## Матлог 3.7

Рассмотим линейно-упорядоченное множество  $(X,\leqslant)$ . Раз у нас все элементы X сравнимы между собой, операции  $a\cdot b$  и a+b можно реализовать как

$$a \cdot b = \min\{a, b\}$$

$$a + b = \max\{a, b\}$$

Это значит, что  $(X,\leqslant)$  образует решетку.

Наличие 0,1 зависит от X. В  $\mathbb R$  с  $\pm\infty$  есть 0,1. В  $\mathbb Z$  их нет.

Дистрибутивность. Проверим

$$a + (bc) = (a+b)(a+c)$$

Другими словами, нужно проверить, что  $\max(a, \min(b, c)) = \min(\max(a, b), \max(a, b))$ .

- 1.  $a\geqslant \min(b,c)$ . Тогда обе части равенства вычислятся как a.
- 2.  $a < \min(b, c)$ . Тогда обе части вычислятся как  $\min(b, c)$ .

Импликативности в общем случае нет (см. предыдущее задание).