山东大学__________学院

数据结构与算法 课程实验报告

学 号:

姓名: 王宇涵

班级: 22级2班

202200400053

实验题目: 堆及其应用

实验学时: 2

实验日期: 2023-11-15

实验目的:

掌握堆排序及其应用

软件开发环境:

Vscode

1. 实验内容

题目一: 堆的操作

创建**最小堆类**。最小堆的存储结构使用**数组**。提供操作:插入、删除、初始化。题目第一个操作是 建堆操作,接下来是对堆的插入和删除操作,插入和删除都在建好的堆上操作。

题目二:霍夫曼编码

输入一串小写字母组成的字符串(不超过 1000000), 输出这个字符串通过 Huffman 编码后的长度。

2. 数据结构与算法描述 (整体思路描述,所需要的数据结构与算法)

题目一:

概述

MaxPriorityQueue 类: 是一个抽象类,定义了优先队列的基本操作接口,包括 empty() (判断队列是否为空)、size() (获取队列大小)、top() (获取队列顶部元素)、pop() (弹出队列顶部元素)、push() (插入元素)等纯虚函数。

MinHeap 类:实现了最小堆,继承自 MaxPriorityQueue 类。最小堆满足根节点小于其子树中每个节点的值。类中包括了 push()(插入元素)、pop()(删除根节点)、initialize()(初始化堆)、output()

(输出堆中元素)等方法。

MaxHeap 类:实现了最大堆,同样继承自 MaxPriorityQueue 类。最大堆满足根节点大于其子树中每个节点的值。类似于 MinHeap 类,包含了 push()、pop()、initialize()、output() 等方法。

heapSort 函数:利用最大堆进行堆排序,首先将数组初始化为最大堆,然后逐步将堆顶元素(最大值)取出,并放置到数组的末尾,最终实现升序排序。

main 函数:从用户输入中构建一个最小堆,随后根据用户输入的操作进行相应的最小堆操作,包括插入元素、删除堆顶元素、对部分数组进行堆排序等。

动态数组

由于需要通过 delete 释放 heap,所以初始化的时候传入的 arr 数组一定要是动态数组,而不能是 int a[] 创建的静态数组,须通过 new 来创建.

HeapSort

由于初始状态下 arr 已经赋值给了 heap,因此无法通过小根堆进行排序,因为每次改变 a[i]的值同时也会改变 heap 中的值!必须通过大根堆进行排序.按从后往前的顺序进行赋值.

题目二:

概述

LinkedBinaryTree 类: 实现了二叉树的各种操作。其中 createTreeByLevel() 方法用于根据输入的数据 创建一个二叉树,根据权重构建了一个哈夫曼树。preOrder()、inOrder()、postOrder() 和 leverOrder() 方法分别对二叉树进行前序、中序、后序和层次遍历。makeTree() 方法用于构建一棵新的树。还有一些其他的辅助方法,比如 empty()、size()、erase()、height() 等。

MinHeap 类:实现了最小堆的功能,用于构建哈夫曼树。包括了堆的基本操作,如插入元素 push()、删除顶部元素 pop()、获取顶部元素 top()、判断堆是否为空 empty()、获取堆大小 size() 等。

createHuffmanTree 函数:用于根据给定的权重数组构建哈夫曼树。利用最小堆来实现哈夫曼树的构建,首先将权重数组中的元素构建成哈夫曼节点,并加入最小堆中,然后根据权重构建哈夫曼树。

main 函数:从输入中读取字符串,统计字符出现的频率,根据字符频率构建哈夫曼树,并输出编码后的长度.

求长度思路

思路 1:在构造的过程中直接求出

每两次取出 heap.top()后将 weight 进行相加,并更新 ans=sum(weight)+ans.

思路 2:对最后的求出的树进行递归遍历

函数 addLength(结点,高度)进行递归遍历,每找到一个叶子结点,就更新 ans=leat.weight*height+ans.

