Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 2

Departamento de Computación, Facultad de Ciencias Exactas y Naturales, Universidad de Buenos Aires

Primer Cuatrimestre de 2015

Grupo 16

Apellido y Nombre	LU	E-mail
Fernando Frassia	340/13	ferfrassia@gmail.com
Rodrigo Seoane Quilne	910/11	seoane.raq@gmail.com
Sebastian Matias Giambastiani	916/12	sebastian.giambastiani@hotmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente que corrigió	Calificación		
Primera Entrega				
Recuperatorio				

Índice

1.	Tad Extendidos
	1.1. $\operatorname{Secu}(\alpha)$
	1.2. Mapa
	1.3. Diccionario(Clave, Significado)
	1.4. Conjunto($\alpha <$)
2.	Red
	2.1. Interfaz
	2.2. Auxiliares
	2.3. Representacion
	2.4. InvRep y Abs
	2.5. Algoritmos
3.	DCNet
	3.1. Interfaz
	3.2. Representacion
	3.3. InvRep y Abs
	3.4. Algoritmos
1.	Diccionario String
	4.1. Interfaz
í.	Diccionario Rápido
	5.1. Interfaz
	5.2. Auxiliares
	5.3. Representación
	5.4. InvRep y Abs
	5.5. Algoritmos
	Enteresian de Liste Endereda(.)
٠.	Extensión de Lista Enlazada (α)
	6.1. Interfaz
	6.2. Algoritmos
7.	Extensión de Conjunto Lineal (α)
	7.1. Interfaz
	7.2. Algoritmos

1. Tad Extendidos

1.1. Secu(α)

1.2. Mapa

```
observadores básicos restricciones : Mapa m \longrightarrow \text{secu}(\text{restriccion}) nroConexion : estacion e_1 \times \text{estacion } e_2 \times \text{Mapa } m \longrightarrow \text{nat}\{e_1, e_2 \subset \text{estaciones}(m) \land_{\mathbb{L}} \text{conectadas}?(e_1, e_2, m)\}

axiomas restricciones(vacio) \equiv \langle \ \rangle restricciones(agregar(e, m)) \equiv \text{restricciones}(m) restricciones(conectar(e_1, e_2, r, m)) \equiv \text{restricciones}(m) \circ r nroConexion(e_1, e_2, \text{conectar}(e_3, e_4, m)) \equiv \text{if } ((e_1 = e_3 \land e_2 = e_4) \lor (e_1 = e_4 \land e_2 = e_3)) then long(restricciones(e_1, e_2, m) - 1 find (e_1, e_2, e_3, e_4, m) \equiv \text{nroConexion}(e_1, e_2, m) - 1 find (e_1, e_2, e_4, m) \equiv \text{nroConexion}(e_1, e_2, m) = \text{nroConexion}(e_1, e_2, m)
```

1.3. Diccionario (Clave, Significado)

```
otras operaciones
            : Diccionario
                                   \longrightarrow Bool
vacío?
claveMax : Diccionario d \longrightarrow \text{Clave}
                                                                                                                                \{\neg vacio(d)\}
secuClaves: Diccionario
                                   \longrightarrow Secu(clave)
axiomas
vacío?(vacío)
                                    \equiv true
vacío?(definir(c, s, d))
                                  \equiv false
claveMax(d)
                                   \equiv \operatorname{elemMax}(\operatorname{claves}(d))
secuClaves(vacío)
                                   ≡ <>
secuClaves(definir(c, s, d)) \equiv secuClaves(d) \circ c
```

1.4. Conjunto(α <)

```
otras operaciones \begin{array}{ll} \text{elemMax} & : \; \operatorname{Conj}(\alpha) \; c & \longrightarrow \; \alpha \\ \\ \operatorname{auxElemMax} & : \; \alpha \times \operatorname{Conj}(\alpha) & \longrightarrow \; \alpha \\ \\ \text{axiomas} \\ \operatorname{elemMax}(c) & \equiv \; \operatorname{auxMaxElem(dameUno(c), \, c)} \end{array}
```

```
\begin{array}{ll} auxElemMax(e,\,c) & \equiv & \textbf{if} \ \emptyset?(c) \ \textbf{then} \\ & e \\ & e \\ & \textbf{if} \ e > dameUno(c) \ \textbf{then} \\ & auxElemMax(e,\,sinUno(c)) \\ & \textbf{else} \\ & auxElemMax(dameUno(c),\,sinUno(c)) \\ & \textbf{fi} \end{array}
```

2. Red

2.1. Interfaz

Interfaz

```
se explica con: Red, Iterador Unidireccional(\alpha).
        géneros: red, itConj(Compu).
Operaciones básicas de Red
         COMPUTADORAS(in \ r : red) \rightarrow res : itConj(Compu)
        \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
        \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{crearIt}(\operatorname{computadoras}(r)) \}
         Complejidad: \mathcal{O}(1)
        Descripción: Devuelve las computadoras de red.
         CONECTADAS?(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: bool
        \mathbf{Pre} \equiv \{\{c_1, c_2\} \subseteq \operatorname{computadoras}(r)\}\
        \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{conectadas}?(r, c_1, c_2)\}\
         Complejidad: \mathcal{O}(|c_1| + |c_2|)
         Descripción: Devuelve el valor de verdad indicado por la conexión o desconexión de dos computadoras.
        INTERFAZUSADA(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: interfaz
        \mathbf{Pre} \equiv \{\{c_1, c_2\} \subseteq \operatorname{computadoras}(r) \land_{\mathtt{L}} \operatorname{conectadas}(r, c_1, c_2)\}
        \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} interfazUsada(r, c_1, c_2)\}\
         Complejidad: \mathcal{O}(|c_1| + |c_2|)
        Descripción: Devuelve la interfaz que c_1 usa para conectarse con c_2
        INICIARRED() \rightarrow res : red
        \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
        \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} iniciarRed()\}
         Complejidad: \mathcal{O}(1)
        Descripción: Crea una red sin computadoras.
         AGREGARCOMPUTADORA(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ r: red, \mathbf{in}\ c: compu)
        \mathbf{Pre} \equiv \{r_0 =_{\mathrm{obs}} r \land \neg (c \in \mathrm{computadoras}(r))\}\
        \mathbf{Post} \equiv \{r =_{\text{obs}} \operatorname{agregarComputadora}(r_0, c)\}
         Complejidad: \mathcal{O}(|c|)
        Descripción: Agrega una computadora a la red.
         CONECTAR(in/out r: red, in c_1: compu, in i_1: interfaz, in c_2: compu, in i_2: interfaz)
        \mathbf{Pre} \equiv \{r_0 =_{\mathrm{obs}} r \land \{c_1, c_2\} \subseteq \mathrm{computadoras}(r) \land \mathrm{ip}(c_1) \neq \mathrm{ip}(c_2) \land_{\mathsf{L}} \neg \mathrm{conectadas}?(r, c_1, c_2) \land \neg \mathrm{usaInterfaz}?(r, c_1, i_1) \land_{\mathsf{L}} = \mathsf{usaInterfaz}?(r, c_1, i_2) \land_{\mathsf{
         \land \neg \text{ usaInterfaz}?(r, c_2, i_2)
        \mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{conectar}(r, c_1, i_1, c_2, i_2)\}\
         Complejidad: \mathcal{O}(|c_1| + |c_2|)
        Descripción: Conecta dos computadoras y les añade la interfaz correspondiente.
         VECINOS(in \ r : red, in \ c : compu) \rightarrow res : conj(compu)
        \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
        Post \equiv \{res =_{obs} vecinos(r, c)\}\
        Descripción: Devuelve todas las computadoras que están conectadas directamente con c
        USAINTERFAZ?(in r: red, in c: compu, in i: interfaz) \rightarrow res: bool
        \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
         \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} usaInterfaz?(r, c, i)\}
        Descripción: Verifica que una computadora use una interfaz
         CAMINOSMINIMOS(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: itConj(\alpha)
        \mathbf{Pre} \equiv \{\{c_1, c_2\} \subseteq \operatorname{computadoras}(r)\}\
```

```
Post \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ crearItBi}(\text{caminosMinimos}(r, c_1, c_2))\}

Descripción: Devuelve todos los caminos minimos de conexiones entre una computadora y otra

HAYCAMINO?(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: bool

Pre \equiv \{\{c_1, c_2\} \subseteq \text{computadoras}(r)\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ hayCamino?}(r, c_1, c_2)\}

Descripción: Verifica que haya un camino de conexiones entre una computadora y otra
```

2.2. Auxiliares

Operaciones auxiliares

```
Calcular Caminos Minimos (in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: conj(lista)

Pre \equiv \{\{c_1, c_2\} \subseteq \text{computadoras}(r)\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ caminos Minimos}(r, c_1, c_2)\}

Complejidad: \mathcal{O}(ALGO)

Descripción: Devuelve los caminos minimos entre c_1 y c_2

Caminos Importantes (in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu, in parcial: lista) \rightarrow res: conj(lista)

Pre \equiv \{\{c_1, c_2\} \subseteq \text{computadoras}(r)\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ caminos Minimos}(r, c_1, c_2)\}

Complejidad: \mathcal{O}(ALGO)

Descripción: Devuelve los caminos suficientes (no todos) para calcular los caminos mínimos entre c_1 y c_2
```

2.3. Representacion

Representación

2.4. InvRep y Abs

- 1. claves(directasEInterfaces) es igual a claves(deOrigenADestino), al conjunto formado por las ip de computadoras y también a claves(directas).
- 2. Si def?(c, directas) de alguna clave de directasEInterfaces entonces c pertenece al conjunto formado por las ip de computadoras.
- 3. Para todo c, si def?(c, directasEInterfaces), entonces $\neg def$?(c, directasEInterfaces).directas).
- 4. Para todo c_1 def? $(c_1, directasEInterfaces) \land_L$ def? $(c_2, Obtener(c_1, directasEInterfaces).directas) \Leftrightarrow def?(c_2, directasEInterfaces) \land_L$ def? $(c_1, Obtener(c_2, directasEInterfaces).directas).$
- 5. Los significados de directas son únicos.
- 6. Si def?(c, destinos) de alguna clave de deOrigenADestino entonces c pertenece al conjunto formado por las ip de computadoras.
- 7. Para todo c, si def?(c, deOrigenADestino), entonces ¬def?(c, obtener(c, deOrigenADestino)).
- 8. Para todo c, si def?(c, deOrigenADestino), entonces Claves(Obtener(c, deOrigenADestino)) es igual al conjunto formado por las ip de computadoras menos la ip de c.
- 9. Si c pertenece a alguna lista de significados de destinos para cualquier clave, entonces c pertenece a computadoras.

