能  $j$  可以,  $j-1$  又不行.

$\therefore$  不能二分  $j$ .

$\text{tag}[i]$ : 能用来更新  $i$  的最后一个  $j$

若  $\text{tag}[i]$  已知.

$$f_i = f_{\text{tag}[i]} + (i - \text{tag}[i] - 1).$$

for  $j = 0 \sim n$   
 $\text{tag}[j] \xleftarrow{\max} \text{tag}[j-1]$   
 $\text{tag}[j]$  已知.

$$f_j = f_{\text{tag}[j]} + (j - \text{tag}[j] - 1)$$

$$p_j = s_j - s_{\text{tag}[j]}.$$

lower-bound 找到第一个可以被  
 $j$  更新的  $i$  ( $s_i - s_j \geq p_j$ )



$$s_i \geq p_j + s_j$$

$$\text{tag}[i] = \text{tag}[i+1] = \dots = \text{tag}[n] = j$$

$$O(n \log n).$$

最小.

长:  $k$ .



单调队列: 不存无用之物.

有用的东西是单增的.

队头即最小.

窗口向右一位:

① 若队头到窗口外了, 弹出队头:  $O(1)$

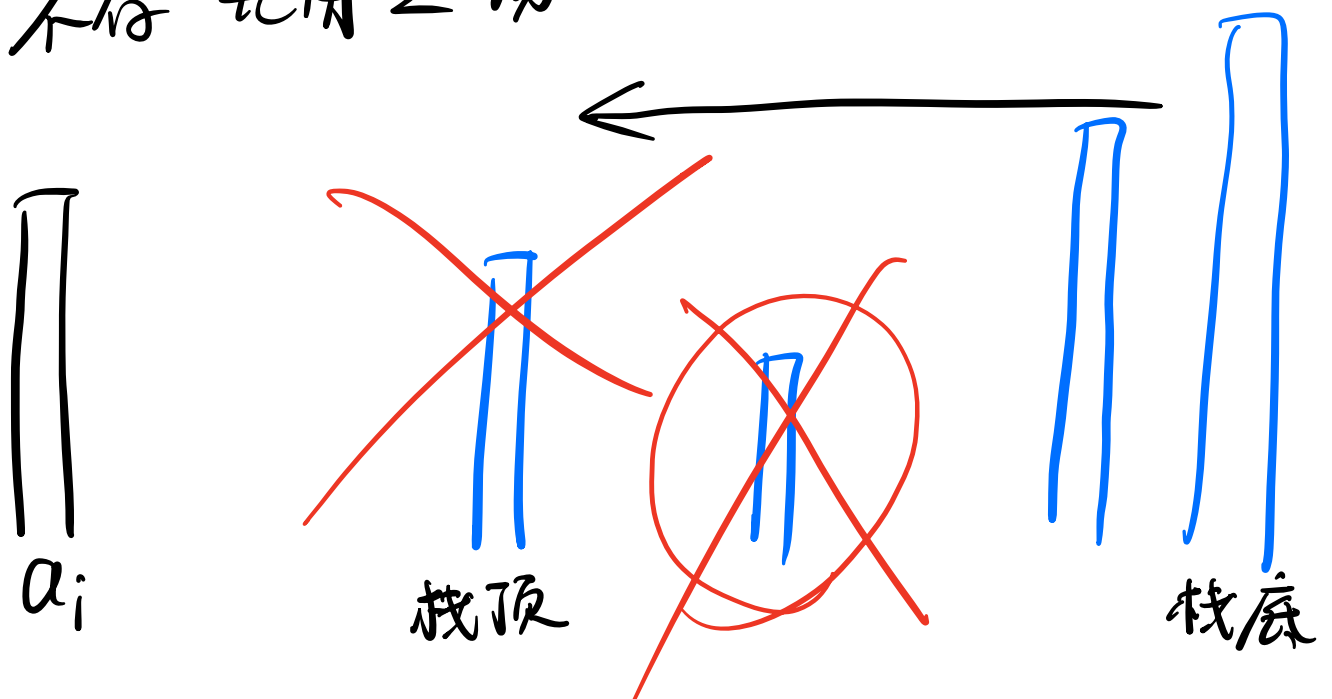
② 不断弹出队尾的“无用之物”.

③ 把  $a_i$  扔进队尾

总共  
不超过  $n$  次.

单调栈

不存无用之物



有用之物 单调增。