3. 测试结果(测试输入,测试输出)

题目一:

输入

10

-225580 113195 -257251 384948 -83524 331745 179545 293165 125998 376875

10
1 -232502
1 -359833
1 95123
2
2
2
1 223971
1 -118735
1 -278843
3 10
-96567 37188 -142422 166589 -169599 245575 -369710 423015 -243107 -108789
输出
-257251
-257251
-359833
-359833
-257251
-232502
-225580
-225580
-225580
-278843
-369710 -243107 -169599 -142422 -108789 -96567 37188 166589 245575 423015
题目二
输入
abcdabcaba
输出
19
4. 分析与探讨(结果分析,若存在问题,探讨解决问题的途径)
过程中出现一些问题,最后通过查询资料克服了挑战
问题一:主函数没有正常退出

解决:经过调试发现最后卡在 minheap 的析构函数上,通过查询资料发现不能 delete 静态数组的指针, 因此需要将 initialize 函数传入的数组改为动态数组,成功通过实验.

问题二:利用小根堆进行堆排序结果出问题

解决:经过调试发现从小到大赋值的时候,会改变 heap.top()的 weight,因此需要从大到小赋值,因此需要大根堆进行排序.

问题三:实验二的代码总是最后一个检验点超时

解决:要求 20ms 以内,最高运行时间是 23ms,因此差别很小,改变了算法也没有见到提升,因此我们改变思路,将输入的 cin 改成 scanf,最后成功将时间缩小到 7ms,成功 AC

5. 附录:实现源代码(本实验的全部源程序代码,程序风格清晰易理解,有充分的注释)