 $\begin{array}{ccc} \operatorname{Rep} & : \operatorname{red} & \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(r) & & \equiv \operatorname{true} & \Longleftrightarrow \end{array}$

- 1. claves(e.directasEInterfaces) = claves(e.deOrigenADestino) = conjips(e.computadoras) \land ((\forall c:ip) (def?(c, e.directasEInterfaces) \Rightarrow_{L} Claves(Obtener(c, e.directasEInterfaces).directas) = conjips(e.computadoras))) \land ((\forall c:ip) (def?(c, e.deOrigenADestino) \Rightarrow_{L} Claves(Obtener(c, e.deOrigenADestino)) = conjips(e.computadoras))) \land_{L}
- 2. $(\forall c_1, c_2:ip)$ $(def?(c_1, e.directasEInterfaces) \land_L def?(c_2, Obtener(c_1, e.directasEInterfaces).directas) \Rightarrow_L c_2 \in conjips(e.computadoras)) \land_L$
- 3. $(\forall c:ip)$ $(def?(c, e.directasEInterfaces) <math>\Rightarrow_{L} \neg def?(c, Obtener(c, e.directasEInterfaces).directas)) <math>\land_{L}$
- 4. $(\forall c_1, c_2:\text{ip})$ $(\text{def}?(c_1, e.directasEInterfaces}) \land_{\text{L}} \text{def}?(c_2, Obtener(c_1, e.directasEInterfaces}).directas) \Leftrightarrow \text{def}?(c_2, e.directasEInterfaces}) \land_{\text{L}} \text{def}?(c_1, Obtener(c_2, e.directasEInterfaces}).directas)) \land_{\text{L}}$
- 5. $(\forall c_1, c_2, c_3:p)$ $(c_2 \neq c_3 \land def?(c_1, e.directasEInterfaces) \land_L def?(c_2, Obtener(c_1, e.directasEInterfaces).directas) \land def?(c_3, Obtener(c_1, e.directasEInterfaces).directas) \Rightarrow_L obtener(c_2, Obtener(c_1, e.directasEInterfaces).directas) \neq obtener(c_3, Obtener(c_1, e.directasEInterfaces).directas)) \land_L$
- 6. $(\forall c:ip) (def?(c, e.deOrigenADestino) \Rightarrow_{L} Claves(Obtener(c, e.deOrigenADestino)) \subseteq conjips(e.computadoras)) \land_{L}$
- 7. $(\forall c:ip)(def?(c, e.deOrigenADestino) \rightarrow \neg def?(c, Obtener(c, e.deOrigenADestino)) \land_{L}$
- 8. $(\forall c_1, c_2, c_3:\text{compu})$ $(\text{def}?(c_1.ip, e.deOrigenADestino}) \land_{\text{L}} \text{def}?(c_2.ip, Obtener}(c_1, e.deOrigenADestino})) \land_{\text{L}} \text{Pertenece}?(c_3, Obtener}(c_2.ip, Obtener}(c_1, e.deOrigenADestino})) \Rightarrow_{\text{L}} c_3 \in e.computadoras)$

```
Abs : e_red e \longrightarrow \text{red} {Rep(e)}

Abs(e) =_{obs} r: red |  \begin{array}{c} \text{computadoras(r)} = \text{e.computadoras} \land_{\text{L}} \\ (\forall c_1, c_2 \text{:compu}) \ (c_1 \in \text{computadoras(r)} \land c_2 \in \text{computadoras(r)} \Rightarrow_{\text{L}} (\text{Def?}(c_1, e.directasEInterfaces)) \\ \land_{\text{L}} \text{Def?}(c_2, \text{Obtener}(c_1, e.directasEInterfaces).directas} = \text{conectadas?}(r, c_1, c_2))) \land_{\text{L}} \\ (\forall c_1, c_2 \text{:compu}) \ (\text{conectadas?}(r, c_1, c_2) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{Obtener}(c_2, \text{Obtener}(c_1, e.directasEInterfaces).directas) \\ = \text{interfazUsada}(r, c_1, c_2))) \end{array}
```

2.5. Algoritmos

Algoritmos

```
\begin{split} &\text{ICOMPUTADORAS}(\textbf{in } r \colon \texttt{red}) \to res : \texttt{itConj}(\texttt{Compu}) \\ &1: res \leftarrow \text{CrearIt}(r.computadoras) \\ &\qquad \mathcal{O}(1) \\ &\qquad \qquad \mathcal{O}(1) \end{split} \textbf{Complejidad: } \mathcal{O}(1)
```

```
ICONECTADAS?(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: bool

1: res \leftarrow \text{Def?}(\text{Obtener}(r.directasEInterfaces}, c_1.ip).directas, c_2.ip)

Complejidad: \mathcal{O}(|c_1.ip| + |c_2.ip|)
```

```
IINTERFAZUSADA(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: interfaz

1: res \leftarrow \text{Obtener}(\text{Obtener}(r.directasEInterfaces, } c_1.ip).directas, } c_2.ip)

Complejidad: \mathcal{O}(|c_1.ip| + |c_2.ip|)
```

```
\begin{split} &\text{IINICIARRED()} \rightarrow res: \texttt{red} \\ &1: \ res \leftarrow \text{tupla}(directasEInterfaces: Vacío(), deOrigenADestino: Vacío(), computadoras: Vacío())} & \ \mathcal{O}(1+1+1) \\ & \ \textbf{Complejidad: } \mathcal{O}(1) \\ & \ \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) = \\ &3*\mathcal{O}(1) = \mathcal{O}(1) \end{split}
```

```
IAGREGARCOMPUTADORA(in/out \ r : red, in \ c : compu)
 1: Definir(r.directasEInterfaces, c.ip, tupla(Vacío(), Vacio()))
                                                                                                                                \mathcal{O}(|c.ip|)
 2: var itComputadoras:itConj(\alpha) \leftarrow CrearIt(r.computadoras)
                                                                                                                                     \mathcal{O}(1)
 3: while HaySiguiente?(itComputadoras) do
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
         Definir(Obtener(r.deOrigenADestino, Siguiente(itComputadoras).ip, c.ip, Vac\'io()) <math>O(|Siguiente(itComputadoras).
    |c.ip|
         Avanzar(itComputadoras)
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 5:
 6: end while
                                                                                                                                     \mathcal{O}(1)
 7: \operatorname{var} dicNuevaCompu:\operatorname{dicString}(\alpha) \leftarrow \operatorname{Vacio}()
    while HayAnterior?(itComputadoras) do
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
         Definir(dicNuevaCompu, Anterior(itComputadoras).ip, Vacío())
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 9:
         Retroceder(itComputadoras)
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
10.
11: end while
                                                                                                                                     \mathcal{O}(1)
12: Definir(r.deOrigenADestino, c.ip, dicNuevaCompu)
13: Agregar(r.computadoras, c)
                                                                                                                                     \mathcal{O}(1)
Complejidad: \mathcal{O}(|c|)
\mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(|c|) + \mathcal{O}(|c|) =
2 * \mathcal{O}(|c|) = \mathcal{O}(|c|)
```

```
ICONECTAR(in/out r: red, in c_1: compu, in i_1: interfaz, in c_2: compu, in i_2: interfaz)
 1: var tupSig1:tupla \leftarrow Obtener(r.directasEInterfaces, <math>c_1.ip)
 2: Definir(tupSig1.directas, c_2.ip, i_1)
                                                                                                                 \mathcal{O}(|c_1| + |c_2| + 1)
 3: Agregar(tupSig1.compusDirectas, c_2)
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
 4: var tupSig2:tupla \leftarrow Obtener(r.directasEInterfaces, <math>c_2.ip)
 5: Definir(tupSig2.directas, c_1.ip, i_2)
                                                                                                                 \mathcal{O}(|c_1| + |c_2| + 1)
 6: Agregar(tupSig2.compusDirectas, c_1)
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
 7: var\ itOrigenes:itConj(\alpha) \leftarrow CrearIt(r.computadoras)
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
 8: while HaySiguiente?(itOrigenes) do
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
        var dicCompu:dicString(\alpha) \leftarrow Obtener(r.deOrigenADestino, Siguiente(itOrigenes).ip)
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
 9:
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
10:
        var\ itDestinos:itConj(\alpha) \leftarrow CrearIt(r.computadoras)
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
        while HaySiguiente?(itDestinos) do
11:
            if Siguiente(itOrigenes) <> Siguiente(itDestinos)) then
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
12:
                 Definir(dicCompu, Siguiente(itDestinos).ip), CalcularCaminosMinimos(r, Siguiente(itOrigenes),
13:
    Siguiente(itDestinos)))
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
            end if
14:
            Avanzar(itDestinos)
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
15:
16:
         end while
        Avanzar(itOrigenes)
                                                                                                                                \mathcal{O}(1)
17:
18: end while
Complejidad: \mathcal{O}(|e_1| + |e_2|)
```

```
\mathcal{O}(|e_1| + |e_2|) + \mathcal{O}(|e_1| + |e_2|) + \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) = 2 * \mathcal{O}(1) + 2 * \mathcal{O}(|e_1| + |e_2|) = 2 * \mathcal{O}(|e_1| + |e_2|) = \mathcal{O}(|e_1| + |e_2|)
```

```
IVECINOS(in r: red, in c: compu) \rightarrow res: conj(compu)

1: res \leftarrow \text{Obtener}(r.directasEInterfaces, c.ip).compusDirectas}

Complejidad:
```

```
IUSAINTERFAZ(in r: red, in c: compu, in i: interfaz) \rightarrow res: bool
 1: var tupVecinos:tupla \leftarrow Obtener(r.directasEInterfaces, c.ip)
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
 2: var itcompusDirectas:itConj(compu) \leftarrow CrearIt(tupVecinos.compusDirectas)
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
 3: res:bool \leftarrow false
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
 4: while HaySiguiente(itcompusDirectas) AND ¬res do
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
        if Obtener(tupVecinos.directas, Siguiente(itcompusDirectas).ip) == i then
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
 6:
            res \leftarrow true
        end if
 7:
                                                                                                                               \mathcal{O}(1)
        Avanzar(it)
 8:
 9: end while
Complejidad:
```

```
ICAMINOSMINIMOS(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: itConj(\alpha)

1: res \leftarrow \text{CrearIt}(\text{Obtener}(\text{Obtener}(r.deOrigenADestino}, c_1.ip), c_2.ip))

Complejidad:
```

```
IHAYCAMINO(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: bool

1: var conjCaminosMinimos \leftarrow \text{CaminosMinimos}(r, c_1, c_2)

2: res \leftarrow \text{EsVacio?}(conjCaminosMinimos)

Complejidad:
```

```
ICALCULARCAMINOSMINIMOS(in r: red, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: conj(lista)
 1: res \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
 2: \operatorname{var} conjCaminosImportantes:\operatorname{conj}(\operatorname{lista}) = \operatorname{Vacio}()
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
 3: \operatorname{var} pacial: \operatorname{lista} \leftarrow \operatorname{Vacia}()
 4: AgregarAtras(parcial, c_1)
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
 5: conjCaminosImportantes \leftarrow CaminosImportantes(r, c_1, c_2, parcial)
                                                                                                                                            \mathcal{O}(1)
 6: var itCaminosImportantes:itConj \leftarrow CrearIt(conjCaminosImportantes)
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
 7: while HaySiguiente?(itCaminosImportantes) do
         if EsVacio?(res) \vee \text{Longitud}(\text{DameUno}(res)) = \text{Longitud}(\text{Siguiente}(itCaminosImportantes)) then \mathcal{O}(1)
 8:
              Agregar(res, Siguiente(itCaminosImportantes))
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
 9:
10:
         else
              if Longitud(DameUno(res)) < Longitud(Siguiente(itCaminosImportantes)) then
                                                                                                                                            \mathcal{O}(1)
11:
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
12:
                  res \leftarrow Vacio()
                  Agregar(res, Siguiente(itCaminosImportantes))
                                                                                                                                             \mathcal{O}(1)
13:
              end if
14:
         end if
15:
16: end while
```

