

$O(n)$  预处理,  $O(1)$  得到每个子串 Hash 值

$pre[i]$ :  $S[1...i]$  的 Hash 值

$$pre[i+1] = pre[i] \times B + (S[i+1] - '0')$$

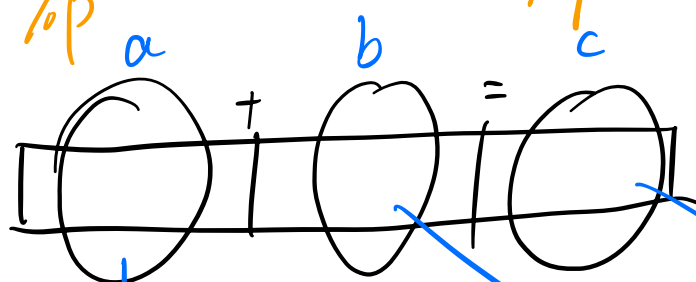
$$pwB[i] = B^i \% p \quad O(n) \text{ 预处理}$$

$S[l...r]$  的哈希值:

$$\frac{pre[r] - pre[l-1] \times B^{r-l+1}}{\%p}$$

$$pwB[r-l+1]$$

$$B=10$$



$$\text{hash 值: } (a \% p + b \% p) \% p = c \% p \quad (\text{判断})$$

双模数

取两个不同  $p$

分别判断一次

暴力:  $O(n^2)$

枚举 "+" 和 "=" 位置, 再  $O(1)$  判断

正解  $O(n)$

简化: 假设没有 0

如果  $a > b$ ,  $a + b = c$ ,  $a$  是  $k$  位数

$c$  可能是几位数?  $\begin{cases} k \\ k+1 \end{cases}$

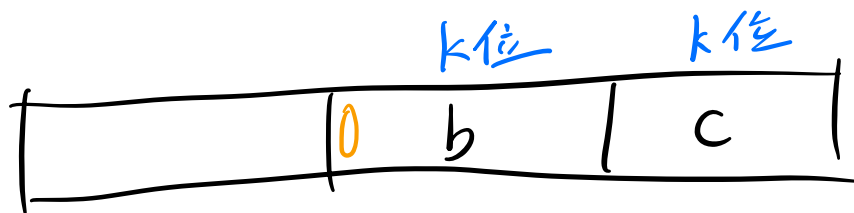
对于  $a < b$ , 类似.

1. 枚举 "=" 位置 ( $k$  从  $\frac{n}{2}$  到  $n$ )



1)  $a > b$ , "+" 可能在  $k$  或  $k-1$  处

2)  $a < b$ , "+" 可能在  $n-2k$  或  $n-2k+1$  处



特判!

过程中特判  $a, b, c$  是否有前导 0.

P3501

输入  $S$ ，取反再翻转得  $T$

枚举子串  $S[l \dots r]$

$$l = 1 \text{ to } n$$

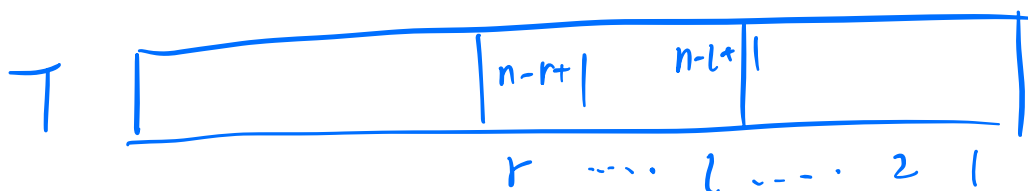
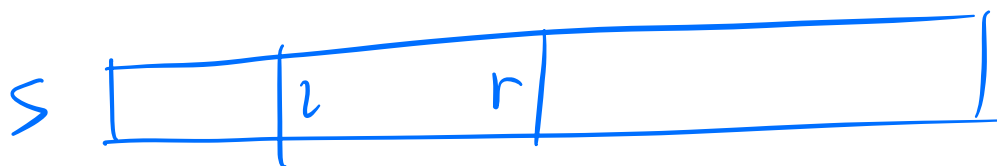
$$r = l \text{ to } n$$

$$O(n^2)$$

$O(1)$  判断是不是“反对称”串

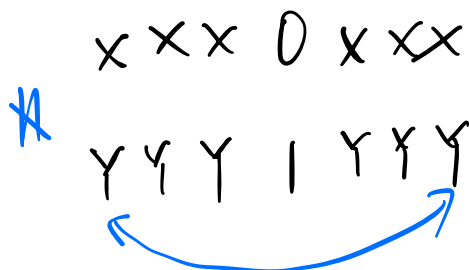
$S[l \dots r]$  是“反对称”

