

$$\binom{n}{k} > 0 \quad \# \text{ M 位}$$

$$\equiv \binom{n/2}{k/2} \cdot \binom{n_0}{k_0}$$

$$\equiv \binom{n/4}{k/4} \cdot \binom{n_1}{k_1} \cdot \binom{n_0}{k_0}$$

$$\equiv \underbrace{\binom{n_0}{k_0}}_{>0} \cdot \underbrace{\binom{n_1}{k_1}}_{>0} \cdots \underbrace{\binom{n_m}{k_m}}_{>0} > 0$$

$$\binom{n_i}{k_i} \neq \binom{0}{1}$$

在 2 进制表示下, k 是 n 的子集.

$$\binom{a_{b_1}}{a_{b_2}} \cdot \binom{a_{b_2}}{a_{b_3}} \cdots \binom{a_{b_{k-1}}}{a_{b_k}} \bmod 2 > 0$$

\Leftrightarrow

$$a_{b_2} \subseteq a_{b_1}$$

$$a_{b_3} \subseteq a_{b_2}$$

\vdots

$$a_{b_k} \subseteq a_{b_{k-1}}$$

(2 进制)

在 a 中, 有多少子序列 满足: "好序列"
↑
每一个数都是前一个数的二进制子集.

$f_{i,c}$: a_i, a_{i+1}, \dots, a_n 中
开头的数为 c 的 "好序列" 个数.

从 $f_{i+1} \rightarrow f_i$?

$$f_i = f_{i+1}$$

for ($x \subseteq a_i$)

$$f_{i,a_i} += f_{i+1,x}$$

for ($i = n$ downto 1)

for ($x \subseteq a_i$) $f_{a_i} += f_x$;

$ans += f_{a_i}$;

$f_{a_i}++$;

$$M = 18$$

如果 a_i 里有 s 个 1,

$$\text{for } (x \subseteq a_i) = O(2^s)$$

最坏情况: $n = 2^M$, $a_i = \{0, 1, \dots, 2^M - 1\}$

有 s 个 1 的 a_i 有 $\binom{M}{s}$ 个.

$\hookrightarrow O(2^s)$.

$$\sum_{s=0}^M \binom{M}{s} \cdot 2^s = \sum_{s=0}^M \binom{M}{s} 2^s 1^{M-s} = 3^M$$

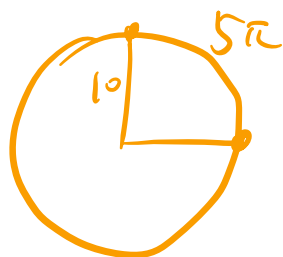
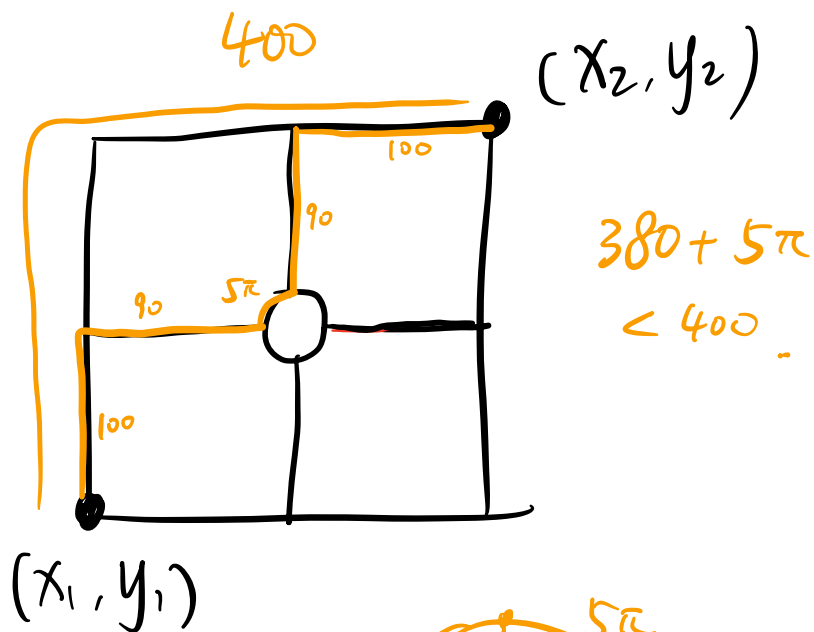
$$(x+y)^M = \sum_{s=0}^M \binom{M}{s} \cdot x^s y^{M-s}$$