题目一

```
#include<iostream>
using namespace std;
template < class T>
class MaxPriorityQueue
{
     public:
          virtual ~MaxPriorityQueue(){}
          virtual bool empty()const =0;
          virtual int size()const=0;
          virtual const T& top()=0;
          virtual void pop()=0;
          virtual void push(const T& the Element)=0;
};
template<class T>
class MinHeap:public MaxPriorityQueue<T>
public:
     MinHeap(int arraySize)
     {
```

```
arrayLength=arraySize+1;
    heap=new T[arrayLength];
    heapSize=0;
~MinHeap()
    if(heap!=NULL)
         delete[]heap;
void push(const T& theElement);
void pop();
const T& top()
    return heap[1];
int size()const
    return heapSize;
bool empty()const
    return heapSize=0;
void initialize(T* theHeap,int heapSize);
void output(ostream& out)const
{
    for(int i=1;i<=heapSize;i++)
         out<<heap[i]<<" ";
void deactiveArray()
{
```

```
heap=NULL;arrayLength=heapSize=0;
    }
private:
    T *heap;
    int arrayLength;
    int heapSize;
};
template<class T>
void doubleArraySize(T*& heap,int arrayLength)
    T* newArray=new T[arrayLength*2];
    copy(heap,heap+arrayLength,newArray);
    delete []heap;
    heap=newArray;
}
//时间复杂度,高度 log2n
template <class T>
inline void MinHeap<T>::push(const T &theElement)
{
    //数组满,扩大数组
    if(heapSize=arrayLength-1)
         doubleArraySize(heap,arrayLength);
         arrayLength*=2;
    //父节点下沉
    int currentNode=++heapSize;
    while(currentNode!=1&&heap[currentNode/2]>theElement)
```

```
{
          heap[currentNode]=heap[currentNode/2];
          currentNode/=2;
     heap[currentNode]=theElement;
}
//时间复杂度 log2n,为高度 h
template <class T>
inline void MinHeap<T>::pop()
     if(heapSize==0)
          cout<<"heap empty"<<endl;
          return;
     heap[1].{\sim}T();
     T lastElement=heap[heapSize--];
     int currentNode=1,child=2;
     while(child<=heapSize)
          if(child < heap Size \& heap [child + 1] < heap [child]) \\
               child++;
          if(lastElement<=heap[child])
               break;
          heap[currentNode]=heap[child];
          currentNode=child;
```

```
child*=2;
     }
    heap[currentNode]=lastElement;
}
//大根堆的初始化,从有孩子的结点开始依此操作
template<class T>
inline void MinHeap<T>::initialize(T* theHeap,int theHeapSize)
{
    delete[]heap;
    heap=theHeap;
    heapSize=theHeapSize;
     for(int root=heapSize/2;root>=1;root--)
         T element=heap[root];
         int cur=root;
         int child=cur*2;
         while(child<=heapSize)
              if(child<heapSize&&heap[child+1]<heap[child])</pre>
                   child++;
              if(element<=heap[child])</pre>
                   break;
              //孩子上移
              heap[cur]=heap[child];
              cur=child;
              child*=2;
```

```
heap[cur]=element;
    }
}
template<class T>
ostream & operator<<(ostream& out,const MinHeap<T>&x)
    x.output(out);return out;
}
template<class T>
class MaxHeap:public MaxPriorityQueue<T>
{
public:
    MaxHeap(int arraySize)
         arrayLength=arraySize+1;
         heap=new T[arrayLength];
         heapSize=0;
    ~MaxHeap()
         if(heap!=NULL)
              delete[]heap;
    void push(const T& theElement);
    void pop();
    const T& top()
         return heap[1];
    }
```

```
int size()const
          return heapSize;
     bool empty()const
          return heapSize=0;
     void initialize(T* theHeap,int heapSize);
     void output(ostream& out)const
          for(int i=1;i<=heapSize;i++)
              out<<heap[i]<<" ";
     void deactiveArray()
          heap = NULL; array Length = heap Size = 0;\\
     }
private:
    T *heap;
     int arrayLength;
     int heapSize;
};
//时间复杂度,高度 log2n
template <class T>
inline void MaxHeap<T>::push(const T &theElement)
{
     //数组满,扩大数组
     if(heapSize = arrayLength-1)
```

```
{
         doubleArraySize(heap,arrayLength);
         arrayLength*=2;
    //父节点下沉
    int currentNode=++heapSize;
    while(currentNode!=1&&heap[currentNode/2]<theElement)
         heap[currentNode]=heap[currentNode/2];
         currentNode/=2;
    heap[currentNode]=theElement;
}
//时间复杂度 log2n,为高度 h
template <class T>
inline void MaxHeap<T>::pop()
    if(heapSize==0)
         cout << "heap empty" << endl;
         return;
    heap[1].\sim T();
    T lastElement=heap[heapSize--];
     int currentNode=1,child=2;
    while(child<=heapSize)
```

```
{
         if(child<heapSize&&heap[child+1]>heap[child])
              child++;
         if(lastElement>=heap[child])
              break;