当且仅当  $S[l \dots r] = T[n-r+1 \dots n-l+1]$



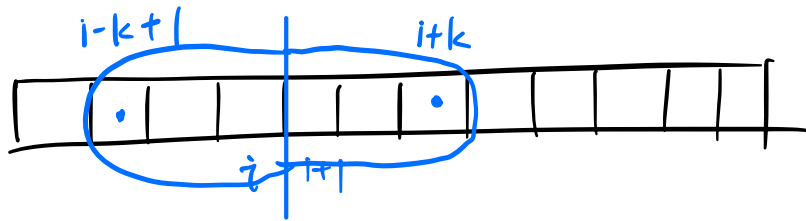
求 Hash  
 $O(1)$  判断.

正解.



1. “反对称”串长度一定是偶数

枚举“反对称”串的中轴线.



枚举“反对称”串一半的长度  $k$

$O(1)$  判断  $s[i-k+1 \dots i+k]$  是不是“反对称”

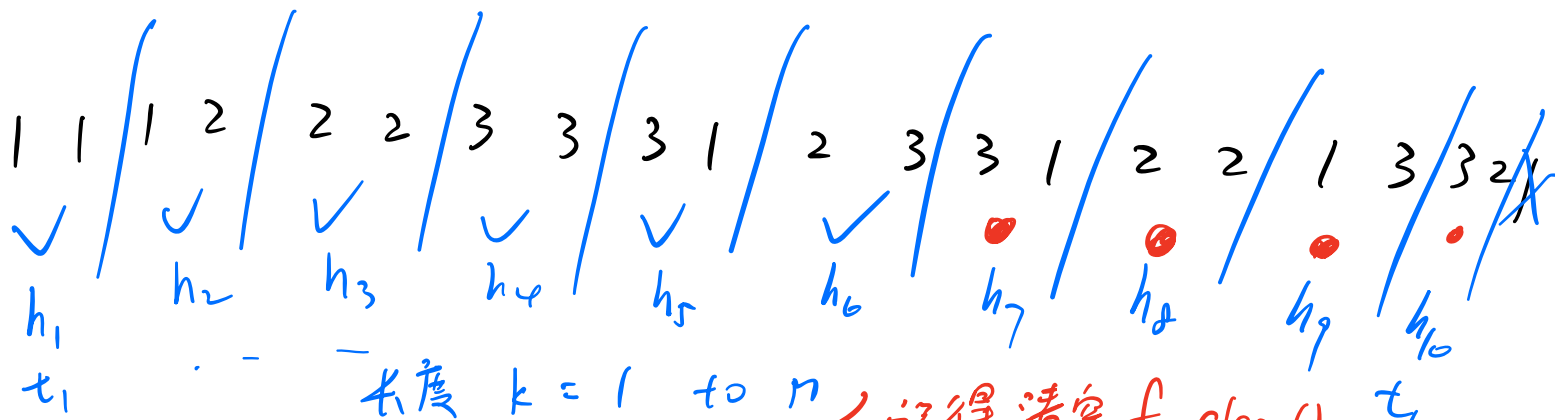
(例) ||

0 | 0 | 0 |

1 | 0 | 0

0 |

$k$  可以 = 分.



记得清空  $f$ .  $clear()$   $t_0$

位置  $i=1$ ,  $i \leq n$ ,  $i+=k$

$O(1)$  判断, 用哈希.

$$n + \frac{n}{2} + \frac{n}{3} + \dots + \frac{n}{n} \leq n + n \ln n$$

$$O(n \ln n)$$

`unordered_map < long long, bool > f`

每算出一个  $t_i$  和  $h_i$  , 判断

$f.count(t_i) \parallel f.count(h_i)$  是否为真

若是, 说明出现过

若否, 说明没出现, 令  $f[h_i] = true$

(也给  $f[t_i]$  赋值)

最后,  $f.size()$  就是有几种不同的