Complejidad:

```
ICAMINOSIMPORTANTES(in \ r: red, in \ c_1: compu, in \ c_2: compu, in \ pacial: lista(compu)) \rightarrow res: conj(lista)
 1: res \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                     \mathcal{O}(1)
 2: if Pertenece?(Vecinos(r, c_1), c_2) then
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
         AgregarAtras(pacial, c_2)
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 3:
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 4:
         Agregar(res, parcial)
 5: else
         var itVecinos:itConj \leftarrow CrearIt(Vecinos(r, c_1))
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 6:
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
         while HaySiguiente?(itVecinos) do
 7:
             if \negPertenece?(parcial, Siguiente(itVecinos)) then
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 8:
 9:
                 \text{var } auxParcial\text{:}lista \leftarrow \text{parcial}
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
                 AgregarAtras(auxParcial, Siguiente(itVecinos))
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
10:
                 Unir(res, CaminosImportantes(r, Siguiente(itVecinos), c_2, auxParcial))
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
11:
12:
             Avanzar(itVecinos)
                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
13:
         end while
14:
15: end if
Complejidad:
```

3. DCNet

3.1. Interfaz

se explica con: DCNET.

géneros: dcnet.

Interfaz

```
Operaciones básicas de DCNet
    Red(\mathbf{in}\ d: \mathtt{dcnet}) \to res: \mathtt{red}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{red}(d)\}\
    Complejidad: \mathcal{O}(1)
    Descripción: Devuelve la red del denet.
    CaminoRecorrido(in d: dcnet, in p: paquete ) \rightarrow res : secu(compu)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ p \in \text{paqueteEnTransito}?(d, p) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{caminoRecorrido}(d, p))\}
    Complejidad: \mathcal{O}(n * log_2(k))
    Descripción: Devuelve una secuencia con las computadoras por las que paso el paquete.
    CANTIDADENVIADOS(in d: dcnet, in c: compu) \rightarrow res: nat
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(d))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{cantidadEnviados}(d, c)\}\
    Complejidad: \mathcal{O}(|c.id|)
    Descripción: Devuelve la cantidad de paquetes que fueron enviados desde la computadora.
    \texttt{ENESPERA}(\textbf{in}\ d: \texttt{dcnet},\ \textbf{in}\ c: \texttt{compu}) 	o res: \texttt{itPaquete}
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(d))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \mathbf{enEspera}(d, c) \}
    Complejidad: \mathcal{O}(|c.id|)
    Descripción: Devuelve los paquetes que se encuentran en ese momento en la computadora.
    {\tt INICIARDCNet}(\textbf{in}\ r\colon \texttt{red}) \to res\ : \texttt{dcnet}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{iniciarDCNet}(r) \}
    Complejidad: \mathcal{O}(N * L)
    Descripción: Inicia un denet con la red y sin paquetes.
    CREARPAQUETE(in p: paquete, in/out d: dcnet)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d_0 \equiv d \land \neg ((\exists p_1: paquete)(paqueteEnTransito(s, p_1) \land id(p_1) = id(p)) \land origen(p) \in computadoras(red(d)) \land L
    destino(p) \in computadoras(red(d)) \land_L hayCamino?(red(d, origen(p), destino(p)))
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{ iniciarDCNet}(r) \}
    Complejidad: \mathcal{O}(L + log_2(k))
    Descripción: Agrega el paquete al denet.
    AVANZARSEGUNDO(in/out d: dcnet)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d_0 \equiv d \}
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} \mathrm{avanzarSegundo}(c_0)\}\
    Complejidad: \mathcal{O}(N * (L + log_2(k)))
    Descripción: El paquete de mayor prioridad de cada computadora avanza a su proxima computadora siendo esta
    la del camino mas corto.
    PAQUETEENTRANSITO?(in d: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{paqueteEnTransito?}(d,p)\}
    Complejidad: O(N * log_2(k))
```

Descripción: Devuelve si el paquete esta o no en alguna computadora del sistema.

```
\label{eq:local_local_problem} \begin{split} & \operatorname{LaQueMasEnvio}(\mathbf{in}\ d\colon \mathtt{dcnet})) \to res\ \colon \mathtt{compu} \\ & \mathbf{Pre} \equiv \{\} \\ & \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \operatorname{laQueMasEnvio}(d)\} \\ & \mathbf{Complejidad:}\ \mathcal{O}(1) \\ & \mathbf{Descripción:}\ \mathrm{Devuelve}\ \mathrm{la}\ \mathrm{computadora}\ \mathrm{que}\ \mathrm{mas}\ \mathrm{paquetes}\ \mathrm{envio}. \end{split}
```

Operaciones del iterador

3.2. Representacion

Representación

El denet esta representado con una tupla en la cual: vamos a tener la red (en d.red) con la que se inicia el denet(pasada por referencia), una tupla que tiene la computadora que mas paquetes envio y cuantos ha enviado (en d.MasEnviante). Luego, un diccionario String (d.CompYPaq) cuyas claves son las computadoras de la red y su significado es una tupla. Esta tupla tiene tres componentes: un Diccionario Rapido (MasPriori) cuya clave es un natural (prioridad, osea la prioridad del paquete) y su significado es un conj(paquete) (PaqdePriori), luego otro Diccionario Rapido (PaqYCam) cuya clave es el paquete (habiendo establecido previamente que la relacion de orden entre paquetes es por id) y su significado es una secu(compu) (CamRecorrido), finalmente un natural (Enviados) que representa la cantidad de paquetes enviados por la computadora.

```
dcnet se representa con e_dc
```

```
 \begin{array}{c} {\it donde\ e\_dc\ es\ tupla}(red:\ red,\\ {\it MasEnviante:\ tupla}(compu:\ compu,\ enviados:\ nat),\\ {\it Comp\ YPaq:}\quad {\it DiccString}(compu:\ compu,\ tupla(MasPriori:{\it DiccRapido}(prioridad:\ nat,\ PaqdePriori:{\it conj}(paquete)\ ),\ Paq\ YCam:{\it DiccRapido}\ (paq:paquete,\ CamRecorrido:{\it secu}(compu)),\ Enviados:{\it nat})\\ ) \end{array}
```

3.3. InvRep y Abs

- 1. El conjunto armado por las ips de las computadoras de 'red' es igual al conjunto con todas las claves de 'CompY-Paq'.
- 2. Para toda compu (c1) perteneciente a las claves de 'CompYPaq' cuyo significado.enviados es (e1), d.MasEnviante.enviados (e2) es mayor o igual a e1. Luego, d.MasEnviante.compu esta definida en 'CompYPaq' y su significado es e2.
- 3. si una computadora pertenece a un significado de 'PaqYCam', entonces pertenece a claves de 'CompYPaq'
- 4. La union de todos los significados de MasPriori es igual a las claves de 'PaqYCam'
- 5. si un paquete (paq) pertenece al significado de una prioridad (pri) en el diccionario MasPriori, entonces la prioridad de paq es pri
- 6. no existen claves en el diccionario 'MasPriori' con significado vacio.
- 7. si un paquete (p1) esta definido en 'PaqYCam' como significado de una computadora (c1) en el diccionario 'CompYPaq', entonces p1 no puede estar definido en 'PaqYCam' como significado de una computadora (c2), siendo c1 y c2 distintas.
- 8. si un paquete (p1) esta definido en 'PaqYCam' como significado de una computadora(c1) en el diccionario 'CompYPaq', entonces la ultima componente de su significado (osea, 'CamRecorrido') es c1

$$\text{Rep} \qquad : \text{ e } \text{ dc} \qquad \longrightarrow \text{ bool}$$

```
1
          Rep(d)
                                                                           \equiv true \iff claves(d.CompYPaq) = ipCompus(computadoras(d.red))\land
                                                                                     (\forall \text{ c:compu})(\text{c.ip} \in \text{claves}(\text{d.CompYPaq}))
                                                                                     (obtener(c.ip,d.CompYPaq).enviados
                                                                                                                                                                                                                                                                       (d.MasEnviante).enviados
                                                                                     def?(d.MasEnviante).compu, d.CompYPaq) \land_{L}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     2
                                                                                     obtener(d.MasEnviante.compu, d.CompYPaq).enviados = (d.MasEnviante).enviados)
                                                                                     (\forall c_2:\text{compu}, p:\text{paquete})(\text{esta}?(c_2,\text{obtener}(p,\text{obtener}(c.ip, d.\text{CompYPaq}).\text{PaqYCam}))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  \Rightarrow
                                                                                     def?(c_2, d.CompYPaq)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     3
                                                                                     \land juntarSignificados(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori,claves(obtene
                                                                                     = claves(obtener(c.ip,d.CompYPaq).PaqYCam)
                                                                                     (\forall pr:Nat,p:paquete)(def?(pr,Obtener(c.ip,d.CompYPaq).MasPriori) \land_{L}
                                                                                     p \in obtener(pr,c.ip,d.CompYPaq).MasPriori) \rightarrow pr = p.prioridad) \land
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     5
                                                                                     (\forall \text{ pr:Nat}) \text{ (Def?(pr, Obtener(c.ip, d.CompYPaq).MasPriori)} \Rightarrow_{L} \neg \emptyset? \text{ Obtener(pr, Obtener(
                                                                                     ner(c.ip, d.CompYPaq).MasPriori)) \lambda
                                                                                     (\forall p1:paquete, c2:computadora) (Def?(p, Obtener(c.ip, d.CompYPaq).PaqYCam)
                                                                                     def?(c2.ip, d.CompYPaq) \Rightarrow_{L} \neg def?(p, Obtener(c2.ip, d.CompYPaq).PaqYCam) \land
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     7
                                                                                     (\forall p:paquete) (def?(p, obtener(c.ip, d.CompYPaq).PaqYCam) \Rightarrow_{L} ult(obtener(p, obtener(c.ip, d.CompYPaq).PaqYCam))
                                                                                     d.CompYPaq).PaqYCam) = c
                                                                                                                           \longrightarrow Conj(string)
          ipCompus
                                                       : Conj(compu)
          juntarSignificadoDicc × Conj
                                                                                                                         \longrightarrow Conj
          juntarSignificados(dic, cl) \equiv
if vacia?(cl) then
else
          obtener(DameUno(cl),dic) \cup juntarSignificados(dic, SinUno(cl))
fi
           ipCompus(cc)
                                                                           \equiv if vacia?(cp) then \emptyset else Agregar(DameUno(cc).ip,ipCompus(SinUno(cc))) fi
           Abs
                                                      : e dc e
                                                                                                                             \rightarrow dcnet
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  \{\operatorname{Rep}(e)\}
           Abs(e) =_{obs} d: dcnet
                                                                                \mathrm{red}(d)=\mathrm{e.red}\,\wedge_{\scriptscriptstyle L}
                                                                                 (\forall p:paquete, c:compu) (paqueteEnTransito?(d, p) \Rightarrow_L (def?(c.ip, e.CompYPaq \land_L def?(p,
                                                                                 obtener(c.ip, e.CompYPaq).PaqYCam) \Rightarrow_{L} obtener(p, obtener(c.ip, e.CompYPaq).PaqYCam)
                                                                                 = \operatorname{caminoRecorrido}(d, p))
                                                                                 (\forall c:compu) (c \in computadoras(red(d)) \Rightarrow_L ((def?(c.ip, e.CompYPaq) \Rightarrow_L obtener(c.ip, e.CompYPaq))
                                                                                 e.CompYPaq).Enviados = cantidadEnviados(d, c)) \land (def?(c.ip, e.CompYPaq) \Rightarrow_{L} cla-
                                                                                 ves(obtener(c.ip, e.CompYPaq).PaqYCam) = enEspera(d, c))))
```