复杂度: $O(3^M)$

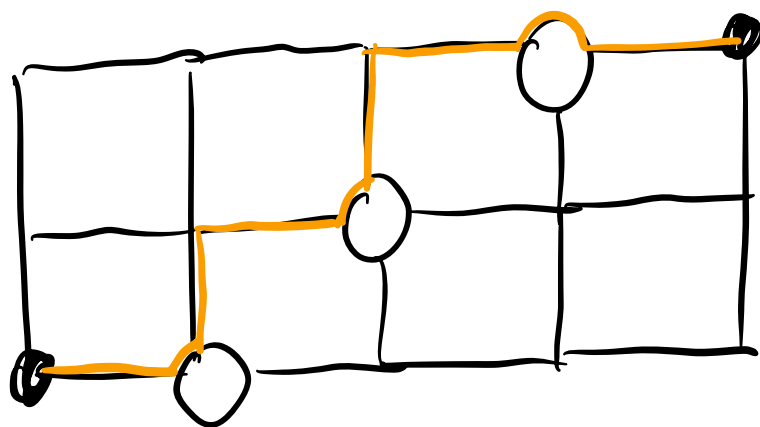
for ($x \neq a_i$) = 二进制子集枚举.

for (int $x = a_i \& (a_i - 1)$; x ; $x = a_i \& (x - 1)$)

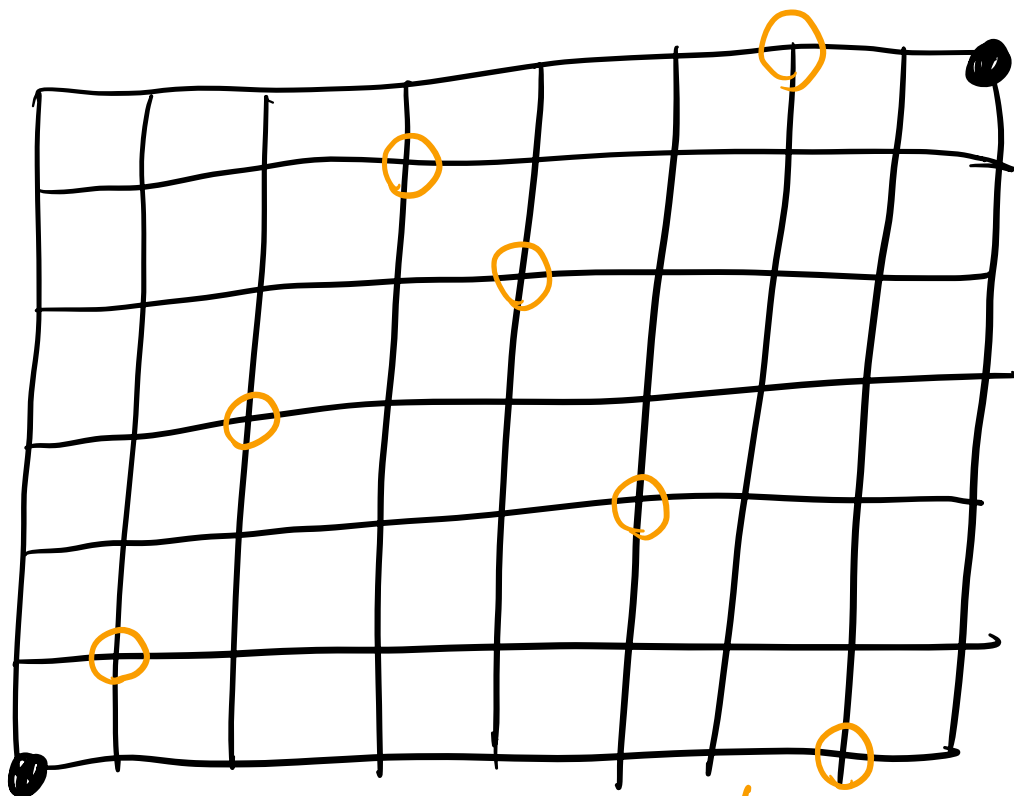
不重、不漏, 不多、不少.