         heap[currentNode]=heap[child];
         currentNode=child;
         child*=2;
    heap[currentNode]=lastElement;
}
//大根堆的初始化,从有孩子的结点开始依此操作
template<class T>
inline void MaxHeap<T>::initialize(T* theHeap,int theHeapSize)
{
    delete[]heap;
    heap=theHeap;
    heap Size = the Heap Size; \\
     for(int root=heapSize/2;root>=1;root--)
         T element=heap[root];
         int cur=root;
         int child=cur*2;
         while(child<=heapSize)
              if(child<heapSize&&heap[child+1]>heap[child])
                   child++;
```

```
if(element>=heap[child])
                    break;
               //孩子上移
               heap[cur]=heap[child];
               cur=child;
               child*=2;
          heap[cur]=element;
}
template<class T>
ostream & operator << (ostream & out, const MaxHeap < T> &x)
     x.output(out);return out;
}
template<class T>
void heapSort(T* a,int n)
     MaxHeap<T>heap(1);
     heap.initialize(a,n);
     for(int i=n;i>=1;i--)
          T x=heap.top();
          heap.pop();
          a[i]\!\!=\!\!x;
```

```
}
     heap.deactiveArray();
}
int main()
     int n,m;
     cin>>n;
     MinHeap<int>heap(1);
     int *arr=new int [n+1];
     for(int i=1;i<=n;i++)
          cin>>arr[i];
     heap.initialize(arr,n);
     // for(int i=0;i<n;i++)
     // {
     //
            int num;cin>>num;
     //
            heap.push(num);
     // }
     cout<<heap.top()<<endl;</pre>
     cin>>m;
     while(m--)
          int op;
          cin>>op;
          switch (op)
               case 1:
                    int num;
                    cin>>num;
                    heap.push(num);\\
```

```
cout<<heap.top()<<endl;</pre>
                      break;
                 }
                 case 2:
                      heap.pop();
                      cout<<heap.top()<<endl;</pre>
                      break;
                 }
                 case 3:
                      int count;
                      cin>>count;
                      int arr[count+1];
                      for(int i=1;i<=count;i++)
                           cin>>arr[i];
                      heapSort(arr,count);
                      for(int i=1;i <= count;i++)
                           cout<<arr[i]<<" ";
                      cout \!\!<\!\! endl;
                      break;
                 }
                 default:
                      break;
      return 0;
 }
题目二
    #pragma once
 #include<iostream>
 using namespace std;
```

```
#pragma once
#include<iostream>
#include<map>
using namespace std;
template<class T>
struct BinaryTreeNode
     T element;
     BinaryTreeNode<T>* leftChild;
     BinaryTreeNode<T>* rightChild;
     BinaryTreeNode()
          leftChild=rightChild=NULL;
     BinaryTreeNode(const T& theElement)
          element=theElement;
          leftChild=\!\!rightChild=\!\!NULL;
     Binary TreeNode (const\ T\&\ the Element, Binary TreeNode\ *\ the Left Child, Binary TreeNode\ *\ the Right Child)
          element=theElement;
          leftChild=theLeftChild;
          rightChild=theRightChild;
};
#pragma once
#include<iostream>
using namespace std;
template<class T>
class BinaryTree
```

```
{
     public:
          virtual ~BinaryTree(){}
          virtual bool empty()const =0;
          virtual int size()const =0;
          virtual void preOrder(void (*) (T*))=0;
          virtual void inOrder(void(*)(T*))=0;
          virtual void postOrder(void(*)(T*))=0;
          virtual void leverOrder(void(*)(T*))=0;
};
#include"queue"
template<class E>
class LinkedBinaryTree:public BinaryTree<BinaryTreeNode<E>>
{
     public:
          LinkedBinaryTree() \\
              root=NULL;
               treeSize=0;
               visit=output;
          }
          void makeTree(const E& theElement,LinkedBinaryTree<E>&a,LinkedBinaryTree<E>&b);
          ~LinkedBinaryTree()
              erase();
          void createTreeByLevel();
          bool empty() const
              return treeSize=0;
          }
```

```
int size()const
    return treeSize;
//遍历函数,传入 visit 函数指针
void preOrder(void (*theVisit) (BinaryTreeNode<E>*))
    visit=theVisit;preOrder(root);
}
void inOrder(void (*theVisit) (BinaryTreeNode<E>*))
     visit=theVisit;inOrder(root);
}
void postOrder(void (*theVisit) (BinaryTreeNode<E>*))
     visit=theVisit;postOrder(root);
void leverOrder(void (*theVisit) (BinaryTreeNode<E>*))
     visit=theVisit;leverOrder(root);
void preOrderOutput()
     preOrder(output);
    cout << endl;
}
void inOrderOutput()