3.4. Algoritmos

Algoritmos

```
	ext{IRED}(	ext{in }d:	ext{dcnet}) 	o res:	ext{red} \ 1: res \leftarrow (d.	ext{red}) \ 	ext{	ext{Complejidad:}} \ \mathcal{O}(1)
```

```
\begin{split} & \text{ICaminoRecorrido}(\textbf{in} \ d \colon \texttt{dcnet}, \textbf{in} \ p \colon \texttt{paquete}) \to res \ \colon \texttt{secu(compu)} \\ & \text{1: var} \ it \leftarrow \texttt{CREAIt}(\texttt{d.CompYPaq}) \\ & \mathcal{O}(N) \end{split}
```

```
2: var esta: bool \leftarrow false
                                                                                                                                                  \mathcal{O}(1)
 3: while HaySiguiente(it) \land \neg esta do
                                                                                                                                                  \mathcal{O}(n)
          var diccpaq:diccRapido \leftarrow ((SIGUIENTE(it)).significado).PaqYCam
                                                                                                                                                  \mathcal{O}(1)
 4:
                                                                                                                                          \mathcal{O}(log_2(k))
          if DEF?(p,diccpaq) then
 5:
              esta \leftarrow true
                                                                                                                                                  \mathcal{O}(1)
 6:
 7:
              res \leftarrow OBTENER(p, diccpaq)
                                                                                                                                          \mathcal{O}(log_2(k))
          end if
 8:
                                                                                                                                                  \mathcal{O}(1)
 9:
          AVANZAR(it)
10: end while
Complejidad: \mathcal{O}(N * log_2(k)) Donde N es la cantidad de computadoras en la red, y k la cantidad maxima de
paquetes que hay en una computadora.
\mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) + n * (\mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(\log_2(k)) + \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(\log_2(k)) =
\mathcal{O}(2) + n * (2\mathcal{O}(log_2(k))) =
\mathcal{O}(n*(log_2(k)))
```

```
\begin{split} & \text{ICANTIDADENVIADOS}(\textbf{in} \ d \colon \texttt{dcnet}, \ \textbf{in} \ c \colon \texttt{compu}) \to res \ : \texttt{nat} \\ & 1: \ res \leftarrow \texttt{OBTENER}(c.\text{id}, d.\texttt{CompYPaq}). \text{Enviados} \\ & \qquad \qquad \mathcal{O}(L) \end{split}
```

Complejidad: $\mathcal{O}(L)$ Siendo L la longitud de el ID de c

Complejidad: $\mathcal{O}(|L|)$ Siendo L la longitud del ID de c

```
IINICIARDCNET(in r: red, in/out d: dcnet)
 1: d.\text{red} \leftarrow \text{r}
                                                                                                                                      \mathcal{O}(NOSE)
 2: var it \leftarrow \text{COMPUTADORAS}(\text{red})
                                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
 3: d.MasEnviante \leftarrow tupla(Siguiente(it),0)
                                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
 4: d.CompyPaq \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
 5: while HAYSIGUIENTE(it) do
                                                                                                                                             \mathcal{O}(N)
         Definir(Siguiente(it).id, tupla(Vacio(), Vacio(), 0), d.CompyPaq)
                                                                                                                                   \mathcal{O}(L+1+1)
 6:
          Avanzar(it)
                                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
 7:
 8: end while
Complejidad: \mathcal{O}(N*L) Siendo N la cantidad de computadoras en la red y L el ID mas largo de ellas.
\mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) + N * \mathcal{O}(L+1+1) + \mathcal{O}(1) =
\mathcal{O}(N * L)
```

```
ICREARPAQUETE(in p: paquete, in/out d: dcnet)
 1: var diccprio: diccRapido \leftarrow OBTENER(p.origen, d.CompYPaq).MasPriori)
                                                                                                                      \mathcal{O}(L)
 2: var dicccam: diccRapido \leftarrow OBTENER(p.origen, d.CompYPaq).PaqYCam)
                                                                                                                      \mathcal{O}(L)
 3: if \neg DEF?(p.prioridad, diccprio) then
                                                                                                                \mathcal{O}(log_2(k))
        Definir(p.prioridad,Agregar(Vacio(), p), diccprio)
                                                                                                                \mathcal{O}(log_2(k))
 4:
 5: else
 6:
        Definir(p.prioridad, Agregar(obtener(p.prioridad, diceprio), p), diceprio
                                                                                                                \mathcal{O}(log_2(k))
 7: end if
 8: DEFINIR(p, dicccam, AGREGARATRAS(<>, p.origen)
                                                                                                               \mathcal{O}(log_2(k))
```

Complejidad: $\mathcal{O}(L + log_2(k))$ Donde L es la longitud de la computadora de origen del paquete, y k la cantidad de paquetes que EnEspera en esa computadora.

```
IAVANZARSEGUNDO(in/out d: dcnet)
    1: var it \leftarrow \text{COMPUTADORAS}(\text{red})
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
    2: var aux \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
    3: while HaySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  \mathcal{O}(N)
                      var diccprio: diccRapido \leftarrow OBTENER(SIGUIENTE(it).id, d.CompYPaq).MasPriori)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \mathcal{O}(L)
    4:
                      var dicceam: diccRapido \leftarrow OBTENER(SIGUIENTE(it).id, d.CompYPaq).PaqYCam)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \mathcal{O}(L)
    5:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
                      if \neg VACIO?(diccprio) then
    6:
                                 var paq: paquete \leftarrow Primero(obtener(ClaveMax(diccprio), diccprio))
    7:
                                                                                                                                                                                                                                                                                             \mathcal{O}(log_2(k) + 1 + 1)
                                 AGREGARADELANTE(aux, tupla(paq: paq, pcant: it.id, camrecorrido: OBTENER(paq, dicccam)) \mathcal{O}(1 +
    8:
            log_2(k))
    9:
                                ELIMINAR(OBTENER(CLAVEMAX(diccprio), diccprio), paq)
                                                                                                                                                                                                                                                                          \mathcal{O}(log_2(k) + log_2(k) + 1)
                                if EsVacio?(obtener(ClaveMax(diccprio), diccprio) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \mathcal{O}(log_2(k))
 10:
                                           BORRAR(CLAVEMAX(diccprio), diccprio)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \mathcal{O}(log_2(k))
 11:
                                end if
 12:
                                BORRAR(paq, dicccam)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  \mathcal{O}(log_2(k))
 13:
 14:
                                OBTENER(SIGUIENTE(it).id, d.CompYPaq).Enviados ++
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \mathcal{O}(L)
                                if obtener(Siguiente(it).id, d.CompYPaq). Enviados > (d.MasEnviante). enviados then \mathcal{O}(L+1)
 15:
                                           d.MasEnviante \leftarrow tupla(Siguiente(it), obtener(Siguiente(it).id, d.CompYPaq).Enviados) \mathcal{O}(L+
 16:
            1)
                                end if
 17:
 18:
                      end if
                       Avanzar(it)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 19:
 20: end while
            var\ itaux \leftarrow CREARIT(aux)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 21:
            while HAYSIGUIENTE(itaux) do
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             \mathcal{O}(Nk)
 22:
                      \text{var } proxpc: \text{compu} \leftarrow \text{PRIMERO}(\text{SIGUIENTE}(\text{CAMINOSMINIMOS}(d.\text{red}, itaux.\text{pcant}, itaux.\text{destino})) \ \mathcal{O}(L_1 +
 23:
            L_2
                      var diccprio: diccRapido \leftarrow OBTENER(proxpc.id, d.CompYPaq).MasPriori)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \mathcal{O}(L)
 24:
                      var dicccam: diccRapido \leftarrow OBTENER(proxpc.id, d.CompYPaq).PaqYCam)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \mathcal{O}(L)
 25:
                      if proxpc \neq (itaux.paq).destino then
 26:
 27:
                                if Def?((itaux.paq).prioridad, diccprio) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  \mathcal{O}(log_2(k))
                                           var mismaprio: conj(paquetes) \leftarrow AGREGAR(OBTENER(it3.paq.prioridad, diccprio), it3.paq) \mathcal{O}(log_2(k))
 28:
                                           DEFINIR((it3.paq).prioridad, mismaprio, diceprio)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  \mathcal{O}(log_2(k))
 29:
                                else
 30:
                                          Definir(it3.prioridad, Agregar(Vacio(),it3.pag), diccprio)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \mathcal{O}(log_2(k))
 31:
 32:
                                end if
                                DEFINIR(p.paq, AGREGARATRAS(it3.camrecorrido, proxpc), dicccam)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \mathcal{O}(log_2(k))
 33:
                      end if
 34:
                      ELIMINAR SIGUIENTE (it3)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 35:
                       Avanzar(it3)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \mathcal{O}(1)
 36:
 37: end while
Complejidad: \mathcal{O}(N*(L+log_2(k))) Donde N es la cantidad de computadoras, L la longitud del nombre mas
largo de las computadoras, y k la cantidad mas grande de paquetes que tiene una computadora.
\mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) + N * (\mathcal{O}(L) + \mathcal{O}(L) + \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(log_2(k) + l + 1) + \mathcal{O}(1 + log_2(k)) + \mathcal{O}(log_2(k) + log_2(k) + l) + \mathcal{O}(log_2(k) + log_2(k) + log_2(k) + l) + \mathcal{O}(log_2(k) + log_2(k) + log
\mathcal{O}(log_2(k)) + \mathcal{O}(log_2(k)) + \mathcal{O}(log_2(k)) + \mathcal{O}(L) + \mathcal{O}(L) + \mathcal{O}(L) + \mathcal{O}(1)) + N * (\mathcal{O}(L) + \mathcal{O}(L) + \mathcal{O}(log_2(k)) + \mathcal{O}(l
\mathcal{O}(\log_2(k)) + \mathcal{O}(\log_2(k)) + \mathcal{O}(\log_2(k))\mathcal{O}(\log_2(k)) + \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1)) =
N * (\mathcal{O}(5 * L + 5 * log_2(k))) + N * \mathcal{O}(3 * L + 5 * log_2(k)) =
2N*(\mathcal{O}(L+log_2(k)))=
\mathcal{O}(N*(L+log_2(k)))
```

```
 \begin{split} & \text{IPAQUETEENTRANSITO?}(\textbf{in }d\text{: dcnet, in }p\text{: paquete}) \rightarrow res\text{ : bool} \\ & 1: \text{ var }it \leftarrow \text{CREARIT}(\text{COMPUTADORAS}(\text{d.red})) & \mathcal{O}(1) \\ & 2: \text{ var }esta\text{: bool} \leftarrow \text{false} & \mathcal{O}(1) \\ & 3: \text{ while } \text{HaySiguiente}(it) \land \neg esta \text{ do} & \mathcal{O}(N) \\ & 4: & esta \leftarrow \text{DEF?}(\text{OBTENER}(\text{d.CompYPaq},i.id).\text{PaqYCam },p) & \mathcal{O}(log_2(k)) \\ & 5: & \text{AVANZAR}(it) & \mathcal{O}(1) \\ & 6: \text{ end while} \\ & 7: & res \leftarrow esta & \mathcal{O}(1) \end{split}
```