每一步都往上或往右，且经过尽可能多的圆盘。

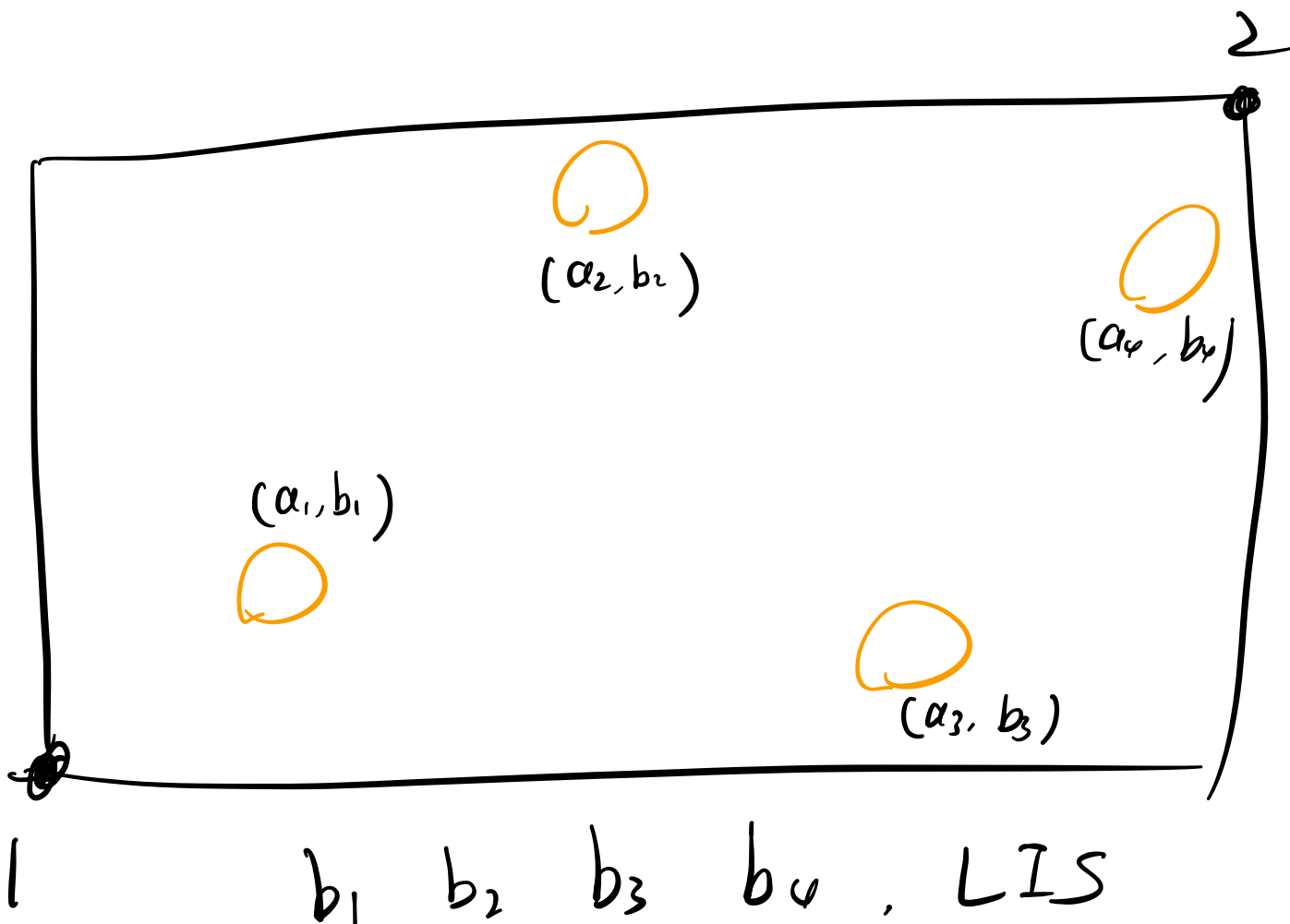


若每行
(或每列)
都过了圆盘，
那最后一个圆
盘要多算 $\frac{1}{4}$ 圈。



1 3 5 4 2 6 0

LIS.

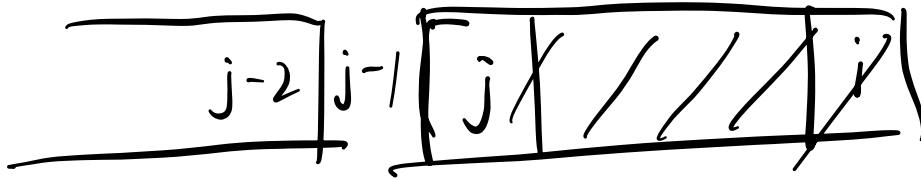


$f[i][t]$: 以 i 结尾 (i 不一定染)
的第 t 大收益.

更新 $f[i+1][1 \dots k]$.

① $f[i][0]$ (不染)

② 染到 j : $a[j][i] + f[j-2][0]$
(枚举)



把 ①② 放进优先队列

取最大. 假设是从 $f[j][\dots]$ 转移来的.

$it[j]$ 表示 $f[j][\dots]$ 取到了哪.
(初值为 0).

取一个, 令 $it[j]++$. $f[j][it[j]] + a[j+2][i]$
放进优先队列.