    inOrder(output);
     cout << endl;
void postOrderOutput()
```

```
{
         postOrder(output);
         cout << endl;
    void leverOrderOutput()
    {
         leverOrder(output);
         cout<<endl;
    }
    void erase()
         postOrder(dispose);
         root=NULL;
         treeSize=0;
    }
    int height() const
         return height(root);
    }
    int height(BinaryTreeNode<E>*t)
         if(t=NULL)
              return 0;
         int hl=height(t->leftChild);
         int hr=height(t->rightChild);
         if(hl>hr)
              return ++hl;
         else
              public:
```

```
BinaryTreeNode<E>* root;
         int treeSize;
         int index=1;
         int ans=0;
         //定义函数指针,规定如何访问元素
         static void (*visit)(BinaryTreeNode<E>*);
         static void preOrder(BinaryTreeNode<E>*t);
         static void inOrder(BinaryTreeNode<E>*t);
         static void postOrder(BinaryTreeNode<E>*t);
         static void leverOrder(BinaryTreeNode<E>*t);
         static void output(BinaryTreeNode<E>*t)
              cout<<t->element<<" ";
         static void dispose(BinaryTreeNode<E>*t)
              delete t;
};
template<class E>
void (*LinkedBinaryTree<E>::visit)(BinaryTreeNode<E>*);
template <class E>
inline void LinkedBinaryTree<E>::createTreeByLevel()
{
    int n;cin>>n;
    int a[n];
     for(int i=0;i<n;i++)
```

```
cin>>a[i];
    queue<BinaryTreeNode<E>*>q;
    int index=0;
    root=new BinaryTreeNode<E> (a[index++]);
    q.push(root);
    BinaryTreeNode<E>* p=NULL;
    while(!q.empty()&&index<n)
         p=q.front();
         q.pop();
         //如果不空就创建一个节点
         BinaryTreeNode<E>* leftNode=new BinaryTreeNode<E>(a[index++]);
         p->leftChild=leftNode;
         q.push(leftNode);
         treeSize++;
         if(index \le n)
             BinaryTreeNode<E>* rightNode=new BinaryTreeNode<E>(a[index++]);
              p->rightChild=rightNode;
              q.push(rightNode);
              treeSize++;
}
template <class E>
inline void LinkedBinaryTree<E>::preOrder(BinaryTreeNode<E>*t)
    if(t!=NULL)
```

```
{
          LinkedBinaryTree::visit(t);
          preOrder(t->leftChild);
          preOrder(t->rightChild);
}
template <class E>
inline void LinkedBinaryTree<E>::inOrder(BinaryTreeNode<E>*t)
     if(t!=NULL)
          inOrder(t->leftChild);
          LinkedBinaryTree<E>::visit(t);
          inOrder(t->rightChild);
}
template <class E>
inline void LinkedBinaryTree<E>::postOrder(BinaryTreeNode<E>*t)
     if(t!=NULL)
          postOrder(t->leftChild);
          postOrder(t->rightChild);
          LinkedBinaryTree <\!\!E\!\!>::visit(t);
}
template <class E>
inline void LinkedBinaryTree<E>::leverOrder(BinaryTreeNode<E>*t)
```

```
queue<BinaryTreeNode<E>*> q;
     while(t!=NULL)
          visit(t);
          if(t->leftChild!=NULL)
                q.push(t->leftChild);
          if(t->rightChild!=NULL)
                q.push(t->rightChild);
          if(!q.empty())
               t=q.front();
                q.pop();
          }
          else
               return;
     }
}
template <class E>
in line\ void\ Linked Binary Tree < E > :: make Tree (const\ E\ \& the Element,\ Linked Binary Tree < E > \& a,\ Linked Binary Tree < E > \& b)
{
     root=new BinaryTreeNode<E> (theElement,a.root,b.root);
     treeSize=a.treeSize+b.treeSize+1;
     a.root=b.root=NULL;
     a.treeSize=b.treeSize=0;
}
#pragma once
```

```
#pragma once
#include<iostream>
using namespace std;
template<class T>
class MaxPriorityQueue
    public:
         virtual ~MaxPriorityQueue(){}
         virtual bool empty()const =0;
         virtual int size()const=0;
         virtual const T& top()=0;
         virtual void pop()=0;
         virtual void push(const T& theElement)=0;
};
template<class T>
class MinHeap:public MaxPriorityQueue<T>
public:
    MinHeap(int arraySize)
         arrayLength=arraySize;
         heap=new T[arrayLength];
         heapSize=0;
    }
    ~MinHeap()
         if(heap!=NULL)
         delete[] heap;
    }
```

```
void push(const T& theElement);
     void pop();
     const T& top()
          return heap[1];
     int size()const
          return heapSize;
     bool empty()const
          return heapSize=0;
     void initialize(T* theHeap,int heapSize);
     void output(ostream& out)const
          for(int i=1;i<=heapSize;i++)
               out<<heap[i]<<" ";
     void deactiveArray()
          if(heap!=NULL)
               delete []heap;
          heap=NULL;
          array Length = heap Size = 0; \\
private:
     T *heap;
     int arrayLength;
     int heapSize;
```

```
};
template<class T>
void changeLength1D(T*& a, int oldLength, int newLength) {
    T* tmp = new T[newLength];
    int number = min(oldLength, newLength);
    copy(a, a + number, tmp);
    delete[] a;
    a = tmp;
}
//时间复杂度,高度 log2n
template <class T>
inline void MinHeap<T>::push(const T &theElement)
{
    //数组满,扩大数组
     if(heapSize=arrayLength-1)
         change Length 1D (heap, array Length, array Length *2);\\
         arrayLength*=2;
    }
    //父节点下沉
     int currentNode=++heapSize;
     while(currentNode!=1&&heap[currentNode/2]>theElement)
         heap[currentNode] \!\!=\!\! heap[currentNode/2];
         currentNode/=2;
    heap[currentNode]=theElement;
}
```

```
//时间复杂度 log2n,为高度 h
template <class T>
inline void MinHeap<T>::pop()
{
     if(heapSize==0)
          cout<<"heap empty"<<endl;
          return;
     heap[1].\sim T();
     T lastElement=heap[heapSize--];
     int currentNode=1,child=2;
     while(child<=heapSize)
          if(child < heap Size \& heap [child + 1] < heap [child]) \\
               child++;
          if(lastElement<=heap[child])
               break;
          heap[currentNode]=heap[child];
          currentNode=child;
          child*=2;
     heap[currentNode]=lastElement;
}
```

```
//大根堆的初始化,从有孩子的结点开始依此操作
template<class T>
inline void MinHeap<T>::initialize(T* theHeap,int theHeapSize)
    delete[]heap;
    heap=theHeap;
    heapSize=theHeapSize;//5
     for(int root=heapSize/2;root>=1;root--)
         T element=heap[root];
         int cur=root;
         int child=cur*2;
         while(child<=heapSize)
              if(child<heapSize&&heap[child+1]<heap[child])
                  child++;
              if(element<=heap[child])</pre>
                  break;
              //孩子上移
              heap[cur]=heap[child];
              cur=child;
              child*=2;
         heap[cur]=element;
}
```

```
template<class T>
ostream & operator<<(ostream& out,const MinHeap<T>&x)
{
     x.output(out);return out;
}
template<class T>
class HuffmanNode
     public:
     LinkedBinaryTree<int>* tree;
     T weight;
     operator T()const {return weight;}
};
//构造 huffmantree
template <class T>
LinkedBinaryTree<int>* createHuffmanTree(T weight[],int n)
{
     MinHeap<HuffmanNode<int>>heap(1);
     HuffmanNode < T > * hnode = new HuffmanNode < T > [n+1];
     LinkedBinaryTree<int> emptyTree;
     for(int i=1;i<=n;i++)
         hnode[i].weight=weight[i];
         hnode[i].tree=new LinkedBinaryTree<int>;
         hnode[i].tree->makeTree(i,emptyTree,emptyTree);
     }
```

```
heap.initialize(hnode,n);
     HuffmanNode<T> newNode,x,y;
     LinkedBinaryTree<T>* z;
     int ans=0;
     for(int i=1;i<n;i++)
          x=heap.top();heap.pop();
          y=heap.top();heap.pop();
          int w=x.weight+y.weight;
          z=new LinkedBinaryTree<int>;
          z->makeTree(0,*x.tree,*y.tree);
          newNode.weight=w;
          newNode.tree=z;
          ans+=w;
          heap.push(newNode);
          delete x.tree;
          delete y.tree;
     cout \!\!<\!\! ans \!\!<\!\! endl;
     return heap.top().tree;
}
#include<cstring>
const int N=1e6+10;
bool\ st[N] = \{false\};
int sl[N]=\{0\};
int ans=0;
```

```
// template<class E>
// static void addLength(BinaryTreeNode<E>*t,int h=0)
// {
//
        if(t!=NULL)
//
        {
//
             if(t->leftChild==NULL&&t->rightChild==NULL)
//
//
                  ans+=weight[t->element]*(h++);
//
             }
             addLength(t->leftChild,h+1);
//
             addLength(t->rightChild,h+1);
//
//
// }
#include<map>
int main()
{
     char s[N];
     scanf("%s",s);
     int count=0;
     int len=strlen(s);
     for(int i=0;i<len;i++)
          if(st[s[i]] \!\!=\!\! false)
                count++;
          st[s[i]]\!\!=\!\!true;
          sl[s[i]]++;
     }
     int *weight=new int [count+1];
     memset(st,false,sizeof(st));
     int index=1;
     for(int i=0;i<len;i++)
```

```
{
          if(st[s[i]] = false)
               weight[index++]=sl[s[i]];
          st[s[i]]=true;
     }
     // int len=s.length();
     // for(int i=0;i<len;i++)
     // {
             if(mp.find(s[i])=mp.end())
     //
     //
                  mp[s[i]]=1;
             }
     //
     //
                  mp[s[i]]++;
     //
     // }
     // int index=1;
     // for(map<char,int>::iterator it=mp.begin();it!=mp.end();it++)
     // {
     //
             weight[index++]=it->second;
     // }
     createHuffmanTree(weight,count);
}
```