Complejidad: $\mathcal{O}(N * log(k))$ Donde N es la cantidad de computadoras en la red y k la cantidad maxima de paquetes que hay en alguna compu.

$$\mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) + N * (\mathcal{O}(log_2(k)) + \mathcal{O}(1)) + \mathcal{O}(1) =$$

$$\mathcal{O}(3) + N * (\mathcal{O}(log_2(k)) =$$

$$\mathcal{O}(N * log_2(k))$$

ILaQueMasEnvio(in
$$d: dcnet$$
) $\rightarrow res: compu$
1: $res \leftarrow (d.MasEnviante).compu$ $\mathcal{O}(1)$

Complejidad: O(1)

4. Diccionario String

4.1. Interfaz

Interfaz

```
se explica con: DICCIONARIO(STRING, \alpha).
    géneros: diccString(\alpha).
Operaciones básicas de Diccionario String(\alpha)
    DEF?(in clv: string, in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(clv, d)\}\
    Complejidad: O(|clv|)
    Descripción: Revisa si la clave ingresada se encuentra definida en el Diccionario.
    Vacio() \rightarrow res : diccString(\alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs}  vacio() \}
    Complejidad: \mathcal{O}(1)
    Descripción: Crea nuevo diccionario vacio.
    Observed (in clv: string, in d: diccString(\alpha)) \rightarrow res: diccString(\alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \det?(d, clv) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{obtener}(clv, d)\}\
    Complejidad: O(|clv|)
    Descripción: Devuelve la definicion correspondiente a la clave.
    DEFINIR(in clv: string, in def: \alpha, in/out d: diccString(\alpha))
    \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(clv, def, d_0)\}\
    Complejidad: O(|clv|)
    Descripción: Agrega un nueva definicion.
    BORRAR(in clv: string, in/out d: diccString(\alpha))
    \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \wedge \mathrm{def?}(clv, d_0)\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} borrar(k, d_0) \}
    Complejidad: O(|clv|)
    Descripción: Borra la definición.
```

5. Diccionario Rápido

parámetros formales: α , β ; α tiene relación de orden

5.1. Interfaz

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}$

Interfaz

```
se explica con: Diccionario (clave, significado), iterador unidireccional (\alpha)
    géneros: diccRapido (\alpha, \beta), ITCLAVE (\alpha)
Operaciones básicas de Diccionario Rápido(\alpha,\beta)
    DEF?(\operatorname{in} c: \alpha, \operatorname{in} d: \operatorname{diccRapido}(\alpha, \beta)) \to res: \operatorname{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{def}?(c,d) \}
    Complejidad: O(log_2 n), siendo n la cantidad de claves
    Descripción: Verifica si una clave está definida.
    OBTENER(in c: \alpha, in d: diccRapido(\alpha, \beta)) \rightarrow res: \beta
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(c,d) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(c, d)\}\
    Complejidad: \mathcal{O}(\log_2 n), siendo n la cantidad de claves
    Descripción: Devuelve el significado asociado a una clave
    Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable
    Vacio() \rightarrow res : diccRapido(\alpha, \beta)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs}  vacio() \}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Crea un nuevo diccionario vacío
    DEFINIR(in c: \alpha, in s: \beta, in/out d: diccRapido(\alpha, \beta))
    \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0\}
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(c, s, d_0)\}\
    Complejidad: O(log_2 n), siendo n la cantidad de claves
    Descripción: Define la clave, asociando su significado, al diccionario
    Aliasing: Los elementos c y s se definen por referencia.
    BORRAR(in c: \alpha, in/out d: diccRapido(\alpha,\beta))
    \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \wedge \mathrm{def}?(c, d_0)\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} \mathrm{borrar}(c, d_0)\}\
    Complejidad: \mathcal{O}(\log_2 n), siendo n la cantidad de claves
    Descripción: Borra la clave del diccionario
    VACIO?(\mathbf{in}\ d: \mathtt{diccRapido}(\alpha,\beta)) \to res: \mathtt{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio?(d)\}\
    Complejidad: \mathcal{O}(1)
    Descripción: Verifica si el diccionario vacío
    CLAVEMAX(in d: diccRapido(\alpha,\beta)) \rightarrow res: \alpha
    \mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{vacio?(d)}\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} claveMax(d) \}
    Complejidad: O(log_2 n)
    Descripción: Devuelve la mayor clave
    Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable
    CLAVES(in d: diccRapido(\alpha, \beta)) \rightarrow res: itClave
```

```
Post \equiv \{res =_{obs} CrearIt(claves(d))\}
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Devuelve un iterador de paquete
```

Operaciones del Iterador

```
CREARIT(in d: diccRapido(\alpha,\beta)) \rightarrow res: itClave
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathbf{crearItUni}(\mathbf{secuClaves}(\mathbf{d}))\}
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Crea el iterador de claves
HayMas?(in it: itClave) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \mathsf{HayMas}?(it) \}
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Verifica si hay más elementos a iterar
Actual(in it: itClave) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{HayMas}?(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res \ \mathrm{Actual}(it)\}\
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Devuelve el actual del iterador
AVANZAR(in/out it: itClave)
\mathbf{Pre} \equiv \{it =_{\mathrm{obs}} it_0 \land \mathrm{HayMas}?(it_0)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{it =_{obs} \operatorname{Avanzar}(it_0)\}\
Complejidad: \mathcal{O}(n)
Descripción: Avanza el iterador
```

5.2. Auxiliares

Operaciones auxiliares

```
DAMENODOS(in p: puntero(nodo), in actual: nat, in destino: nat) \rightarrow res: conjLineal(nodo)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{nodosNivel}(p, actual, destino)\}
Complejidad: \mathcal{O}(n)
Descripción: Crea un conjunto de nodos con todos los nodos pertenecientes al nivel destino
ROTAR(in/out p: puntero(nodo))
\mathbf{Pre} \equiv \{ p =_{obs} p_0 \land p != \text{NULL } \land_{\mathsf{L}} (|\text{FactorDesbalance}(p)| > 1) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ p =_{obs} rotar(p_0) \}
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Realiza la rotación pertinente de p, de ser necesario
ROTARSIMPLEIZQ(in/out p: puntero(nodo))
\mathbf{Pre} \equiv \{p =_{\mathrm{obs}} p_0 \land p != \mathrm{NULL} \land_{\mathrm{L}} *(p).\mathrm{der} != \mathrm{NULL}\}
\mathbf{Post} \equiv \{ p =_{\text{obs}} \text{rotarSimpleIzq}(p_0) \}
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Realiza una rotación simple izquierda del nodo p, y los nodos involucrados
ROTARSIMPLEDER(in/out p: puntero(nodo))
\mathbf{Pre} \equiv \{ p =_{\mathrm{obs}} p_0 \land p != \mathrm{NULL} \land_{\mathrm{L}} *(p).\mathrm{izq} != \mathrm{NULL} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ p =_{\mathbf{obs}} \mathbf{rotarSimpleDer}(p_0) \}
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Realiza una rotación simple derecha del nodo p, y los nodos involucrados
ROTARDOBLEIZQ(in/out p: puntero(nodo))
```

```
\mathbf{Pre} \equiv \{p =_{\mathrm{obs}} p_0 \land p := \mathrm{NULL} \land_{\mathtt{L}} *(p).\mathrm{der} := \mathrm{NULL} \land_{\mathtt{L}} *(*(p).\mathrm{der}).\mathrm{izq} := \mathrm{NULL}\}
\mathbf{Post} \equiv \{ p =_{\text{obs}} \text{rotarDobleIzq}(p_0) \}
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Realiza una rotación doble izquierda del nodo p, y los nodos involucrados
ROTARDOBLEDER(in/out p: puntero(nodo))
\mathbf{Pre} \equiv \{p =_{\mathrm{obs}} p_0 \, \land \, \mathrm{p} \mathrel{!=} \mathrm{NULL} \, \land_{\scriptscriptstyle L} \, {}^*\!(\mathrm{p}).\mathrm{izq} \mathrel{!=} \mathrm{NULL} \, \land_{\scriptscriptstyle L} \, {}^*\!(\mathrm{*}(\mathrm{p}).\mathrm{izq}).\mathrm{der} \mathrel{!=} \mathrm{NULL} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ p =_{obs} \mathbf{rotarDobleDer}(p_0) \}
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Realiza una rotación doble derecha del nodo p, y los nodos involucrados
\texttt{ALTURA}(\textbf{in } p : \texttt{puntero(nodo)}) 	o res : \texttt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ p != \text{NULL} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} altura(p)\}\
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Calcula y devuelve la altura actual de p
FACTORDESBALANCE(in p: puntero(nodo)) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ p != \text{NULL} \}
Post \equiv \{res =_{obs} factorDesbalance(p)\}\
Complejidad: \mathcal{O}(1)
Descripción: Calcula y devuelve el factor de desbalance actual de p
```

5.3. Representación

Representación

Representación del Diccionario

Como se sabe que la cantidad de claves no está acotada, este diccionario estará representado con un AVL. Cabe destacar, que las claves del diccionario deben contener una relación de orden.

```
diccRapido(\alpha,\beta) se representa con estr donde estr es tupla(raiz: puntero(nodo), tam: nat) donde nodo es tupla(clave: \alpha, significado: \beta, padre: puntero(nodo), izq: puntero(nodo), der: puntero(nodo), alt: nat)
```

Representación del Iterador

```
itClave se representa con estr
```

```
donde estr es tupla(nivel actual: nat, #nodos recorridos: nat, #nodos: nat, actual: puntero(nodo), raiz: puntero(nodo)) donde nodo es tupla(clave: \alpha, significado: \beta, padre: puntero(nodo), izq: puntero(nodo), der: puntero(nodo), alt: nat)
```

5.4. InvRep y Abs

InvRep en lenguaje coloquial:

- 1. La componente "tam" es igual a la cantidad de nodos del árbol.
- 2. Todo nodo del árbol tiene padre, con excepción de la raíz, que no tiene padre. Y de tener padre, como máximo, puede existir otro nodo que tenga el mismo padre.
- 3. No puede haber un nodo que sea hijo de dos nodos distintos.
- 4. Un nodo (n1) tiene a otro nodo (n2) como hijo (ya sea izquierdo, o derecho), si y solo si n2 tiene a n1 como padre.

- 5. Un nodo no puede tener al mismo hijo izquierdo y derecho. Tampoco puede tenerse a sí mismo como padre, o hijo izquierdo, o derecho.
- 6. La relación de orden es total.
- 7. No hay dos nodos con la misma componente "clave".
- 8. Para todo nodo, todos los nodos de su subárbol derecho son mayores a él.
- 9. Para todo nodo, todos los nodos del su subárbol izquierdo son menores que él.
- 10. La componente "alt" de cada nodo es igual a la cantidad de nodos que hay que "bajar" para llegar a su hoja mas lejana + 1. Vale aclarar que el nodo hoja tiene la componente "alt" igual a 1.
- 11. Para todo nodo, la diferencia, en módulo, de la altura entre sus subárboles es menor o igual a 1.
- 12. Siempre existe un camino entre la raíz y cualquier otro nodo.
- 13. No hay ciclos. Más formalmente, partiendo de un nodo, no se puede volver a pasar por él sin utilizar la operación padre.

Abs:

```
Abs : estr e \longrightarrow Diccionario(Clave, Significado) {Rep(e)}

Abs(e) =_{\text{obs}} d: Diccionario(Clave, Significado) | (\forall c: clave)

\det?(c, d) = \text{Def}?(c, e) \land_{L}

\text{obtener}(c, d) = \text{Obtener}(c, e)
```

5.5. Algoritmos

Algoritmos

```
IDEF?(\operatorname{in} c: \alpha, \operatorname{in} d: \operatorname{diccRapido}(\alpha, \beta)) \to res: \operatorname{bool}
  1: var pNodo: puntero(nodo) \leftarrow d.raiz
                                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
  2: while pNodo != NULL do
                                                                                                                                                        \mathcal{O}(log_2 \ n * k)
           if *(pNodo).clave == c then
                                                                                                                                                                    \mathcal{O}(k)
  3:
                res \leftarrow true
                                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
  4:
                return res
                                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
  5:
  6:
           else
                                                                                                                                                                    \mathcal{O}(k)
                if c > *(pNodo).clave then
  7:
                     pNodo \leftarrow *(pNodo).der
                                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
  8:
  9:
                else
10:
                     pNodo \leftarrow *(pNodo).izq
                                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
11:
                end if
           end if
12:
13: end while
                                                                                                                                                                   \mathcal{O}(1)
14: res \leftarrow false
```

Complejidad: $O(log_2 \ n * k)$

Siendo n la cantidad de nodos y k el costo de comparación de α .

Vamos a ignorar las asignaciones, dado que éstas siempre ocurren en tiempo constante. Para analizar la complejidad del ciclo, es necesario tomar en cuenta cuantas iteraciones (como máximo) haría éste antes de romper su guarda y cuánto cuesta cada una. Como se trata de buscar un nodo en un AVL, sabemos que la búsqueda es $\mathcal{O}(\log_2 n * k)$, dado que el árbol está balanceado, es decir, en el peor caso estaremos buscando un nodo que puede pertenecer (o no) al último nivel y por esto se debe descender $\mathcal{O}(\log_2 n)$ veces. Luego, cada iteración cuesta $\mathcal{O}(k)$. Finalmente, la complejidad del ciclo es la que define la complejidad del algoritmo.

```
IOBTENER(in c: \alpha, in d: diccRapido(\alpha, \beta)) \rightarrow res: \beta
 1: var pNodo: puntero(nodo) \leftarrow d.raiz
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(1)
     while *(pNodo).clave != c do
                                                                                                                                        \mathcal{O}(log_2 \ n * k)
          if c > *(pNodo).clave then
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(k)
 3:
              pNodo \leftarrow *(pNodo).der
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(1)
 4:
 5:
          else
              pNodo \leftarrow *(pNodo).izq
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(1)
 6:
 7.
         end if
 8: end while
 9: res \leftarrow *(pNodo).significado
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(1)
```

Complejidad: $\mathcal{O}(log_2 \ n * k)$

Siendo n la cantidad de nodos y k el costo de comparación de α .

Es un algoritmo muy parecido al de DEF?. Nuevamente ignoraremos las asignaciones, dado que éstas siempre ocurren en tiempo constante. Para analizar la complejidad del ciclo, es necesario tomar en cuenta cuantas iteraciones (como máximo) haría éste antes de romper su guarda y cuánto cuesta cada una. Como se trata de buscar un nodo en un AVL, sabemos que la búsqueda es $\mathcal{O}(\log_2 n * k)$, dado que el árbol está balanceado, es decir, en el peor caso estaremos buscando un nodo que puede pertenecer (o no) al último nivel y por esto se debe descender $\mathcal{O}(\log_2 n)$ veces. Luego, cada iteración cuesta $\mathcal{O}(k)$. Finalmente, la complejidad del ciclo es la que define la complejidad del algoritmo.

```
IVACÍO() \rightarrow res: diccRapido(\alpha, \beta)
 1: var res: diccRapido(\alpha,\beta) \leftarrow tupla(NULL, 0)
                                                                                                                                                       \mathcal{O}(1)
Complejidad: \mathcal{O}(1)
```

```
IDEFINIR(in c: \alpha, in s: \beta, in/out d: diccRapido(\alpha, \beta))
 2: if d.raiz == NULL then
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
          d.raiz \leftarrow \&tupla(c, s, NULL, NULL, NULL, 1)
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
 3:
          d.tam \leftarrow 1
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
 4:
 5: else
         if Def?(c, d) then
                                                                                                                                        \mathcal{O}(log_2 \ n * k)
 6:
               var pNodo: puntero(nodo) \leftarrow d.raiz
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
 7:
              while *(pNodo).clave != c do
                                                                                                                                        \mathcal{O}(log_2 \ n * k)
 8:
                   if c > *(pNodo).clave then
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(k)
 9:
                        pNodo \leftarrow *(pNodo).der
10:
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
                   else
11:
                        pNodo \leftarrow *(pNodo).izq
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
12:
                   end if
13:
              end while
14:
               *(pNodo).significado \leftarrow s
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
15:
          else
16:
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
              var seguir: bool \leftarrow true
17:
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
              var pNodo: puntero(nodo) \leftarrow d.raiz
18:
                                                                                                                                        \mathcal{O}(log2\ n*k)
              while seguir == true do
19:
                   \label{eq:condition} \textbf{if} \ c > *(pNodo).clave \, \wedge \, *(pNodo).der == NULL \ \textbf{then}
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(k)
20:
                         *(pNodo).der \leftarrow &tupla(c, s, pNodo, NULL, NULL, 1)
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
21:
                        seguir \leftarrow false
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(1)
22:
                   else
23:
                        if c > *(pNodo).clave \land *(pNodo).der != NULL then
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(k)
24:
                            pNodo \leftarrow *(pNodo).der
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
25:
26:
                        else
                             if c < *(pNodo).clave \land *(pNodo).izq == NULL then
27:
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(k)
                                  *(pNodo).izq \leftarrow &tupla(c, s, pNodo, NULL, NULL, 1)
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
28:
```

```
\mathcal{O}(1)
29:
                            seguir \leftarrow false
30:
                        else
                            pNodo \leftarrow *(pNodo).izq
                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
31:
                        end if
32:
                    end if
33:
                end if
34:
            end while
35:
            d.tam \leftarrow d.tam + 1
                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
36:
                                                                                                                    \mathcal{O}(log2\ n*k)
37:
            while pNodo!= NULL do
                var padrePNodo \leftarrow *(pNodo).padre
                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
38:
                if |FACTORDESBALANCE(pNodo)| > 1 then
                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
39:
                    ROTAR(pNodo)
40:
                                                                                                                              \mathcal{O}(k)
41:
                     *(pNodo).alt \leftarrow ALTURA(pNodo)
                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
42:
                end if
43:
                                                                                                                              \mathcal{O}(1)
                pNodo \leftarrow padrePNodo
44:
            end while
45:
        end if
46:
47: end if
Complejidad: O(log_2 \ n * k)
Siendo n la cantidad de nodos, y k el costo de comparación de \alpha.
En este algoritmo, tomaremos en cuenta las complejidades de tres casos e ignoraremos las asignaciones (dado
que son constantes).
-El primer caso es cuando se quiera definir en un diccionario vacío, esto es \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) + \mathcal{O}(1) = 3 * \mathcal{O}(1)
= \mathcal{O}(1)
-El segundo caso es cuando se quiera definir una clave que ya estaba definida previamente, aquí ignoraremos las
asignaciones (cuyas complejidades son \mathcal{O}(1)), y nos centraremos en el uso de DEF? y el ciclo. DEF? sabemos
que toma \mathcal{O}(\log_2 n * k), y en cuanto al ciclo, sabemos que tomará \mathcal{O}(\log_2 n * k) también, porque iterará hasta
buscar el nodo buscado (itera \mathcal{O}(log_2 n) veces) y cada iteración cuesta \mathcal{O}(k). Esto es: \mathcal{O}(log_2 n * k) +
\mathcal{O}(\log_2 n * k) = 2 * \mathcal{O}(\log_2 n * k) = \mathcal{O}(\log_2 n * k)
-El tercer caso es cuando se quiera definir una clave que no estaba definida anteriormente. Nuevamente
ignoraremos las asignaciones y condicionales, y nos centraremos en los dos ciclos. El primer ciclo consiste en
iterar hasta llegar a la posición donde queremos insertar el nuevo nodo, nuevamente esto es \mathcal{O}(\log_2 n) porque
en peor caso tendríamos que descender hasta la hoja más lejana. Por último, el segundo ciclo recorre, de abajo
hacia arriba, la rama por la que acabamos de bajar, y dado que como ya mencionamos que ésta tiene (a lo
sumo) log_2 n elementos, esto es \mathcal{O}(log_2 n). Finalmente, dado que este caso tiene éstas tres complejidades no
anidadas: \mathcal{O}(\log_2 n) + \mathcal{O}(\log_2 n) + \mathcal{O}(\log_2 n) = 3 * \mathcal{O}(\log_2 n) = \mathcal{O}(\log_2 n).
-Ahora, como teníamos tres casos, la complejidad es el máximo de ellos: max( \mathcal{O}(1) , \mathcal{O}(\log_2 n) , \mathcal{O}(\log_2 n) ) =
\mathcal{O}(log_2 n)
```

```
IBORRAR(in c: \alpha, in/out d: diccRapido(\alpha,\beta))
 1: var p
Nodo: puntero<br/>(nodo) \leftarrow d.raiz
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
     while c != *(pNodo).clave do
                                                                                                                                \mathcal{O}(log_2 \ n * k)
 2:
 3:
         if c > *(pNodo).clave then
                                                                                                                                           \mathcal{O}(k)
              pNodo \leftarrow *(pNodo).der
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 4:
 5:
              pNodo \leftarrow *(pNodo).izq
 6:
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
         end if
 7:
     end while
     if *(pNodo).izq == NULL \wedge *(pNodo).der == NULL then
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 9:
         if *(pNodo).padre == NULL then
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
10:
              d.raiz \leftarrow NULL
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
11:
12:
         else
              if pNodo == *(*(pNodo).padre).izq then
13:
                                                                                                                                           \mathcal{O}(k)
                  *(*(pNodo).padre).izq \leftarrow NULL
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
14:
```

```
15:
             else
                  *(*(pNodo).padre).der \leftarrow NULL
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
16:
             end if
17:
         end if
18:
    else
19:
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
         if *(pNodo).izq == NULL \wedge *(pNodo).der != NULL then
20:
             if *(pNodo).padre == NULL then
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
21:
                  *(*(pNodo).der).padre \leftarrow NULL
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
22:
23:
                  d.raiz \leftarrow *(pNodo).der
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
             else
24:
                 if pNodo == *(*(pNodo).padre).izq then
                                                                                                                                          \mathcal{O}(k)
25:
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
                      *(*(pNodo).padre).izq \leftarrow *(pNodo).der
26:
27:
                      *(*(pNodo).padre).der \leftarrow *(pNodo).der
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
28:
                  end if
29:
                  *(*(pNodo).der).padre \leftarrow *(pNodo).padre
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
30:
31:
             end if
         else
32:
             if *(pNodo).izq != NULL \wedge *(pNodo).der == NULL  then
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
33:
34:
                 if *(pNodo).padre == NULL then
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
                      *(*(pNodo).izq).padre \leftarrow NULL
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
35:
                      d.raiz \leftarrow *(pNodo).izq
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
36:
                  else
37:
                      if pNodo == *(*(pNodo).padre).izq then
                                                                                                                                          \mathcal{O}(k)
38:
                           *(*(pNodo).padre).izq \leftarrow *(pNodo).izq
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
39:
                      else
40:
                           *(*(pNodo).padre).der \leftarrow *(pNodo).izq
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
41:
42:
                      *(*(pNodo).izq).padre \leftarrow *(pNodo).padre
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
43:
                 end if
44:
45:
             else
                  var nuevoPNodo: puntero(nodo) \leftarrow *(pNodo).der
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
46:
                  while *(nuevoPNodo).izq != NULL do
                                                                                                                               \mathcal{O}(log_2 \ n * k)
47:
                      nuevoPNodo \leftarrow *(nuevoPNodo).izq
48:
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
49:
                  end while
                  *(pNodo).clave \leftarrow *(nuevoPNodo).clave
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
50:
                  *(pNodo).significado \leftarrow *(nuevoPNodo).significado
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
51:
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
                 if *(nuevoPNodo).der != NULL then
52:
                      if *(*(nuevoPNodo).padre).izq == nuevoPNodo then
                                                                                                                                          \mathcal{O}(k)
53:
54:
                           *(*(nuevoPNodo).padre).izq \leftarrow *(nuevoPNodo).der
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
                      else
55:
                           *(*(nuevoPNodo).padre).der \leftarrow *(nuevoPNodo).der
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
56:
                      end if
57:
                      *(*(nuevoPNodo).der).padre \leftarrow *(nuevoPNodo).padre
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
58:
                 else
59:
                      \mathbf{if}\ ^*(^*(\mathrm{nuevoPNodo}).\mathrm{padre}).\mathrm{izq} == \mathrm{nuevoPNodo}\ \mathbf{then}
                                                                                                                                          \mathcal{O}(k)
60:
                           *(*(nuevoPNodo).padre).izq \leftarrow NULL
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
61:
62:
                           *(*(nuevoPNodo).padre).der \leftarrow NULL
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
63:
                      end if
64:
65:
                  end if
66:
             end if
         end if
67:
68: end if
69: d.tam \leftarrow d.tam - 1
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
70: pNodo \leftarrow *(nuevoPNodo).padre
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
71: while pNodo!= NULL do
                                                                                                                               \mathcal{O}(log_2 \ n * k)
```

```
\mathcal{O}(1)
72:
        var padrePNodo \leftarrow *(pNodo).padre
        if |FACTORDESBALANCE(pNodo)| > 1 then
                                                                                                                                        \mathcal{O}(1)
73:
             ROTAR(pNodo)
                                                                                                                                        \mathcal{O}(k)
74:
75:
        else
             *(pNodo).alt \leftarrow ALTURA(pNodo)
                                                                                                                                        \mathcal{O}(1)
76:
77:
        pNodo \leftarrow padrePNodo
                                                                                                                                        \mathcal{O}(1)
78:
79: end while
```

Complejidad: $O(log_2 \ n * k)$

Siendo n la cantidad de nodos.

Nuevamente ignoraremos los condicionales y asignaciones (dado que son constantes), y nos centraremos en los tres ciclos.

- -El primer ciclo consiste en buscar el elemento a borrar, dado que es una búsqueda en un AVL, esto es $\mathcal{O}(\log_2 n)$.
- -El segundo ciclo sucede sólo cuando el elemento a borrar tiene dos subárboles hijos distintos de NULL, esto consiste en buscar el sucesor in-order (es decir, bajar un nodo a la derecha, y luego bajar lo máximo posible hacia la izquierda. Así se encuentra el siguiente "inmediato"). Dado que es una búsqueda, y se empieza a descender desde el nodo a borrar (en peor caso, se empieza desde la raíz), esto toma $\mathcal{O}(\log_2 n)$. Cabe aclarar que éste ciclo no siempre se ejecuta, pero dado que en los demás casos la complejidad es de $\mathcal{O}(1)$, podemos asumir que dado el caso que haya sido, estará acotado por la complejidad del peor, osea éste.
- -El tercer ciclo consiste en recorrer, de abajo hacia arriba, la rama en la cual se borró el nodo auxiliar buscado (e ir rotando según corresponda), esto toma $\mathcal{O}(\log_2 n)$.
- -Finalmente, la complejidad total es la suma de todos estas complejidades parciales: $\mathcal{O}(\log_2 n) + \mathcal{O}(\log_2 n) + \mathcal{O}(\log_2 n) = 3 * \mathcal{O}(\log_2 n) = \mathcal{O}(\log_2 n)$

```
 \begin{split} & \text{IVac\'io?}(\textbf{in }d\text{:}\operatorname{diccRapido}(\alpha,\beta)) \to res : \texttt{bool} \\ & 1: \textbf{ if }\operatorname{d.raiz} == \texttt{NULL }\textbf{ then} \\ & 2: \quad res \leftarrow \texttt{true} \\ & 3: \textbf{ else} \\ & 4: \quad res \leftarrow \texttt{false} \\ & 5: \textbf{ end if} \end{split}
```

```
ICLAVEMAX(in d: diccRapido(\alpha, \beta)) \rightarrow res : \alpha

1: var pNodo: puntero(nodo) \leftarrow d.raiz

2: while *(pNodo).der != NULL do

3: pNodo \leftarrow *(pNodo).der

4: end while

5: res \leftarrow *(pNodo).clave

\mathcal{O}(1)
```

Complejidad: $O(log_2 n)$

Siendo n la cantidad de nodos. Ignorando las asignaciones, vemos que lo único a calcular es la cantidad de iteraciones del ciclo. Dado que el ciclo es una búsqueda en un AVL (en particular, se busca el elemento más grande), éste tomará a lo sumo log_2 n iteraciones.

```
\begin{split} & \text{ICLAVES}(\textbf{in }d: \texttt{diccRapido}(\alpha,\beta)) \to res: \texttt{itClave} \\ & \text{1: } res \leftarrow \text{CREARIT}(\textbf{d}) \\ & \mathcal{O}(1) \end{split} \textbf{Complejidad: } \mathcal{O}(1) \end{split}
```

```
\begin{split} & \text{ICrearIT}(\textbf{in }d \colon \texttt{diccRapido}(\alpha,\beta)) \to res : \texttt{itClave} \\ & \text{1: } res \leftarrow \text{tupla}(1,\,0,\,\text{d.tam, d.raiz, d.raiz}) \\ & \textbf{Complejidad: } \mathcal{O}(1) \end{split}
```

```
IHAYMAS?(in it: itClave) \rightarrow res: bool

1: if it.1, < it.2 - 1 then

2: res \leftarrow true

3: else

4: res \leftarrow false
5: end if

Complejidad: \mathcal{O}(1)
```

```
\begin{split} & \text{IACTUAL}(\textbf{in } it \colon \textbf{itClave}) \to res \, : \, \alpha \\ & \text{1: } res \leftarrow \textbf{*}(\textbf{it.3}).\textbf{clave} \\ & \textbf{Complejidad: } \mathcal{O}(1) \end{split}
```

```
IAVANZAR(in/out it: itClave)
 1: it.1 \leftarrow it.1 + 1
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
 2: var itNodosNivelActual \leftarrow CREARIT(DAMENODOS(it.4, 1, it.0))
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(n)
 3: var bAvanzar:bool ← true
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
 4: while bAvanzar do
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(n)
          AVANZAR(itNodosNivelActual)
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
 5:
          \mathbf{if} \ \operatorname{Anterior}(\mathrm{itNodosNivelActual}) == \operatorname{Actual}(\mathrm{it}) \ \mathbf{then}
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
 6:
 7:
              bAvanzar \leftarrow false
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
          else
 8:
          end if
 9:
10: end while
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
11: if HaySiguiente?(itNodosNivelActual) then
          it.3 \leftarrow Siguiente(itNodosNivelActual)
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
12:
13: else
          it.0 \leftarrow it.0 + 1
                                                                                                                                                    \mathcal{O}(1)
14:
          it.3 \leftarrow Siguiente(CrearIt(DameNodos(it.4, 1, it.0)))
                                                                                                                                                   \mathcal{O}(n)
15:
16: end if
```

Complejidad: O(n)

Siendo n la cantidad de nodos.

el ciclo busca encontrar el nodo en donde se encuentra el iterador, para eso avanza el nuevo iterador creado, que itera un conjunto de nodos -estos nodos son todos los del nivel al que pertence el iterador buscado-. En el peor caso este conjunto es de n / 2 elementos, porque sería el nivel más bajo. Por eso tiene complejidad $\mathcal{O}(n)$. Además se le agrega a la complejidad total, la complejidad de llamar a DAMENODOS dos veces.

La complejidad total sería: $\mathcal{O}(n) + \mathcal{O}(n) + \mathcal{O}(n) = 3 * \mathcal{O}(n) = \mathcal{O}(n)$

```
\begin{array}{c} \text{IDameNodos}(\textbf{in}\ p\colon \texttt{puntero}(\texttt{nodo}),\ \textbf{in}\ actual\colon \texttt{nat},\ \textbf{in}\ destino\colon \texttt{nat}) \to res\ \colon \texttt{Conj}(\texttt{nodo}) \\ 1:\ res \leftarrow \texttt{Vacio}() & \mathcal{O}(1) \\ 2:\ \textbf{if}\ p == \texttt{NULL}\ \textbf{then} & \mathcal{O}(1) \\ 3:\ \textbf{else} & \\ 4:\ \ \textbf{if}\ actual == \ destino\ \textbf{then} & \mathcal{O}(1) \\ 5:\ \ AgregarAtrás(res\ ,\ p) & \mathcal{O}(1) \\ 6:\ \ \textbf{else} & \\ \end{array}
```

```
7: UNION(DAMENODOS(*(p).izq, actual + 1, destino), DAMENODOS(*(p).der, actual + 1, destino)) \mathcal{O}(n)
8: end if
9: end if
Complejidad: \mathcal{O}(n)
```

```
IROTAR(in/out p: puntero(nodo))
 1: if FactorDesbalance(p) < 1 then
                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
        if FACTORDESBALANCE(*(p).der) > 1 then
                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
            res \leftarrow \text{RotarDobleIzQ}(p)
                                                                                                                                \mathcal{O}(k)
 3:
        else
 4:
                                                                                                                                \mathcal{O}(k)
 5:
            res \leftarrow \text{RotarSimpleIzQ}(p)
        end if
 6:
 7: else
 8:
        if FactorDesbalance(*(p).izq) < 1 then
                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
            res \leftarrow RotarDobleDer(p)
                                                                                                                                \mathcal{O}(k)
 9:
10:
                                                                                                                                \mathcal{O}(k)
            res \leftarrow RotanSimpleDer(p)
11:
        end if
12:
13: end if
Complejidad: O(k)
```

```
IROTARSIMPLEIZQ(in/out p: puntero(nodo))
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
 1: var r: puntero(nodo) \leftarrow p
 2: var r2: puntero(nodo) \leftarrow *(r).der
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
 3: var i: puntero(nodo) \leftarrow *(r).izq
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
 4: var i2: puntero(nodo) \leftarrow *(r2).izq
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
 5: var d2: puntero(nodo) \leftarrow *(r2).der
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
 6: var padre: puntero(nodo) \leftarrow *(r).padre
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
 7: if padre != NULL then
          if r == *(padre).izq then
                                                                                                                                                        \mathcal{O}(k)
 8:
               *(padre).izq \leftarrow r2
                                                                                                                                                        \mathcal{O}(1)
 9:
10:
               *(padre).der \leftarrow r2
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
11:
          end if
12:
13: else
14: end if
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
15: *(r2).padre \leftarrow padre
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
16: *(r2).izq \leftarrow r
17: *(r).padre \leftarrow r2
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
18: *(r).der \leftarrow i2
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
19: if i2 != NULL then
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
           *(i2).padre \leftarrow r
                                                                                                                                                         \mathcal{O}(1)
20:
21: else
22: end if
                                                                                                                                                        \mathcal{O}(1)
23: *(r).alt \leftarrow ALTURA(r)
24: *(r2).alt \leftarrow Altura(r2)
                                                                                                                                                        \mathcal{O}(1)
Complejidad: O(k)
```

```
IROTARSIMPLEDER(in/out p: puntero(nodo))

1: var r: puntero(nodo) \leftarrow p

2: var r2: puntero(nodo) \leftarrow *(r).izq

\mathcal{O}(1)
```

```
\mathcal{O}(1)
 3: var d: puntero(nodo) \leftarrow *(r).der
 4: var i2: puntero(nodo) \leftarrow *(r2).izq
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 5: var d2: puntero(nodo) \leftarrow *(r2).der
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 6: var padre: puntero(nodo) \leftarrow *(r).padre
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 7: if padre != NULL then
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
          if r == *(padre).izq then
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(k)
 8:
               *(padre).izq \leftarrow r2
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 9:
10:
          else
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
11:
               *(padre).der \leftarrow r2
12:
          end if
13: else
14: end if
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
15: *(r2).padre \leftarrow padre
16: *(r2).der \leftarrow r
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
17: *(r).padre \leftarrow r2
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
18: *(r).izq \leftarrow d2
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
19: if d2 != NULL then
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
           *(d2).padre \leftarrow r
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
20:
21: else
22: end if
23: *(r).alt \leftarrow ALTURA(r)
                                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
24: *(r2).alt \leftarrow ALTURA(r2)
Complejidad: O(k)
```

```
\begin{split} & \text{IRotarDobleIzQ}(\textbf{in/out}\ p\colon \textbf{puntero(nodo)}) \\ & \text{1:}\ \text{RotarSimpleDer}(^*(\textbf{p}).\text{der}) \\ & \text{2:}\ \text{RotarSimpleIzQ}(\textbf{p}) \\ & \text{\textbf{Complejidad:}}\ \mathcal{O}(k) \\ & \\ & \text{\textbf{Complejidad:}}\ \mathcal{O}(k) \end{split}
```

```
\begin{split} & \text{IRotarDobleDer}(\textbf{in/out}\ p\colon \texttt{puntero(nodo)}) \\ & \text{1:}\ \text{RotarSimpleIzq}(^*(\textbf{p}).\text{izq}) & \mathcal{O}(k) \\ & \text{2:}\ \text{RotarSimpleDer}(\textbf{p}) & \mathcal{O}(k) \\ & \textbf{Complejidad:}\ \mathcal{O}(k) \end{split}
```

```
IALTURA(in p: puntero(nodo)) \rightarrow res: nat
 1: if *(p).izq == NULL \wedge *(p).der == NULL then
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
         res \leftarrow 1
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 2:
 3: else
         if *(p).izq != NULL \wedge *(p).der == NULL then
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
 4:
             res \leftarrow *(*(p).izq).alt + 1
                                                                                                                                          \mathcal{O}(1)
 5:
         else
 6:
             if *(p).izq == NULL \wedge *(p).der != NULL then
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 7:
 8:
                  res \leftarrow *(*(p).der).alt + 1
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 9:
                  res \leftarrow \max(*(*(p).izq).alt, *(*(p).der).alt) + 1
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
10:
             end if
11:
12:
         end if
13: end if
```

Complejidad: O(1)

```
{\tt IFACTORDESBALANCE}(\textbf{in}\ p\colon \texttt{puntero(nodo)}) \to res\ : \texttt{nat}
  1: if *(p).izq == NULL \wedge *(p).der == NULL then
                                                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
          \mathrm{res} \leftarrow 0
                                                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
  2:
  3: else
          \textbf{if} \ *(p).izq \mathrel{!=} NULL \ \land *(p).der \mathrel{==} NULL \ \textbf{then}
                                                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
  4:
                res \leftarrow *(*(p).izq).alt
                                                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
  5:
  6:
                \mathbf{if}\ *(p).izq == NULL \ \land \ *(p).der \ != NULL\ \mathbf{then}
                                                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
  7:
                     res \leftarrow - *(*(p).der).alt
                                                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
  8:
  9:
                     res \leftarrow *(*(p).izq).alt - *(*(p).der).alt
                                                                                                                                                                 \mathcal{O}(1)
10:
                end if
11:
           end if
12:
13: end if
Complejidad: O(1)
```

6. Extensión de Lista Enlazada(α)

6.1. Interfaz

Interfaz

```
se explica con: Secu(\alpha), Iterador Bidireccional(\alpha).
géneros: lista, itLista(\alpha).
```

Operaciones básicas de lista

```
PERTENECE?(in l: lista, in e: \alpha) \rightarrow res: bool \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} \text{ está?}(l,e) \}
\mathbf{Complejidad:} \ \mathcal{O}(1)
\mathbf{Descripción:} \ \text{Devuelve true o false según si el elemento pertenece o no a la lista}
```

6.2. Algoritmos

Algoritmos

```
PERTENECE?(in l: lista(lpha), in e: lista) 
ightarrow res : bool
 1: var itLista \leftarrow CrearIt(1)
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 2: res \leftarrow false
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 3: while HaySiguiente(itLista) AND \neg res do
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
         if Siguiente(itLista) == e then
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 4:
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
              res \leftarrow true
         end if
 6:
         Avanzar(itLista)
                                                                                                                                           \mathcal{O}(1)
 8: end while
Complejidad: O(1)
```

7. Extensión de Conjunto Lineal(α)

7.1. Interfaz

Interfaz

```
se explica con: CONJ(\alpha), ITERADOR BIDIRECCIONAL MODIFICABLE(\alpha). géneros: conj, itConj(\alpha).
```

Operaciones básicas de Conjunto

```
UNION(in/out c: conj(\alpha), in d: conj(\alpha)) \rightarrow res: itConj(\alpha)

Pre \equiv \{c =_{\text{obs}} c_0\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} crearItBi(c \cup d)\}

Complejidad: \mathcal{O}(1)

Descripción: Modifica el c para que contenga la unión de los dos conjuntos pasados como parámetro Aliasing: Los elementos de c se copian a d

DAMEUNO(in c: conj(\alpha)) \rightarrow res: \alpha

Pre \equiv \{\#(c) > 0\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} DameUno(c)\}

Complejidad: \mathcal{O}(1)

Descripción: Devuelve un elemento cualquiera del conjunto
```

7.2. Algoritmos

Algoritmos

```
\begin{array}{lll} \text{Union}(\textbf{in/out}\ c\colon \texttt{conj}\ (\alpha),\ \textbf{in}\ d\colon \texttt{conj}\ (\alpha)) \to res\ \colon \texttt{itConj}\ (\alpha) \\ 1\colon \ \text{var}\ itConj \leftarrow \text{CrearIt}(d) & \mathcal{O}(1) \\ 2\colon \ \textbf{while}\ \text{HaySiguiente}(itConj)\ \textbf{do} & \mathcal{O}(1) \\ 3\colon \ \ \text{Agregar}(c,\ \text{Siguiente}(itConj)) & \mathcal{O}(1) \\ 4\colon \ \ \ \text{Avanzar}(itConj) & \mathcal{O}(1) \\ 5\colon \ \textbf{end}\ \ \textbf{while} \\ 6\colon \ \text{var}\ res \leftarrow \text{CrearIt}(c) & \mathcal{O}(1) \\ \\ \textbf{Complejidad:}\ \mathcal{O}(1) & \\ \end{array}
```

```
DameUno(in c: conj(\alpha))

1: var itConj \leftarrow \text{CrearIt}(c)

2: res \leftarrow \text{Siguiente}(itConj))

Complejidad: \mathcal{O}(1)
```